## Uvod u obradu prirodnog jezika

## 4.1. Uvod u n-grame

### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

### Probabilistički modeli jezika

- Cilj: pridružiti vjerojatnost rečenici
  - Strojno prevođenjeP(snažan vjetar večeras) = P(veliki vjetar večeras)
  - Ispravljanje pravopisnih grešaka
     Ured je oko petnaest minueta od moje kuće
     P(oko petnaest minuta od) > P(oko petnaest minueta od)
  - Prepoznavanje govoraP(vidio sam Ivanu) >> P(vidi osam Ivan u)
  - Sumarizacija, odgovaranje na pitanja, itd. itd.

## Probabilističko modeliranje jezika

• Cilj: izračunati vjerojatnost rečenice ili niza riječi  $P(W) = P(w_1, w_2, ..., w_n)$ 

• Slični zadaci: vjerojatnost sljedeće riječi  $P(w_5|w_1, w_2, w_3, w_4)$ 

• Model koji izračunava P(W) ili  $P(w_n|w_1, w_2, ..., w_{n-1})$  se zove model jezika

Bolji naziv bi bila gramatika, ali model jezika MJ je standard

### Kako izračunati P(W)

Kako izračunati ovu združenu vjerojatnost

P(njegova, voda, je, tako, čista, da)

Osloniti se na pravilo lanca kod vjerojatnosti

### Pravilo lanca

Definicija uvjetne vjerojatnosti

$$P(A|B) = \frac{P(A,B)}{P(B)}$$
 ili  

$$P(A|B)P(B) = P(A,B)$$
 ili  

$$P(A,B) = P(A|B)P(B)$$

• Više varijabli:

$$P(A,B,C,D) = P(A)P(B|A)P(C|A,B)P(D|A,B,C)$$

Opće pravilo lanca

$$P(x_1x_2 ... x_n) = P(x_1)P(x_2|x_1)P(x_3|x_1x_2) ... P(x_n|x_1x_2 ... x_{n-1})$$
  
=  $P(x_1)P(x_2|x_1)P(x_3|x_1^2) ... P(x_n|x_1^{n-1})$ 

### Primjena lanca vjerojatnosti

$$P(w_1 w_2 \dots w_n) = P(w_1^n) = \prod_{k=1}^n P(w_k | w_1 \dots w_{k-1}) = \prod_{k=1}^n P(w_k | w_1^{k-1})$$

P(njegova voda je tako čista jer) =

```
P(njegova) ×
P(voda|njegova) ×
P(je|njegova voda) ×
P(tako|njegova voda je) ×
P(čista|njegova voda je tako) ×
P(jer|njegova voda je tako čista)
```

### Kako procijeniti vjerojatnosti

Možemo li samo prebrojiti i podijeliti?

```
P(je|njegova voda je tako čista jer) = \frac{c(njegova voda je tako čista jer je)}{c(njegova voda je tako čista jer)}
```

 Ne možemo! Jer ima previše mogućih rečenica, ali i previše rečenica koje se ne pojavljuju.

### Markovljeva pretpostavka

pojednostavljenje pretpostavke

 $P(je|njegova voda je tako čista jer) \approx P(je|jer)$ 

ili možda

 $P(je|njegova voda je tako čista jer) \approx P(je|čista jer)$ 

### Markovljeva pretpostavka

$$P(w_1 ... w_n) \approx \prod_{i} P(w_i | w_{i-k}^{i-1})$$

 drugim riječima, aproksimiramo svaku vrijednost u produktu

$$P(w_i|w_1^{i-1}) \approx P(w_i|w_{i-k}^{i-1})$$

### Najjednostavniji slučaj: Unigram

$$P(w_1 \dots w_n) \approx \prod_i P(w_i)$$

neke generirane rečenice iz unigram modela

```
Hmm Sviđa pred čitava vama

Dakle vodom 315 momče pothvat lopova posljednji nisu manje

Da pucao zapijevajte koga

Šesta dobiti golubarnik ostane

Zapamti slobode

Moj kljuć nije izvjesne duboka odvedite

Nesretniče organizaciju mikrofilmom uspjeti zajedničkog ispričam

Otkuda igle kotač znam opasnost tanjurima

Vidiš stoji aviona ostao

Čuj evo kontakt ubijati

Reci ubijen čitavu mušterija sreće
```

### bigram model

Uvjet prethodne riječi

$$P(w_1 \dots w_n) \approx \prod_i P(w_i | w_{i-1})$$

neke generirane rečenice iz bigram modela

Lisičine nisu doprli ispušni plinovi.

```
Trebalo je vjerojatno smaragd od hizmara.

Jedi rižu i mikrofilm s tanjurima.

Nadam se agencija Ford reklamni crtež.

Ostatak hoću natrag.

Tako se okrenuti sklopit ću na električnu stolicu.

Imaš li drugih mana.

Ulovio sam sretan da ga šefe ja putujem u posljednji čas Miss.

Jesi li vi bolji način silaženja s x zrakama.

Oni tipovi.
```

### n-gram modeli

- Možemo proširiti na trigram, 4-gram, 5-gram...
- Općenito, svi ovi modeli su nedovoljni
  - jer jezik ima daleke ovisnosti

"Računalo koje sam stavio u dnevnu sobu na petom katu se srušilo"

