Università di Urbino

Informatica Applicata

Programmazione Procedurale e Logica

Relazione

Progetto per la sessione invernale 2014/2015

Studente:

Marco Tamagno matricola no: 261985

Studente:

Francesco Belacca matricola no: 260492

Professore: Marco Bernardo

Contents

1	Specifica del Problema		1
2	Analisi del Problema		2
	2.1 Input		2
	2.2 Output		2
3	Progettazione dell'Algoritmo		3
	3.1 Teoria		3
	3.2 Scelte di Progetto		5
	3.3 Funzioni per l'acquisizione		6
	3.4 Funzioni per la verifica delle proprietà:		6
	3.5 Funzioni principali:		7
	3.6 Input		8
	3.7 Output - Acquisizione		9
	3.8 Output - stampa		9
	3.9 Output - ordine_parziale		9
	3.10 Output - ordine_totale		9
	3.11 Output - relazione_equivalenza	1	10
	3.12 Output - controllo_funzione	1	10
4	Implementazione dell'Algoritmo	1	L1
	4.1 Libreria (file .h)	1	11
	4.2 Libreria (file .c)		12
	4.3 Test		50
	4.4 Makefile		53
5	Testing del programma	5	54
	5.1 Test 1:		54
	5.2 Test 2:		55
	5.3 Test 3:		56
	5.4 Test 4:		57
	5.5 Test 5:		58
	5.6 Test 6:		59
	5.7 Test 7:		60
	5.8 Test 8:		61
	5.9 Test 9:		62
	5.10 Test 10:		63
6	Verica del programma		34

1 Specifica del Problema

Write an ANSI C library that manages binary relations by exporting the following functions. The rst C function returns a binary relation introduced through the keyboard. The second C function has a binary relation as input parameter and prints it to the screen. The third C function has a binary relation as input parameter and establishes whether it is a partial order relation, printing to the screen which property does not hold in the case that the relation is not such. The fourth C function has a binary relation as input parameter and establishes whether it is a total order relation, printing to the screen which property does not hold in the case that the relation is not such. The fth C function has a binary relation as input parameter and establishes whether it is an equivalence relation, printing to the screen which property does not hold in the case that the relation is not such. The sixth C function has a binary relation as input parameter and establishes whether it is a mathematical function; if it is not, then the element violating the property will be printed to the screen, otherwise a message will be printed to the screen indicating whether the function is injective, surjective, or bijective. [The project can be submitted also by rst-year students.]

Scrivere una libreria ANSI C che gestisce le relazioni binarie esportando le seguenti funzioni. La prima funzione C restituisce una relazione binaria acquisita da tastiera. La seconda funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e la stampa a video. La terza funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e stabilisce se essa è una relazione d'ordine parziale, stampando a video quale proprietà non vale nel caso la relazione non sia tale. La quarta funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e stabilisce se essa è una relazione d'ordine totale, stampando a video quale proprietà non vale nel caso la relazione non sia tale. La quinta funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e stabilisce se essa è una relazione d'equivalenza, stampando a video quale proprietà non vale nel caso la relazione non sia tale. La sesta funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e stabilisce se essa è una funzione matematica; se non lo è, allora si stamperà a video quale elemento violi la proprietà, altrimenti si stamperà a video un messaggio che indica se la funzione è iniettiva, suriettiva o biiettiva. [Il progetto può essere consegnato anche da studenti del primo anno.]

2 Analisi del Problema

2.1 Input

- 1. Per l'acquisizione come input abbiamo una relazione binaria del tipo (a,b); (a1,b1); (a2,b2); ... formata da un numero non precedentemente definito di coppie che viene acquisita da tastiera;
- 2. Come input per le altre 5 funzioni abbiamo una relazione binaria.

2.2 Output

- 1. Il primo problema (problema dell'acquisizione) restituisce una relazione binaria del tipo (a,b); (a1,b1); (a2,b2); ... formata da un numero non precedentemente definito.
- 2. Il secondo problema (problema della stampa) stampa a video la relazione binaria che viene dato in pasto alla funzione;
- 3. Il terzo problema (problema della verifica dell'ordine parziale) ci richiede di controllare se la relazione binaria data in pasto alla funzione è una relazione d'ordine parziale, e nel caso in cui non lo sia di andare a stampare a video le varie proprietà che non rispetta;
- 4. Il quarto problema (problema della verifica dell' ordine totale) ci richiede di controllare se la relazione binaria data in pasto al programma è una relazione d'ordine totale, e nel caso in cui non lo sia di andare a stampare a video le varie proprietà che non rispetta;
- 5. Il quinto problema (problema della verifica dell'ordine di equivalenza) ci richiede di controllare se la relazione binaria data in pasto al programma è una relazione di equivalenza, e nel caso in cui non lo sia di andare a stampare a video le varie proprietà che non rispetta;
- 6. Il sesto problema (problema della verifica della funzione) ci richiede di controllare se la relazione binaria data in pasto al programma è una funzione, e nel caso in cui non lo sia di andare a stampare a video le varie proprietà che non rispetta, mentre nel caso in cui sia una funzione di controllare se tale funzione rispetti le propietà di suriettività e iniettività, stampando a video se la funzione è suriettiva, iniettiva o biiettiva;

3 Progettazione dell'Algoritmo

3.1 Teoria

Per lo sviluppo di questo programma si necessita di alcuni cenni di Teoria degli insiemi quali:

Concetto di Relazione Binaria: una relazione binaria è un sottoinsieme del prodotto cartesiano di due insiemi (i quali potrebbero pure coincidere, ma ciò non è garantito).

Concetto di Relazione d'Ordine Parziale: In matematica, più precisamente in teoria degli ordini, una relazione d'ordine o ordine su di un insieme è una relazione binaria tra elementi appartenenti all'insieme che gode delle seguenti proprietà:

riflessiva antisimmetrica transitiva.

Concetto di Relazione d'Ordine Totale: Una relazione d'ordine si dice Totale, quando oltre a essere parziale soddisfa anche la propietà di Dicotomia (tutti gli elementi devono essere in relazione con ogni altro elemento presente) .

Concetto di riflessività: In logica e in matematica, una relazione binaria R in un insieme X è detta riflessiva se ogni elemento di X è in tale relazione con se stesso.

Concetto di transitività: In matematica, una relazione binaria R in un insieme X è transitiva se e solo se per ogni a, b, c appartenenti ad X, se a è in relazione con b e b è in relazione con c, allora a è in relazione con c.

Concetto di simmetricità: In matematica, una relazione binaria R in un insieme X è simmetrica se e solo se, presi due elementi qualsiasi a e b, vale che se a è in relazione con b allora anche b è in relazione con a.

Un sottoinsieme f di A x B è una funzione se ad ogni elemento di A viene associato da f al più un elemento di B, dando luogo alla distinzione tra funzioni totali e parziali (a seconda che tutti o solo alcuni degli elementi di A abbiano un corrispondente in B) e lasciando non specificato se tutti gli elementi di B siano i corrispondenti di qualche elemento di A oppure no.

Concetto di Iniettività: ad ogni elemento del codominio corrisponde al più un elemento del dominio, cioè elementi diversi del dominio vengono trasformati in elementi diversi del codominio.

Concetto di Suriettività: Una funzione si dice suriettiva quando ogni elemento del codominio viene raggiunto da un elemento del dominio.

3.2 Scelte di Progetto

- Una relazione binaria prende in considerazione due elementi, questi due elementi si potrebbero vedere come due variabili distinte che poi andranno a far parte della stessa struttura, per questo riteniamo opportuno creare una struttura dati che inglobi entrambi gli elementi.
- I due termini potrebbero essere numerici, ma non è detto, quindi per completezza riteniamo opportuno far scegliere all'utente se inserire elementi di tipo numerico, o altro (simboli, lettere etc.) a seconda delle sue necessità.
- A priori, prendendo come input una relazione binaria, non possiamo sapere se tutti gli elementi del primo insieme sono in relazione con almeno un elemento del secondo insieme o se tutti gli elementi del secondo insieme fanno parte di una coppia ordinata, quindi è opportuno chiedere all'utente se ci sono elementi isolati che non fanno parte di nessuna coppia ordinata.

Breve lista delle funzioni da utilizzare:

3.3 Funzioni per l'acquisizione

acquisizione: per acquisire la relazione.

3.4 Funzioni per la verifica delle proprietà:

controllo_iniettività: serve a controllare se l'iniettività è rispettata o meno.

controllo_transitività: serve a controllare se la transitività viene rispettata o meno.

controllo_antisimmetria: serve a controllare se l'antisimmetria viene rispettata o meno.

controllo_simmetria: serve a controllare se la simmetria viene rispettata o meno.

controllo_riflessività: serve a controllare se la riflessività viene rispettata o meno.

controllo_dicotomia: serve a verificare se la dicotomia viene rispettata o meno.

controllo_suriettività: serve a verificare se la suriettività viene rispettata o meno.

