```
In [ ]: # Tugas Besar Mata Kuliah Probabilitas dan Statistika
        # Anagota
        # - Brianaldo Phandiarta - 13520113
         # - M Syahrul Surya Putra - 13520161
In [ ]: import pandas as pd
        import matplotlib.pyplot as plt
         import statistics
         import scipy.stats as st
         from statsmodels.stats.proportion import proportions ztest
         from IPython.display import display, Markdown
        df = pd.read_csv("water_potability.csv",
                             names=["id",
                                      "pH",
                                     "Hardness",
                                     "Solids",
                                     "Chloramines",
                                     "Sulfate",
                                     "Conductivity",
                                     "OrganicCarbon",
                                     "Trihalomethanes",
                                     "Turbidity",
                                     "Potability"]
                             ).set index("id")
```

Soal 1

```
def dataDescription(data):
In [ ]:
            dataFrame = df[data]
            display(Markdown("-- Deskripsi Data %s --" % data))
            display(Markdown("Mean: %s" % dataFrame.mean()))
            display(Markdown("Median: %s" % dataFrame.median()))
            display(Markdown("Modus: %s" % statistics.mode(dataFrame)))
            display(Markdown("Standar Deviasi: %s" % dataFrame.std()))
            display(Markdown("Variansi: %s" % dataFrame.var()))
            display(Markdown("Range: %s" % (dataFrame.max() - dataFrame.min())))
            display(Markdown("Nilai Minimum: %s" % dataFrame.min()))
            display(Markdown("Nilai Maksimum: %s" % dataFrame.max()))
            display(Markdown("Skewness: %s" % dataFrame.skew()))
            display(Markdown("Kurtosis: %s\n" % dataFrame.kurt()))
            display(Markdown("<br>-- Kuartil --"))
            display(Markdown("Kuartil 1: %s<br>Kuartil 2: %s<br>Kuartil 3: %s" % (dataFrame.qu
            display(Markdown("IQR: %s" % (dataFrame.quantile(0.75) - dataFrame.quantile(0.25))
In [ ]: dataDescription("pH")
       -- Deskripsi Data pH --
       Mean: 7.0871927687138285
       Median: 7.029490455474185
       Modus: 8.316765884214679
```

Standar Deviasi: 1.5728029470456655

Variansi: 2.4737091102355304

Range: 13.7725009497978

Nilai Minimum: 0.2274990502021987

Nilai Maksimum: 13.9999999999998

Skewness: 0.04853451405270669

Kurtosis: 0.6269041256617065

-- Kuartil --

Kuartil 1: 6.09078502142353 Kuartil 2: 7.029490455474185 Kuartil 3: 8.053006240791538

IQR: 1.9622212193680078

In []: dataDescription("Hardness")

-- Deskripsi Data Hardness --

Mean: 195.96920903783524

Median: 197.20352491941043

Modus: 214.3733940856225

Standar Deviasi: 32.643165859429864

Variansi: 1065.5762773262472

Range: 243.84589036652147

Nilai Minimum: 73.4922336890611

Nilai Maksimum: 317.33812405558257

Skewness: -0.08532104172868622

Kurtosis: 0.5254804942991402

-- Kuartil --

Kuartil 1: 176.74065667669896 Kuartil 2: 197.20352491941043 Kuartil 3: 216.44758866727156

IQR: 39.7069319905726

In []: dataDescription("Solids")

-- Deskripsi Data Solids --

Mean: 21904.673439053095

Median: 20926.88215534375

Modus: 22018.41744077529

Standar Deviasi: 8625.397911190576

Variansi: 74397489.12637076

Range: 56167.72980146483

Nilai Minimum: 320.942611274359

Nilai Maksimum: 56488.67241273919

Skewness: 0.5910113724580447

Kurtosis: 0.33732026745944976

-- Kuartil --

Kuartil 1: 15614.412961614333 Kuartil 2: 20926.88215534375 Kuartil 3: 27170.534648603603

IQR: 11556.12168698927

In []: dataDescription("Chloramines")

-- Deskripsi Data Chloramines --

Mean: 7.134322344600104

Median: 7.1420143046226645

Modus: 8.05933237743854

Standar Deviasi: 1.5852140982642102

Variansi: 2.512903737335613

Range: 11.736129095114823

Nilai Minimum: 1.3908709048851806

Nilai Maksimum: 13.127000000000002

Skewness: 0.013003497779569528

Kurtosis: 0.5497821097667472

-- Kuartil --

Kuartil 1: 6.138326387572855 Kuartil 2: 7.1420143046226645 Kuartil 3: 8.109933216133502

IQR: 1.9716068285606472

```
In [ ]: dataDescription("Sulfate")
```

-- Deskripsi Data Sulfate --

Mean: 333.211376415189

Median: 332.2141128069568

Modus: 356.88613564305666

Standar Deviasi: 41.21111102560979

Variansi: 1698.355671965137

Range: 352.03064230599716

Nilai Minimum: 129.00000000000003

Nilai Maksimum: 481.0306423059972

Skewness: -0.04572780443653543

Kurtosis: 0.7868544988131605

-- Kuartil --

Kuartil 1: 307.6269864860709 Kuartil 2: 332.2141128069568 Kuartil 3: 359.26814739141554

IQR: 51.641160905344634

In []: dataDescription("Conductivity")

-- Deskripsi Data Conductivity --

Mean: 426.47670835257907

Median: 423.43837202443706

Modus: 363.2665161642437

Standar Deviasi: 80.70187180729437

Variansi: 6512.792113200974

Range: 551.7228828031471

Nilai Minimum: 201.6197367551575

Nilai Maksimum: 753.3426195583046

Skewness: 0.26801233302645316

Kurtosis: -0.23720600574806516

-- Kuartil --

Kuartil 1: 366.61921929632433 Kuartil 2: 423.43837202443706 Kuartil 3: 482.2097724598859 IQR: 115.5905531635616

In []: dataDescription("OrganicCarbon")

-- Deskripsi Data OrganicCarbon --

Mean: 14.357939902048074

Median: 14.323285610653329

Modus: 18.436524495493305

Standar Deviasi: 3.3257700016987197

Variansi: 11.0607461041991

Range: 24.80670661116602

Nilai Minimum: 2.19999999999886

Nilai Maksimum: 27.00670661116601

Skewness: -0.02021975629181238

Kurtosis: 0.031018388192253

-- Kuartil --

Kuartil 1: 12.122530374047727 Kuartil 2: 14.323285610653329 Kuartil 3: 16.683561746173808

IQR: 4.561031372126081

In []: dataDescription("Trihalomethanes")