Ali često se možemo zadovoljiti s n-gram modelom

### Uvod u obradu prirodnog jezika

### 4.2. Procjena vjerojatnosti N-grama

### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

### Procjena vjerojatnosti bigrama

Procjena maksimalne izglednosti
 (MLE maximum likelihood estimation)

$$P(w_i|w_{i-1}) = \frac{C(w_{i-1}w_i)}{\sum_{w} C(w_{i-1}w)}$$

$$P(w_i|w_{i-1}) = \frac{C(w_{i-1}w_i)}{C(w_{i-1})}$$

### Primjer

Procjena maksimalne izglednosti

$$P(w_i|w_{i-1}) = \frac{C(w_{i-1}w_i)}{C(w_{i-1})}$$

- <s> ja sam lvan</s>
- <s> Ivan ja sam</s>
- <s> ja ne volim kuhana jaja i šunku </s>

$$P(\text{ja}|<\text{s}>) = \frac{2}{3} = 0.67$$
  $P(\text{Ivan}|\text{s}) = \frac{1}{3} = 0.33$   $P(\text{sam}|\text{ja}) = \frac{2}{3} = 0.67$   $P(|\text{Ivan}) = \frac{1}{2} = 0.5$   $P(\text{Ivan}|\text{sam}) = \frac{1}{2} = 0.55$   $P(\text{ne}|\text{ja}) = \frac{1}{3} = 0.33$ 

# Primjer

```
<s> ja sam Ivan </s>
```

<s> Ivan ja sam </s>

<s> ja ne volim jesti </s>

<s></s>	ja	sam	Ivan		ne	volim	jesti
3	3	2	2	3	1	1	1

	<s></s>	ja	sam	Ivan		ne	volim	jesti
<s></s>		2		1				
ja			2			1		
sam				1	1			
Ivan		1			1			
ne							1	
volim								1
jesti					1			

# Primjer

```
<s> ja sam Ivan </s>
<s> Ivan ja sam </s>
<s> ja ne volim jesti </s>
```

<s></s>	ja	sam	Ivan		ne	volim	jesti
3/16	3/16	2/16	2/16	3/16	1/16	1/16	1/16

	<s></s>	ja	sam	Ivan		ne	volim	jesti
<s></s>		2/3		1/3				
ja			2/3			1/3		
sam				1/2	1/2			
Ivan		1/2			1/2			
ne							1/1	
volim								1/1
jesti					1/1			

### Još primjera

- neke rečenice iz Berkeley Restaurant Project (BeRP)
  - can you tell me about any good cantonese restaurants close by
  - mid priced that food is what i'm looking for
  - tell me about chez panisse
  - can you give me a listing of the kinds of food that are available
  - i'm looking for a good place to eat breakfast
  - when is caffe venezia open during the day

# Broj bigrama

• Od 9222 rečenica (V = 1446)

	ja	želim	da	jedem	kinesku	hranu	ručak	potrošim
ja	5	827	0	9	0	0	0	2
želim	2	0	608	1	6	6	5	1
da	2	0	4	686	2	0	6	211
jedem	0	0	2	0	16	2	42	0
kinesku	1	0	0	0	0	82	1	0
hranu	15	0	15	0	1	4	0	0
ručak	2	0	0	0	0	1	0	0
potrošim	1	0	1	0	0	0	0	0

# Bigram vjerojatnosti

### • Normalizacija po unigramu

ja	želim	da	jedem	kinesku	hranu	ručak	potrošim
2533	927	2417	746	158	1093	341	278

#### Rezultat

	ja	želim	da	jedem	kinesku	hranu	ručak	potrošim
ja	0,001974	0,32649	0	0,003553	0	0	0	0,00079
želim	0,002157	0	0,655879	0,001079	0,006472	0,006472	0,005394	0,001079
da	0,000827	0	0,001655	0,283823	0,000827	0	0,002482	0,087298
jedem	0	0	0,002681	0	0,021448	0,002681	0,0563	0
kinesku	0,006329	0	0	0	0	0,518987	0,006329	0
hranu	0,013724	0	0,013724	0	0,000915	0,00366	0	0
ručak	0,005865	0	0	0	0	0,002933	0	0
potrošim	0,003597	0	0,003597	0	0	0	0	0

### bigram procjene vjerojatnosti rečenice

```
P(<s> Ja želim domaću hranu</s>) =
  P(Ja|<s>)
  \times P(\text{želim}|\text{Ja})
  × P(domaću|želim)
  × P(hranu|domaću)
  \times P(</s>|hranu)
    = 0.000031
```

## Koje vrste znanja?

- P(domaću|želim) = 0.0011 P(kinesku|želim) = 0.0065
- P(da | želim) = 0.66
- P(jedem | da) = 0.28
- $P(hranu \mid da) = 0$
- P(želim | potrošim) = 0
- P(ja | <s>) = 0.25

### Praktični problemi

- Sve se radi u logaritamskom prostoru
  - izbjegavanje prelijeva ispod granice realnih brojeva
  - zbrajanje je brže nego množenje

$$p_1 \times p_1 \times p_3 \times p_4 = \exp(\log(p_1) + \log(p_2) + \log(p_1) + \log(p_2))$$

# Uvod u obradu prirodnog jezika

## 4.3. Evaluacija i perpleksija

#### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

### Evaluacija: koliko je dobar naš model?

- Da li naš model jezika više preferira dobre rečenice ili one loše?
  - pridruživanje veće vjerojatnosti "realnim" ili "često promatranim" rečenicama
  - nego "ne gramatičkim" ili "rijetko promatranim" rečenicama
- Treniramo model na trening skupu
- Testiramo performanse nad nevidenim podacima
  - Testni skup je neviđen skup podataka različit od trening skupa
  - Evaluacijska metrika govori koliko je dobar model nad testnim skupom