3.5 Funzioni principali:

ordine_parziale: richiama le funzioni delle proprietà e controlla se c'è un ordine parziale (stampa a video se c'è o meno un ordine parziale, e nel caso non c'è stampa quali proprietà non vengono rispettate).

ordine_totale: richiama la funzione ordine_parziale e controllo_dicotomia e controlla se c'è un ordine totale (stampa a video se esiste o meno un ordine totale, e nel caso non c'è stampa quali propietà non vengono rispettate).

relazione_equivalenza: richiama le funzioni delle proprietà e controlla se c'è una relazione d'equivalenza (stampa a video se c'è o meno una relazione d'equivalenza, e nel caso non c'è stampa a schermo quali proprietà non vengono rispettate).

controllo_funzione: verifica se la relazione è una funzione (stampa a video se c'è o non c'è una funzione e nel caso non ci sia dice quale coppia non soddisfa le proprietà) .

3.6 Input

Per l'input abbiamo necessità di usare una struttura dati dinamica, nella quale andiamo a salvare la Relazione Binaria dataci dall'utente, il numero delle coppie e il tipo di input (numerico o per stringhe).

L'input dovrà essere dotato di diversi controlli, se l'utente sceglie di inserire un input di tipo numerico allora non potrà digitare stringhe e/o caratteri speciali etc.

La scelta di due tipi di input differente dovrà essere data per dare la possibilità all'utente nel caso scelga di fare un'input di tipo numerico di poter effettuare operazioni non legate alle funzioni della libreria, (esempio: l'utente vuole decidere di moltiplicare l'input per due, e vedere se mantiene le propietà, con un'input di tipo numerico l'utente può farlo e ciò avrebbe un senso, con un'input di tipo stringa meno).

La scelta dell'input di tipo stringa dovrà essere data per aver maggior completezza, una relazione binaria non deve essere forzatamente numerica ma può essere anche tra cose, oggetti, animali, colori e qualsiasi altra cosa possa venire in mente.

Alle varie funzioni verrà data come input la struttura dati salvata in precedenza dalla funzione Acquisizione, per poterne verificare le varie propietà.

3.7 Output - Acquisizione

Durante l'acquisizione avremo diversi output video che guideranno l'utente nell'inserimento dei dati, e che segnaleranno eventuali errori commessi. Finita l'acquisizione dovremo restituire l'indirizzo della struttura, che all'interno quindi conterrà i dati inseriti dall'utente. Abbiamo scelto di fare ciò perchè non essendo permesso l'utilizzo di variabili globali, il modo più semplice di passare i dati inseriti da una funzione all'altra è quello di creare una struttura dinamica. Una volta restituito l'indirizzo della struttura, a seconda della funzione lanciata nel file Test.c si lanceranno le altre 5 funzioni, dato che queste prendono tutte in pasto l'output della prima (cioè l'indirizzo della struttura della relazione binaria) e la utilizzano per verificarne varie proprietà.

3.8 Output - stampa

La funzione stampa avrà come output la stampa a video della struttura acquisita, con qualche aggiunta grafica (le parentesi e le virgole) per rendere il tutto più facilmente interpretabile e leggibile.

3.9 Output - ordine_parziale

La funzione ordine_parziale avrà come output la stampa a video del risultato della verifica delle proprietà di riflessività antisimmetria e transitività. Nel caso in cui siano tutte verificate si stamperà che la relazione è una relazione di ordine parziale, mentre nel caso in cui non siano verificate si stamperà che non lo è e il perchè (cioè quale (o quali) proprietà non è verificata (o non sono verificate).

3.10 Output - ordine_totale

La funzione ordine_totale avrà come output la stampa a video del risultato della verifica delle proprietà necessarie ad avere una relazione d'ordine parziale, e verificherà poi se anche la dicotomia è valida per la relazione o meno. Nel caso in cui tutto sia positivo, allora si stamperà che la relazione è di ordine totale, mentre se non lo è si stamperà cosa fa in modo che non lo sia.

3.11 Output - relazione_equivalenza

La funzione relazione_equivalenza avrà come output la stampa a video del risultato della verifica delle proprietà di riflessività simmetria e transitività e nel caso in cui siano tutte positive si stamperà che la relazione è una relazione di equivalenza, mentre nel caso in cui qualcosa non sia verificato si stamperà ciò che impedisce alla relazione di essere una relazione d'equivalenza.

3.12 Output - controllo_funzione

La funzione controllo_funzione avrà come output la stampa a video della verifica della proprietà che rende la relazione binaria una funzione, e in caso lo sia,se questa è sia suriettiva e iniettiva, e in caso sia entrambe si stamperà che la relazione binaria oltre ad essere una funzione è una funzione biiettiva.

4 Implementazione dell'Algoritmo

4.1 Libreria (file .h)

```
1
  /* STRUTTURA relBin */
  /* Creo una struttura dove salvare le coppie*/
4 /* appartenenti alla Relazione */
   typedef struct relBin
6
7
       /***** Coppia Numerica *****/
8
9
               *primo_termine,
       double
10
               *secondo_termine;
11
       /***** Coppia Qualsiasi*****/
12
13
       char **prima_stringa,
            **seconda_stringa;
14
15
16
       /**** Variabili per salvare se ho acquisito una*/
17
       /* coppia numerica o no e il numero delle coppie
          */
18
       int controllo,
           dimensione,
19
20
           insieme_a,
21
           insieme_b;
22 } rel_bin;
23
24 extern rel_bin acquisizione (rel_bin);
25 extern int controllo_simmetria (rel_bin);
26 extern int controllo_riflessivita (rel_bin);
27 extern int controllo_transitivita (rel_bin);
28 extern int controllo_suriettivita (rel_bin);
29 extern void controllo_biiettivita (rel_bin);
30 extern int controllo_antisimmetria (rel_bin);
31 extern void controllo_funzione (rel_bin);
32 extern void relazione_equivalenza (rel_bin);
33 extern void ordine_totale (rel_bin);
34 extern int ordine_parziale (rel_bin);
35 extern void stampa (rel_bin);
```

4.2 Libreria (file .c)

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <string.h>
4 #include "Progetto.h"
  rel_bin acquisizione (rel_bin);
7
8
9 int controllo_simmetria (rel_bin);
10 int controllo_riflessivita (rel_bin);
11 int controllo_transitivita (rel_bin);
12 int controllo_suriettivita (rel_bin);
13 int controllo_antisimmetria (rel_bin);
14 int ordine_parziale (rel_bin);
15
16 void controllo_biiettivita (rel_bin);
17 void controllo_funzione (rel_bin);
18 void relazione_equivalenza (rel_bin);
19 void ordine_totale (rel_bin);
20 void stampa (rel_bin);
21
22
23
   *********
24
   rel_bin acquisizione (rel_bin relazione)
25
26
   {
27
28
       int acquisizione_finita,
29
           risultato_lettura,
30
           primo_termine_acquisito,
31
           i;
32
33
       char temporaneo,
34
            carattere_non_letto;
35
       acquisizione_finita = 0;
36
       risultato_lettura = 0;
37
38
       primo_termine_acquisito = 0;
39
       i = 0;
40
41
       relazione.dimensione = 0;
```

```
42
       relazione.primo_termine = (double *) malloc (2);
       relazione.secondo_termine = (double *) malloc (2);
43
44
       relazione.prima_stringa = (char **) malloc (2);
       relazione.seconda_stringa = (char **) malloc (2);
45
46
47
       do
48
            printf ("\n\_Premi\n\n\_1\_se\_vuoi\_immettere\_solo
49
               _numeri,\n_2_per_inserire_stringhe_");
50
            printf ("\n_3_per_la_relazione_vuota\n");
            printf ("\n_scelta:_");
51
            risultato_lettura = scanf ("%d",
52
                                        &relazione.
53
                                            controllo);
            if (relazione.controllo < 1 | relazione.
54
               controllo > 3 || risultato_lettura != 1)
55
56
                    carattere_non_letto = getchar();
57
                while (carattere_non_letto != '\n');
58
       while (relazione.controllo < 1 | | relazione.
59
           controllo > 3 || risultato_lettura != 1);
60
61
       /** Imposto di nuovo risultato_lettura a 0 **/
62
       risultato_lettura=0;
63
64
       /* Relazione vuota */
65
66
       if (relazione.controllo == 3)
67
68
            printf("\n_Si_e'_scelto_di_inserire_una_
69
               relazione _vuota\n");
70
       }
71
72
       /* Acquisizione Numerica */
73
       if (relazione.controllo == 1)
74
75
            while (acquisizione_finita == 0)
76
77
                primo_termine_acquisito = 0;
78
                relazione.dimensione++;
79
                acquisizione_finita = 2;
80
```

