Università di Urbino

Informatica Applicata

Programmazione Procedurale e Logica

Relazione

Progetto per la sessione invernale 2014/2015

Studente:

Marco Tamagno matricola no: 261985

Studente:

Francesco Belacca matricola no: 260492

Professore:
Marco Bernardo

Contents

1	Specifica del Problema	1
2	Analisi del Problema	2
	2.1 Input	
	2.2 Output	. 2
3	Progettazione dell'Algoritmo	3
	3.1 Teoria	. 3
	3.2 Scelte di Progetto	. 5
	3.3 Funzioni per l'acquisizione	. 6
	3.4 Funzioni per la verifica delle proprietà:	. 6
	3.5 Funzioni principali:	. 7
	3.6 Input	
	3.7 Output - Acquisizione	. 9
	3.8 Output - stampa	
	3.9 Output - ordine_parziale	
	3.10 Output - ordine_totale	. 9
	3.11 Output - relazione_equivalenza	
	3.12 Output - controllo_funzione	
4	Implementazione dell'Algoritmo	11
	4.1 Libreria (file .h)	. 11
	4.2 Libreria (file .c)	
	4.3 Test	
	4.4 Makefile	
5	Testing del programma	54
	5.1 Test 1:	. 54
	5.2 Test 2:	
	5.3 Test 3:	
	5.4 Test 4:	
	5.5 Test 5:	
	5.6 Test 6:	
	5.7 Test 7:	
	5.8 Test 8:	
	5.9 Test 9:	
	5.10 Test 10:	
6	Verica del programma	64

1 Specifica del Problema

Write an ANSI C library that manages binary relations by exporting the following functions. The rst C function returns a binary relation introduced through the keyboard. The second C function has a binary relation as input parameter and prints it to the screen. The third C function has a binary relation as input parameter and establishes whether it is a partial order relation, printing to the screen which property does not hold in the case that the relation is not such. The fourth C function has a binary relation as input parameter and establishes whether it is a total order relation, printing to the screen which property does not hold in the case that the relation is not such. The fth C function has a binary relation as input parameter and establishes whether it is an equivalence relation, printing to the screen which property does not hold in the case that the relation is not such. The sixth C function has a binary relation as input parameter and establishes whether it is a mathematical function; if it is not, then the element violating the property will be printed to the screen, otherwise a message will be printed to the screen indicating whether the function is injective, surjective, or bijective. [The project can be submitted also by rst-year students.]

Scrivere una libreria ANSI C che gestisce le relazioni binarie esportando le seguenti funzioni. La prima funzione C restituisce una relazione binaria acquisita da tastiera. La seconda funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e la stampa a video. La terza funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e stabilisce se essa è una relazione d'ordine parziale, stampando a video quale proprietà non vale nel caso la relazione non sia tale. La quarta funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e stabilisce se essa è una relazione d'ordine totale, stampando a video quale proprietà non vale nel caso la relazione non sia tale. La quinta funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e stabilisce se essa è una relazione d'equivalenza, stampando a video quale proprietà non vale nel caso la relazione non sia tale. La sesta funzione C ha come parametro di ingresso una relazione binaria e stabilisce se essa è una funzione matematica; se non lo è, allora si stamperà a video quale elemento violi la proprietà, altrimenti si stamperà a video un messaggio che indica se la funzione è iniettiva, suriettiva o biiettiva. [Il progetto può essere consegnato anche da studenti del primo anno.]

2 Analisi del Problema

2.1 Input

- 1. Per l'acquisizione come input abbiamo una relazione binaria del tipo (a,b); (a1,b1); (a2,b2); ... formata da un numero non precedentemente definito di coppie che viene acquisita da tastiera;
- 2. Come input per le altre 5 funzioni abbiamo una relazione binaria.

2.2 Output

- 1. Il primo problema (problema dell'acquisizione) restituisce una relazione binaria del tipo (a,b); (a1,b1); (a2,b2); ... formata da un numero non precedentemente definito.
- 2. Il secondo problema (problema della stampa) stampa a video la relazione binaria che viene dato in pasto alla funzione;
- 3. Il terzo problema (problema della verifica dell'ordine parziale) ci richiede di controllare se la relazione binaria data in pasto alla funzione è una relazione d'ordine parziale, e nel caso in cui non lo sia di andare a stampare a video le varie proprietà che non rispetta;
- 4. Il quarto problema (problema della verifica dell' ordine totale) ci richiede di controllare se la relazione binaria data in pasto al programma è una relazione d'ordine totale, e nel caso in cui non lo sia di andare a stampare a video le varie proprietà che non rispetta;
- 5. Il quinto problema (problema della verifica dell'ordine di equivalenza) ci richiede di controllare se la relazione binaria data in pasto al programma è una relazione di equivalenza, e nel caso in cui non lo sia di andare a stampare a video le varie proprietà che non rispetta;
- 6. Il sesto problema (problema della verifica della funzione) ci richiede di controllare se la relazione binaria data in pasto al programma è una funzione, e nel caso in cui non lo sia di andare a stampare a video le varie proprietà che non rispetta, mentre nel caso in cui sia una funzione di controllare se tale funzione rispetti le propietà di suriettività e iniettività, stampando a video se la funzione è suriettiva, iniettiva o biiettiva;

3 Progettazione dell'Algoritmo

3.1 Teoria

Per lo sviluppo di questo programma si necessita di alcuni cenni di Teoria degli insiemi quali:

Concetto di Relazione Binaria: una relazione binaria è un sottoinsieme del prodotto cartesiano di due insiemi (i quali potrebbero pure coincidere, ma ciò non è garantito).

Concetto di Relazione d'Ordine Parziale: In matematica, più precisamente in teoria degli ordini, una relazione d'ordine o ordine su di un insieme è una relazione binaria tra elementi appartenenti all'insieme che gode delle seguenti proprietà:

riflessiva antisimmetrica transitiva.

Concetto di Relazione d'Ordine Totale: Una relazione d'ordine si dice Totale, quando oltre a essere parziale soddisfa anche la propietà di Dicotomia (tutti gli elementi devono essere in relazione con ogni altro elemento presente)

Concetto di riflessività: In logica e in matematica, una relazione binaria R in un insieme X è detta riflessiva se ogni elemento di X è in tale relazione con se stesso.

Concetto di transitività: In matematica, una relazione binaria R in un insieme X è transitiva se e solo se per ogni a, b, c appartenenti ad X, se a è in relazione con b e b è in relazione con c, allora a è in relazione con c.

Concetto di simmetricità: In matematica, una relazione binaria R in un insieme X è simmetrica se e solo se, presi due elementi qualsiasi a e b, vale che se a è in relazione con b allora anche b è in relazione con a.

Un sottoinsieme f di A x B è una funzione se ad ogni elemento di A viene associato da f al più un elemento di B, dando luogo alla distinzione tra funzioni totali e parziali (a seconda che tutti o solo alcuni degli elementi di A abbiano un corrispondente in B) e lasciando non specificato se tutti gli elementi di B siano i corrispondenti di qualche elemento di A oppure no.

Concetto di Iniettività: ad ogni elemento del codominio corrisponde al più un elemento del dominio, cioè elementi diversi del dominio vengono trasformati in elementi diversi del codominio.

Concetto di Suriettività: Una funzione si dice suriettiva quando ogni elemento del codominio viene raggiunto da un elemento del dominio.

3.2 Scelte di Progetto

- Una relazione binaria prende in considerazione due elementi, questi due elementi si potrebbero vedere come due variabili distinte che poi andranno a far parte della stessa struttura, per questo riteniamo opportuno creare una struttura dati che inglobi entrambi gli elementi.
- I due termini potrebbero essere numerici, ma non è detto, quindi per completezza riteniamo opportuno far scegliere all'utente se inserire elementi di tipo numerico, o altro (simboli,lettere etc.) a seconda delle sue necessità.
- A priori, prendendo come input una relazione binaria, non possiamo sapere se tutti gli elementi del primo insieme sono in relazione con almeno un elemento del secondo insieme o se tutti gli elementi del secondo insieme fanno parte di una coppia ordinata, quindi è opportuno chiedere all'utente se ci sono elementi isolati che non fanno parte di nessuna coppia ordinata.

Breve lista delle funzioni da utilizzare:

3.3 Funzioni per l'acquisizione

acquisizione: per acquisire la relazione.

3.4 Funzioni per la verifica delle proprietà:

controllo_iniettività: serve a controllare se l'iniettività è rispettata o meno.

controllo_transitività: serve a controllare se la transitività viene rispettata o meno.

controllo_antisimmetria: serve a controllare se l'antisimmetria viene rispettata o meno.

controllo_simmetria: serve a controllare se la simmetria viene rispettata o meno.

controllo_riflessività: serve a controllare se la riflessività viene rispettata o meno.

controllo_dicotomia: serve a verificare se la dicotomia viene rispettata o meno.

controllo_suriettività: serve a verificare se la suriettività viene rispettata o meno.

