## Uvod u obradu prirodnog jezika

## 6.1. Zadaci klasifikacije teksta

#### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Je li ovo SPAM?

Subject: Važna obavijest!

From: PMF Split info@pmfst.hr

Date: 16. Svibanj, 2013 12:34:56

To: undisclosed-recipients

\_\_\_\_\_\_

Sjajne vijesti!

Možete pristupiti najnovijim vijestima koristeći donji link za prijavu na forum Prirodoslovno-matematičkog fakulteta

http://www.kontakt-forum.hr/forum/form-pmf-split.html

Kliknite na gornji link da dobijete više informacija o ovom novom forumu. Također možete kopirati gornji link i prenijeti ga u Web preglednik i prijaviti se kako bi saznali više o ovoj novoj usluzi.

© Prirodoslovno-matematički fakultet

## Pozitivna ili negativna kritika filma?

- nevjerojatno razočarenje
- pun otkačenih likova i bogato primijenjena satira, s nekim velikim zapletima radnje
- ovo je najveća ekscentrična komedija ikad snimljena



## Koja je tema ovog članka?

#### **MEDLINE** članak



#### MeSH - hijerarhija kategorija subjekta

- kemija
- krvotok
- terapija lijekovima
- embriologija
- epidemiologija

**—** ...

## Klasifikacija teksta

- Pridruživanje kategorije, naslova ili žanra nekoj temi
- Detekcija spam-a
- Identifikacija autora
- Identifikacija dobi/spola
- Identifikacija jezika
- Analiza sentimenta

•

## Klasifikacija teksta: definicija

- Ulaz:
  - dokument d
  - -fiksni skup klasa  $C = \{c_1, c_2, ..., c_K\}$
- Izlaz:
  - predviđena klasa  $c \in C$

## Metode klasifikacije: ručno pisana pravila

- Pravila temeljena na kombinacijama riječi i drugih osobina
  - spam: crna-lista-adresa ILI ("\$" I "izabrani ste")
- Preciznost može biti velika
  - ako su pravila brižno pisana od strane eksperta
- Ali izgradnja i održavanje pravila je skupo

## Metode klasifikacije: nadzirano strojno učenje

- Ulaz:
  - -dokument d
  - -fiksni skup klasa  $C = \{c_1, c_2, \dots, c_K\}$
  - -skup za trening N ručno označenih dokumenata  $(d_1, c_1), ..., (d_N, c_N)$
- Izlaz:
  - naučeni klasifikator  $\gamma: d \rightarrow c$

## Metode klasifikacije: nadzirano strojno učenje

- Bilo koja vrsta klasifikatora
  - Naivni Bayes
  - Logistička regresija
  - Stroj s potpornim vektorima
  - k-najbližih susjeda

**—** ...

## Uvod u obradu prirodnog jezika

# 6.2. Naivni Bayes (naive bayes)

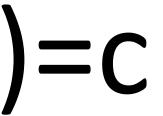
Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

## Ideja naivnog Bayesa

- Jednostavna (naivna) metoda klasifikacije temeljena na Bayesovom pravilu
- Oslanja se na jednostavnu reprezentaciju teksta
  - vreća riječi (bag of words)

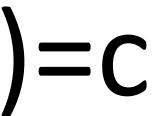
Volim ovaj film! Sladak je, ali sa satiričnim humorom. Dijalog je super i pustolovne scene su zabavne... Uspijeva biti hirovit i romantičan, iako ismijava konvencije žanra bajke. Ja bih ga preporučio bilo kome. Vidio sam ga nekoliko puta i uvijek se radujem vidjeti ga ponovno kadgod imam prijatelja koji ga još nije vidio.





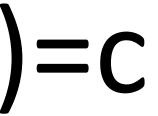


Volim ovaj film! Sladak je, ali sa satiričnim humorom. Dijalog je super i pustolovne scene su zabavne... Uspijeva biti hirovit i romantičan, iako ismijava konvencije žanra bajke. Ja bih ga preporučio bilo kome. Vidio sam ga nekoliko puta i uvijek se radujem vidjeti ga ponovno kadgod imam prijatelja koji ga još nije vidio.