```
81
82
                 /* Acquisisco i termini della coppia*/
83
                 printf ("\n_Inserisci_i_termini_della_
84
                    coppia \ \ \ \ \ \ );
                 relazione.primo_termine = (double *)
85
                    realloc (relazione.primo_termine, (
                    relazione.dimensione+1) * sizeof (
                    double));
86
                 relazione.secondo_termine = (double *)
                    realloc (relazione.secondo_termine, (
                    relazione.dimensione+1) * sizeof (
                    double));
                 risultato_lettura = 0;
87
88
89
                 do
90
91
                     /* Acquisisco il primo termine*/
92
                     if (primo_termine_acquisito == 0)
93
94
                          printf ("__Primo_Termine:_");
95
                          risultato_lettura = scanf ("%lf",
96
97
                                                          relazione
                                                          primo_termine
                                                          relazione
                                                          dimensione
                                                          1]);
98
                     }
99
                     if (risultato_lettura == 1)
100
101
                          primo_termine_acquisito = 1;
102
                     /*Acquisisco il secondo termine*/
103
104
                     if (primo_termine_acquisito == 1)
105
                          printf ("___Secondo_Termine:_");
106
                          risultato_lettura = 0;
107
108
                          risultato_lettura = scanf ("%lf",
```

```
109
                                                        &
                                                            relazione
                                                            secondo_termine
                                                            relazione
                                                            dimensione
                                                            1]);
110
                      /*Controllo\ che\ i\ valori\ siano\ stati
111
                         letti correttamente e nel caso non
                         sia cosi svuoto il buffer*/
112
                      if (risultato_lettura != 1)
113
                          do
114
                               carattere_non_letto = getchar
                                  ();
                          while (carattere_non_letto != '\n'
115
                             );
116
                      if (risultato_lettura == 0 &&
117
                         primo_termine_acquisito == 0
118
                          printf ("\n_C'e'un_errore,_
                              reinserire_il_primo_termine\n")
119
120
                      if (risultato_lettura == 0 &&
                         primo_termine_acquisito = 1
121
                          printf ("\n_C'e'un_errore,_
                              reinserire\_il\_secondo\_termine \backslash n
                              ");
122
123
                 while (risultato_lettura != 1);
124
                 /* Chiedo all'utente se ci sono altre
125
                     coppie*/
126
                 do
127
128
                      printf ("\n_Vuoi_acquisire_un'altra_
129
                         coppia?_immetti_1_per_uscire,_0_per
                         \neg continuare \n_{\neg}");
130
                      printf ("\n_scelta:");
```

```
risultato_lettura = scanf ("%d",
131
132
                                                      acquisizione_finita
                     if (acquisizione_finita < 0 ||
133
                         acquisizione_finita > 1 ||
                         risultato_lettura != 1)
134
                          do
135
                              carattere_non_letto = getchar
                          while (carattere_non_letto != '\n'
136
                             );
137
138
                 while (acquisizione_finita < 0 ||
                     acquisizione_finita > 1 ||
                     risultato_lettura != 1);
139
140
141
             }
142
143
        /*imposto di nuovo risultato_lettura a 0*/
144
145
        risultato_lettura = 0;
146
        /*Acquisizione con stringhe*/
147
        if (relazione.controllo = 2)
148
149
             while (acquisizione_finita == 0)
150
151
             {
                 primo_termine_acquisito = 0;
152
                 i = 0;
153
                 temporaneo = 'a';
154
155
                 relazione.dimensione++;
156
                 acquisizione_finita = 2;
157
                 printf ("\n_Inserisci_i_termini_della_
158
                    coppia \ \ \ \ \ \ );
159
                 relazione.prima_stringa = (char **)
                    realloc (relazione.prima_stringa, (
                    relazione.dimensione+1) * sizeof (char
                    *));
160
                 /* Acquisisco i termini della coppia*/
161
```

```
162
                 relazione.prima_stringa[relazione.
                    dimensione -1] = (char *) malloc (2);
163
                 fflush (stdin);
164
                 printf ("__Primo_Termine:_");
165
                 while (temporaneo != '\n')
166
167
                     temporaneo = getc (stdin);
                     relazione.prima_stringa [relazione.
168
                        dimensione - 1 = (char*) realloc (
                         relazione.prima_stringa[relazione.
                        dimensione -1],
169
                              (i+1) * sizeof (char*));
170
                     relazione.prima_stringa [relazione.
                         dimensione - 1 [i] = temporaneo;
171
                     i++;
172
                 }
173
                 /*Imposto ora il carattere di terminazione
174
                     a \setminus 0 dato che adesso
                                              \backslash n*/
175
176
                 relazione.prima_stringa [relazione.
                    dimensione -1 [i -1] = '\0';
177
178
                 /* Acquisisco il secondo termine della
                    coppia*/
179
                 printf ("___Secondo_Termine:_");
180
                 relazione.seconda_stringa = (double **)
181
                    realloc (relazione.seconda_stringa, (
                    relazione.dimensione+1) * sizeof (
                    double *));
182
                 relazione.seconda_stringa [relazione.
                    dimensione -1] = (char *) malloc (2);
183
                 fflush (stdin);
184
                 temporaneo='a';
185
                 i = 0:
186
                 while (temporaneo != '\n')
187
188
                     temporaneo = getc (stdin);
189
                     relazione.seconda_stringa [relazione.
                        dimensione - 1 = (char*) realloc (
                         relazione.seconda_stringa[relazione
                         . dimensione -1],
190
                              (i+1) * sizeof (char*));
```

```
191
                      relazione.seconda_stringa [relazione.
                         dimensione - 1 [i] = temporaneo;
192
                      i++;
                 }
193
194
                 /*Imposto ora il carattere di terminazione
195
                      a \setminus 0 dato che adesso
                                               \backslash n*/
196
                 relazione.seconda_stringa [relazione.
                     dimensione -1 [i -1] = '\0';
197
198
                 /* Chiedo all'utente se ci sono altre
                     coppie*/
199
200
                 while (acquisizione_finita < 0 ||
                     acquisizione_finita > 1 ||
                     risultato_lettura != 1)
201
                 {
202
203
                      printf ("\n_Vuoi_acquisire_un'altra_
                         coppia?_immetti_1_per_uscire,_0_per
                         \_continuare \n");
204
                      risultato_lettura = scanf ("%d",&
                         acquisizione_finita);
205
                 }
             }
206
        }
207
208
209
         relazione.insieme_b = -1;
210
         risultato_lettura = 0;
211
212
         printf ("\n_Ci_sono_elementi_del_secondo_insieme\n
            _che_non_fanno_parte_di_nessuna_coppia_ordinata
            ?\n");
213
         printf (" \n_1) = si \n_2 = no \n \n_scelta : ");
214
         while ((relazione.insieme_b < 0) || (relazione.
            insieme_b > 2) || risultato_lettura != 1)
215
        {
216
             fflush (stdin);
             risultato_lettura = scanf("%d",&relazione.
217
                insieme_b);
        }
218
219
220
         relazione.insieme_a = -1;
221
         risultato_lettura = 0;
```

```
222
223
        printf ("\n_Ci_sono_elementi_del_primo_insieme\n_
          che_non_fanno_parte_di_nessuna_coppia_ordinata
          ? \ n");
224
        printf ("\n_1) = si \n_2 = no \n \n = scelta : = ");
        while ((relazione.insieme_a < 0) | | (relazione.
225
          insieme_a > 2) || risultato_lettura != 1)
226
       {
227
           fflush (stdin);
228
           risultato_lettura = scanf("%d",&relazione.
              insieme_a);
229
230
       }
231
232
        printf ("\n\n___...\n\n
          ");
233
       return (relazione);
234
   }
235
   236
       **********
237
238
   void stampa (rel_bin stampa)
239
240
       int i = 0;
241
242
        printf ("\n_La_relazione_binaria_e':");
243
        printf (" \n \n \");
244
245
       /*****Stampa per coppie numeriche ****/
246
247
       if (stampa.controllo == 1)
248
249
250
           while (i < stampa.dimensione)
251
           {
252
               printf ("(%.21f,%.21f)", stampa.
253
                  primo_termine[i], stampa.secondo_termine
                  [i]);
               if (i+1 != stampa.dimensione)
254
255
                   printf ("-; -");
               i++;
256
257
           }
```

```
}
258
259
260
       /*******Stampa per coppie non numeriche ******
          */
261
       if (stampa.controllo == 2)
262
263
           while (i < stampa.dimensione)
264
265
266
              printf ("(%s,%s)", stampa.prima_stringa[i],
                 stampa.seconda_stringa[i]);
              if (i+1 != stampa.dimensione)
267
                  printf ("";");
268
269
              i++;
270
271
           }
272
       }
273
274
       /************** Fine Stampa *************
          */
275
       printf ("\\n");
276
277
       278
279
280
   281
       'ORDINE***********/
282
283
   int ordine_parziale (rel_bin verifica)
284
   {
285
286
       int riflessivita,
287
           transitivita,
288
           antisimmetria,
289
           parziale;
290
       /*STAMPO LE PROPIETA 'DELLA RELAZIONE*/
291
292
293
       printf ("\n\n_La_relazione:\n\");
294
       /***** Chiamo le funzioni per poter stabilire
295
          le propiet **********/
296
       riflessivita = controllo_riflessivita (verifica);
```