3.5 Funzioni principali:

ordine_parziale: richiama le funzioni delle proprietà e controlla se c'è un ordine parziale (stampa a video se c'è o meno un ordine parziale, e nel caso non c'è stampa quali proprietà non vengono rispettate).

ordine_totale: richiama la funzione ordine_parziale e controllo_dicotomia e controlla se c'è un ordine totale (stampa a video se esiste o meno un ordine totale, e nel caso non c'è stampa quali propietà non vengono rispettate).

relazione_equivalenza: richiama le funzioni delle proprietà e controlla se c'è una relazione d'equivalenza (stampa a video se c'è o meno una relazione d'equivalenza, e nel caso non c'è stampa a schermo quali proprietà non vengono rispettate).

controllo_funzione: verifica se la relazione è una funzione (stampa a video se c'è o non c'è una funzione e nel caso non ci sia dice quale coppia non soddisfa le proprietà) .

3.6 Input

Per l'input abbiamo necessità di usare una struttura dati dinamica, nella quale andiamo a salvare la Relazione Binaria dataci dall'utente, il numero delle coppie e il tipo di input (numerico o per stringhe).

L'input dovrà essere dotato di diversi controlli, se l'utente sceglie di inserire un input di tipo numerico allora non potrà digitare stringhe e/o caratteri speciali etc.

La scelta di due tipi di input differente dovrà essere data per dare la possibilità all'utente nel caso scelga di fare un'input di tipo numerico di poter effettuare operazioni non legate alle funzioni della libreria, (esempio: l'utente vuole decidere di moltiplicare l'input per due, e vedere se mantiene le propietà, con un'input di tipo numerico l'utente può farlo e ciò avrebbe un senso, con un'input di tipo stringa meno).

La scelta dell'input di tipo stringa dovrà essere data per aver maggior completezza, una relazione binaria non deve essere forzatamente numerica ma può essere anche tra cose, oggetti, animali, colori e qualsiasi altra cosa possa venire in mente.

Alle varie funzioni verrà data come input la struttura dati salvata in precedenza dalla funzione Acquisizione, per poterne verificare le varie propietà.

3.7 Output - Acquisizione

Durante l'acquisizione avremo diversi output video che guideranno l'utente nell'inserimento dei dati, e che segnaleranno eventuali errori commessi. Finita l'acquisizione dovremo restituire l'indirizzo della struttura, che all'interno quindi conterrà i dati inseriti dall'utente. Abbiamo scelto di fare ciò perchè non essendo permesso l'utilizzo di variabili globali, il modo più semplice di passare i dati inseriti da una funzione all'altra è quello di creare una struttura dinamica. Una volta restituito l'indirizzo della struttura, a seconda della funzione lanciata nel file Test.c si lanceranno le altre 5 funzioni, dato che queste prendono tutte in pasto l'output della prima (cioè l'indirizzo della struttura della relazione binaria) e la utilizzano per verificarne varie proprietà.

3.8 Output - stampa

La funzione stampa avrà come output la stampa a video della struttura acquisita, con qualche aggiunta grafica (le parentesi e le virgole) per rendere il tutto più facilmente interpretabile e leggibile.

3.9 Output - ordine_parziale

La funzione ordine_parziale avrà come output la stampa a video del risultato della verifica delle proprietà di riflessività antisimmetria e transitività. Nel caso in cui siano tutte verificate si stamperà che la relazione è una relazione di ordine parziale, mentre nel caso in cui non siano verificate si stamperà che non lo è e il perchè (cioè quale (o quali) proprietà non è verificata (o non sono verificate).

3.10 Output - ordine_totale

La funzione ordine_totale avrà come output la stampa a video del risultato della verifica delle proprietà necessarie ad avere una relazione d'ordine parziale, e verificherà poi se anche la dicotomia è valida per la relazione o meno. Nel caso in cui tutto sia positivo, allora si stamperà che la relazione è di ordine totale, mentre se non lo è si stamperà cosa fa in modo che non lo sia.

3.11 Output - relazione_equivalenza

La funzione relazione_equivalenza avrà come output la stampa a video del risultato della verifica delle proprietà di riflessività simmetria e transitività e nel caso in cui siano tutte positive si stamperà che la relazione è una relazione di equivalenza, mentre nel caso in cui qualcosa non sia verificato si stamperà ciò che impedisce alla relazione di essere una relazione d'equivalenza.

3.12 Output - controllo_funzione

La funzione controllo_funzione avrà come output la stampa a video della verifica della proprietà che rende la relazione binaria una funzione, e in caso lo sia,se questa è sia suriettiva e iniettiva, e in caso sia entrambe si stamperà che la relazione binaria oltre ad essere una funzione è una funzione biiettiva.

4 Implementazione dell'Algoritmo

4.1 Libreria (file .h)

```
1
  /* STRUTTURA relBin */
  /* Creo una struttura dove salvare le coppie*/
4 /* appartenenti alla Relazione */
   typedef struct relBin
6
7
       /***** Coppia Numerica *****/
8
9
               *primo_termine,
       double
10
               *secondo_termine;
11
       /***** Coppia Qualsiasi*****/
12
13
       char **prima_stringa,
            **seconda_stringa;
14
15
16
       /**** Variabili per salvare se ho acquisito una*/
17
       /* coppia numerica o no e il numero delle coppie
          */
18
       int controllo,
           dimensione,
19
20
           insieme_a,
21
           insieme_b;
22 } rel_bin;
23
24 extern rel_bin acquisizione (rel_bin);
25 extern int controllo_simmetria (rel_bin);
26 extern int controllo_riflessivita (rel_bin);
27 extern int controllo_transitivita (rel_bin);
28 extern int controllo_suriettivita (rel_bin);
29 extern void controllo_biiettivita (rel_bin);
30 extern int controllo_antisimmetria (rel_bin);
31 extern void controllo_funzione (rel_bin);
32 extern void relazione_equivalenza (rel_bin);
33 extern void ordine_totale (rel_bin);
34 extern int ordine_parziale (rel_bin);
35 extern void stampa (rel_bin);
```

4.2 Libreria (file .c)

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <string.h>
4 #include "Progetto.h"
  rel_bin acquisizione (rel_bin);
7
9 int controllo_simmetria (rel_bin);
10 int controllo_riflessivita (rel_bin);
11 int controllo_transitivita (rel_bin);
12 int controllo_suriettivita (rel_bin);
13 int controllo_antisimmetria (rel_bin);
14 int ordine_parziale (rel_bin);
15
16 void controllo_biiettivita (rel_bin);
17 void controllo_funzione (rel_bin);
18 void relazione_equivalenza (rel_bin);
19 void ordine_totale (rel_bin);
20 void stampa (rel_bin);
21
22
23 /*Funzione di acquisizione*/
24
   rel_bin acquisizione (rel_bin relazione)
25
26
   {
27
28
       int acquisizione_finita,
29
           risultato_lettura,
30
           primo_termine_acquisito ,
31
           i;
32
       char temporaneo,
33
34
            carattere_non_letto;
35
36
       acquisizione_finita = 0;
37
       risultato_lettura = 0;
       primo_termine_acquisito = 0;
38
39
       i = 0;
40
41
       relazione.dimensione = 0;
42
       relazione.primo_termine = (double *) malloc (2);
```

```
43
       relazione.secondo_termine = (double *) malloc (2);
       relazione.prima_stringa = (char **) malloc (2);
44
45
       relazione.seconda_stringa = (char **) malloc (2);
46
47
       do
48
       {
49
            printf ("\n_Premi\n\n_1_se_vuoi_immettere_solo
               \_numeri\\n\_2\_per");
            printf ("_inserire_stringhe_\n_3_per_la_
50
               relazione _vuota\n");
51
            printf ("\n_scelta:_");
            risultato_lettura = scanf ("%d",
52
                                        &relazione.
53
                                            controllo);
            if (relazione.controllo < 1 | relazione.
54
               controllo > 3 || risultato_lettura != 1)
55
                    carattere_non_letto = getchar();
56
57
                while (carattere_non_letto != '\n');
58
       while (relazione.controllo < 1 | relazione.
59
           controllo > 3 || risultato_lettura != 1);
60
61
       /** Imposto di nuovo risultato_lettura a 0 **/
62
       risultato_lettura=0;
63
64
       /* Relazione vuota */
65
66
       if (relazione.controllo == 3)
67
68
            printf("\n_Si_e'_scelto_di_inserire_una_
69
               relazione _vuota\n");
70
       }
71
72
       /* Acquisizione Numerica */
73
       if (relazione.controllo == 1)
74
75
            while (acquisizione_finita == 0)
76
77
                primo_termine_acquisito = 0;
78
                relazione.dimensione++;
79
                acquisizione_finita = 2;
80
```