### Vanjska evaluacija n-gram modela

- Najbolja evaluacija za usporedbu modela A i B
  - Staviti svaki model da radi
    - ispravak pravopisnih grešaka,
    - prepoznavanje govora,
    - strojno prevođenje
  - Prikupiti rezultate preciznosti modela A i B
    - koliko je pogrešnih riječi ispravljeno u točne riječi
    - koliko je prepoznatih riječi
    - koliko riječi je točno prevedeno
  - Usporediti preciznost od modela A i B

### Teškoće vanjske evaluacije n-gram modela

- Vanjska (in-vivo) evaluacija
  - dugotrajna: može trajati danima, tjednima...
- Stoga
  - ponekad koristiti unutarnju evaluaciju: perpleksija
  - Loša aproksimacija
    - osim ako testni podaci izgledaju kao podaci za trening
  - Općenito korisna samo u pilot eksperimentima
  - Ali je dobra za razmišljanje

### Intuicija perpleksije

- Shannonova igra:
  - Koliko dobro ćemo predvidjeti sljedeću riječ?



- Unigrami su očajni kod ove igre...
- Bolji model za tekst
  - je onaj koji pridružuje veću vjerojatnost riječi koja se zapravo pojavila
- Perpleksija je zapravo težinski faktor grananja.

### Perpleksija

- Najbolji model jezika je onaj koji najbolje predviđa neviđeni testni skup
  - daje najveću vjerojatnost rečenici
- Perpleksija je inverzna vjerojatnost testnog skupa W normaliziranog po broju riječi

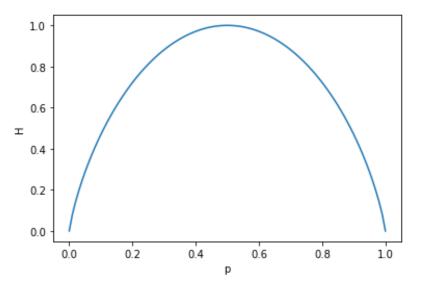
$$PP(W) = P(w_1 w_2 \dots w_N)^{-\frac{1}{N}} = \sqrt[N]{\frac{1}{P(w_1 w_2 \dots w_N)}}$$

- pravilo lanca  $PP(W) = \sqrt[N]{\prod_{i=1}^{N} \frac{1}{P(w_i|w_1...w_{i-1})}}$
- za bigram  $PP(W) = \sqrt[N]{\prod_{i=1}^{N} \frac{1}{P(w_i|w_{i-1})}}$
- minimizacija perpleksije je isto što i maksimizacija uvjetne vjerojatnosti

### Perpleksija - teorija informacija

- Entropija mjera neizvjesnosti distribucije p
- $H(p) = -\sum_i p_i \log_2 p_i$
- mjera "bit"

• za distribuciju p, 1 - p



### Perpleksija - teorija informacija

- Unakrsna entropija (cross entropy) entropija distribucija p, q
- $H(p,q) = -\sum_i p_i \log_2 q_i$
- $H(p,q) = H(p) + D_{KL}(p||q)$
- Kullback-Leibler divergencija udaljenost između distribucija p, q
- $D_{KL}(p||q) = -\sum_{i} p_i \log_2 \frac{p_i}{q_i}$
- Ako se ne zna p, pretpostavi se da je uniformna distribucija (maksimalna entropija)
- $H(p,q) = -\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \log_2 q_i$

### Perpleksija - teorija informacija

- Neka je T testni skup
- Unakrsna entropija modela p

• 
$$H_p(T) = -\frac{1}{|T|} \sum_{i=1}^{|T|} \log_2 p(w_i)$$

• Perpleksija modela p – mjera koliko dobro model p predviđa T

• 
$$PP_p(T) = 2^{H_p(T)} = 2^{-\frac{1}{|T|} \sum_{i=1}^{|T|} \log_2 p(w_i)} = 2^{-\frac{1}{|T|} \log_2 \prod_{i=1}^{|T|} p(w_i)}$$

$$= \left(2^{\log_2 \prod_{i=1}^{|T|} p(w_i)}\right)^{-\frac{1}{|T|}} = \left(\prod_{i=1}^{|T|} p(w_i)\right)^{-\frac{1}{|T|}} = \left(\prod_{i=1}^{|T|} p(w_i)\right)^{-\frac{1}{|T|}} = \left(\prod_{i=1}^{|T|} p(w_i)\right)^{-\frac{1}{|T|}} = \left(\prod_{i=1}^{|T|} p(w_i)\right)^{-\frac{1}{|T|}}$$

### Perpleksija kao faktor grananja

- Pretpostavimo da se rečenica sastoji od brojčanih znamenka
- Koja je perpleksija ovih rečenica prema modelu koji pridružuje  $P = \frac{1}{10}$  svakoj znamenki?

$$PP(W) = P(w_1 w_2 \dots w_N)^{-\frac{1}{N}} = (\frac{1}{10^N})^{-\frac{1}{N}} = \frac{1}{10}^{-1} = 10$$