-- Deskripsi Data Trihalomethanes --

Mean: 66.40071666307466

Median: 66.48204080309809

Modus: 100.34167436508008

Standar Deviasi: 16.08110898232513

Variansi: 258.60206610141796

Range: 115.4229870670162

Nilai Minimum: 8.577012932983806

Nilai Maksimum: 124.0

Skewness: -0.05138268451619478

Kurtosis: 0.2230167810639787

-- Kuartil --

```
Kuartil 1: 55.94999302803186
Kuartil 2: 66.48204080309809
Kuartil 3: 77.2946128060674
IQR: 21.344619778035543
```

```
dataDescription("Turbidity")
In [ ]:
        -- Deskripsi Data Turbidity --
        Mean: 3.9694969126303676
        Median: 3.967373963531836
        Modus: 4.628770536837084
        Standar Deviasi: 0.7804710407083957
        Variansi: 0.6091350453844462
        Range: 5.044748555990993
        Nilai Minimum: 1.45
        Nilai Maksimum: 6.494748555990993
        Skewness: -0.03226597968019271
        Kurtosis: -0.049830796949249745
        -- Kuartil --
        Kuartil 1: 3.442881623557439
        Kuartil 2: 3.967373963531836
        Kuartil 3: 4.5146627202018825
        IQR: 1.0717810966444437
```

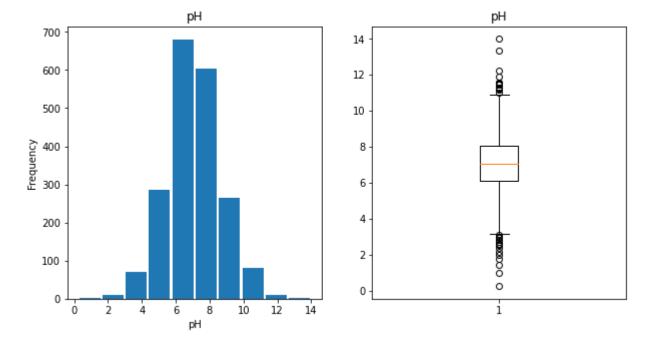
Soal 2

```
In []: def plotHistogramAndBoxplot(name):
    fig = plt.figure(figsize=(10, 5))

    histogram = plt.subplot(1, 2, 1)
    plt.hist(df[name], rwidth=0.9)
    histogram.set_title(name)
    histogram.set_xlabel(name)
    histogram.set_ylabel("Frequency")

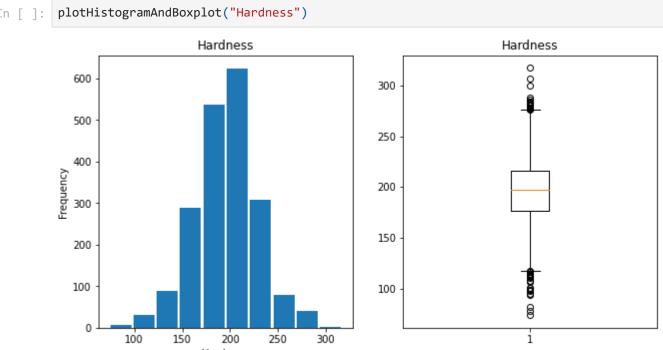
    boxplot = plt.subplot(1, 2, 2)
    plt.boxplot(df[name])
    boxplot.set_title(name)

    fig
In []: plotHistogramAndBoxplot("pH")
```



Berdasarkan plot histogram, histogram dari data pH berbentuk simetris.

Berdasarkan plot box plot, data dari median berada di tengah dengan whisker bagian atas dan bawah sama panjang. Terlihat juga bahwa terdapat pencilan yang banyak.



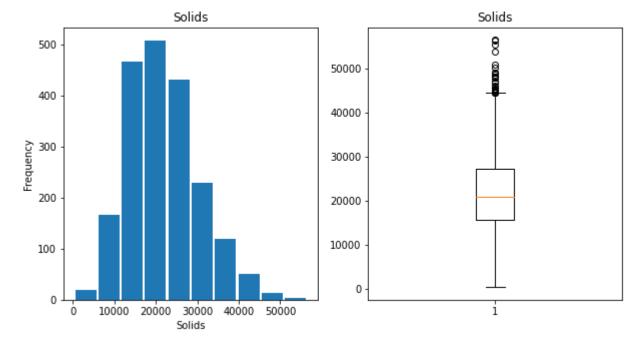
Hardness

Berdasarkan plot histogram, histogram dari data Hardness berbentuk simetris, tetapi memiliki

Berdasarkan plot box plot, data dari median berada di tengah dengan whisker bagian atas dan bawah sama panjang. Terlihat juga bahwa terdapat pencilan yang banyak.

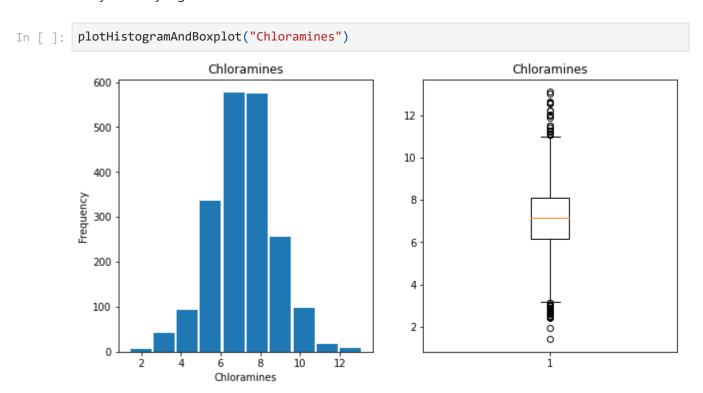
In []: plotHistogramAndBoxplot("Solids")

sedikit kecenderungan ke arah kiri (left skewed).



Berdasarkan plot histogram, histogram dari data Solids memiliki kecenderungan ke arah kanan (right skewed).

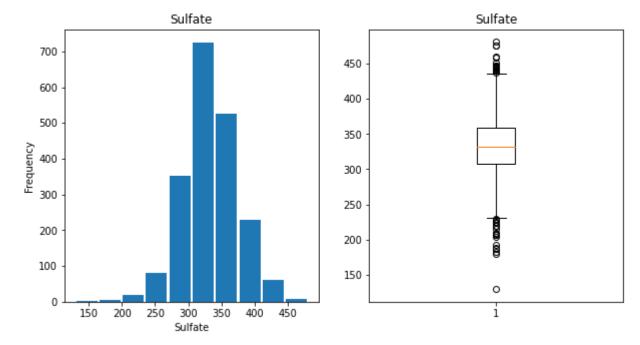
Berdasarkan plot box plot, terlihat terdapat pencilan yang banyak pada batas atas yang berarti banyak data yang memiliki nilai lebih besar dari batas atas nilai maksimum.