```
81
82
                 /*Acquisisco i termini della coppia*/
83
                 printf ("\n_Inserisci_i_termini_della_
84
                    coppia _\n_");
                 relazione.primo_termine = (double *)
85
                    realloc (relazione.primo_termine,
             (relazione.dimensione+1) * sizeof (double));
86
                 relazione.secondo_termine = (double *)
87
                    realloc (relazione.secondo_termine,
88
             (relazione.dimensione+1) * sizeof (double));
                 risultato_lettura = 0;
89
90
91
                 do
92
93
                     /* Acquisisco il primo termine*/
94
                     if (primo_termine_acquisito == 0)
95
96
                         printf ("__Primo_Termine:_");
97
98
                         risultato_lettura = scanf ("%lf",&
                             relazione.primo_termine[
                             relazione dimensione - 1]);
                     }
99
100
101
                     if (risultato_lettura == 1)
102
                         primo_termine_acquisito = 1;
103
104
                     /* Acquisisco il secondo termine*/
                     if (primo_termine_acquisito == 1)
105
106
                         printf ("___Secondo_Termine:_");
107
                         risultato_lettura = 0;
108
109
                         risultato_lettura = scanf ("%lf",&
                             relazione.secondo_termine[
                             relazione.dimensione - 1]);
110
                     /* Controllo che i valori siano stati
111
                         letti correttamente e nel caso non
                        sia\ cosi\ svuoto\ il\ buffer*/
112
                     if (risultato_lettura != 1)
113
                         do
114
                              carattere_non_letto = getchar
                                 ();
```

```
115
                         while (carattere_non_letto != '\n'
116
                     if (risultato_lettura == 0 &&
117
                        primo_termine_acquisito = 0
                          printf ("\n_C'e'un_errore,_
118
                             reinserire_il_primo_termine\n")
119
120
                     if (risultato_lettura == 0 &&
                        primo_termine_acquisito == 1)
                          printf ("\n_C'e'un_errore,_
121
                             reinserire_il_secondo_termine\n
                             ");
122
123
                 while (risultato_lettura != 1);
124
125
                 /* Chiedo all'utente se ci sono altre
                    coppie*/
126
127
                 do
128
129
                     printf ("\n_Vuoi_acquisire_un'altra_
                        coppia?_immetti_1_per_uscire,_0_per
                        \neg continuare \neg );
                     printf ("\n_scelta:_");
130
                     risultato_lettura = scanf ("%d",
131
132
                                                  &
                                                      acquisizione_finita
                     if (acquisizione_finita < 0 ||
133
                         acquisizione_finita > 1 ||
                         risultato_lettura != 1)
134
                         do
135
                              carattere_non_letto = getchar
                         while (carattere_non_letto != '\n'
136
                             );
137
138
                 while (acquisizione_finita < 0 ||
                    acquisizione_finita > 1 ||
                    risultato_lettura != 1);
139
140
```

```
141
            }
142
143
        /*imposto di nuovo risultato_lettura a 0*/
144
        risultato_lettura = 0;
145
146
147
        /*Acquisizione con stringhe*/
        if (relazione.controllo = 2)
148
149
150
             while (acquisizione_finita == 0)
151
             {
                 primo_termine_acquisito = 0;
152
153
                 i = 0;
154
                 temporaneo = 'a';
                 relazione.dimensione++;
155
156
                 acquisizione_finita = 2;
157
                 printf ("\n_Inserisci_i_termini_della_
158
                    coppia \\n\");
                 relazione.prima_stringa = (char **)
159
                    realloc (relazione.prima_stringa, (
                    relazione.dimensione+1) * sizeof (char
                    *));
160
                 /* Acquisisco i termini della coppia*/
161
162
                 relazione.prima_stringa[relazione.
                    dimensione -1] = (char *) malloc (2);
163
                 fflush (stdin);
164
                 printf ("__Primo_Termine:_");
                 while (temporaneo != '\n')
165
166
                 {
167
                     temporaneo = getc (stdin);
168
                     relazione.prima_stringa [relazione.
                         dimensione - 1] = (char*) realloc
169
             (relazione.prima_stringa[relazione.dimensione
                -1],
170
                              (i+1) * sizeof (char*));
171
                     relazione.prima_stringa [relazione.
                        dimensione - 1 [i] = temporaneo;
172
                     i++;
173
                 }
174
                 /*Imposto ora il carattere di terminazione
175
                     a \setminus 0 dato che adesso
```

```
176
177
                 relazione.prima_stringa [relazione.
                    dimensione -1 [i -1] = '\0';
178
179
                 /*Acquisisco il secondo termine della
                    coppia*/
180
                 printf ("___Secondo_Termine:_");
181
                 relazione.seconda_stringa = (double **)
182
                    realloc (relazione.seconda_stringa,
183
           (relazione.dimensione+1) * sizeof (double*));
                 relazione.seconda_stringa [relazione.
184
                    dimensione -1] = (char *) malloc (2);
185
                 fflush (stdin);
                 temporaneo='a';
186
187
                 i = 0;
                 while (temporaneo != '\n')
188
189
190
                     temporaneo = getc (stdin);
191
                     relazione.seconda_stringa [relazione.
                        dimensione - 1 = (char*) realloc (
                        relazione.seconda_stringa[relazione
                         . dimensione -1],
192
                              (i+1) * sizeof (char*));
193
                     relazione.seconda_stringa [relazione.
                        dimensione - 1 [i] = temporaneo;
194
                     i++;
195
                 }
196
                 /*Imposto ora il carattere di terminazione
197
                     a \setminus 0 dato che adesso
                                              \backslash n*/
                 relazione.seconda_stringa [relazione.
198
                    dimensione -1 [i -1] = '\0';
199
200
                 /* Chiedo all'utente se ci sono altre
                    coppie*/
201
                 while (acquisizione_finita < 0 ||
202
                    acquisizione_finita > 1 ||
                    risultato_lettura != 1)
                 {
203
204
                     printf ("\n_Vuoi_acquisire_un'altra_
205
                        coppia?_immetti_1_per_uscire,_0_per
```

```
\neg continuare \n");
206
                     risultato_lettura = scanf ("%d",&
                        acquisizione_finita);
207
                }
            }
208
        }
209
210
211
        relazione.insieme_b = -1;
        risultato_lettura = 0;
212
213
214
        printf ("\n_Ci_sono_elementi_del_secondo_insieme\n
           _che_non_fanno_parte_di_nessuna_coppia_ordinata
           ?\n");
        printf (" \n_1) = si \n_2 = no \n \n_scelta : =");
215
216
        while ((relazione.insieme_b < 0) \mid | (relazione.
           insieme_b > 2) || risultato_lettura != 1)
217
        {
            fflush (stdin);
218
            risultato_lettura = scanf("%d",&relazione.
219
                insieme_b);
220
        }
221
222
        relazione.insieme_a = -1;
223
        risultato_lettura = 0;
224
225
        printf ("\n_Ci_sono_elementi_del_primo_insieme\n_
           che_non_fanno_parte_di_nessuna_coppia_ordinata
           ?\n");
226
        printf (" \n_1) = si \n_2 = no \n \n_s celta : ");
227
        while ((relazione.insieme_a < 0) \mid | (relazione.
           insieme_a > 2) || risultato_lettura != 1)
228
        {
            fflush (stdin);
229
230
            risultato_lettura = scanf("%d",&relazione.
                insieme_a);
231
        }
232
233
234
        ");
235
        return (relazione);
236
   }
237
```

```
238
   ***********
239
   void stampa (rel_bin stampa)
240
241
242
243
       int i = 0;
244
        printf ("\n_La_relazione_binaria_e':");
245
246
        printf ("\n\");
247
        /*****Stampa per coppie numeriche ****/
248
249
250
        if (stampa.controllo == 1)
251
252
           while (i < stampa.dimensione)
253
254
               printf ("(%.21f,%.21f)", stampa.
255
                  primo_termine[i], stampa.secondo_termine
                   [i]);
               if (i+1 != stampa.dimensione)
256
                    printf (""; ");
257
258
               i++;
           }
259
        }
260
261
262
        /******Stampa per coppie non numeriche ******
           */
263
264
        if (stampa.controllo == 2)
265
           while (i < stampa.dimensione)
266
267
           {
268
                printf ("(%s,%s)", stampa.prima_stringa[i],
                  stampa.seconda_stringa[i]);
               if (i+1 != stampa.dimensione)
269
                    printf ("";");
270
               i++;
271
272
273
           }
274
        }
275
```

```
276
       */
277
       printf ("}\n");
278
279
       printf ("\n Stampa_Terminata_...\n);
280
281
282
283
   'ORDINE***********/
284
   int ordine_parziale (rel_bin verifica)
285
286
   {
287
288
       int riflessivita,
289
           transitivita,
290
           antisimmetria,
291
           parziale;
292
       /*STAMPO\ LE\ PROPIETA\ 'DELLA\ RELAZIONE*/
293
294
       printf ("\n\n_La_relazione:\n\");
295
296
297
       /****** Chiamo le funzioni per poter stabilire
          le propiet **********/
298
       riflessivita = controllo_riflessivita (verifica);
299
       controllo_simmetria(verifica);
300
       antisimmetria = controllo_antisimmetria (verifica)
301
       transitivita = controllo_transitivita (verifica);
302
303
       /****** Controllo se rispetta le propiet
          per essere una relazione d'ordine parziale
          *******
304
       if (transitivita = 1 && antisimmetria = 1 &&
          riflessivita == 1
305
306
           parziale = 1;
307
           printf ("\n_Quindi_e'una_relazione_d'ordine_
              parziale \langle n \rangle n;
       }
308
309
       else
310
       {
311
```