### Perpleksija kao faktor grananja

- Pretpostavimo da je znamenka 0 frekventnija
- U trening skupu:
  - znamenka 0 se pojavljuje 91 put P(0) = 0.91
  - ostale znamenke se pojavljuju točno jedanput P(w) = 0.01

$$P(0) = \frac{91}{100} \ P(w \neq 0) = \frac{1}{100}$$

$$P(0|0) = \frac{81}{91} P(w \neq 0|0) = \frac{1}{91}$$

$$P(0|w\neq 0)=\frac{1}{1}$$

$$P(0|) = \frac{1}{1} \quad P(w \neq 0|) = \frac{0}{91}$$

### Perpleksija kao faktor grananja

- Pretpostavimo da je znamenka 0 frekventnija
- U trening skupu:
  - znamenka 0 se pojavljuje 91 put
  - ostale znamenke se pojavljuju točno jedanput
- Testni skup je rečenica *W*=0000030000
- Kolika je perpleksija?
- Za unigram

$$PP(W) = P(0000030000)^{-\frac{1}{10}} = \sqrt[10]{0.91^{-9} * 0.01^{-1}} \approx 1.73$$

Za bigram

$$PP(W) = (P(0|)P(0|0)^{7}P(0|3)P(3|0))^{-\frac{1}{10}}$$
$$= \sqrt[10]{*\frac{1}{1}^{-1} * \frac{81}{91}^{-7} * \frac{1}{91}^{-1} * \frac{1}{1}^{-1}} \approx 1.70$$

### Manja perpleksija = bolji model

- Wall Street Journal
  - Trening od 38 miliona riječi
  - Test od 1.5 miliona riječi

N-gram	Unigram	Bigram	Trigram
perpleksija	962	170	109

 Što nam više informacija n-gram daje to je manja perplexija (veća izvjesnost)

# Uvod u obradu prirodnog jezika

# 4.4. Generalizacija i nule

#### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Shannon-ova metoda vizualizacije

- Izaberi slučajni bigram (<s>,w) prema svojoj vjerojatnosti
- Sada izaberi slučajni bigram (w,x) prema svojoj vjerojatnosti
- I tako dalje sve dok se ne dođe do </s>
- Zatim spoji riječi u rečenicu

#### Aproksimacija Shakespeare-a

#### **Unigram**

swallowed confess hear both. Which. Of save on trail for are ay device and rote life have

Every enter now severally so, let

Hill he late speaks; or! a more to leg less first yon enter

Are where exeunt and sighs have rise excellency took of .. Sleep knave we. near; vile like

#### bigram

What means, sir. I confess she? then all sorts, he is trim, captain.

Why dost stand forth thy canopy, forsooth; he is this palpable hit the King Henry. Live king. Follow.

What we, hath got so she that I rest and sent to scold and namre bankrupt, nor the first gentleman?

#### **Trigram**

Sweet prince, Falstaff shall die. Hany of Monmouth's grave.

This shall forbid it should be branded, if renown made it empty.

Indeed the duke; and had a very good friend.

Fly, and will rid me these news of price. Therefore the sadness of parting, as they say, 'tis done.

#### 4-gram

King Henry. What' I will go seek the traitor Gloucester. Exeunt some of the watch. A great banquet serv 'd in;

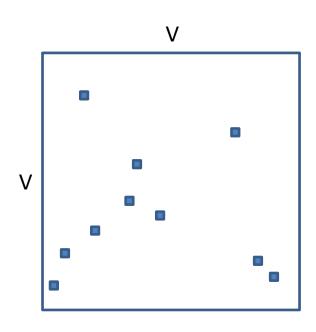
Will yon not tell me who I am?

It cannot be but so.

Indeed the short and the long. Many, 'tis a noble Lepidns.

#### Shakespeare kao korpus

- N=884647 pojavnica, V=29066 riječi
- Shakespeare je producirao 300000 bigram tipova od  $V^2$ = 844832356 mogućih bigrama.
  - Stoga 99.96% mogućih bigrama nikad nisu viđeni (nule u tablici)
- 4-grami su još gori



## Opasnosti prekoračenja

- n-grami su dobri za predviđanje riječi samo ako je testni korpus sličan korpusu treninga
  - U stvarnosti, to često nije slučaj
  - Potrebno je napraviti trening robusnih modela i zatim generalizirati!
  - Jedna vrsta generalizacije: Nule!
    - stvari koje se uopće ne pojavljuju u skupu za trening
    - ali se pojavljuju u testnom skupu

# Nule

Skup za trening	Testni skup
negirao je optužbe negirao je izvještaje negirao je tvrdnje negirao je zahtjeve	negirao je ponude negirao je posudbe

P(ponude | negirao je) = 0

# Bigrami s nultom vjerojatnošću

- Pridruživanje vjerojatnosti 0 na testnom skupu
- Stoga se ne može izračunati perpleksija! (dijeljenje s 0)

#### Nepoznate riječi

- Otvoreni rječnik protiv zatvorenog rječnika
- Ako unaprijed znamo sve riječi
  - rječnik V je fiksan
  - zadaci zatvorenog rječnika
- Često ne znamo sve riječi
  - riječi izvan rječnika
  - zadaci otvorenog rječnika
- Kreira se pojavnica za nepoznate riječi <UNK> unknown (OOV out of vocabulary riječi)

#### Nepoznate riječi

- Treniranje vjerojatnosti OOV riječi kod otvorenog rječnika
  - kreiranje fiksnog leksikona L veličine V
  - prilikom normalizacije teksta, svaka riječ iz trening skupa koja nije u L se promijeni u <UNK>
  - sada se njihove vjerojatnosti treniraju kao i za ostale riječi
- Prilikom dekodiranja
  - koristi se <UNK> za svaku riječ koja nije u podacima za trening
- Ako nemamo fiksni leksikon, onda se implicitno stvara leksikon mijenjanjem riječi iz trening skupa u <UNK> temeljem njihove frekvencije.
  - Možemo zamijeniti s <UNK> sve riječi iz skupa za treniranje koje se javljaju manje od n puta (n je neki mali broj)