```
297
        controllo_simmetria (verifica);
298
        antisimmetria = controllo_antisimmetria (verifica)
        transitivita = controllo_transitivita (verifica);
299
300
        /****** Controllo se rispetta le propiet
301
            per essere una relazione d'ordine parziale
            *******
        if (transitivita == 1 && antisimmetria == 1 &&
302
            riflessivita == 1)
303
        {
304
             parziale = 1;
             printf ("\n_Quindi_e'una_relazione_d'ordine_
305
                parziale \langle n \rangle n;
        }
306
307
        else
308
309
310
             printf ("\n_Non_e'una_relazione_d'ordine_
                parziale_in_quanto_non_rispetta_tutte_le_
                propieta '\n");
311
             parziale = 0;
312
313
        if (transitivita == 0)
             printf ("\n_manca_la_propieta'di_transitivita
314
                ' \setminus n");
315
        if (antisimmetria = 0)
             printf ("\n_manca_la_propieta'di_antisimmetria
316
                \n");
        if (riflessivita == 0)
317
             printf ("\n_manca_la_propieta'di_riflessivita
318
                '\n");
319
        /********* Fine controllo Ordine Parziale
            *********
320
321
        printf ("\n\n___..._Controllo_Ordine_Parziale_
            Terminato \dots \setminus n \setminus n \setminus n;
322
        return (parziale);
    }
323
324
325
326
    /********FUNZIONE PER CONTROLLARE LA RIFLESSIVIT
       ********/
327
```

```
328 int controllo_riflessivita (rel_bin verifica)
329
330
331
        int i,
332
             j,
             k,
333
334
             riscontro,
335
             secondo_riscontro,
             riflessivita;
336
337
338
         riflessivita = 1;
339
        i = 0;
        j = 0;
340
341
        k = 0;
342
        riscontro = 0;
343
        secondo_riscontro = 0;
344
        /* Verifica riflessivit */
345
346
347
        /*Definizione: una relazione per la quale esiste
            almeno un elemento che non e'in relazione con
            s stesso non soddisfa la definizione di
            riflessivit */
348
349
        while ( (i < verifica.dimensione) && (k < verifica
            . dimensione))
        {
350
351
352
             /* Verifica riflessivit per numeri*/
353
             if (verifica.controllo == 1)
354
355
356
                 riscontro = 0;
357
                 secondo_riscontro = 0;
358
                 if (verifica.primo_termine[i] == verifica.
                    secondo_termine[i])
                      riscontro++; /**** Controllo se c'
359
                         stato un riscontro a, a****/
360
                 secondo_riscontro++;
361
                 if (riscontro != 0)
362
                 {
363
                     i++;
364
                     k++;
365
                 }
```

```
/**/
366
367
               else
368
369
                  j = 0;
370
                  riscontro = 0;
                  secondo_riscontro = 0;
371
372
373
                  riflessivit per gli elementi del
                     primo insieme
                     **********
374
                  while (j < verifica.dimensione)
375
376
377
                      if (j == i)
378
                          j++;
                      else
379
380
                      {
                          if (verifica.primo_termine[i]
381
                            = verifica.primo_termine[j
                            ])
382
                             if (verifica.primo_termine
                                [j] = verifica.
                                secondo_termine[j])
383
                                 riscontro++;
384
385
                          j++;
                      }
386
387
                  }
388
                  j = 0;
389
390
                  391
                     riflessivit per gli elementi del
                     secondo insieme
                     **********
392
393
                  while (j < verifica.dimensione)
394
395
                      if (j == k)
396
                         j++;
397
                      else
398
                      {
```

```
399
                              if (verifica.secondo_termine[k
                                 ] == verifica.
                                 secondo_termine[j])
400
                                  if (verifica.primo_termine
                                     [j] = verifica.
                                     secondo_termine[j])
401
                                      secondo_riscontro++;
402
403
                              j++;
404
                         }
405
                     if (riscontro != 0)
406
407
                          i++;
408
409
                     /**** Se non c' stato un riscontro di
                          riflessivit esco e imposto la
                         riflessivit a 0 *****/
410
                     else
411
412
413
                          i=verifica.dimensione;
414
                          riflessivita = 0;
415
                     }
416
                     if (secondo_riscontro != 0)
417
418
                         k++;
419
420
                     else
421
422
                         k=verifica.dimensione;
423
                          riflessivita = 0;
424
425
                 }
426
            }
427
428
429
             /*********** VERIFICA RIFLESSIVIT PER
                STRINGHE ***********/
430
             if (verifica.controllo == 2)
431
432
             {
433
                 riscontro = 0;
434
                 secondo_riscontro = 0;
```

```
435
                if (strcmp (verifica.prima_stringa[i],
                   verifica.seconda_stringa[i]) == 0
436
                    riscontro++;
437
                secondo_riscontro++;
438
                if (riscontro != 0)
439
                {
440
                    i++;
441
                    k++;
442
                }
443
444
                else
445
446
                    j = 0;
447
                    riscontro = 0;
448
                    secondo_riscontro = 0;
449
450
                    riflessivit per gli elementi del
                       primo insieme
                       **********
451
452
                    while (j < verifica.dimensione)
453
454
                        if (j = i)
455
                            j++;
                        else
456
457
458
                            if (strcmp (verifica.
                               prima_stringa[i], verifica.
                               prima_stringa[j]) == 0
459
                                if (strcmp (verifica.
                                   prima_stringa[j],
                                   verifica.
                                   seconda_stringa[j]) ==
460
                                    riscontro++;
461
                            j++;
462
463
                    }
464
465
466
                    j = 0;
467
```

```
468
                    riflessivit per gli elementi del
                       secondo\ in sieme
                       ***********
469
470
                    while (j < verifica.dimensione)
471
472
                        if (j == k)
                            j++;
473
474
                        else
475
                        {
                            if (strcmp (verifica.
476
                                seconda_stringa[k], verifica
                                . seconda_stringa[j]) == 0
477
                                if (strcmp (verifica.
                                    prima_stringa[j],
                                    verifica.
                                    seconda_stringa[j]) ==
478
                                     secondo_riscontro++;
479
480
                            j++;
                        }
481
482
                    if (riscontro != 0)
483
484
                        i++;
485
486
                    else
487
488
                        i=verifica.dimensione;
489
                        riflessivita = 0;
490
                    }
491
492
                    if (secondo_riscontro != 0)
493
                        k++;
494
495
                    else
                    {
496
                        k=verifica.dimensione;
497
498
                        riflessivita = 0;
499
                    }
500
                }
501
502
            }
```

```
503
      }
/* Relazione vuota */
504
505
506
507
      if(verifica.controllo == 3)
508
          riflessivita = 0;
509
      /********** Controllo se
                           riflessiva
510
         *********
511
512
      if (riflessivita == 1)
         printf ("___e'riflessiva\n");
513
514
      else
          printf ("___non_e'riflessiva\n");
515
516
517
      *********
518
519
      return (riflessivita);
520
   }
521
522
523
524
   LA SIMMETRIA **************/
525
   526
     relazione binaria R in un insieme X
527
   elementi qualsiasi a e b, vale che **/
528
   /********* se a
                     in relazione con b allora anche
         in relazione con a. ******/
529
530
   int controllo_simmetria (rel_bin verifica)
531
532
533
      int i,
534
         j,
535
         riscontro,
536
         simmetria;
537
538
      simmetria = 1;
539
540
```

```
541
        i = 0;
542
        j = 0;
543
        riscontro = 0;
544
545
        /*controllo della simmetria per numeri*/
546
        if (verifica.controllo == 1)
547
548
549
550
             while ( i < verifica.dimensione)
551
552
                 j = 0;
553
                 while ( j < verifica.dimensione)
554
555
556
557
                      if (verifica.primo_termine[i] ==
                         verifica.secondo_termine[j])
558
                          if (verifica.primo_termine[j] ==
                              verifica.secondo_termine[i])
559
                               riscontro++;
560
                      j++;
561
                 }
562
                 if (riscontro = 0)
563
564
565
                      j = verifica.dimensione;
                      i = verifica.dimensione;
566
567
                      simmetria = 0;
568
                 riscontro = 0;
569
570
                 i++;
             }
571
572
        }
573
574
575
        /*controllo della simmetria per stringhe*/
576
        if (verifica.controllo = 2)
577
578
579
             while ( i < verifica.dimensione)
580
581
582
```

```
j = 0;
583
                 while ( j < verifica.dimensione)
584
585
586
                     if (strcmp (verifica.prima_stringa[i],
587
                         verifica.seconda_stringa[j]) == 0
588
                          if (strcmp (verifica.prima_stringa
                             [j], verifica.seconda_stringa[i
                             ]) == 0
589
                              riscontro++;
590
591
                     j++;
                 }
592
593
                 if (riscontro = 0)
594
595
596
                     j = verifica.dimensione;
                     i = verifica.dimensione;
597
598
                     simmetria = 0;
599
600
                 riscontro = 0;
601
                 i++;
             }
602
603
604
        /* Relazione Vuota */
605
606
607
        if (verifica.controllo = 3)
608
             printf ("\_\_e'simmetrica\\n");
609
610
             simmetria = 1;
        }
611
612
613
        /***** Controllo se la simmetria
                                               stata
            verificata ******/
        if (verifica.controllo != 3)
614
615
             if (simmetria == 1)
616
                 printf ("___e'simmetrica\n");
617
             else
618
                 printf ("___e'asimmetrica\n");
619
620
        /***** Fine controllo simmetria *****/
621
622
```