```
312
             printf ("\n_Non_e'una_relazione_d'ordine_
                parziale_in_quanto_non_rispetta_tutte_le_
                propieta '\n");
             parziale = 0;
313
314
        if (transitivita == 0)
315
             printf ("\n_manca_la_propieta'di_transitivita
316
                '\n");
        if (antisimmetria = 0)
317
318
             printf ("\n_manca_la_propieta'di_antisimmetria
                \n");
319
        if (riflessivita == 0)
320
             printf ("\n_manca_la_propieta'di_riflessivita
                '\n");
321
        /******* Fine controllo Ordine Parziale
            *********
322
323
        printf ("\n\n___.Controllo_Ordine_Parziale_
            Terminato \ldots \setminus n \setminus n \setminus n;
324
        return (parziale);
325
    }
326
327
328
    /*******FUNZIONE PER CONTROLLARE LA RIFLESSIVIT
       *******/
329
330
    int controllo_riflessivita (rel_bin verifica)
331
332
        int i,
333
334
             j ,
335
            k,
336
             riscontro,
337
             secondo_riscontro,
338
             riflessivita;
339
340
        riflessivita = 1;
        i = 0;
341
342
        j = 0;
343
        k = 0;
344
        riscontro = 0;
        secondo_riscontro = 0;
345
346
347
        /* Verifica riflessivit */
```

```
348
349
        /*Definizione: una relazione per la quale esiste
           almeno un elemento che non e'in relazione con
           s stesso non soddisfa la definizione di
           riflessivit*/
350
        while ( (i < verifica.dimensione) && (k < verifica
351
           . dimensione))
352
353
            /* Verifica riflessivit per numeri*/
354
355
            if (verifica.controllo == 1)
356
357
358
                riscontro = 0;
359
                secondo_riscontro = 0;
360
                if (verifica.primo_termine[i] == verifica.
                   secondo_termine[i])
                    riscontro++; /**** Controllo se c'
361
                       stato un riscontro a, a****/
362
                secondo_riscontro++;
363
                if (riscontro != 0)
364
365
                    i++;
366
                    k++;
367
                /**/
368
                else
369
370
                {
                    j = 0;
371
372
                    riscontro = 0;
373
                    secondo_riscontro = 0;
374
375
                    riflessivit per gli elementi del
                       primo insieme
                       **********
376
                    while (j < verifica.dimensione)
377
378
                        if (j == i)
379
380
                            j++;
                        else
381
382
                        {
```

```
383
                            if (verifica.primo_termine[i]
                               = verifica.primo_termine[j
                               ])
384
                                if (verifica.primo_termine
                                   [j] = verifica.
                                   secondo_termine[j])
385
                                    riscontro++;
386
387
                            j++;
388
                        }
                    }
389
390
                    j = 0;
391
392
393
                    riflessivit per gli elementi del
                       secondo in sieme
                       **********
394
395
                    while (j < verifica.dimensione)
396
                        if (j == k)
397
398
                            j++;
                        else
399
400
                            if (verifica.secondo_termine[k
401
                               ] == verifica.
                               secondo_termine[j])
402
                                if (verifica.primo_termine
                                   [j] = verifica.
                                   secondo_termine[j])
403
                                    secondo_riscontro++;
404
405
                            j++;
                        }
406
407
                    if (riscontro != 0)
408
409
                        i++;
410
411
                    /**** Se non c' stato un riscontro di
                        riflessivit esco e imposto la
                       riflessivit a 0 *****/
412
413
                    else
```

```
414
                    {
                        i=verifica.dimensione;
415
416
                        riflessivita = 0;
417
                    }
418
                    if (secondo_riscontro != 0)
419
420
                        k++;
421
                    else
422
423
424
                        k=verifica.dimensione;
425
                        riflessivita = 0;
                    }
426
                }
427
428
429
            }
430
            /************ VERIFICA RIFLESSIVIT PER
431
               STRINGHE ***********/
432
433
            if (verifica.controllo = 2)
434
435
                riscontro = 0;
436
                secondo_riscontro = 0;
                if (strcmp (verifica.prima_stringa[i],
437
                   verifica.seconda_stringa[i]) == 0)
438
                    riscontro++;
439
                secondo_riscontro++;
440
                if (riscontro != 0)
441
442
                    i++;
443
                    k++;
444
                }
445
446
                else
447
                {
448
                    riscontro = 0;
449
450
                    secondo_riscontro = 0;
451
                    452
                       riflessivit per gli elementi del
                       primo insieme
                       ***********
```

```
453
454
                    while (j < verifica.dimensione)
455
                        if (j == i)
456
457
                            j++;
                        else
458
459
460
                            if (strcmp (verifica.
                               prima_stringa[i], verifica.
                               prima_stringa[j]) == 0
461
                                if (strcmp (verifica.
                                   prima_stringa[j],
                                   verifica.
                                   seconda_stringa[j]) =
462
                                    riscontro++;
463
464
                           j++;
                        }
465
                    }
466
467
468
                    j = 0;
469
470
                    riflessivit per gli elementi del
                       secondo insieme
                       **********
471
472
                    while (j < verifica.dimensione)
473
474
                        if (j = k)
475
                            j++;
                        else
476
477
                        {
478
                            if (strcmp (verifica.
                               seconda_stringa[k], verifica
                               .seconda_stringa[j]) == 0
479
                                if (strcmp (verifica.
                                   prima_stringa[j],
                                   verifica.
                                   seconda_stringa[j]) ==
480
                                    secondo_riscontro++;
481
```

```
482
                            j++;
                        }
483
484
                    if (riscontro != 0)
485
486
                        i++;
487
                    else
488
489
                    {
                        i=verifica.dimensione;
490
491
                        riflessivita = 0;
492
                    }
493
                    if (secondo_riscontro != 0)
494
495
                        k++;
496
497
                    else
498
                        k=verifica.dimensione;
499
                        riflessivita = 0;
500
501
                    }
502
                }
503
            }
504
505
506
507
        /* Relazione vuota */
508
509
        if(verifica.controllo == 3)
510
            riflessivita = 0;
511
512
        /********** Controllo se
                                   riflessiva
           ********
513
514
        if (riflessivita == 1)
            printf ("\_\_e'riflessiva\n");
515
        else
516
            printf ("___non_e'riflessiva\n");
517
518
        519
           *********
520
521
        return (riflessivita);
    }
522
523
```

```
524
525
526
   LA SIMMETRIA *************/
527
   528
      relazione binaria R in un insieme X
   /************ simmetrica se e solo se, presi due
529
      elementi qualsiasi a e b, vale che **/
530
   in relazione con a. ******/
531
532
   int controllo_simmetria (rel_bin verifica)
533
534
535
       int i,
536
          j,
537
          riscontro,
538
          simmetria;
539
540
       simmetria = 1;
541
542
543
       i = 0;
       j = 0;
544
545
       riscontro = 0;
546
       /*controllo della simmetria per numeri*/
547
548
       if (verifica.controllo = 1)
549
550
551
          while ( i < verifica.dimensione)
552
553
554
555
              j = 0;
              while ( j < verifica.dimensione)
556
557
558
559
                 if (verifica.primo_termine[i] ==
                    verifica.secondo_termine[j])
                     if (verifica.primo_termine[j] ==
560
                        verifica.secondo_termine[i])
561
                        riscontro++;
```

```
562
                     j++;
563
                 }
564
                 if (riscontro = 0)
565
566
                     j = verifica.dimensione;
567
                     i = verifica.dimensione;
568
569
                     simmetria = 0;
570
571
                 riscontro = 0;
572
                 i++;
             }
573
574
        }
575
576
577
        /*controllo della simmetria per stringhe*/
578
        if (verifica.controllo = 2)
579
580
581
582
             while ( i < verifica.dimensione)
583
584
585
                 while ( j < verifica.dimensione)
586
587
588
589
                      if (strcmp (verifica.prima_stringa[i],
                         verifica.seconda_stringa[j]) == 0
590
                          if (strcmp (verifica.prima_stringa
                             [j], verifica.seconda_stringa[i
                             ]) == 0
591
                              riscontro++;
592
593
                     j++;
594
                 }
595
                 if (riscontro = 0)
596
597
598
                     j = verifica.dimensione;
                     i = verifica.dimensione;
599
                     simmetria = 0;
600
601
                 }
602
                 riscontro = 0;
```

```
603
                 i++;
604
             }
605
606
        /* Relazione Vuota */
607
608
        if (verifica.controllo == 3)
609
610
             printf ("___e'simmetrica\n");
611
612
             simmetria = 1;
613
614
        /***** Controllo se la simmetria
615
                                              stata
            verificata ******/
616
        if (verifica.controllo != 3)
617
618
             if (simmetria == 1)
                 printf ("___e'simmetrica\n");
619
             else
620
621
                 printf ("___e'asimmetrica\n");
622
        /***** Fine controllo simmetria *****/
623
624
625
        return (simmetria);
    }
626
627
628
629
630
    /* FUNZIONE PER CONTROLLARE LA TRANSITIVIT */
631
632
    /***** Definizione: In matematica, una relazione
       binaria R in un insieme X
                                   transitiva se e solo se
633
        per ogni a, b, c appartenenti ad X, se a
            relazione con b e b
                                 in relazione con c,
            allora
              in relazione con c.*****/
634
635
636
637
    int controllo_transitivita (rel_bin verifica)
638
639
        int i,
640
641
            j ,
642
            k,
```