Berdasarkan plot histogram, histogram dari data Chloromines berbentuk simetris.

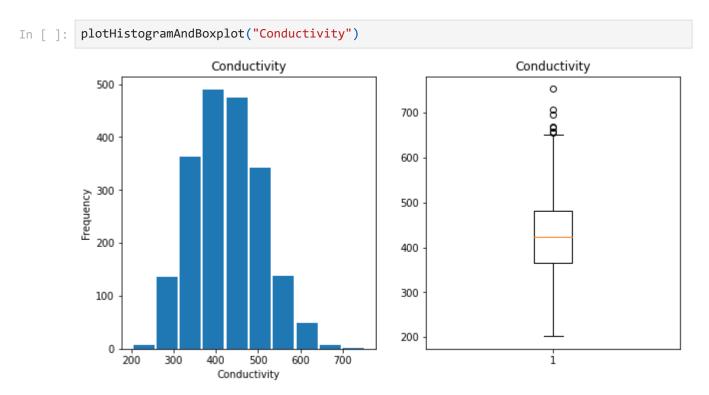
Berdasarkan plot box plot, data dari median berada di tengah dengan whisker bagian atas dan bawah sama panjang. Terlihat juga bahwa terdapat pencilan yang banyak.

```
In [ ]: plotHistogramAndBoxplot("Sulfate")
```



Berdasarkan plot histogram, histogram dari data Sulfate memiliki kecenderungan ke arah kiri (right skewed).

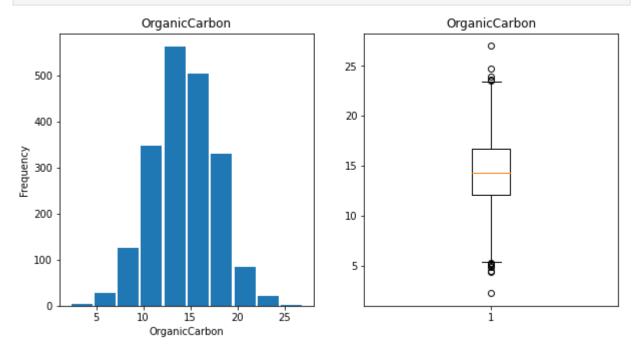
Berdasarkan plot box plot, terlihat terdapat pencilan yang banyak pada batas bawah yang berarti banyak data yang memiliki nilai lebih kecil dari batas bawah nilai minimum.



Berdasarkan plot histogram, histogram dari data Conductivity memiliki kecenderungan ke arah kanan (*right skewed*).

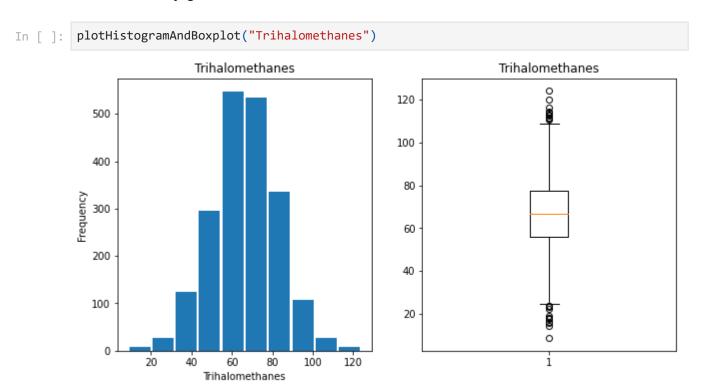
Berdasarkan plot box plot, terlihat terdapat pencilan yang banyak pada batas atas yang berarti banyak data yang memiliki nilai lebih besar dari batas atas nilai maksimum.

In []: plotHistogramAndBoxplot("OrganicCarbon")



Berdasarkan plot histogram, histogram dari data OrganicCarbon berbentuk simetris.

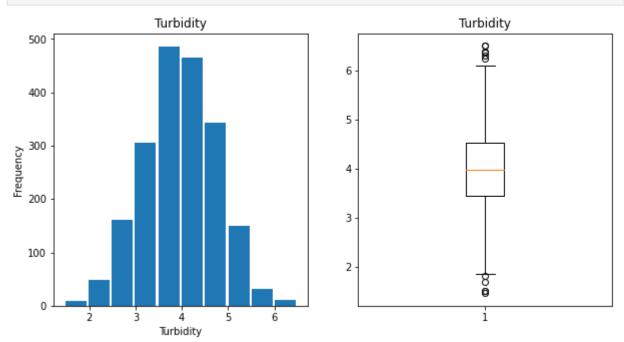
Berdasarkan plot box plot, data dari median berada di tengah dengan whisker bagian atas dan bawah sama panjang. Terlihat juga bahwa terdapat pencilan yang banyak. Distribusi pencilan atas dan bawah juga terlihat simetris.



Berdasarkan plot histogram, histogram dari data Trihalomethanes berbentuk simetris.

Berdasarkan plot box plot, data dari median berada di tengah dengan whisker bagian atas dan bawah sama panjang. Terlihat juga bahwa terdapat pencilan yang banyak. Distribusi pencilan atas dan bawah juga terlihat simetris.





Berdasarkan plot histogram, histogram dari data Turbidity berbentuk simetris.

Berdasarkan plot box plot, data dari median berada di tengah dengan whisker bagian atas dan bawah sama panjang. Terlihat juga bahwa terdapat pencilan yang banyak. Distribusi pencilan atas dan bawah juga terlihat simetris.

Soal 3

Data pH terlihat dari plot histogram yang berbentuk simetris dapat dikatakan memiliki distribusi normal. Akan tetapi, jika dilihat dari plot box plot, pencilan terlihat tidak simetris. Sehingga, data pH bukan termasuk distribusi normal.

Data Hardness terlihat dari plot histogram yang berbentuk simetris dapat dikatakan memiliki distribusi normal, walaupun memiliki sedikit kecenderungan ke arah kiri. Akan tetapi, jika dilihat dari plot box plot, pencilan terlihat tidak simetris. Sehingga, data Hardness bukan termasuk distribusi normal.

Data Solids terlihat dari plot histogram yang memiliki kecenderungan ke arah kanan. Sehingga, data Solids bukan termasuk distribusi normal.

Data Chloromines terlihat dari plot histogram yang berbentuk simetris dapat dikatakan memiliki distribusi normal. Akan tetapi, jika dilihat dari plot box plot, pencilan terlihat tidak simetris. Sehingga, data Chloromines bukan termasuk distribusi normal.

Data Sulfate terlihat dari plot histogram yang memiliki kecenderungan ke arah kiri. Sehingga, data Sulfate bukan termasuk distribusi normal.