```
623
        return (simmetria);
624 }
625
626
627
628
    /* FUNZIONE PER CONTROLLARE LA TRANSITIVIT */
629
630
    /***** Definizione: In matematica, una relazione
       binaria\ R in un insieme X transitiva se e solo se
631
        per ogni a, b, c appartenenti ad X, se a
            relazione con b e b in relazione con c,
            allora
632
             in relazione con c.*****/
633
634
635
    int controllo_transitivita (rel_bin verifica)
636
637
        int i,
638
639
            j ,
640
            k,
641
             transitivita;
642
643
        /*IMPOSTO LA TRANSITIVITA INIZIALMENTE COME VERA E
            AZZERO I CONTATORI*/
644
        transitivita = 1;
645
        i = 0;
        j = 0;
646
647
        k = 0;
648
        /* VERIFICA TRANSITIVIT PER NUMERI*/
649
650
651
652
        if (verifica.controllo = 1)
653
654
             while (i < verifica.dimensione)
655
656
                 j = 0;
657
658
                 while (j < verifica.dimensione)
659
660
661
                     k=0;
662
```

```
663
                    if (verifica.secondo_termine[i] ==
                        verifica.primo_termine[j])
664
                    {
665
                        transitivita = 0;
666
                        while (k < verifica.dimensione)
667
668
669
                             if (verifica.primo_termine[i]
                               = verifica.primo_termine[k
670
                            {
671
                                 if (verifica.
                                    secondo_termine [k]==
                                    verifica.
                                    secondo_termine[j])
672
                                {
673
                                     transitivita = 1;
674
                                    k = verifica.
                                        dimensione;
675
                                }
676
                            }
677
678
                            k++;
                        }
679
680
681
                        if (transitivita == 0)
682
683
                            j=verifica.dimensione;
684
                            i=verifica.dimensione;
685
                        }
                    }
686
687
688
                    j++;
689
                }
690
691
                i++;
692
            }
        }
693
694
695
        696
           STRINGHE **********/
697
698
        if (verifica.controllo = 2)
```

```
{
699
700
701
             while (i < verifica.dimensione)
702
703
704
                 j = 0;
705
706
                 while (j < verifica.dimensione)
707
708
                      k=0;
709
                      if (strcmp (verifica.seconda_stringa[i
710
                         ], verifica.prima_stringa[j]) == 0)
711
712
                           transitivita = 0;
713
                          while (k < verifica.dimensione)
714
715
716
                               if (strcmp (verifica.
                                  prima_stringa[i], verifica.
                                  prima_stringa[k]) = 0
717
                               {
                                   if (strcmp (verifica.
718
                                       seconda_stringa[k],
                                       verifica.
                                       seconda_stringa[j]) ==
                                       (0)
719
                                   {
                                        transitivita = 1;
720
721
                                        k = verifica.
                                           dimensione;
722
723
                               }
724
725
                               k++;
                           }
726
727
728
                           if (transitivita == 0)
729
730
                               j=verifica.dimensione;
731
                               i=verifica.dimensione;
732
                           }
                      }
733
734
```

```
735
                      j++;
736
                 }
737
738
                 i++;
             }
739
740
        } /* Relazione Vuota */
741
742
743
744
         if (verifica.controllo == 3)
745
             transitivita = 1;
746
747
748
749
         /****** Controllo se la relazione
                                                   Transitiva
             *******/
750
751
         if (transitivita == 1)
752
             printf ("___e'transitiva\n");
753
754
         else
             printf ("___non_e'transitiva\n");
755
756
757
         /******* Fine controllo Transitivit
            *******
758
        return (transitivita);
759
760
761
    }
762
763
    /****** Dicotomia ********/
764
    int controllo_dicotomia (rel_bin verifica)
765
766
    {
767
768
         \mathbf{int} \quad i \ , j \ , k \ ;
769
         int numero_elementi;
770
         int dicotomia = 0;
771
         int dimensione;
772
         int riscontro;
773
         int secondo_riscontro;
774
         i = 0;
775
        j = 0;
776
        k=i-1;
```

```
777
        riscontro = 0;
        dimensione = verifica.dimensione;
778
779
        /****** Dicotomia per numeri ******/
780
781
        if (verifica.controllo == 1)
782
783
784
             /****** Conto il numero delle coppie
785
                esistenti (scarto le coppie uguali)
                ******/
786
             while ( i < verifica.dimensione)
787
788
789
                 k = i - 1;
790
                 j = i+1;
791
                 secondo_riscontro = 0;
792
                 if (i > 0)
793
794
795
                     while (k >= 0)
796
                          if (verifica.primo_termine[i] ==
797
                             verifica.primo_termine[k])
798
799
                              if (verifica.secondo_termine[i
                                 ] == verifica.
                                 secondo_termine[k])
800
                                  secondo_riscontro = 1;
801
802
                         k--;
803
                 }
804
805
806
                 if (secondo_riscontro != 1)
807
                     while ( j < verifica.dimensione)
808
809
                          if (verifica.primo_termine[i] ==
810
                             verifica.primo_termine[j])
811
                              if (verifica.secondo_termine[i
                                 ] == verifica.
                                 secondo_termine[j])
812
                              {
```

```
813
                               dimensione --;
814
                       j++;
815
                   }
816
817
               i++;
818
           }
819
820
821
822
           i = 0;
823
           j = 0;
824
           k=0;
825
           numero_elementi=0;
826
           riscontro = 0;
827
           */
828
829
           while (i < verifica.dimensione)
830
831
               k=i-1;
832
               secondo_riscontro = 0;
833
834
               while (k >= 0)
835
                   if (verifica.primo_termine[i] ==
836
                      verifica.primo_termine[k])
837
                       secondo_riscontro = 1;
838
                   k--;
839
               if (secondo_riscontro != 1)
840
841
842
                   if (verifica.primo_termine[i] ==
                      verifica.secondo_termine[i])
843
                       riscontro++;
844
845
846
               i++;
847
848
           numero_elementi = riscontro;
849
850
           /****** Conto quanti dovrebbero essere
851
              gli elementi per avere la dicotomia
```

```
******
852
853
            while (numero_elementi > 0)
854
855
                numero_elementi --;
856
                riscontro = riscontro + numero_elementi;
857
            }
        }
858
859
860
        STRINGHE ***********/
861
862
        if (verifica.controllo = 2)
863
864
865
            /****** Conto il numero delle coppie
               esistenti (scarto le coppie uguali)
               *******/
866
867
            while ( i < verifica.dimensione)
868
869
                k = i - 1;
870
                j = i+1;
871
                secondo_riscontro = 0;
872
                if (i > 0)
873
                    while (k >= 0)
874
875
876
                        if ( (strcmp (verifica.
                           prima_stringa[i], verifica.
                           prima_stringa[k]) = 0
877
                            if ( (strcmp (verifica.
878
                               seconda_stringa[i], verifica
                               . seconda_stringa[k]) = 0
879
                                secondo_riscontro = 1;
880
                       k--;
881
                    }
882
883
                }
884
                if (secondo_riscontro != 1)
885
886
887
                    while ( j < verifica.dimensione)
```

```
{
888
                         if ( (strcmp (verifica.
889
                            prima_stringa[i], verifica.
                            prima_stringa[j]) = 0
890
                             if ( (strcmp (verifica.
                                seconda_stringa[i], verifica
                                . seconda_stringa[j]) = 0
891
892
                                 dimensione --;
893
894
                         j++;
                    }
895
                }
896
897
                i++;
            }
898
899
900
            i = 0;
901
902
            k=0;
903
            j = 0;
904
            numero_elementi = 0;
            905
                elementi distinti esistenti **********
               */
906
907
            while (i < verifica.dimensione)
908
909
                k=i-1;
910
                secondo_riscontro = 0;
911
912
                while (k >= 0)
913
                     if ( (strcmp (verifica.prima_stringa [ i
914
                        | , verifica.prima_stringa[k]) = 0 
915
                         secondo_riscontro = 1;
916
                    k--:
917
                if (secondo_riscontro != 1)
918
919
920
                     if ( (strcmp (verifica.prima_stringa [ i
                        , verifica.seconda_stringa[i]) =
                        0)
921
                         numero_elementi++;
922
```

```
923
924
              i++;
925
926
          riscontro = numero_elementi;
927
          928
             gli elementi per avere la dicotomia
             *******/
929
930
          while (numero_elementi > 0)
931
          {
932
933
              numero_elementi --;
934
              riscontro = riscontro + numero_elementi;
935
936
          }
937
       }
938
939
       /*************** Verifico se la dicotomia
940
          verificata **********/
941
942
       if (dimensione == riscontro)
943
          dicotomia = 1;
944
       if (dicotomia = 1)
945
          printf ("\_\_e'dicotomica\\n);
946
947
948
       else
          949
950
951
       ********
952
953
       return (dicotomia);
   }
954
955
   /*Funzione di verifica dell'ordine totale*/
956
957
958
   void ordine_totale (rel_bin verifica)
959
960
   {
961
962
       int parziale,
```