```
643
             transitivita;
644
         /*IMPOSTO LA TRANSITIVITA INIZIALMENTE COME VERA E
645
             AZZERO I CONTATORI*/
         transitivita = 1;
646
647
        i = 0;
648
        i = 0;
649
        k = 0;
650
651
        /* VERIFICA TRANSITIVIT PER NUMERI*/
652
653
        if (verifica.controllo == 1)
654
655
656
657
             while (i < verifica.dimensione)
658
                 j = 0;
659
660
661
                 while (j < verifica.dimensione)
662
                      k=0;
663
664
                      if (verifica.secondo_termine[i] ==
665
                         verifica.primo_termine[j])
666
                      {
667
                          transitivita = 0;
668
669
                          while (k < verifica.dimensione)
670
671
                               if (verifica.primo_termine[i]
                                  = verifica.primo_termine[k
                                  ])
672
                               {
673
                                   if (verifica.
                                      secondo_termine[k]==
                                      verifica.
                                      secondo_termine[j])
674
                                   {
675
                                       transitivita = 1;
                                       k = verifica.
676
                                           dimensione;
677
                                   }
678
                              }
```

```
679
680
                            k++;
681
                        }
682
683
                        if (transitivita == 0)
684
                            j=verifica.dimensione;
685
686
                            i=verifica.dimensione;
687
                        }
688
                    }
689
690
                    j++;
691
692
693
                i++;
694
            }
        }
695
696
697
        698
           STRINGHE **********/
699
        if (verifica.controllo == 2)
700
701
702
703
            while (i < verifica.dimensione)
704
705
706
                j = 0;
707
708
                while (j < verifica.dimensione)
709
                    k=0;
710
711
                    if (strcmp (verifica.seconda_stringa[i
712
                       ], verifica.prima_stringa[j]) == 0)
                    {
713
                        transitivita = 0;
714
715
                        while (k < verifica.dimensione)
716
717
718
                            if (strcmp (verifica.
                                prima_stringa[i], verifica.
                               prima_stringa[k]) == 0
```

```
719
                              {
720
                                  if (strcmp (verifica.
                                      seconda_stringa[k],
                                      verifica.
                                      seconda_stringa[j]) ==
721
                                  {
722
                                       transitivita = 1;
723
                                       k = verifica.
                                          dimensione;
724
                                  }
725
                              }
726
727
                              k++;
728
                          }
729
                          if (transitivita == 0)
730
731
732
                              j=verifica.dimensione;
733
                              i=verifica.dimensione;
734
                          }
735
                     }
736
737
                     j++;
738
739
740
                 i++;
             }
741
742
        743
744
745
746
        if (verifica.controllo == 3)
747
             transitivita = 1;
748
749
        }
750
751
        /****** Controllo se la relazione
                                                    Transitiva
             *******/
752
        if (transitivita == 1)
753
             printf ("\_\_\_e'transitiva\n");
754
755
756
        else
```

```
printf ("___non_e'transitivan");
757
758
759
        /******** Fine controllo Transitivit
            ********
760
        return (transitivita);
761
762
763 }
764
765
    /****** Dicotomia ********/
766
    int controllo_dicotomia (rel_bin verifica)
767
768
    {
769
770
        int i, j, k;
771
        int numero_elementi;
772
        int dicotomia = 0;
773
        int dimensione;
        int riscontro;
774
775
        int secondo_riscontro;
776
        i = 0;
777
        j = 0;
778
        k=i-1;
779
        riscontro = 0;
780
        dimensione = verifica.dimensione;
781
782
        /****** Dicotomia per numeri ******/
783
784
        if (verifica.controllo == 1)
785
786
787
            /****** Conto il numero delle coppie
                esistenti (scarto le coppie uguali)
                ******/
788
            while ( i < verifica.dimensione)
789
790
791
                 k = i - 1;
792
                 j = i+1;
793
                 secondo_riscontro = 0;
794
795
                 if (i > 0)
796
797
                     while (k >= 0)
```

```
{
798
799
                        if (verifica.primo_termine[i] ==
                           verifica.primo_termine[k])
800
                        {
801
                            if (verifica.secondo_termine[i
                               ] == verifica.
                               secondo_termine[k])
802
                               secondo_riscontro = 1;
803
804
                       k--;
                   }
805
               }
806
807
                if (secondo_riscontro != 1)
808
809
810
                   while ( j < verifica.dimensione)
811
812
                        if (verifica.primo_termine[i] ==
                           verifica.primo_termine[j])
813
                            if (verifica.secondo_termine[i
                               ] == verifica.
                               secondo_termine[j])
814
815
                               dimensione --;
816
                       j++;
817
                   }
818
819
                }
820
                i++;
            }
821
822
823
824
            i = 0;
825
            j = 0;
826
           k=0;
827
            numero_elementi=0;
828
            riscontro = 0;
829
            830
            \mathbf{while} (i<verifica.dimensione)
831
832
833
               k=i-1;
```

```
834
                secondo_riscontro = 0;
835
836
                while (k >= 0)
837
838
                    if (verifica.primo_termine[i] ==
                       verifica.primo_termine[k])
839
                       secondo_riscontro = 1;
840
                   k--;
841
842
                if (secondo_riscontro != 1)
843
                    if (verifica.primo_termine[i] ==
844
                       verifica.secondo_termine[i])
845
                        riscontro++;
846
847
848
               i++;
            }
849
850
851
            numero_elementi = riscontro;
852
            /****** Conto quanti dovrebbero essere
853
               gli elementi per avere la dicotomia
               *******
854
            while (numero_elementi > 0)
855
856
                numero_elementi --;
857
858
                riscontro = riscontro + numero_elementi;
            }
859
        }
860
861
        862
          STRINGHE ***********/
863
        if (verifica.controllo == 2)
864
865
866
867
            /****** Conto il numero delle coppie
               esistenti (scarto le coppie uguali)
               *******/
868
            while ( i < verifica.dimensione)
869
870
```

```
871
                 k = i - 1;
872
                 j = i+1;
873
                 secondo_riscontro = 0;
                 if (i > 0)
874
875
                 {
                      while (k >= 0)
876
877
878
                          if ( (strcmp (verifica.
                              prima_stringa[i], verifica.
                              prima_stringa[k]) = 0
879
                          {
880
                               if ( (strcmp (verifica.
                                  seconda_stringa[i], verifica
                                  . seconda_stringa[k]) = 0
881
                                   secondo_riscontro = 1;
882
883
                      }
884
                 }
885
886
887
                 if (secondo_riscontro != 1)
888
                      while ( j < verifica.dimensione)
889
890
                          if ( (strcmp (verifica.
891
                              prima_stringa[i], verifica.
                              prima_stringa[j]) = 0
892
                               if ( (strcmp (verifica.
                                  seconda_stringa[i], verifica
                                  . seconda_stringa[j]) = 0
893
894
                                   dimensione --;
895
896
                          j++;
                      }
897
898
                 }
899
                 i++;
             }
900
901
902
903
             i = 0;
904
             k=0;
905
             j = 0;
906
             numero_elementi = 0;
```

```
907
           */
908
909
           while (i < verifica.dimensione)
910
           {
911
               k=i-1;
912
               secondo_riscontro = 0;
913
914
               while (k >= 0)
915
                   if ( (strcmp (verifica.prima_stringa [ i
916
                      ||, verifica.prima_stringa[k]) = 0)
917
                       secondo_riscontro = 1;
918
919
920
               if (secondo_riscontro != 1)
921
                   if ( (strcmp (verifica.prima_stringa[i
922
                      , verifica.seconda_stringa[i]) =
923
                      numero_elementi++;
924
925
926
               i++;
927
928
           riscontro = numero_elementi;
929
930
           /****** Conto quanti dovrebbero essere
              gli elementi per avere la dicotomia
              *******/
931
932
           while (numero_elementi > 0)
933
           {
934
935
               numero_elementi --;
936
               riscontro = riscontro + numero_elementi;
937
           }
938
939
       }
940
941
       /*************** Verifico se la dicotomia
942
          verificata ***********/
```

```
943
944
        if (dimensione == riscontro)
945
            dicotomia = 1;
946
947
        if (dicotomia == 1)
            printf ("\_\_e'dicotomica\\n\\n");
948
949
950
        else
            printf ("\_\_non\_e'dicotomica\\n\\n");
951
952
953
        ********
954
955
        return (dicotomia);
956
   }
957
958
    /*Funzione di verifica dell'ordine totale*/
959
960
    void ordine_totale (rel_bin verifica)
961
962
    {
963
964
        int parziale,
965
            dicotomia;
966
967
        dicotomia=2;
968
        parziale = ordine_parziale (verifica);
969
        if (parziale == 1)
970
            dicotomia = controllo_dicotomia (verifica);
971
972
        if (parziale = 0)
973
            printf ("_\n_l'ordine_non_e'totale_in_quanto_
               non_e 'nemmeno_parziale");
974
975
        if (dicotomia == 0)
976
            printf ("_\n_l'ordine_non_e'totale_in_quanto_
               non_viene_rispettata_la_propieta'di_
               dicotomia");
977
978
        if (dicotomia = 1 && parziale = 1)
            printf ("\n_Quindi_e'una_relazione_d'ordine_
979
               totale");
980
```