### Uvod u obradu prirodnog jezika

# 4.5. Izglađivanje: dodaj jedan (Laplaceovo izglađivanje)

Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

### Ideja izglađivanja (prema Dan Klein-u)

#### Kada imamo spremnu statistiku

P(w|negirao je)

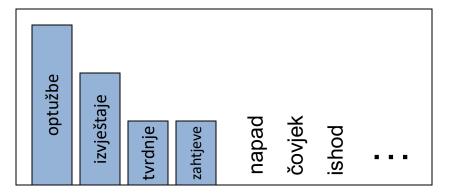
3 optužbe

2 izvještaje

1 tvrdnje

1 zahtjeve

**UKUPNO: 7** 



#### Uzmi masu vjerojatnosti radi bolje generalizacije

P(w|negirao je)

2.5 optužbe

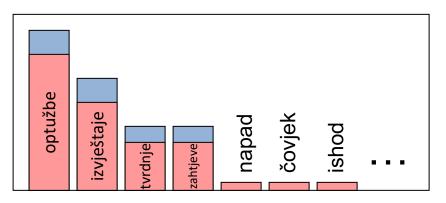
1.5 izvještaje

0.5 tvrdnje

0.5 zahtjeve

2 ostalo

**UKUPNO: 7** 



#### Dodaj jedan - procjena

- ili Laplaceovo izglađivanje
- Pretvaramo se da smo svaku riječ vidjeli još jedan put
- Dodaj jedan kod svih prebrojavanja!

- Maksimalna izvjesnost (MLE)
  - unigram  $P_{MLE}(w_i) = \frac{C(w_i)}{N}$
  - bigram  $P_{MLE}(w_i|w_{i-1}) = \frac{C(w_{i-1}w_i)}{C(w_{i-1})}$
- Dodaj 1 (Laplace)
  - unigram  $P_{Laplace}(w_i) = \frac{c_i+1}{N+V}$
  - $\text{ bigram } P_{Laplace}(w_i|w_{i-1}) = \frac{C(w_{i-1}w_i)+1}{\sum_{w}(C(w_{i-1}w)+1)} = \frac{C(w_{i-1}w_i)+1}{C(w_{i-1})+V}$

#### Dodaj jedan - procjena

• Prilagođeni brojač  $c^*$ 

$$P_{Laplace}(w_i) = \frac{c_i + 1}{N + V} = \frac{c_i^*}{N} \Rightarrow c_i^* = (c_i + 1) \frac{N}{N + V}$$

$$P_{Laplace}(w_i|w_{i-1}) = \frac{C(w_{i-1}w_i) + 1}{C(w_{i-1}) + V} = \frac{c^*(w_{i-1}w_i)}{C(w_{i-1})} \Rightarrow$$

$$c^*(w_{i-1}w_i) = \frac{(C(w_{i-1}w_i) + 1) \times C(w_{i-1})}{C(w_{i-1}) + V}$$

# Berkley restorant korpus

• s primijenjenim Laplaceovim izglađivanjem

	ja	želim	da	jedem	kinesku	hranu	ručak	potrošim
ja	6	828	1	10	1	1	1	3
želim	3	1	609	2	7	7	6	2
da	3	1	5	687	3	1	7	212
jedem	1	1	3	1	17	3	43	1
kinesku	2	1	1	1	1	83	2	1
hranu	16	1	16	1	2	5	1	1
ručak	3	1	1	1	1	2	1	1
potrošim	2	1	2	1	1	1	1	1

#### Laplaceovo izglađivanje

#### Unigram

ja	želim	da	jedem	kinesku	hranu	ručak	potrošim
2533	927	2417	746	158	1093	341	278

$$P_{Laplace}(w_n|w_{n-1}) = \frac{C(w_{n-1}w_n) + 1}{C(w_{n-1}) + V}$$

	ja	želim	da	jedem	kinesku	hranu	ručak	potrošim
ja	0,001505	0,207675	0,000251	0,002508	0,000251	0,000251	0,000251	0,000752
želim	0,00126	0,00042	0,255775	0,00084	0,00294	0,00294	0,00252	0,00084
da	0,000775	0,000258	0,001292	0,177474	0,000775	0,000258	0,001808	0,054766
jedem	0,000455	0,000455	0,001364	0,000455	0,007727	0,001364	0,019545	0,000455
kinesku	0,001241	0,00062	0,00062	0,00062	0,00062	0,051489	0,001241	0,00062
hranu	0,006282	0,000393	0,006282	0,000393	0,000785	0,001963	0,000393	0,000393
ručak	0,001671	0,000557	0,000557	0,000557	0,000557	0,001114	0,000557	0,000557
potrošim	0,001155	0,000577	0,001155	0,000577	0,000577	0,000577	0,000577	0,000577

#### Rekonstruirani brojač

$$c^*(w_{i-1}w_i) = \frac{(C(w_{i-1}w_i) + 1) \times C(w_{i-1})}{C(w_{i-1}) + V}$$

	ja	želim	da	jedem	kinesku	hranu	ručak	potrošim
ja	3,8	527	0,64	6,4	0,64	0,64	0,64	1,9
želim	1,2	0,39	238	0,78	2,7	2,7	2,3	0,78
da	1,9	0,63	3,1	430	1,9	0,63	4,4	133
jedem	0,34	0,34	1	0,34	5,8	1	15	0,34
kinesku	0,2	0,098	0,098	0,098	0,098	8,2	0,2	0,098
hranu	6,9	0,43	3,9	0,43	0,86	2,2	0,43	0,43
ručak	0,57	0,19	0,19	0,19	0,19	0,38	0,19	0,19
potrošim	0,32	0,16	0,32	0,16	0,16	0,16	0,16	0,16