```
963
             dicotomia;
964
965
         dicotomia = 2;
966
         parziale = ordine_parziale (verifica);
         if (parziale = 1)
967
             dicotomia = controllo_dicotomia (verifica);
968
969
         if (parziale = 0)
970
971
             printf ("_\n_l'ordine_non_e'totale_in_quanto_
                non_e 'nemmeno_parziale");
972
         if (dicotomia == 0)
973
             printf ("_\n_l'ordine_non_e'totale_in_quanto_
974
                non_viene_rispettata_la_propieta'di_
                dicotomia");
975
976
         if (dicotomia = 1 && parziale = 1)
             printf ("\n_Quindi_e'una_relazione_d'ordine_
977
                totale");
978
979
         printf ("\n\n___..._Controllo_Ordine_Totale_
            Terminato \dots \setminus n \setminus n \setminus n;
980
    }
981
982
    /*Funzione che stabilisce se e'una relazione di
        equivalenza o meno*/
983
    void relazione_equivalenza (rel_bin verifica)
984
985
986
987
        int riflessivita;
988
        int simmetria;
989
        int transitivita;
990
991
         riflessivita = controllo_riflessivita (verifica);
         simmetria = controllo_simmetria (verifica);
992
993
         controllo_antisimmetria (verifica);
994
         transitivita = controllo_transitivita (verifica);
995
996
         if (riflessivita == 1 && simmetria == 1 &&
            transitivita == 1
997
             printf ("\n_Quindi_e'una_relazione_di_
                equivalenza\n");
998
```

```
999
         if (riflessivita == 0)
              printf ("\n_Quindi_non_e'una_relazione_di_
1000
                 equivalenza perche 'non riflessiva \n");
1001
1002
         if (simmetria = 0)
              printf ("\n_Quindi_non_e'una_relazione_di_
1003
                 equivalenza_perche'non_simmetrica\n");
1004
         if (transitivita == 0)
1005
1006
              printf ("\n_Quindi_non_e 'una_relazione_di_
                 equivalenza perche 'non transitiva \n");
1007
1008
1009
     /*Funzione che stabilisce se la relazione binaria
        acquisita e'una funzione matematica*/
1010
1011
     void controllo_funzione (rel_bin verifica)
1012
1013
1014
         int i;
1015
         int k;
1016
         int termini_diversi;
         int termini_uguali_prima;
1017
         int termini_uguali_dopo;
1018
1019
         int errore;
1020
         if (verifica.controllo == 1)
1021
1022
1023
              i = 0;
1024
1025
              errore=0;
              termini_diversi=0;
1026
1027
              termini_uguali_dopo=0;
              termini_uguali_prima=0;
1028
              while (i < verifica.dimensione)
1029
1030
              {
1031
                  k=verifica. dimensione -1;
                  termini_uguali_dopo=termini_uguali_prima;
1032
1033
                  while (k > i)
1034
                      if (verifica.primo_termine[i] ==
1035
                          verifica.primo_termine[k])
                      {
1036
```

```
1037
                           if (verifica.secondo_termine[i] !=
                                verifica.secondo_termine[k])
1038
                           {
1039
                                errore=1;
1040
                                printf ("\n_Nel_%d_elemento_c'
                                   e'un_errore_che_impedisce_
                                   alla relazione binaria \n", k
                                   +1);
1041
                                printf ("_di_essere_una_
                                   funzione \n");
1042
                               k=i:
1043
                               i=verifica.dimensione;
1044
1045
                           if (verifica.secondo_termine[i] ==
                                verifica.secondo_termine[k])
1046
                                termini_uguali_dopo++;
1047
                      k--;
1048
1049
                  if (errore = 0 && termini_uguali_dopo ==
1050
                      termini_uguali_prima)
1051
                       termini_diversi++;
1052
1053
                  termini_uguali_prima = termini_uguali_dopo
1054
                  i++;
1055
1056
              if (errore == 0 && (termini_diversi == (
                 verifica.dimensione - termini_uguali_prima)
              {
1057
                  if(verifica.insieme_a == 2)
1058
                       printf ("\n_La_relazione_binaria_e'una
1059
                          \_funzione \_totale \setminus n");
1060
                  else
                       printf ("\n_La_relazione_binaria_ _una
1061
                          _funzione_parziale\n");
                  controllo_biiettivita (verifica);
1062
              }
1063
              else
1064
                  printf ("\n_La_relazione_binaria_non_e'una
1065
                     \_funzione \n");
         }
1066
1067
```

```
1068
         /****** Controllo se c' una funzione per
             stringhe (le stringhe sono considerate come
             costanti di diverso valore) *******/
1069
1070
         if (verifica.controllo = 2)
1071
1072
             i = 0;
1073
1074
             errore = 0;
1075
             termini_diversi=0;
1076
             termini_uguali_dopo=0;
             termini_uguali_prima=0;
1077
             while (i < verifica.dimensione)
1078
1079
1080
                  k=verifica.dimensione-1;
1081
                  termini_uguali_dopo=termini_uguali_prima;
1082
                  while (k > i)
1083
                  {
                      if ( (strcmp (verifica.prima_stringa [ i
1084
                         |, verifica.prima_stringa[k]) = 0
1085
                      {
                          if ( (strcmp (verifica.
1086
                              seconda_stringa[i], verifica.
                              seconda_stringa[k])) != 0
1087
1088
                               errore=1;
                               printf ("\n_Nel_%d_elemento_c'
1089
                                  e'un_errore_che_impedisce_
                                  alla relazione binaria \n", k
                                  +1);
1090
                               printf ("_di_essere_una_
                                  funzione\n");
1091
                              k=i;
1092
                               i=verifica.dimensione;
1093
                          }
                          else
1094
                               termini_uguali_dopo++;
1095
1096
1097
                      k--:
1098
                  if (errore = 0 && termini_uguali_dopo =
1099
                     termini_uguali_prima)
                      termini_diversi++;
1100
1101
```

```
1102
                   termini_uguali_prima = termini_uguali_dopo
1103
                  i++;
1104
1105
              if (errore = 0 && (termini_diversi = (
                  verifica.dimensione - termini_uguali_prima)
                 ))
              {
1106
1107
                   if(verifica.insieme_a == 2)
1108
                       printf ("\n_La_relazione_binaria_e'una
                          \_funzione \_totale \n");
1109
                   else
                       printf ("\n_La_relazione_binaria_ _una
1110
                          _funzione_parziale\n");
                   controllo_biiettivita (verifica);
1111
1112
              }
1113
              else
                  printf \ ("\n_La_relazione\_binaria\_non\_e'una
1114
                      \neg funzione \n");
         }
1115
         /*Relazione Vuota*/
1116
         if (verifica.controllo = 3)
1117
              printf ("\n_La_relazione_vuota_non_e'una_
1118
                 funzione \n");
          printf ("\n\n___..._Controllo_Funzione_Terminato_
1119
             \ldots \setminus n \setminus n \setminus n");
1120
1121 }
1122
1123
     /*******FUNZIONE PER IL controllo DELL'INIETTIVITA
         '******/
1124
     int controllo_iniettivita (rel_bin verifica)
1125
1126
1127
         int i;
1128
1129
         int k;
1130
         int termini_diversi;
1131
         int termini_uguali_prima;
         int termini_uguali_dopo;
1132
1133
         int errore;
1134
         int iniettivita;
1135
1136
          iniettivita = 0;
```

```
1137
          if (verifica.controllo == 1)
1138
1139
1140
1141
              i = 0;
1142
              errore=0;
1143
              termini_diversi=0;
              termini_uguali_dopo=0;
1144
              termini_uguali_prima=0;
1145
1146
1147
              while (i < verifica.dimensione)
1148
1149
1150
                  k=verifica. dimensione -1;
                  termini_uguali_dopo=termini_uguali_prima;
1151
1152
                  while (k > i)
1153
1154
                       if (verifica.secondo_termine[i] ==
1155
                           verifica.secondo_termine[k])
1156
                       {
1157
                            if (verifica.primo_termine[i] !=
1158
                               verifica.primo_termine[k])
1159
1160
1161
                                errore=1;
1162
                                printf ("\n_Nel_%d_elemento_c'
                                   e'un_errore_che_impedisce_
                                   alla \_ funzione \setminusn", k+1);
                                printf ("_di_essere_iniettiva\
1163
                                   n");
1164
                                k=i;
1165
                                i=verifica.dimensione;
1166
                           if (verifica.primo_termine[i] ==
1167
                               verifica.primo_termine[k])
1168
                                termini_uguali_dopo++;
1169
1170
1171
                  if (errore = 0 && termini_uguali_dopo ==
1172
                      termini_uguali_prima)
1173
                       termini_diversi++;
```