```
printf ("\n\n___..._Controllo_Ordine_Totale_
 981
             Terminato \ldots \setminus n \setminus n \setminus n;
982 }
 983
     /*Funzione che stabilisce se e'una relazione di
 984
        equivalenza o meno*/
 985
     void relazione_equivalenza (rel_bin verifica)
 986
 987
 988
 989
         int riflessivita;
 990
         int simmetria;
 991
         int transitivita;
992
993
         riflessivita = controllo_riflessivita (verifica);
 994
         simmetria = controllo_simmetria (verifica);
 995
         controllo_antisimmetria (verifica);
         transitivita = controllo_transitivita (verifica);
 996
997
         if (riflessivita == 1 && simmetria == 1 &&
998
             transitivita == 1
              printf ("\n_Quindi_e'una_relazione_di_
999
                 equivalenza\n");
1000
1001
         if (riflessivita == 0)
              printf ("\n_Quindi_non_e 'una_relazione_di_
1002
                 equivalenza _perche 'non _ riflessiva \n");
1003
1004
         if (simmetria = 0)
              printf ("\n_Quindi_non_e'una_relazione_di_
1005
                 equivalenza perche 'non simmetrica \n");
1006
         if (transitivita == 0)
1007
1008
              printf ("\n_Quindi_non_e'una_relazione_di_
                 equivalenza_perche'non_transitiva\n");
1009
    }
1010
     /*Funzione che stabilisce se la relazione binaria
1011
        acquisita e'una funzione matematica*/
1012
1013 void controllo_funzione (rel_bin verifica)
1014
1015
1016
         int i;
```

```
1017
         int k;
1018
         int termini_diversi;
1019
         int termini_uguali_prima;
1020
         int termini_uguali_dopo;
1021
         int errore;
1022
         if (verifica.controllo == 1)
1023
1024
1025
1026
              i = 0;
1027
              errore=0;
1028
              termini_diversi=0;
              termini_uguali_dopo=0;
1029
1030
              termini_uguali_prima=0;
1031
              while (i < verifica.dimensione)
1032
              {
1033
                  k=verifica.dimensione-1;
                  termini_uguali_dopo=termini_uguali_prima;
1034
1035
                  while (k > i)
1036
1037
                      if (verifica.primo_termine[i] ==
                          verifica.primo_termine[k])
1038
                      {
1039
                           if (verifica.secondo_termine[i] !=
                               verifica.secondo_termine[k])
1040
                           {
1041
                               errore=1;
1042
                               printf ("\n_Nel_%d_elemento_c'
                                  e'un_errore_che_impedisce_
                                  alla_relazione_binaria\n",k
                                  +1);
                               printf ("_di_essere_una_
1043
                                  funzione\n");
1044
                               k=i;
                               i=verifica.dimensione;
1045
1046
1047
                           if (verifica.secondo_termine[i] =
                               verifica.secondo_termine[k])
1048
                               termini_uguali_dopo++;
1049
                      }
                      k--:
1050
1051
                  if (errore = 0 && termini_uguali_dopo ==
1052
                     termini_uguali_prima)
```

```
1053
                       termini_diversi++;
1054
1055
                  termini_uguali_prima = termini_uguali_dopo
1056
                  i++;
1057
              if (errore == 0 && (termini_diversi == (
1058
                 verifica.dimensione - termini_uguali_prima)
                 ))
1059
              {
1060
                  if(verifica.insieme_a == 2)
                       printf ("\n_La_relazione_binaria_e'una
1061
                          \_funzione \_totale \setminusn");
                  else
1062
1063
                       printf ("\n_La_relazione_binaria_ _una
                          _funzione_parziale\n");
1064
                  controllo_biiettivita (verifica);
              }
1065
              else
1066
                  printf ("\n_La_relazione_binaria_non_e'una
1067
                      _{\text{lunzione}} \n");
         }
1068
1069
1070
         /****** Controllo se c' una funzione per
             stringhe (le stringhe sono considerate come
             costanti di diverso valore) *******/
1071
         if (verifica.controllo = 2)
1072
1073
1074
1075
              i = 0;
1076
              errore = 0;
1077
              termini_diversi=0;
              termini_uguali_dopo=0;
1078
1079
              termini_uguali_prima=0;
              while (i < verifica.dimensione)
1080
1081
                  k=verifica.dimensione-1;
1082
1083
                  termini_uguali_dopo=termini_uguali_prima;
                  while (k > i)
1084
1085
                  {
                       if ( (strcmp (verifica.prima_stringa [ i
1086
                          |, \text{verifica.prima_stringa[k]}) = 0
1087
                       {
```

```
1088
                           if ( (strcmp (verifica.
                              seconda_stringa[i], verifica.
                              seconda_stringa[k])) != 0)
1089
                           {
1090
                               errore=1;
                               printf ("\n_Nel_%d_elemento_c'
1091
                                   e'un_errore_che_impedisce_
                                   alla relazione binaria \n", k
1092
                               printf ("_di_essere_una_
                                   funzione \n");
1093
1094
                               i=verifica.dimensione;
                           }
1095
                           else
1096
1097
                               termini_uguali_dopo++;
1098
                      k--;
1099
1100
                  if (errore = 0 && termini_uguali_dopo ==
1101
                      termini_uguali_prima)
1102
                       termini_diversi++;
1103
1104
                  termini_uguali_prima = termini_uguali_dopo
1105
                  i++;
1106
1107
              if (errore == 0 && (termini_diversi == (
                 verifica.dimensione - termini_uguali_prima)
              {
1108
1109
                  if(verifica.insieme_a == 2)
                       printf ("\n_La_relazione_binaria_e'una
1110
                          \_funzione \_totale \n");
1111
                  else
                       printf ("\n_La_relazione_binaria_ _una
1112
                          _funzione_parziale\n");
                  controllo_biiettivita (verifica);
1113
              }
1114
1115
              else
                  printf ("\n_La_relazione_binaria_non_e'una
1116
                     \_funzione \n");
1117
1118
         /* Relazione Vuota*/
```

```
1119
          if (verifica.controllo = 3)
1120
              printf ("\n_La_relazione_vuota_non_e'una_
                  funzione\n");
          printf \ ("\n\n\_\_\_...\_Controllo\_Funzione\_Terminato\_
1121
             \ldots \setminus n \setminus n \setminus n \cap n;
1122
1123 }
1124
1125
     /******FUNZIONE PER IL controllo DELL'INIETTIVITA
         '******/
1126
     int controllo_iniettivita (rel_bin verifica)
1127
1128
1129
1130
          int i;
1131
          int k;
1132
          int termini_diversi;
1133
          int termini_uguali_prima;
          int termini_uguali_dopo;
1134
1135
          int errore;
1136
          int iniettivita;
1137
1138
          iniettivita = 0;
1139
          if (verifica.controllo = 1)
1140
1141
1142
1143
              i = 0;
1144
              errore = 0;
              termini_diversi=0;
1145
              termini_uguali_dopo=0;
1146
              termini_uguali_prima=0;
1147
1148
              while (i < verifica.dimensione)
1149
1150
1151
1152
                   k=verifica. dimensione -1;
                   termini_uguali_dopo=termini_uguali_prima;
1153
1154
                   while (k > i)
1155
1156
                        if (verifica.secondo_termine[i] ==
1157
                           verifica.secondo_termine[k])
1158
                       {
```

```
1159
                           if (verifica.primo_termine[i] !=
1160
                              verifica.primo_termine[k])
                          {
1161
1162
1163
                               errore=1;
                               printf ("\n_Nel_%d_elemento_c'
1164
                                  e'un_errore_che_impedisce_
                                  alla_funzione\n", k+1);
1165
                               printf ("_di_essere_iniettiva\
                                  n");
1166
                               k=i;
1167
                               i=verifica.dimensione;
1168
                          }
1169
                          if (verifica.primo_termine[i] ==
                              verifica.primo_termine[k])
1170
                               termini_uguali_dopo++;
1171
1172
                      k--;
1173
1174
                  if (errore = 0 && termini_uguali_dopo =
                     termini_uguali_prima)
1175
                      termini_diversi++;
1176
1177
                  termini_uguali_prima = termini_uguali_dopo
                  i++;
1178
1179
1180
              if (errore == 0 && (termini_diversi == (
                 verifica.dimensione - termini_uguali_prima)
                 ))
1181
                  printf ("\n_La_funzione_e'iniettiva\n");
1182
1183
                  iniettivita = 1;
1184
              else
1185
                  printf ("\n_La_funzione_non_e'iniettiva\n"
1186
                     );
1187
1188
         }
1189
1190
         /***** Controllo iniettivita 'per stringhe
1191
             *******
```