# Usporedba s početnim bigramom

	ja	želim	da	jedem	kinesku	hranu	ručak	potrošim
ja	5	827	0	9	0	0	0	2
želim	2	0	<mark>608</mark>	1	6	6	5	1
da	2	0	4	686	2	0	6	211
jedem	0	0	2	0	16	2	42	0
kinesku	1	0	0	0	0	82	1	0
hranu	15	0	15	0	1	4	0	0
ručak	2	0	0	0	0	1	0	0
potrošim	1	0	1	0	0	0	0	0

	ja	želim	da	jedem	kinesku	hranu	ručak	potrošim
ja	3,8	527	0,64	6,4	0,64	0,64	0,64	1,9
želim	1,2	0,39	<mark>238</mark>	0,78	2,7	2,7	2,3	0,78
da	1,9	0,63	3,1	430	1,9	0,63	4,4	133
jedem	0,34	0,34	1	0,34	5,8	1	15	0,34
kinesku	0,2	0,098	0,098	0,098	0,098	8,2	0,2	0,098
hranu	6,9	0,43	3,9	0,43	0,86	2,2	0,43	0,43
ručak	0,57	0,19	0,19	0,19	0,19	0,38	0,19	0,19
potrošim	0,32	0,16	0,32	0,16	0,16	0,16	0,16	0,16

#### Dodaj 1 procjena je tupi alat

- Dodaj 1 se praktički ne koristi kod n-grama:
  - vidjet ćemo bolje metode
- Međutim dodaj 1 se koristi kod izglađivanja u drugim modelima obrade prirodnog jezika
  - za klasifikaciju teksta
  - u domenama gdje je mali broj nula

#### Dodaj k izglađivanje

- Alternativa dodaj 1 izglađivanju je pomicanje manjeg dijela vjerojatnosti sa viđenih na neviđene događaje.
- Umjesto dodaj 1, dodat će se decimalni broj k npr. 0.5, 0.05, 0.1

$$P_{dodaj-k}^{*}(w_{n}|w_{n-1}) = \frac{C(w_{n-1}w_{n}) + k}{C(w_{n-1}) + kV}$$

 k se ćesto odabire optimizacijom na razvojnom skupu podataka

Trening podaci

Razvojni podaci

Testni podaci

# Uvod u obradu prirodnog jezika

# 4.6. Interpolacija i odustajanje

#### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Interpolacija i odustajanje

- Ponekad pomaže korištenje manjeg sadržaja
- Uvjeti nad manjim sadržajem za sadržaje o kojima se ne zna
- Odustajanje (Backoff):
  - koristi trigram ako imaš dobre dokaze, inače bigram, inače unigram
- Interpolacija:
  - pomiješaj unigram, bigram, trigram
- Interpolacija radi bolje

#### Linearna interpolacija

jednostavna interpolacija

$$\widehat{P}(w_n|w_{n-2}w_{n-1}) = \lambda_3 P(w_n|w_{n-2}w_{n-1}) + \lambda_2 P(w_n|w_{n-1}) + \lambda_1 P(w_n)$$

$$\sum_i \lambda_i = 1$$

lambda je uvjetovan sadržajem

$$\hat{P}(w_n|w_{n-2}w_{n-1}) = \lambda_3(w_{n-2}^{n-1})P(w_n|w_{n-2}w_{n-1}) 
+ \lambda_2(w_{n-2}^{n-1})P(w_n|w_{n-1}) 
+ \lambda_1(w_{n-2}^{n-1})P(w_n)$$

#### Kako odrediti lambda?

• Koristeći razvojni korpus

Trening podaci

Razvojni podaci

Testni podaci

- Izaberi lambde tako da maskimiziraš vjerojatnost razvojnog korpusa
  - namjesti n-gram vjerojatnosti na korpusu za trening
  - zatim odredi lambde tako da daje najveće vjerojatnosti nad razvojnim korpusom

$$\log P(w_1 \dots w_n | M(\lambda_1 \dots \lambda_k)) = \sum_i \log P_{M(\lambda_1 \dots \lambda_k)}(w_i | w_{i-1})$$

#### Kako odrediti lambda?

- Metodom maksimiziranja očekivanja (Expectation Maximization)
- H razvojni skup
- minimizacija  $\frac{-1}{|H|}\sum_{i=1}^{|H|}log_2\, \grave{p}_\lambda(w_i|h_i)$  nad  $\lambda$  gdje je

$$\begin{split} \dot{p}_{\lambda}(w_{i}|h_{i}) &= \dot{p}_{\lambda}(w_{i}|w_{i-2}w_{i-1}) = \lambda_{3}p_{3}(w_{n}|w_{n-2}w_{n-1}) \\ &+ \lambda_{2}p_{2}(w_{n}|w_{n-1}) \\ &+ \lambda_{1}p_{1}(w_{i}) \\ &+ \frac{\lambda_{0}}{|V|} \end{split}$$

- Izračun očekivanja za j=0...3  $c(\lambda_j) = \sum_{i=0}^{|H|} \frac{\lambda_j p_j(w_i|h_i)}{p_\lambda(w_i|h_i)}$
- sljedeći lambda za j=0...3  $\lambda_{j,next}=c(\lambda_j)/\sum_{k=0...3}c(\lambda_k)$