Data Conductivity terlihat dari plot histogram yang memiliki kecenderungan ke arah kanan. Sehingga, data Conductivity bukan termasuk distribusi normal.

Data OrganicCarbon terlihat dari plot histogram yang berbentuk simetris dapat dikatakan memiliki distribusi normal. Jika dilihat dari plot box plot, pencilan terlihat terdistribusi secara simetris. Sehingga, data OrganicCarbon termasuk distribusi normal.

Data Trihalomethanes terlihat dari plot histogram yang berbentuk simetris dapat dikatakan memiliki distribusi normal. Jika dilihat dari plot box plot, pencilan terlihat terdistribusi secara simetris. Sehingga, data Trihalomethanes termasuk distribusi normal.

Data Turbidity terlihat dari plot histogram yang berbentuk simetris dapat dikatakan memiliki distribusi normal. Jika dilihat dari plot box plot, pencilan terlihat terdistribusi secara simetris. Sehingga, data Turbidity termasuk distribusi normal.

Soal 4

Melakukan test hipotesis 1 sampel, dengan menuliskan 6 langkah testing dan menampilkan juga boxplotnya untuk kolom/bagian yang bersesuaian.

a. Nilai Rata-rata pH di atas 7?

Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta = \theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

$$H_0: \mu = 7$$

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $heta> heta_0$, $heta< heta_0$, atau $heta
eq heta_0$.

$$H_1: \mu > 7$$

Tentukan tingkat signifikan α.

$$\alpha = 0.05$$

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

Daerah kritis:

```
In [ ]: display(Markdown(f'$t_lpha> {round(st.norm.ppf(1-0.05), 3)} $')) t_{lpha} > 1.645
```

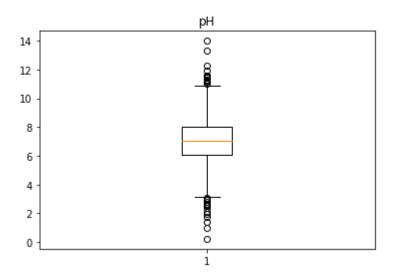
Tes statistik:

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{s / \sqrt{n}} \tag{1}$$

```
In [ ]: boxplot = plt.subplot(1,1,1)

plt.boxplot(df['pH'])
boxplot.set_title('pH')
```

Out[]: Text(0.5, 1.0, 'pH')



Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

p = 0.006

Ambil keputusan dengan TOLAK H0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan.

```
if (p < 0.05):
    display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $t={round(t,3)}>{round(st.display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTolak $H_0$ karena $p={round(p,3)}<α=0.6 display(Markdown("**Jadi, pH rata-rata diatas 7**"))
else:
    display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $t={round(t,3)}≤{round(p,3)} display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $p={round(p,3)} display(Markdown("**Jadi, pH rata-rata sama dengan 7**"))</pre>
```

Keputusan:

Tolak H_0 karena t=2.485>1.645

Tes signifikan:

Tolak H_0 karena p=0.006<lpha=0.05

Jadi, pH rata-rata diatas 7



Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta=\theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

$$H_0: \mu = 205$$

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $heta> heta_0$, $heta< heta_0$, atau $heta
eq heta_0$.

$$H_1: \mu \neq 205$$

Tentukan tingkat signifikan α.

$$\alpha = 0.05$$

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

Daerah kritis:

```
In [ ]: crit = round(st.norm.ppf(1-0.05/2), 3)
    display(Markdown("t<sub>\alpha/2</sub> < -%s dan t<sub>\alpha/2</sub> > %s " % (crit, crit)))
```

 $t_{\alpha/2} < -1.96 \text{ dan } t_{\alpha/2} > 1.96$

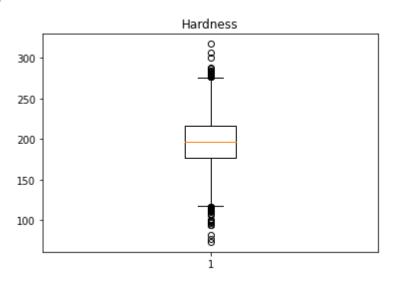
Tes statistik:

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{s / \sqrt{n}} \tag{2}$$

```
In [ ]: boxplot = plt.subplot(1,1,1)

plt.boxplot(df['Hardness'])
boxplot.set_title('Hardness')
```

Out[]: Text(0.5, 1.0, 'Hardness')



Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

```
In [ ]:  \begin{array}{l} \text{t, p = st.ttest\_1samp}(\text{df['Hardness'], popmean=205}) \\ \\ \text{display}(\text{Markdown}(\textbf{f'$t=\{round(t,3)\}$'})) \\ \\ \text{display}(\text{Markdown}(\textbf{f'$p=\{round(p,3)\}$'})) \\ \\ t = -12.403 \\ \\ p = 0.0 \\ \end{array}
```

Ambil keputusan dengan TOLAK H0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan.

Keputusan:

Tolak H_0 karena t=-12.403<-1.96

Tes signifikan:

Tolak H_0 karena p=0.0<lpha=0.05

Jadi, Hardness rata-rata tidak sama dengan 205

c. Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids bukan 21900?

Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta = \theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

```
H_0: \mu = 21900
```

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $\theta>\theta_0$, $\theta<\theta_0$, atau $\theta\neq\theta_0$.

$$H_1: \mu \neq 21900$$

Tentukan tingkat signifikan α.

```
\alpha = 0.05
```

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

Daerah kritis:

```
In [ ]: crit = round(st.norm.ppf(1-0.05/2), 3)
    display(Markdown("t<sub>α/2</sub> < -%s dan t<sub>α/2</sub> > %s " % (crit, crit)))
```

 $t_{\alpha/2} < -1.96 \text{ dan } t_{\alpha/2} > 1.96$

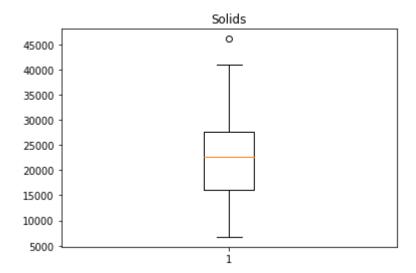
Tes statistik:

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{s / \sqrt{n}} \tag{3}$$

```
In [ ]: boxplot = plt.subplot(1,1,1)

plt.boxplot(df.iloc[:100]['Solids'])
boxplot.set_title('Solids')
```

Out[]: Text(0.5, 1.0, 'Solids')



Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

```
In []: t, p = st.ttest_1samp(df['Solids'], popmean=21900)  
    display(Markdown(f'$t={round(t,3)}$'))  
    display(Markdown(f'$p={round(p,3)}$'))  
    t = 0.024  
    p = 0.981
```

Ambil keputusan dengan TOLAK H_0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H_0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan.

```
if (p < 0.05):
    if (t < -1 * st.norm.ppf(1-0.05/2)):
        display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $t={round(t,3)}<-{rouncelse:
            display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $t={round(t,3)}>{rouncelse:
            display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTolak $H_0$ karena $p={round(p,3)}<\alpha=0.60 display(Markdown("**Jadi, 100 baris pertama Solids rata-rata tidak sama dengan 205 else:
            display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $t={round(t,3)}$ karena display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $p={round(p,3)} display(Markdown("**Jadi, 100 baris pertama Solids rata-rata sama dengan 205**"))</pre>
```

Keputusan:

Tidak menolak H_0 karena t=0.024 berada pada $-1.96 \leq t \leq 1.96$

Tes signifikan:

Tidak menolak H_0 karena $p=0.981 \geq lpha=0.05$

Jadi, 100 baris pertama Solids rata-rata sama dengan 205

d. Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450, adalah tidak sama dengan 10%?

Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta=\theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

$$H_0: p = 0.1$$

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $heta> heta_0$, $heta< heta_0$, atau $heta
eq heta_0$.

$$H_1:p
eq 0.1$$

Tentukan tingkat signifikan α.

$$\alpha = 0.05$$

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

Daerah kritis:

```
In [ ]: crit = round(st.norm.ppf(1-0.05/2), 3) display(Markdown("z<sub>\alpha/2</sub> < -%s dan z<sub>\alpha/2</sub> > %s" % (crit, crit)))
```

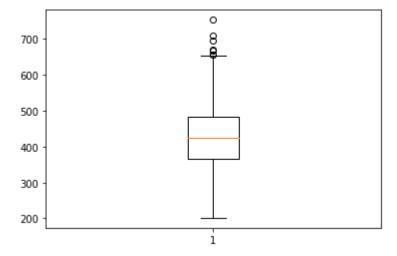
 $z_{\alpha/2} < -1.96 \text{ dan } z_{\alpha/2} > 1.96$

Tes statistik:

$$z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{p_0 q_0/n}} \tag{4}$$

```
In [ ]: plt.boxplot(df['Conductivity'])
boxplot.set_title('Conductivity')
```

Out[]. Text(0.5, 1.0, 'Conductivity')



Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

```
In [ ]: z, p = proportions_ztest(len(df[df["Conductivity"] > 450]), len(df), value=0.1, prop_v display(Markdown(f'$z={round(z,3)}$'))  z = 40.446   p = 0.0
```

Ambil keputusan dengan TOLAK H_0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H_0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan.

Keputusan:

Tolak H_0 karena z=40.446>1.96

Tes signifikan:

Tolak H_0 karena p=0.0<lpha=0.05

Jadi, proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450 tidak sama dengan 10%

e. Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang dari 5%?

Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta = \theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

$$H_0: p = 0.05$$

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $heta> heta_0$, $heta< heta_0$, atau $heta
eq heta_0$.

$$H_1: p < 0.05$$

Tentukan tingkat signifikan α .

```
\alpha = 0.05
```

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

Daerah kritis:

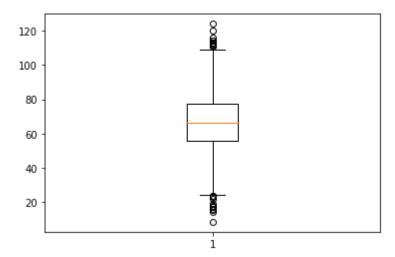
```
In [ ]: display(Markdown(f'$z_\alpha< -{round(st.norm.ppf(1-0.05), 3)}$')) z_{\alpha}<-1.645
```

Tes statistik:

$$z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{p_0 q_0/n}} \tag{5}$$

```
In [ ]: plt.boxplot(df['Trihalomethanes'])
boxplot.set_title('Trihalomethanes')
```

Out[]: Text(0.5, 1.0, 'Trihalomethanes')



Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

```
In [ ]: z, p = proportions_ztest(len(df[df["Trihalomethanes"] < 40]), len(df), value=0.05, alt display(Markdown(f'$z={round(z,3)}$')) display(Markdown(f'$p={round(p,3)}$')) z = 0.549
```

p = 0.708

Ambil keputusan dengan TOLAK H_0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H_0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan.

```
if ((z < -1 * st.norm.ppf(1-0.05/2) or z > st.norm.ppf(1-0.05/2)) and p < 0.05):
    display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $z={round(z,3)}<-{round(st display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTolak $H_0$ karena $p={round(p,3)}<α=0.6 display(Markdown("**Jadi, proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40 kurar else:
    display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $z={round(z,3)}≥-{ display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $p={round(p,3) display(Markdown("**Jadi, proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40 adala</pre>
```

Keputusan:

Tidak menolak H_0 karena $z=0.549 \geq -1.645$

Tes signifikan:

Tidak menolak H_0 karena $p=0.708 \geq lpha=0.05$

Jadi, proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40 adalah 5%

Soal 5

a. Data kolom Sulfate dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata kedua bagian tersebut sama?

Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta=\theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

$$H_0: \mu 1 - \mu 2 = 0$$

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $\theta>\theta_0$, $\theta<\theta_0$, atau $\theta\neq\theta_0$.

$$H_1: \mu 1 - \mu 2 \neq 0$$

Tentukan tingkat signifikan α.

$$\alpha = 0.05$$

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

Daerah kritis:

```
In [ ]: crit = st.norm.ppf(1-0.05/2)
    display(Markdown("t<sub>α/2</sub> < -%s dan t<sub>α/2</sub> > %s" % (crit, crit)))
```

 $t_{\alpha/2} < -1.959963984540054$ dan $t_{\alpha/2} > 1.959963984540054$

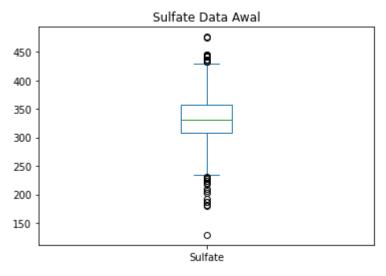
Tes Statistik

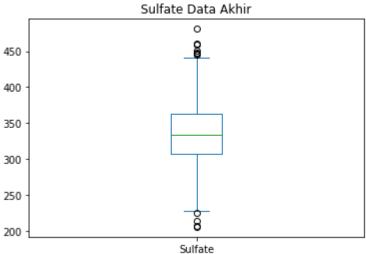
$$t = rac{(ar{x_1} - ar{x_2}) - d_0}{s_p \sqrt{1/n_1 + 1/n_2}}$$

Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

```
In [ ]: df1 = df["Sulfate"][:1005]
    df2 = df["Sulfate"][1005:]

    df1.plot(kind="box").set_title("Sulfate Data Awal")
    plt.show()
    df2.plot(kind="box").set_title("Sulfate Data Akhir")
    plt.show()
```





```
In [ ]: s1 = df1.var()
    s2 = df2.var()
    sp = ((1004 * s1 + 1004 * s2) / 2008)**0.5
    x1 = df1.mean()
    x2 = df2.mean()
    t = (x1 - x2) / (sp*(1/1005 + 1/1005)**0.5)
    p = 1 - st.t.cdf(t, 2008)

display(Markdown(f'$t={t}$'))
    display(Markdown(f'$p={p}$'))
    display(Markdown(f'Ambil keputusan dengan TOLAK $H_0$ jika nilai uji terletak di daera
```

t = -2.0752690696871983

p = 0.9809556740463125

Ambil keputusan dengan TOLAK H_0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H_0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan.

```
if (t < -1 * crit or t > crit and p < 0.05):
    if (t < -1 * crit):
        display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $t = {t} <- {crit}$"))
    else:
        display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $t = {t} > {crit}$"))
        display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTolak $H_0$ karena $p = {p} < α = 0.05$'
        display(Markdown("**Jadi, rata-rata bagian awal dan akhir data Sulfate tidak sama*
    else:
        display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $t = {t}$ berada part of the sulfate sama**
        display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $p = {p} ≥ α
        display(Markdown("**Jadi, rata-rata bagian awal dan akhir data Sulfate sama**"))</pre>
```

Keputusan:

Tolak H_0 karena t=-2.0752690696871983 < <math>-1.959963984540054

Tes signifikan:

Tolak H_0 karena p = 0.9809556740463125 < lpha = 0.05

Jadi, rata-rata bagian awal dan akhir data Sulfate tidak sama

b. Data kolom OrganicCarbon dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata bagian awal lebih besar dari pada bagian akhir sebesar 0.15?

Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta=\theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

$$H_0: \mu 1 - \mu 2 = 0.15$$

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $heta> heta_0$, $heta< heta_0$, atau $heta
eq heta_0$.

$$H_1: \mu 1 - \mu 2 \neq 0.15$$

Tentukan tingkat signifikan α.

$$\alpha = 0.05$$

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

Daerah kritis:

```
In [ ]: crit = st.norm.ppf(1-0.05/2) 
 display(Markdown("t<sub>\alpha/2</sub> < -%s dan t<sub>\alpha/2</sub> > %s" % (crit, crit)))
```

 $t_{\alpha/2} < -1.959963984540054$ dan $t_{\alpha/2} > 1.959963984540054$

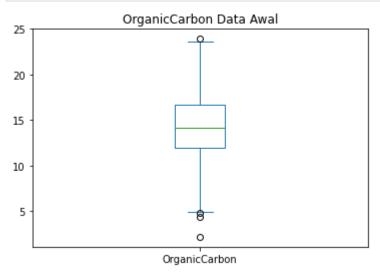
Tes Statistik

$$t = rac{(ar{x_1} - ar{x_2}) - d_0}{s_p \sqrt{1/n_1 + 1/n_2}}$$

Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

```
In [ ]: df1 = df["OrganicCarbon"][:1005]
    df2 = df["OrganicCarbon"][1005:]
```

```
df1.plot(kind="box").set_title("OrganicCarbon Data Awal")
plt.show()
df2.plot(kind="box").set_title("OrganicCarbon Data Akhir")
plt.show()
```



OrganicCarbon Data Akhir O 25 O O O OrganicCarbon OrganicCarbon

```
In [ ]: s1 = df1.var()
    s2 = df2.var()
    sp = ((1004 * s1 + 1004 * s2) / 2008)**0.5
    x1 = df1.mean()
    x2 = df2.mean()
    t = (x1 - x2 - 0.15) / (sp*(1/1005 + 1/1005)**0.5)
    p = 1 - st.t.cdf(t, 2008)

display(Markdown(f'$t={t}$'))
    display(Markdown(f'$p={p}$'))
    display(Markdown(f'Ambil keputusan dengan TOLAK $H_0$ jika nilai uji terletak di daera
```

t = -2.413145517798807

p = 0.9920477254406633

Ambil keputusan dengan TOLAK H_0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H_0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan.

```
In [ ]: if (t < -1 * crit or t > crit and p < 0.05):</pre>
```

```
if (t < -1 * crit):
    display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $t = {t} <- {crit}$"))
else:
    display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $t = {t} > {crit}$"))
display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTolak $H_0$ karena $p = {p} < α = 0.05$'
display(Markdown("**Jadi, rata-rata bagian awal data OrganicCarbon tidak lebih bes
else:
    display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $t = {t}$ berada padisplay(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $p = {p} ≥ α
    display(Markdown("**adi, rata-rata bagian awal data OrganicCarbon lebih besar sebenal</pre>
```

Keputusan:

Tolak H_0 karena t=-2.413145517798807<-1.959963984540054

Tes signifikan:

Tolak H_0 karena p=0.9920477254406633<lpha=0.05

Jadi, rata-rata bagian awal data OrganicCarbon tidak lebih besar sebesar 0.15 dari bagian akhir datanya

c. Rata-rata 100 baris pertama kolom Chloramines sama dengan 100 baris terakhirnya?

Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta = \theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

$$H_0: \mu 1 - \mu 2 = 0$$

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $heta> heta_0$, $heta< heta_0$, atau $heta
eq heta_0$.

$$H_1: \mu 1 - \mu 2 \neq 0$$

Tentukan tingkat signifikan α.

$$\alpha = 0.05$$

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

Daerah kritis:

```
In [ ]: crit = st.norm.ppf(1-0.05/2) 
 display(Markdown("t<sub>\alpha/2</sub> < -%s dan t<sub>\alpha/2</sub> > %s" % (crit, crit)))
```

 $t_{\alpha/2} < -1.959963984540054$ dan $t_{\alpha/2} > 1.959963984540054$

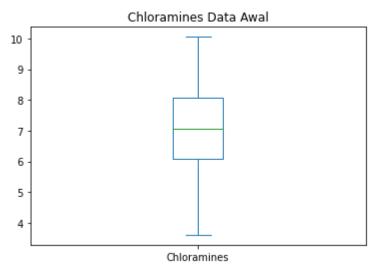
Tes Statistik

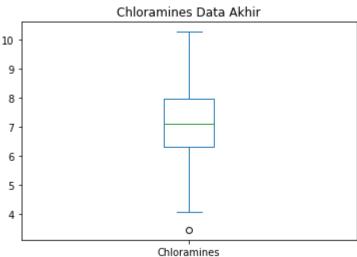
$$t = rac{(ar{x_1} - ar{x_2}) - d_0}{s_p \sqrt{1/n_1 + 1/n_2}}$$

Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

```
In [ ]: df1 = df["Chloramines"][:100]
    df2 = df["Chloramines"][len(df)-100:]
```

```
df1.plot(kind="box").set_title("Chloramines Data Awal")
plt.show()
df2.plot(kind="box").set_title("Chloramines Data Akhir")
plt.show()
```





```
In [ ]: s1 = df1.var()
    s2 = df2.var()
    sp = ((99 * s1 + 99 * s2) / 198)**0.5
    x1 = df1.mean()
    x2 = df2.mean()
    t = (x1 - x2) / (sp*(1/100 + 1/100)**0.5)
    p = 1 - st.t.cdf(t, 98)

display(Markdown(f'$t={t}$'))
    display(Markdown(f'$p={p}$'))
    display(Markdown(f'Ambil keputusan dengan TOLAK $H_0$ jika nilai uji terletak di daera
```

t = -0.7059424842236872

p = 0.7590506311645496

Ambil keputusan dengan TOLAK H_0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H_0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan.

```
In [ ]: if (t < -1 * crit or t > crit and p < 0.05):
    if (t < -1 * crit):</pre>
```

```
\label{eq:crit} \begin{tabular}{ll} display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $t= \{t\} <- \{crit\}$")) \\ else: \\ display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $t= \{t\} > \{crit\}$")) \\ display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTolak $H_0$ karena $p= \{p\} < $\alpha = 0.05$'$ display(Markdown("**Jadi, rata-rata 100 data awal Chloramines tidak sama dengan rata else: \\ display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $t= \{t\}$ berada $t= \{t\}$ berada $t= \{t\}$ display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $p= \{p\} $\geq $\alpha$ display(Markdown("**Jadi, rata-rata 100 data awal Chloramines sama dengan rata-rata rata 100 data awal Chloramines sama dengan rata-rata 100 data awal Chloramines sama dengan r
```

Keputusan:

Tidak menolak H_0 karena t=-0.7059424842236872 berada pada $-1.959963984540054 \leq t \leq 1.959963984540054$

Tes signifikan:

Tidak menolak H_0 karena $p=0.7590506311645496 \geq lpha=0.05$

Jadi, rata-rata 100 data awal Chloramines sama dengan rata-rata 100 data akhir Chloramines

d. Proporsi nilai bagian awal Turbidity yang lebih dari 4, adalah lebih besar daripada, proporsi nilai yang sama di bagian akhir Turbidity ?

Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta = \theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

$$H_0: p1 > p2$$

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $heta> heta_0$, $heta< heta_0$, atau $heta
eq heta_0$.

$$H_1: p1 \le p2$$

Tentukan tingkat signifikan α.

$$\alpha = 0.05$$

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

Daerah kritis:

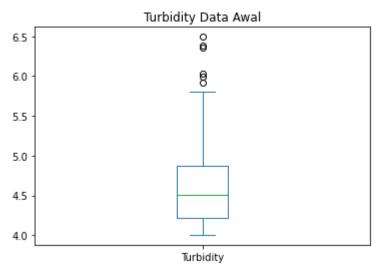
 $z_{\alpha} > 1.959963984540054$

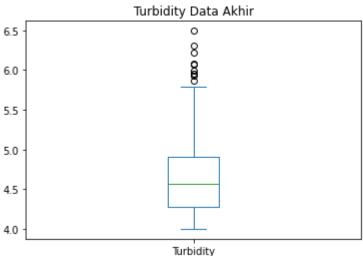
$$z = rac{\hat{p_1} - \hat{p_2}}{\sqrt{\hat{p}\hat{q}\left(1/n_1 + 1/n_2
ight)}}$$

Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

```
In [ ]: df1 = df["Turbidity"][:1005]
    df1 = df1[df1 > 4]
    df2 = df["Turbidity"][1005:]
    df2 = df2[df2 > 4]
```

```
df1.plot(kind="box").set_title("Turbidity Data Awal")
plt.show()
df2.plot(kind="box").set_title("Turbidity Data Akhir")
plt.show()
```





```
In [ ]: crit = st.norm.ppf(1-0.05)

x1 = len(df1)
x2 = len(df2)
p1 = x1/1005
p2 = x2/1005

p = (x1 + x2)/(2010)
q = 1 - p

z = (p1 - p2)/((p*q*(2/1005))**0.5)

if z < 0:
    pValue = (st.norm.cdf(z))
else:
    pValue = (st.norm.sf(z))

display(Markdown(f'$z={z}$'))
display(Markdown(f'$p={pValue}$'))</pre>
```

```
z = -0.13388958661778735
p = 0.4467449424088169
```

```
if (z > crit and pValue < 0.05):
    display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $z = {z} > {crit}$"))
    display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTolak $H_0$ karena $p={pValue} < α = 0.6
    display(Markdown("**Jadi, proporsi nilai bagian awal Turbidity yang lebih dari 4,
    else:
        display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $z = {z}$ berada put display(Markdown(f"**Tes signifikan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $p={pValue} display(Markdown("**Jadi, proporsi nilai bagian awal Turbidity yang lebih dari 4,</pre>
```

Keputusan:

Tidak menolak H_0 karena z=-0.13388958661778735 berada pada $z \leq 1.6448536269514722$

Tes signifikan:

Tidak menolak H_0 karena $p=0.4467449424088169 \geq lpha=0.05$

Jadi, proporsi nilai bagian awal Turbidity yang lebih dari 4, lebih besar daripada, proporsi nilai yang sama di bagian akhir Turbidity

e. Bagian awal kolom Sulfate memiliki variansi yang sama dengan bagian akhirnya?

Tentukan Hipotesis nol ($H_0: \theta = \theta_0$), dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).

$$H_0: \sigma 1^2 = \sigma 2^2$$

Pilih hipotesis alternatif H_1 salah dari dari $heta> heta_0$, $heta< heta_0$, atau $heta
eq heta_0$.

$$H_1:\sigma 1^2
eq \sigma 2^2$$

Tentukan tingkat signifikan α.

$$\alpha = 0.05$$

Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.