```
1192
         if (verifica.controllo = 2)
1193
1194
1195
1196
              i = 0;
1197
              errore = 0;
              termini_diversi=0;
1198
              termini_uguali_dopo=0;
1199
              termini_uguali_prima=0;
1200
1201
1202
              while (i < verifica.dimensione)
1203
1204
                  k=verifica. dimensione -1;
                  termini_uguali_dopo=termini_uguali_prima;
1205
1206
                  while (k > i)
1207
                  {
1208
                       if ( (strcmp (verifica.seconda_stringa
                          [i], verifica.seconda_stringa[k]))
                          == 0
1209
                       {
1210
                           if ( (strcmp (verifica.
                              prima_stringa[i], verifica.
                              prima_stringa[k]) != 0)
                           {
1211
1212
                                errore=1;
                                printf ("\n_Nel_%d_elemento_c'
1213
                                   e'un_errore_che_impedisce_
                                   alla \_ funzione \n", k+1);
1214
                                printf ("_di_essere_iniettiva\
1215
                               k=i;
                               i=verifica.dimensione;
1216
1217
1218
                           if ( (strcmp (verifica.
                              prima_stringa[i], verifica.
                              prima_stringa[k]) = 0
1219
                                termini_uguali_dopo++;
                      }
1220
1221
                      k--:
1222
1223
                  }
                  if (errore = 0 && termini_uguali_dopo =
1224
                      termini_uguali_prima)
1225
                       termini_diversi++;
```

```
1226
1227
                 termini_uguali_prima = termini_uguali_dopo
                 i++;
1228
1229
             }
             if (errore == 0 && (termini_diversi == (
1230
                verifica.dimensione - termini_uguali_prima)
                ))
1231
1232
                 printf ("\n_La_funzione_e'iniettiva");
1233
                 iniettivita = 1;
             }
1234
             else
1235
                 printf ("\n_La_funzione_non_e'iniettiva");
1236
         }
1237
1238
1239
         return (iniettivita);
1240
1241
     /**************************FUNZIONE PER IL controllo DELLA
1242
        SURIETTIVITA '*******/
1243
    int controllo_suriettivita (rel_bin verifica)
1244
1245
1246
         int suriettivita;
1247
1248
         if (verifica.insieme_b == 2)
1249
1250
             suriettivita = 1;
             printf ("\n_la_funzione_e'_suriettiva");
1251
         }
1252
1253
         else
1254
1255
1256
             suriettivita = 0;
             printf ("\n_la_funzione_non_e'_suriettiva");
1257
1258
1259
1260
         return (suriettivita);
1261
1262
     1263
        BIIETTIVITA '********/
1264
```

```
1265 void controllo_biiettivita (rel_bin verifica)
1266
1267
1268
         int
                surriettivita,
1269
                  iniettivita;
1270
1271
         surriettivita = controllo_suriettivita (verifica);
         iniettivita = controllo_iniettivita (verifica);
1272
1273
1274
1275
         if ( surriettivita == 1 && iniettivita == 1)
              printf ("\n_la_funzione_e'biiettiva");
1276
1277
         else
              printf ("\n_la_funzione_non_e'biiettiva");
1278
1279
         return;
1280
     }
1281
1282
     int controllo_antisimmetria (rel_bin verifica)
1283
1284
1285
         int i,
1286
1287
              j,
1288
              riscontro,
1289
              antisimmetria;
1290
1291
         antisimmetria = 1;
1292
1293
         i = 0;
1294
         j = 0;
1295
1296
         riscontro = 1;
1297
1298
         /*controllo della antisimmetria per numeri*/
1299
         if (verifica.controllo == 1)
1300
1301
1302
              while ( i < verifica.dimensione)
1303
1304
1305
                  j = 0;
1306
                  while ( j < verifica.dimensione)
1307
1308
```

```
1309
                      if (verifica.primo_termine[i] ==
1310
                          verifica . secondo_termine[j])
1311
                           if (verifica.primo_termine[j] ==
                              verifica.secondo_termine[i])
                               if (verifica.primo_termine[i]
1312
                                  = verifica.primo_termine[j
                                  ])
1313
                                   riscontro++;
1314
                               else
1315
                                   riscontro = 0;
1316
                      j++;
                  }
1317
1318
                  if (riscontro = 0)
1319
1320
1321
                      j = verifica.dimensione;
                      i = verifica.dimensione;
1322
                      antisimmetria = 0;
1323
1324
1325
                  i++;
              }
1326
1327
         }
1328
1329
         /*controllo della antisimmetria per stringhe*/
1330
1331
         if (verifica.controllo = 2)
1332
1333
1334
              while ( i < verifica.dimensione)
1335
1336
1337
                  j = 0;
1338
1339
                  while ( j < verifica.dimensione)
1340
1341
                      if (strcmp (verifica.prima_stringa[i],
1342
                          verifica.seconda_stringa[j]) == 0
1343
                           if (strcmp (verifica.prima_stringa
                              [j], verifica.seconda_stringa[i
                              ]) == 0
1344
                               if (strcmp (verifica.
                                  prima_stringa[j], verifica.
```

```
prima_stringa[i]) == 0
1345
                                    riscontro++;
1346
                               else
                                    riscontro = 0;
1347
1348
1349
                      j++;
                  }
1350
1351
                  if (riscontro = 0)
1352
1353
1354
                      j = verifica.dimensione;
                      i = verifica.dimensione;
1355
                      antisimmetria = 0;
1356
1357
1358
                  i++;
1359
              }
1360
         }
1361
1362
1363
         /***** Controllo se la simmetria
                                                stata
             verificata ******/
1364
         if (antisimmetria == 1)
1365
              printf ("---e'antisimmetrica\n");
1366
         else
1367
              printf ("_non__e'antisimmetrica\n");
1368
1369
         /***** Fine controllo simmetria *****/
1370
1371
1372
         return (antisimmetria);
1373 }
```

4.3 Test

```
1 #include < stdio.h>
  #include" librerie / progetto.c"
3
4 int main (void)
5
6
               relBin RelazioneBinaria;
7
       int scelta;
8
       int scan;
9
       int test_terminati;
10
       char carattere_non_letto;
11
12
       scan = 0;
       test_terminati = 0;
13
       printf ("\n_Programma_per_effettuare_i_Test_sulla_
14
           libreria \n");
15
16
17
       printf ("\n\n_Digita_il_numero_corrispondente_all'
           azione_che_si_vuole_svolgere\n");
18
       printf ("\n_1)_Test_Acquisizione\n_2)_Esci\n");
19
       do
20
21
22
           printf ("\n_scelta:_");
           scan = scanf("%d",
23
24
                         &scelta);
25
           if ((scelta < 1) \mid | (scelta > 2) \mid | scan != 1)
26
               do
27
                    carattere_non_letto = getchar();
28
                while (carattere_non_letto != '\n');
29
       while ((scelta < 1) \mid | (scelta > 2) \mid | scan != 1);
30
31
32
33
       if (scelta == 1)
34
           RelazioneBinaria = acquisizione (
               RelazioneBinaria);
35
       if (scelta == 2)
36
37
38
           39
           test_terminati = 1;
```

```
}
40
41
42
        scelta = -1;
43
        while (scelta != 7 && test_terminati != 1)
44
45
            printf("\n\n_Digita_il_numero_corrispondente_
                all 'azione_che_si_vuole_svolgere\n");
            printf("\n_1)\_Test\_Acquisizione\n_2)\_Test\_
46
                Stampa \ n_3) \ Test \ verifica \ ordine \ parziale \ n
                _4)_Test_verifica_ordine_totale");
47
            printf("\n_5)_Test_verifica_relazione_d'
                equivalenza \n\_6) \_Test\_funzione \n\_7) \_Esci \n"
                 );
48
            scelta = -1;
49
            do
50
            {
                 printf ("\n_scelta:_");
51
                 scan = scanf("%d",
52
53
                               &scelta);
                 if ((scelta < 1) \mid | (scelta > 7) \mid | scan
54
                    != 1)
55
                     do
                          carattere_non_letto = getchar();
56
57
                     while (carattere_non_letto != '\n');
58
            while ((scelta < 1) \mid | (scelta > 7) \mid | scan !=
59
                 1);
60
61
62
            if (scelta == 1)
                 RelazioneBinaria = acquisizione (
63
                    RelazioneBinaria);
64
            if (scelta == 2)
                 stampa (RelazioneBinaria);
65
66
            if (scelta == 3)
67
                 ordine_parziale (RelazioneBinaria);
            if (scelta == 4)
68
69
                 ordine_totale (RelazioneBinaria);
70
            if (scelta == 5)
                 relazione_equivalenza (RelazioneBinaria);
71
72
            if (scelta == 6)
                 controllo_funzione (RelazioneBinaria);
73
74
            if (scelta == 7)
75
            {
```

4.4 Makefile

Test.exe: Test.c Makefile

gcc -ansi -Wall -O Test.c Progetto.c -o Test.exe

pulisci:

 ${\rm rm}$ -f Test.o

 $pulisci_tutto:$

 ${
m rm}$ -f Test.exe Test.o

5 Testing del programma

5.1 Test 1:

Test di Relazione d'ordine Totale.