#### Kako odrediti lambda?

- Metoda maksimiziranja očekivanja
- Sirova distribucija nad rječnikom V={a, b, c, ..., z} |V|=26

$$p(a) = 0.25, p_{\lambda}(w_{i}|h_{i}) = p_{\lambda}(w_{i}|w_{i-2}w_{i-1}) = \lambda_{3}p_{3}(w_{n}|w_{n-2}w_{n-1}) + \lambda_{2}p_{2}(w_{n}|w_{n-1}) + \lambda_{1}p_{1}(w_{i}) + \lambda_{1}p_{1}(w_{i}) + \frac{\lambda_{0}}{|V|}$$

$$p(w) = 1/64 \text{ za } w \in \{s, ..., z\}$$

$$+ \frac{\lambda_{0}}{|V|}$$

- Razvojni skup **H** = **babu** ( $\lambda_1$  unigram,  $\lambda_0$  uniformno)
- Počni s  $\lambda_1 = 0.5$  i  $\lambda_0 = 0.5$   $p'_{\lambda}(b) = 0.5 * 0.5 + 0.5 / 26 = 0.27$   $p'_{\lambda}(a) = 0.5 * 0.25 + 0.5 / 26 = 0.145$   $p'_{\lambda}(u) = 0.5 * 0 + 0.5 / 26 = 0.02$   $c(\lambda_j) = \sum_{i=0}^{|H|} \frac{\lambda_j p_j(w_i|h_i)}{\dot{p}_{\lambda}(w_i|h_i)}$

$$c(\lambda_1) = 0.5 * 0.5 / 0.27 + 0.5 * 0.25 / 0.145 + 0.5 * 0.5 / 0.27 + 0.5 * 0 / 0.02 = 2.72$$
  
 $c(\lambda_0) = 0.5 * 0.04 / 0.27 + 0.5 * 0.04 / 0.145 + 0.5 * 0.04 / 0.27 + 0.5 * 0.04 / 0.02$   
= 1.28

- Normaliziraj  $\lambda_1$ =0.68,  $\lambda_0$ =0.32
- Ponavljaj sve dok nove lambde se malo razlikuju od prethodnih lambdi (npr. < 0.01)

#### Veliki n-grami na Web-u

- Kako se postaviti prema velikim n-gram korpusima
  - Obrezivanje (Pruning)
    - spremiti samo n-grame koji imaju broj pojavljivanja > prag
      - ukloniti jedinke od n-grama višeg reda
    - obrezivanje temeljeno entropijom
  - Povećanje efikasnosti
    - efikasne podatkovne strukture kao "prefiksna stabla" (tries)
    - Bloom-ovi filteri: aproksimativni modeli jezika
    - spremanje riječi preko indeksa, a ne stringova
    - Huffmanovo kodiranje za spremanje velikog broja riječi u 2 bajta
    - kvantiziranje vjerojatnosti (4-8 bitova umjesto broja s pomičnim zarezom od 8 bajtova)

#### Izglađivanje kod velikih n-grama

- Glupo odustajanje (Stupid backoff)
- Nema popuštanja, ali se koriste relativne frekvencije

$$S(w_i|w_{i-k+1}^{i-1}) = \begin{cases} \frac{C(w_{i-k+1}^i)}{C(w_{i-k+1}^{i-1})} \text{ ako } c(w_{i-k+1}^i) > 0\\ 0.4 \times S(w_i|w_{i-k+2}^{i-1}) \text{ u suprotnom} \end{cases}$$

$$S(w_i) = \frac{C(w_i)}{N}$$

#### Uglađivanje n-grama

- Dodaj jedan:
  - Dobro kod kategorizacije teksta
  - Nije dobro za modeliranje jezika
- Najčešće korištena metoda:
  - Proširenje Kneser-Ney interpolacije
- Za velike n-grame:
  - glupo odustajanje

#### Napredno modeliranje jezika

- Diskriminativni modeli:
  - izbor težina n-grama radi poboljšanja zadatka, a ne radi prilagođavanju skupu za trening
- Modeli temeljeni na parsiranju
- Modeli s predpohranom (Caching models)
  - nedavno korištene riječi imaju veću vjerojatnost da se pojave

$$P_{CACHE}(w|history) = \lambda P(w_i|w_{i-2}w_{i-1}) + (1-\lambda)\frac{c(w \in history)}{|history|}$$

ali se pokazala jako lošom metodom kod prepoznavanja govora

# Uvod u obradu prirodnog jezika

### 4.7. Good-Turing izglađivanje

#### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Napredni algoritmi za izglađivanje

- Ideja većine algoritama izglađivanja
  - Good-Turing
  - Kneser-Ney
  - Witten-Bell
- Upotrijebi broj "stvari" koje smo jednom vidjeli
- kako bi procijenili broj "stvari" koje nikad nismo vidjeli

### Notacija: N<sub>c</sub> = frekvencija od frekvencije c

•  $N_c$  = broj riječi koje smo vidjeli c puta

# Ivan sam ja sam ja Ivan ja nikad ne jedem

ja	3
sam	2
Ivan	2
nikad	1
ne	1
jedem	1

$$N_3 = 1$$
  
 $N_2 = 2$   
 $N_1 = 3$ 

## Ideja Good-Turing izglađivanja

- Loviš ribu i ulovio si:
  - 10 srdela, 3 oslića, 2 bukve, 1 zubaca, 1 gofu, 1 komarču = 18 riba
- Koliko je vjerojatno da će sljedeća riba biti zubatac?
   1/18
- Koliko je vjerojatno da će sljedeća riba biti neka nova? 3/18 (jer  $N_1=3$ )
- S obzirom na to, koja je vjerojatnost da će sljedeća riba biti zubatac?
  - Mora biti manja od 1/18
  - Kako to procijeniti