```
1174
1175
                  termini_uguali_prima = termini_uguali_dopo
                  i++;
1176
1177
             if (errore == 0 && (termini_diversi == (
1178
                 verifica.dimensione - termini_uguali_prima)
                 ))
1179
             {
1180
                  printf ("\n_La_funzione_e'iniettiva\n");
1181
                  iniettivita = 1;
             }
1182
             else
1183
                  printf ("\n_La_funzione_non_e'iniettiva\n"
1184
                     );
1185
1186
         }
1187
1188
         /****** Controllo iniettivita 'per stringhe
1189
             *******/
1190
1191
         if (verifica.controllo = 2)
1192
1193
             i = 0;
1194
1195
             errore=0;
             termini_diversi=0;
1196
1197
             termini_uguali_dopo=0;
             termini_uguali_prima=0;
1198
1199
             while (i < verifica.dimensione)
1200
1201
             {
1202
                  k=verifica.dimensione-1;
                  termini_uguali_dopo=termini_uguali_prima;
1203
                  while (k > i)
1204
1205
                      if ( (strcmp (verifica.seconda_stringa
1206
                         [i], verifica.seconda_stringa[k]))
                         == 0
                      {
1207
1208
                           if ( (strcmp (verifica.
                              prima_stringa[i], verifica.
                              prima_stringa[k]) != 0)
```

```
1209
                         {
1210
                             errore=1;
1211
                             printf ("\n_Nel_%d_elemento_c'
                                e'un_errore_che_impedisce_
                                alla \_funzione\setminusn", k+1);
                             printf ("_di_essere_iniettiva\
1212
1213
                            k=i;
1214
                             i=verifica.dimensione;
1215
                         }
1216
                         if ( (strcmp (verifica.
                            prima_stringa[i], verifica.
                            prima_stringa[k]) = 0
1217
                             termini_uguali_dopo++;
1218
                     }
1219
                    k--;
1220
1221
                 if (errore == 0 && termini_uguali_dopo ==
1222
                    termini_uguali_prima)
1223
                     termini_diversi++;
1224
1225
                 termini_uguali_prima = termini_uguali_dopo
                 i++;
1226
1227
             if (errore == 0 && (termini_diversi == (
1228
                verifica.dimensione - termini_uguali_prima)
                ))
             {
1229
                 printf ("\n_La_funzione_e'iniettiva");
1230
                 iniettivita = 1;
1231
1232
             }
1233
             else
1234
                 printf ("\n_La_funzione_non_e'iniettiva");
         }
1235
1236
        return (iniettivita);
1237
1238
    }
1239
    1240
       1241
1242 int controllo_suriettivita (rel_bin verifica)
```

```
1243  {
1244
         int suriettivita;
1245
         if (verifica.insieme_b == 2)
1246
1247
             suriettivita = 1;
1248
             printf ("\n_la_funzione_e'_suriettiva");
1249
1250
1251
1252
         else
1253
1254
             suriettivita = 0;
             printf ("\n_la_funzione_non_e'_suriettiva");
1255
         }
1256
1257
1258
         return (suriettivita);
1259
1260
1261
     BIIETTIVITA '********/
1262
    void controllo_biiettivita (rel_bin verifica)
1263
1264
1265
1266
         int
               surriettivita,
1267
                 iniettivita;
1268
         surriettivita = controllo_suriettivita (verifica);
1269
1270
         iniettivita = controllo_iniettivita (verifica);
1271
1272
1273
         if ( surriettivita == 1 && iniettivita == 1)
             printf ("\n_la_funzione_e'biiettiva");
1274
1275
1276
             printf ("\n_la_funzione_non_e'biiettiva");
1277
         return;
1278
    }
1279
1280
1281
    int controllo_antisimmetria (rel_bin verifica)
1282
     {
1283
1284
         int i,
1285
             j ,
```

```
1286
              riscontro,
1287
              antisimmetria;
1288
1289
         antisimmetria = 1;
1290
1291
         i = 0;
1292
         j = 0;
1293
         riscontro = 1;
1294
1295
         /*controllo della antisimmetria per numeri*/
1296
1297
         if (verifica.controllo == 1)
1298
1299
1300
1301
              while ( i < verifica.dimensione)
1302
1303
1304
                  j = 0;
                  while ( j < verifica.dimensione)
1305
1306
1307
                       if (verifica.primo_termine[i] ==
1308
                          verifica.secondo_termine[j])
                           if (verifica.primo_termine[j] ==
1309
                               verifica.secondo_termine[i])
1310
                                if (verifica.primo_termine[i]
                                   = verifica.primo_termine[j
                                   ])
1311
                                    riscontro++;
1312
                                else
                                    riscontro = 0;
1313
1314
                       j++;
                  }
1315
1316
                  if (riscontro = 0)
1317
1318
                       j = verifica.dimensione;
1319
                       i = verifica.dimensione;
1320
                       antisimmetria = 0;
1321
1322
                  }
                  i++;
1323
              }
1324
1325
```

```
}
1326
1327
         /*controllo della antisimmetria per stringhe*/
1328
1329
1330
         if (verifica.controllo = 2)
1331
1332
              while ( i < verifica.dimensione)
1333
1334
1335
1336
                  j = 0;
                  while ( j < verifica.dimensione)
1337
1338
1339
1340
                      if (strcmp (verifica.prima_stringa[i],
                          verifica.seconda_stringa[j]) == 0
1341
                           if (strcmp (verifica.prima_stringa
                              [j], verifica.seconda_stringa[i
                              ) = 0
1342
                               if (strcmp (verifica.
                                  prima_stringa[j], verifica.
                                  prima_stringa[i]) = 0
1343
                                   riscontro++;
1344
                               else
1345
                                   riscontro=0;
1346
1347
                      j++;
                  }
1348
1349
                  if (riscontro = 0)
1350
1351
                      j = verifica.dimensione;
1352
                      i = verifica.dimensione;
1353
                      antisimmetria = 0;
1354
1355
1356
                  i++;
              }
1357
1358
         }
1359
1360
         /***** Controllo se la simmetria
1361
                                               stata
             verificata ******/
1362
1363
         if (antisimmetria == 1)
```

4.3 Test

```
1 #include < stdio.h>
  #include" librerie / progetto.h"
3
4 int main (void)
5
6
               relBin RelazioneBinaria;
7
       int scelta;
8
       int scan;
9
       int test_terminati;
10
       char carattere_non_letto;
11
12
       scan = 0;
       test_terminati = 0;
13
       printf ("\n_Programma_per_effettuare_i_Test_sulla_
14
           libreria \n");
15
16
17
       printf ("\n\n_Digita_il_numero_corrispondente_all'
           azione_che_si_vuole_svolgere\n");
18
       printf ("\n_1)_Test_Acquisizione\n_2)_Esci\n");
19
       do
20
21
22
           printf ("\n_scelta:_");
           scan = scanf("%d",
23
24
                         &scelta);
25
           if ((scelta < 1) \mid | (scelta > 2) \mid | scan != 1)
26
               do
27
                    carattere_non_letto = getchar();
28
                while (carattere_non_letto != '\n');
29
       while ((scelta < 1) \mid | (scelta > 2) \mid | scan != 1);
30
31
32
33
       if (scelta == 1)
34
           RelazioneBinaria = acquisizione (
               RelazioneBinaria);
35
       if (scelta == 2)
36
37
38
           39
           test_terminati = 1;
```

```
}
40
41
42
        scelta = -1;
43
        while (scelta != 7 && test_terminati != 1)
44
45
            printf("\n\n_Digita_il_numero_corrispondente_
                all 'azione_che_si_vuole_svolgere\n");
            printf("\n_1)\_Test\_Acquisizione\n_2)\_Test\_
46
                Stampa \ n_3) \ Test \ verifica \ ordine \ parziale \ n
                _4)_Test_verifica_ordine_totale");
47
            printf("\n_5)_Test_verifica_relazione_d'
                equivalenza \n\_6) \_Test\_funzione \n\_7) \_Esci \n"
                 );
48
            scelta = -1;
49
            do
50
            {
                 printf ("\n_scelta:_");
51
                 scan = scanf("%d",
52
53
                               &scelta);
                 if ((scelta < 1) \mid | (scelta > 7) \mid | scan
54
                    != 1)
55
                     do
                          carattere_non_letto = getchar();
56
57
                     while (carattere_non_letto != '\n');
58
            while ((scelta < 1) \mid | (scelta > 7) \mid | scan !=
59
                 1);
60
61
62
            if (scelta == 1)
                 RelazioneBinaria = acquisizione (
63
                    RelazioneBinaria);
64
            if (scelta == 2)
                 stampa (RelazioneBinaria);
65
66
            if (scelta == 3)
67
                 ordine_parziale (RelazioneBinaria);
            if (scelta == 4)
68
69
                 ordine_totale (RelazioneBinaria);
70
            if (scelta == 5)
                 relazione_equivalenza (RelazioneBinaria);
71
72
            if (scelta == 6)
                 controllo_funzione (RelazioneBinaria);
73
74
            if (scelta == 7)
75
            {
```

4.4 Makefile

Test.exe: Test.c Makefile

gcc -ansi -Wall -O Test.c -o Test.exe

pulisci:

 ${\rm rm}$ -f Test.o

 $pulisci_tutto:$

 ${\rm rm}$ -f Test. exe Test.o

5 Testing del programma

5.1 Test 1:

Test di Relazione d'ordine Totale.