```
Inputs: (a,a) (a,b) (b,b)
```

Outputs: controlloriflessività: 1,controllosimmetria: 0, controllotransitività: 1 controllodicotomia: 1, la relazione è una relazione d'ordine totale in quanto è rispetta anche la propietà di Dicotomia.

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
{(a,a);(a,b);(b,b) }
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta: __
```

```
La relazione:

e'riflessiva
e'asimmetrica
e'antisimmetrica
e'transitiva

Quindi e'una relazione d'ordine parziale

... Controllo Ordine Parziale Terminato ...

e'dicotomica

Quindi e'una relazione d'ordine totale
... Controllo Ordine Totale Terminato ...
```

5.2 Test 2:

Test di Relazione d'ordine Parziale.

```
Inputs: (a,a) (b,b) (a,b) (c,c)
```

Outputs:controlloriflessività: 1,controllosimmetria: 0, controllotransitività: 1 la relazione è una relazione d'ordine parziale in quanto rispetta le proprietà.

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
((a,a);(a,b);(b,b);(c,c))
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

```
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 3

La relazione:

e'riflessiva
e'asimmetrica
e'asimmetrica
e'transitiva

Quindi e'una relazione d'ordine parziale

... Controllo Ordine Parziale Terminato ...
```

5.3 Test 3:

Test di Relazione d'ordine non Parziale.

```
Inputs: (a,a) (b,b) (c,c) (d,d) (e,e) (a,b) (b,c)
```

Outputs:controlloriflessività: 1,controllosimmetria: 0, controllotransitività: 0 la relazione non è una relazione d'ordine parziale in quanto non rispetta le proprietà.

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
((a,a);(b,b);(c,c);(d,d);(e,e);(a,b);(b,c))
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 3

La relazione:
   e'riflessiva
   e'asimmetrica
   e'antisimmetrica
   non e'transitiva

Non e'una relazione d'ordine parziale in quanto non rispetta tutte le propieta'
manca la propieta'di transitivita'
... Controllo Ordine Parziale Terminato ...
```

5.4 Test 4:

Test di Relazione d'equivalenza.

```
Inputs: (a,a) (a,b) (b,a) (b,b)
```

Outputs:controlloriflessività: 1, controllosimmetria: 1, controllotransitività: 1 controllodicotomia: 0, la relazione è una relazione d'equivalenza in quanto rispetta le proprietà.

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
((a,a);(a,b);(b,a);(b,b))
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

```
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci

scelta: 5
   e'riflessiva
   e'simmetrica
   non e'antisimmetrica
   e'transitiva

Quindi e'una relazione di equivalenza

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

5.5 Test 5:

Test di Relazione non d'equivalenza.

Inputs: (a,a) (a,b) (b,c)

Outputs:controlloriflessività: 0, controllosimmetria: 0, controllotransitività: 0 la relazione non è una relazione d'ordine d'equivalenza in quanto non rispetta le proprietà.

```
6) Test funzione
7) Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
((a,a);(a,b);(b,c))
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere
1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

```
scelta: 5
non e'riflessiva
e'asimmetrica
e'antisimmetrica
non e'transitiva

Quindi non e'una relazione di equivalenza perche'non riflessiva

Quindi non e'una relazione di equivalenza perche'non simmetrica

Quindi non e'una relazione di equivalenza perche'non transitiva

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

5.6 Test 6:

Test di Funzione.

Inputs: (a,a) Outputs:La relazione binaria è una funzione. La relazione binaria è iniettiva. La relazione binaria è biiettiva.

```
C:\Users\Francesco\Documents\GitHub\Progetto-Programmazione\Test.exe - \

6) Test funzione
7> Esci
scelta: 2

La relazione binaria e':
((a,a))
... Stampa Terminata ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7> Esci
scelta:
```

```
La relazione binaria e'una funzione totale

la funzione e' suriettiva

La funzione e'hiiettiva

la funzione e'biiettiva

... Controllo Funzione Terminato ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

5.7 Test 7:

Test per verificare il controllo degli inputs.

Inputs: (casa rossa,casa blu) (casa blu,casa blu) (casa rossa,casa rossa)

Outputs:controllo_riflessività: 1,controllo_simmetria: 1, controllo_transitività: 1 dicotomia: 1 la relazione è una relazione d'ordine totale in quanto rispetta le proprietà.

le funzioni funzionano anche con input contenti degli spazi.

```
La relazione:

e'riflessiva
e'asimmetrica
e'antisimmetrica
e'transitiva

Quindi e'una relazione d'ordine parziale

... Controllo Ordine Parziale Terminato ...

non e'dicotomica

l'ordine non e'totale in quanto non viene rispettata la propieta'di dicotomia
... Controllo Ordine Totale Terminato ...
```

5.8 Test 8:

Test per inserire stringhe in una relazione numerica.

Inputs: (1,a)

Outputs: c'è un errore reinserisci il valore.

stampa errore in quanto si era selezionato di voler immettere un input di tipo numerico.

```
1) Test Acquisizione
2) Iest Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Iest funzione
7) Esci
scelta: 1
Premi
1 se vuoi immettere solo numeri,
2 per inserire stringhe
3 per la relazione vuota
scelta: 1
Inserisci i termini della coppia
Primo Termine: 1
Secondo Termine: a
C'e'un errore, reinserire il secondo termine
Secondo Termine:
```

5.9 Test 9:

Test per vedere se una relazione binaria qualunque e'una funzione. Inputs: (1,2) (1,1)

Outputs: La relazione binaria non è una funzione Nel 2 elemento c'è un errore che impedisce alla relazione binaria di essere una funzione;

```
scelta: 6

Nel 2 elemento c'e' un errore che impedisce alla relazione binaria di essere una funzione

La relazione binaria non e' una funzione

... Controllo Funzione Terminato ...

Digita il numero corrispondente all'azione che si vuole svolgere

1) Test Acquisizione
2) Test Stampa
3) Test verifica ordine parziale
4) Test verifica ordine totale
5) Test verifica relazione d'equivalenza
6) Test funzione
7) Esci
scelta:
```

5.10 Test 10:

Inputs: (1,1) (2,1)

Outputs: La relazione binaria è una funzione Nel 2 elemento c'è un errore che impedisce alla funzione di essere iniettiva La funzione non è iniettiva La funzione non è biiettiva

6 Verica del programma

Questa porzione di codice fa in modo che una volta eseguito si abbia nel valore c la sommatoria del numero di elementi distinti inseriti dall'utente.

```
riscontro = numero_elementi
while (numero_elementi>0)
{ numero_elementi - -;
riscontro = riscontro + numero_elementi;
}
```

La postcondizione è

$$\mathbf{R} = (\mathbf{riscontro} = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - j$$

si può rendere la tripla vera mettendo precondizione vero in quanto:

-Il predicato

$$P = (numero_elementi > 0 \land riscontro = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - j)$$

e la funzione:

```
tr (numero_elementi) = numero_elementi - 1)
```

soddisfano le ipotesi del teorema dell'invariante di ciclo in quanto:

 $*\{P \land numero_elementi > 0\} riscontro = riscontro + numero_elementi; numero_elementi = numero_elementi - -; \{P\}$

segue da:

$$P_{numero_elementi,numero_elementi-1} \land riscontro \sum_{j=0}^{numero_elementi-2} numero_elementi-j$$

e donatoto con P'quest'ultimo predicato, da:

$$P'_{riscontro,riscontro+numero_elementi} = (numero_elementi > 0 \land riscontro+numero_elementi = (numero_elementi = (numero_$$

$$= \sum_{j=0}^{numero_elementi-2} numero_elementi-j)$$

$$P'_{riscontro, riscontro + numero_elementi} = (numero_elementi > 0 \land c = 0)$$

$$= \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi-j)$$

in quanto denotato con P'' quest'ultimo predicato, si ha: (P \land numero_elementi>1) = $(numero_elementi>0 \land riscontro = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi-j \land in the control of the contro$

 $numero_elementi > 1)$ |=P''

- * Il progresso è garantito dal fatto che tr (numero_elemnti) decresce di un unità ad ogni iterazione in quanto numero_elementi viene decrementata di un'unità ad ogni iterazione.
- * La limitatezza segue da:

$$(P \land tr(numero_elementi) < 1) = (numero_elementi > 0 \land c = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - 1 \land c = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elemen$$

$$\begin{split} j \wedge numero_elementi > 1) \ / / \\ &\equiv (riscontro = \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} \text{numero_elementi -j}) \end{split}$$

| = numero_elementi > numero_elementi - 1 Poichè:

 $(P \land numero_elementi < 1) = (numero_elementi > 0 \land riscontro = (P \land numero_elementi > 1) = (numero_elementi > 0 \land riscontro =$

$$= \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - j \land numero_elementi < 1)$$

 $\equiv (numero_elementi = 1 \land riscontro =$

$$= \sum_{j=0}^{numero_elementi-1} numero_elementi - j \wedge numero_elementi < 1)))$$

Dal corollario del teorema dell'invariabilitá di ciclo si ha che P può essere usato solo come precondizione dell'intera istruzione di ripetizione.

-Proseguendo infine a ritroso si ottiene prima:

$$P_{numero_elementi,0} = (0 < = 0 < = numero_elementi \land riscontro = \sum_{j=0}^{0-1} numero_elementi - j) \text{ (riscontro } = 0)$$

e poi, denotato con P''' quest'ultimo predicato si ha:

$$P'''_{riscontro,0} = (0 = 0) = vero$$