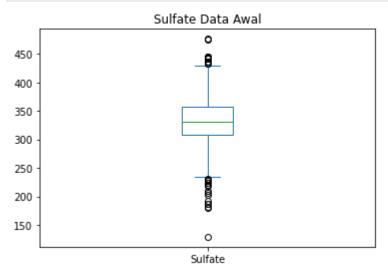
Daerah kritis:

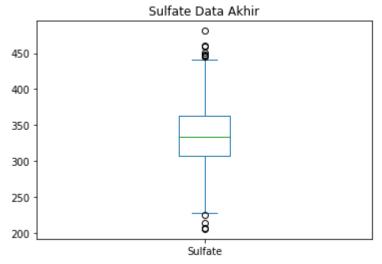
In []: display(Markdown("f < f<sub>(1-
$$\alpha$$
/2)</sub> (v1,v2) atau f > f_(α /2)(v1,v2)")) f < f_(1- α /2) (v1,v2) atau f > f_(α /2)(v1,v2)

$$f=rac{s_1^2}{s_2^2}$$

Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.

```
df1.plot(kind="box").set_title("Sulfate Data Awal")
plt.show()
df2.plot(kind="box").set_title("Sulfate Data Akhir")
plt.show()
```





```
critLeft = 0.883572344355818
```

f = 1.0307348049752798

critRight = 1.1317692392568777

```
In [ ]: if (f < critLeft or f > critRight):
    if (f < critLeft):</pre>
```

```
display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $f = {f} < {critLeft}$
else:
    display(Markdown(f"**Keputusan:**\n\nTolak $H_0$ karena $f = {f} > {critRight}]
    display(Markdown("**Jadi, bagian awal kolom Sulfate tidak memiliki variansi yang s
else:
    display(Markdown(f'**Keputusan:**\n\nTidak menolak $H_0$ karena $f = {critLeft} \lequid display(Markdown("**Jadi, bagian awal kolom Sulfate memiliki variansi yang sama de
```

Keputusan:

```
Tidak menolak H_0 karena f = 0.883572344355818 \leq 1.0307348049752798 \leq 1.1317692392568777
```

Jadi, bagian awal kolom Sulfate memiliki variansi yang sama dengan bagian akhirnya

Soal 6

```
def korelasi(data):
    x = df[data]

# Mendapatkan nilai korelasi
    kor = x.corr(other=df["Potability"])

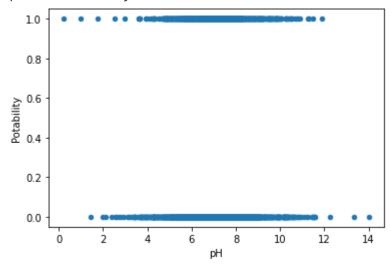
print("Nilai Koefisien Korelasi antara %s dan Potability: %s" % (data, kor))
print("%s dan Potability " % data, end="")

if (kor > 0.25):
    print("memiliki korelasi positif")
else:
    print("tidak memiliki korelasi")

df.plot(kind="scatter", x=data, y="Potability").set_xlabel(data)
```

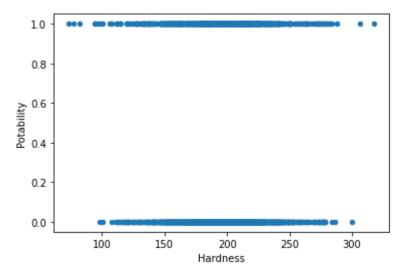
```
In [ ]: korelasi("pH")
```

Nilai Koefisien Korelasi antara pH dan Potability: 0.01547509440843348 pH dan Potability tidak memiliki korelasi



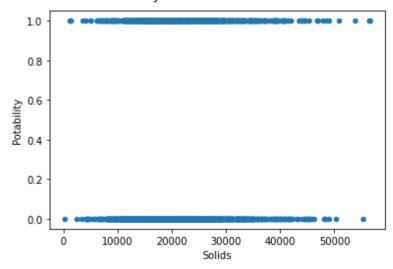
```
In [ ]: korelasi("Hardness")
```

Nilai Koefisien Korelasi antara Hardness dan Potability: -0.0014631528959479344 Hardness dan Potability tidak memiliki korelasi



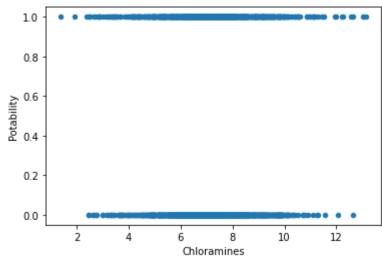
In []: korelasi("Solids")

Nilai Koefisien Korelasi antara Solids dan Potability: 0.03897657818173466 Solids dan Potability tidak memiliki korelasi



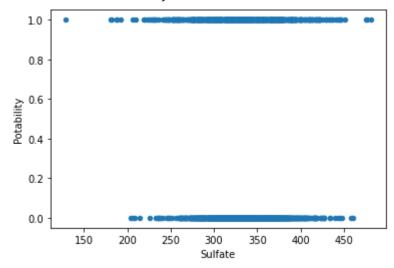
In []: korelasi("Chloramines")

Nilai Koefisien Korelasi antara Chloramines dan Potability: 0.02077892184052409 Chloramines dan Potability tidak memiliki korelasi



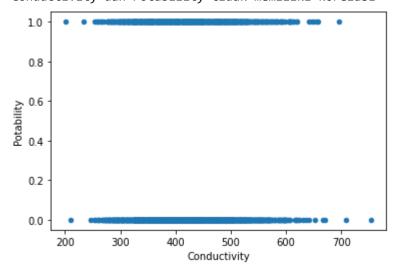
```
In [ ]: korelasi("Sulfate")
```

Nilai Koefisien Korelasi antara Sulfate dan Potability: -0.015703164419273778 Sulfate dan Potability tidak memiliki korelasi



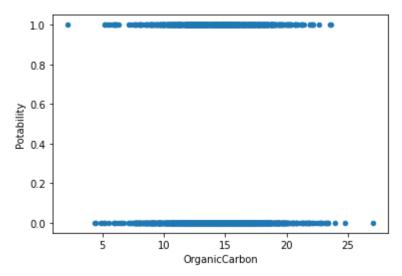
In []: korelasi("Conductivity")

Nilai Koefisien Korelasi antara Conductivity dan Potability: -0.016257120111377067 Conductivity dan Potability tidak memiliki korelasi



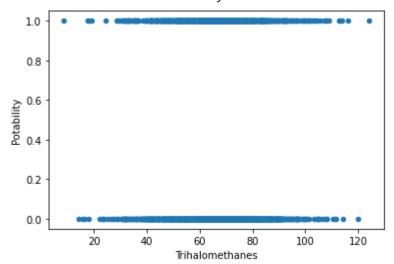
In []: korelasi("OrganicCarbon")

Nilai Koefisien Korelasi antara OrganicCarbon dan Potability: -0.015488461910747259 OrganicCarbon dan Potability tidak memiliki korelasi



In []: korelasi("Trihalomethanes")

Nilai Koefisien Korelasi antara Trihalomethanes dan Potability: 0.009236711064712997 Trihalomethanes dan Potability tidak memiliki korelasi



In []: korelasi("Turbidity")

Nilai Koefisien Korelasi antara Turbidity dan Potability: 0.022331042640622665 Turbidity dan Potability tidak memiliki korelasi