```
Inputs: (a,a) (a,b) (b,b)
```

Outputs: controlloriflessività: 1,controllosimmetria: 0, controllotransitività: 1 controllodicotomia: 1, la relazione è una relazione d'ordine totale in quanto è rispetta anche la propietà di Dicotomia.

```
La relazione:

e' riflessiva
e' asimmetrica
e' transitiva

Quindi e' una relazione d'ordine parziale

... Controllo Ordine Parziale Terminato ...

e' dicotomica

Quindi e' una relazione d'ordine totale
... Controllo Ordine Totale Terminato ...
```

5.2 Test 2:

Test di Relazione d'ordine Parziale.

```
Inputs: (a,a) (b,b) (a,b) (c,c)
```

Outputs:controlloriflessività: 1,controllosimmetria: 0, controllotransitività: 1 la relazione è una relazione d'ordine parziale in quanto rispetta le proprietà.

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
((a,a);(a,b);(b,b);(c,c))
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

```
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 3

La relazione:
e' riflessiva
e' asimmetrica
e' transitiva

Quindi e' una relazione d'ordine parziale

... Controllo Ordine Parziale Terminato ...
```

5.3 Test 3:

Test di Relazione d'ordine non Parziale.

```
Inputs: (a,a) (b,b) (c,c) (d,d) (e,e) (a,b) (b,c)
```

Outputs:controlloriflessività: 1,controllosimmetria: 0, controllotransitività: 0 la relazione non è una relazione d'ordine parziale in quanto non rispetta le proprietà.

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
{(a,a);(b,b);(c,c);(d,d);(e,e);(a,b);(b,c) }

... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 3

La relazione:
   e' riflessiva
   e' asimmetrica
   non e' transitiva

Non e' una relazione d'ordine parziale in quanto non rispetta tutte le propieta
manca la propieta' di transitivita'
   ... Controllo Ordine Parziale Terminato ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
```

5.4 Test 4:

Test di Relazione d'equivalenza.

```
Inputs: (a,a) (a,b) (b,a) (b,b)
```

Outputs:controlloriflessività: 1, controllosimmetria: 1, controllotransitività: 1 controllodicotomia: 0, la relazione è una relazione d'equivalenza in quanto rispetta le proprietà.

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
((a,a);(a,b);(b,a);(b,b))
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

```
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci

scelta: 5
   e' riflessiva
   e' simmetrica
   e' transitiva

Quindi e' una relazione di equivalenza

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

5.5 Test 5:

Test di Relazione non d'equivalenza.

Inputs: (a,a) (a,b) (b,c)

Outputs:controlloriflessività: 0, controllosimmetria: 0, controllotransitività: 0 la relazione non è una relazione d'ordine d'equivalenza in quanto non rispetta le proprietà.

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
((a,a);(a,b);(b,c))
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

```
scelta: 5
non e' riflessiva
e' asimmetrica
non e' transitiva

Quindi non e' una relazione di equivalenza perche' non riflessiva

Quindi non e' una relazione di equivalenza perche' non simmetrica

Quindi non e' una relazione di equivalenza perche' non transitiva

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test transicione
7) Esci
scelta:
```

5.6 Test 6:

Test di Funzione.

Inputs: (a,a) Outputs:La relazione binaria è una funzione. La relazione binaria è iniettiva.

La relazione binaria è biiettiva.

```
C:\Users\Francesco\Documents\GitHub\Progetto-Programmazione\Test.exe - \ \

6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
{(a,a)}
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

```
scelta: 6

La relazione binaria e' una funzione

La relazione binaria e' iniettiva
la funzione e' biiettiva

... Controllo Funzione Terminato ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

5.7 Test 7:

Test per verificare il controllo degli inputs.

Inputs: (casa rossa,casa blu) (casa blu,casa blu) (casa rossa,casa rossa)

Outputs:controllo_riflessività: 1,controllo_simmetria: 1, controllo_transitività: 1 dicotomia: 1 la relazione è una relazione d'ordine totale in quanto rispetta le proprietà.

le funzioni funzionano anche con input contenti degli spazi.

```
C:\Users\Francesco\Documents\GitHub\Progetto-Programmazione\Test.exe - \ \

6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
{(casa rossa,casa blu);(casa blu,casa blu);(casa rossa,casa rossa)}
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

5.8 Test 8:

Test per inserire stringhe in una relazione numerica.

Inputs: (1,a)

Outputs: c'è un errore reinserisci il valore.

stampa errore in quanto si era selezionato di voler immettere un input di tipo numerico.

```
Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 1
Premi 1 se vuoi immettere solo numeri, 2 per altro
scelta: 1
Inserisci il primo termine della coppia
Primo Termine: 1
Inserisci il secondo termine della coppia
Secondo Termine: a

C'e' un errore, reinserire il secondo termine
Secondo Termine:
```

5.9 Test 9:

Test per vedere se una relazione binaria qualunque e'una funzione. Inputs: (1,2) (1,1)

Outputs: La relazione binaria non è una funzione Nel 2 elemento c'è un errore che impedisce alla relazione binaria di essere una funzione;

```
scelta: 6

Nel 2 elemento c'e' un errore che impedisce alla relazione binaria di essere una funzione

La relazione binaria non e' una funzione

... Controllo Funzione Terminato ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

5.10 Test 10:

Inputs: (1,1) (2,1)

Outputs: La relazione binaria è una funzione Nel 2 elemento c'è un errore che impedisce alla funzione di essere iniettiva La funzione non è iniettiva La funzione non è biiettiva

```
C:\Users\Francesco\Documents\GitHub\Progetto-Programmazione\Test.exe - \ \

6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
  ( (1.00,1.00); (2.00,1.00))
  ... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

6 Verica del programma

Questa porzione di codice fa in modo che una volta eseguito si abbia nel valore c la sommatoria del numero di elementi distinti inseriti dall'utente.

```
riscontro = numero_elementi
while (numero_elementi>0)
{ numero_elementi - -;
riscontro = riscontro + numero_elementi;
}
```

La postcondizione è

$$\mathbf{R} = (\mathbf{riscontro} = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - j$$

si può rendere la tripla vera mettendo precondizione vero in quanto:

-Il predicato

$$P = (numero_elementi > 0 \land riscontro = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - j)$$

e la funzione:

```
tr (numero_elementi) = numero_elementi - 1)
```

soddisfano le ipotesi del teorema dell'invariante di ciclo in quanto:

 $*\{P \land numero_elementi > 0\} riscontro = riscontro + numero_elementi; numero_elementi = numero_elementi - -; \{P\}$

segue da:

$$P_{numero_elementi,numero_elementi-1} \land riscontro \sum_{j=0}^{numero_elementi-2} numero_elementi-j$$

e donatoto con P'quest'ultimo predicato, da:

$$\begin{array}{l} \mathbf{P'}_{riscontro,riscontro+numero_elementi} = (numero_elementi > 0 \land riscontro+numero_elementi = (numero_elementi = (numero_eleme$$

$$= \sum_{j=0}^{numero_elementi-2} numero_elementi-j)$$

$$P'_{riscontro, riscontro + numero_elementi} = (numero_elementi > 0 \land c = 1)$$

$$= \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi-j)$$

in quanto denotato con P'' quest'ultimo predicato, si ha: (P \land numero_elementi>1) = $(numero_elementi>0 \land riscontro = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi-j \land in the control of the contro$

 $numero_elementi > 1)$

$$| = P''$$

- * Il progresso è garantito dal fatto che tr (numero_elemnti) decresce di un unità ad ogni iterazione in quanto numero_elementi viene decrementata di un'unità ad ogni iterazione.
- * La limitatezza segue da:

$$(P \land tr(numero_elementi) < 1) = (numero_elementi > 0 \land c = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - 1) = (numero_elementi) < 1) = (numero_e$$

 $j \land numero_elementi > 1)$

$$\equiv (riscontro = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} \text{numero_elementi-j})$$

| = numero_elementi > numero_elementi - 1 Poichè:

 $(P \land numero_elementi < 1) = (numero_elementi > 0riscontro = (P \land numero_elementi > 1) = (numero_elementi > 0 \land riscontro = (P \land numero_elementi > 1) = (numero_elementi > 1)$

$$= \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - j \land numero_elementi < 1)$$

 $\equiv (numero_elementi = 1 \land riscontro =$

$$= \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - j \wedge numero_elementi < 1)))$$

Dal corollario del teorema dell'invariabilitá di ciclo si ha che P può essere usato solo come precondizione dell'intera istruzione di ripetizione.

-Proseguendo infine a ritroso si ottiene prima:

P_{numero_elementi,0} =
$$(0 < 0 < 1 \text{ numero_elementi} \land riscontro = \sum_{j=0}^{0-1} numero_elementi - j)$$
 (riscontro = 0)

e poi, denotato con P''' quest'ultimo predicato si ha:

$$P'''_{riscontro,0} = (0 = 0) = vero$$