# Good Turing proračun

$$P_{GT}^*$$
 (riječi s frekvencijom 0) =  $\frac{N_1}{N}$   
 $c^* = \frac{(c+1)N_{c+1}}{N_c}$ 

Nije viđeno (npr. Salpa)

$$c = 0$$

$$P_{MLE}(Salpa) = \frac{0}{18} = 0$$

$$P_{GT}^*(Salpa) = \frac{N_1}{N} = \frac{3}{18}$$

Viđeno jednom (npr. Zubatac)

$$c = 1$$

$$P_{MLE}(\text{Zubatac}) = \frac{1}{18} = 0.055$$

$$c^*(\text{Zubatac}) = \frac{(1+1)*N_{1+1}}{N_1} = \frac{2*N_2}{N_1} = \frac{2*1}{3} = \frac{2}{3}$$

$$P_{GT}^*(\text{Zubatac}) = \frac{c^*}{N} = \frac{\frac{2}{3}}{18} = \frac{1}{27}$$

#### Good-Turing brojevi

- Brojevi iz Church & Gale (1991)
- 22x10<sup>6</sup> riječi iz AP Newswire

$$c^* = \frac{(c+1)N_{c+1}}{N_c}$$

relativni popust

$$d_c = \frac{c^*}{c}$$

apsolutni popust

$$d_c = |c^* - c| \approx 0.75 \text{ za } c > 1$$

С	<b>C</b> *
0	0.0000270
1	0.446
2	1.26
3	2.24
4	3.24
5	4.22
6	5.19
7	6.21
8	7.24
9	8.25

# Uvod u obradu prirodnog jezika

### 4.7. Kneser-Ney izglađivanje

#### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Apsolutni popust

• Uštedimo na vremenu i jednostavno oduzmimo 0.75 (ili neki d)

bigram sa popustom težina interpolacije 
$$P_{\text{ApsolutniPopust}}(w_i|w_{i-1}) = \frac{c(w_{i-1}w_i) - d}{c(w_{i-1})} + \lambda(w_{i-1})P(w_i)$$
 unigram

- Možda koristiti ekstra vrijednosti od d za bigrame koji se pojavljuju 1 put)
- ali hoćemo li uopće koristiti unigram vjerojatnosti P(w)?

#### Kneser-Ney izglađivanje I

- Bolja procjena vjerojatnosti za unigrame nižeg reda!
  - Shannon-ova igra: Loše vidim bez svojih čitaćih \_\_\_\_\_?
  - "Zeland" je češći od "naočala,
  - ... ali "Zeland" uvijek slijedi iza "Novi"
- Unigram je koristan ako nismo prije vidjeli bigram!
- Umjesto P(w): "Koliko vjerojatno je w"
- $P_{NASTAVAK}(w)$ : "Koliko je vjerojatno da se w pojavi kao novi nastavak"
  - za svaku riječ w prebroji sve bigrame koje upotpunjuje

#### Kneser-Ney izglađivanje II

Koliko puta se w pojavljuje kao novi nastavak:

$$P_{NASTAVAK}(w) \propto |\{w_{i-1}: c(w_{i-1}w) > 0\}|$$

Normaliziran ukupnim brojem bigram tipova

$$|\{(w_{j-1}w_j):c(w_{j-1}w_j)>0\}|$$

$$P_{NASTAVAK}(w) = \frac{|\{w_{i-1} : c(w_{i-1}w) > 0\}|}{|\{(w_{j-1}w_j) : c(w_{j-1}w_j) > 0\}|}$$

#### Kneser-Ney izglađivanje III

Broj tipova riječi viđenih da prethode w

$$|\{w_{i-1}: c(w_{i-1}w) > 0\}|$$

Normaliziran brojem riječi koje prethode svim riječima:

$$P_{NASTAVAK}(w) = \frac{|\{w_{i-1} : c(w_{i-1}w) > 0\}|}{\sum_{w'} |\{w'_{i-1} : c(w'_{i-1}w') > 0\}|}$$

 Česta riječ "Zeland" koja se često nalazi iza "Novi" će imati nisku vjerojatnost nastavka

#### Kneser-Ney izglađivanje IV

$$P_{KN}(w_i|w_{i-1}) = \frac{\max(c(w_{i-1}w_i) - d, 0)}{c(w_{i-1})} + \lambda(w_{i-1})P_{NASTAVAK}(w_i)$$

 λ je normalizacijska konstanta; količina vjerojatnosti koju smo izbacili

$$\lambda(w_{i-1}) = \frac{d}{c(w_{i-1})} |\{w : c(w_{i-1}w) > 0\}|$$

normalizirani popust

broj tipova riječi koji mogu slijediti iza w<sub>i-1</sub>

- = # tipova riječi koje smo izbacili
- = # puta koliko smo primijenili normalizirani popust

#### Kneser-Ney izglađivanje: rekurzivni oblik

$$P_{KN}(w_i | w_{i-n+1}^{i-1}) = \frac{\max(c_{KN}(w_{i-n+1}^i) - d, 0)}{c_{KN}(w_{i-n+1}^{i-1})} + \lambda(w_{i-n+1}^{i-1})P_{KN}(w_i | w_{i-n+2}^{i-1})$$

$$c_{KN} = \begin{cases} broj(*) \text{ za veći red} \\ brojnastavka(*) \text{ za manji red} \end{cases}$$

brojnastavka = broj jedinstvenih sadržaja s jednom riječju od \*