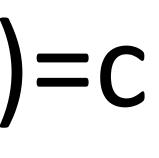








<b>Y</b> (	volim	2
	sladak	2
	preporučio	1
	ismijava	1
	super	1
	•••	•••







## Uvod u obradu prirodnog jezika

# 6.3. Formalizacija naivnog Bayesovog klasifikatora

Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Bayesovo pravilo primijenjeno na dokumente i klase

• Za dokument d i klasu c

$$P(c|d) = \frac{P(d|c)P(c)}{P(d)}$$

$$c_{MAP} = \underset{c \in \mathcal{C}}{\operatorname{argmax}} P(c|d)$$

$$= \underset{c \in \mathcal{C}}{\operatorname{Maximum a posteriori}} = \underset{c \in \mathcal{C}}{\operatorname{argmax}} \frac{P(d|c)P(c)}{P(d)}$$

$$= \underset{c \in \mathcal{C}}{\operatorname{Bayesovo}}$$

$$= \underset{c \in \mathcal{C}}{\operatorname{Bayesovo}}$$

$$= \operatorname{argmax} P(d|c)P(c)$$

$$= \underset{c \in \mathcal{C}}{\operatorname{Izbacivanje}}$$

$$\underset{nazivnika}{\operatorname{Izbacivanje}}$$

$$c_{MAP} = \underset{c \in C}{\operatorname{argmax}} P(d|c)P(c)$$

$$c_{MAP} = \underset{c \in C}{\operatorname{argmax}} P(f_1, f_2, \dots, f_n | c) P(c)$$

$$c \in C$$
Dokument  $d$  prikazan kao skup osobina  $f_1, f_2, \dots, f_n$ 

$$c_{MAP} = \underset{c \in C}{\operatorname{argmax}} P(f_1, f_2, \dots, f_n | c) P(c)$$

- Koliko često se klasa c pojavljuje
  - možemo izračunati relativne frekvencije u korpusu
- Kako odrediti izglednost od d i osobina  $f_1$ ,  $f_2$ , ...,  $f_n$ 
  - procjena svih mogućih kombinacija osobina bi zahtijevala veliki broj parametara i ogromni skupove za treniranje
  - npr. svi mogući skupovi riječi i pozicija tih riječi
- Stoga koriste se dvije pojednostavljajuće pretpostavke

#### Naivna Bayesova pretpostavka nezavisnosti

$$P(f_1, f_2, ..., f_n | c)$$

#### Pretpostavka vreće riječi

- pozicija nije važna
- stoga  $f_1, f_2, ..., f_n$  kodira identitet riječi, a ne njen položaj

#### Uvjetna nezavisnost

– vjerojatnost osobina  $P(f_i|c_i)$  su nezavisne za danu klasu c

$$P(f_1, f_2, ..., f_n | c) = P(f_1 | c) \times P(f_2 | c) \times ... \times P(f_n | c)$$

$$c_{MAP} = \underset{c \in C}{\operatorname{ar}gmax} P(f_1, f_2, \dots, f_n | c) P(c)$$

$$c_{NB} = \underset{c \in C}{\operatorname{argmax}} P(c) \prod_{f \in F} P(f|c)$$

## Primjena naivnog Bayesovog klasifikatora

pozicije ← sve pozicije riječi u testnom dokumentu

$$c_{NB} = \underset{c \in C}{\operatorname{argmax}} P(c) \prod_{i \in pozicije} P(w_i|c)$$

$$c_{NB} = \underset{c \in C}{\operatorname{argmax}} \left( \log P(c) + \sum_{i \in pozicije} \log P(w_i|c) \right)$$

# Uvod u obradu prirodnog jezika

## 6.4. Učenje naivnog Bayesa

#### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Učenje naivnog Bayesovog modela

• Kako naučiti vjerojatnosti P(c) i  $P(f_i|c)$ ?

- Prvi pokušaj: procjena maksimalne izglednosti (MLE)
  - jednostavno koristi frekvencije podataka

$$\widehat{P}(c) = \frac{N_c}{N_{doc}}$$
Broj svih dokumenata
$$\widehat{P}(w_i|c) = \frac{broj(w_i,c)}{\sum_{w \in V} broj(w,c)}$$
Broj pojavljivanja riječi  $w_i$  u svim dokumentima klase  $c$ 

$$\widehat{P}(w_i|c) = \frac{v - sve riječi iz}{svih dokumenata}$$

## Procjena parametara

• Koliko puta se riječ  $w_i$  pojavljuje među svim riječima u dokumentu klase c

$$\widehat{P}(w_i|c) = \frac{broj(w_i,c)}{\sum_{w \in V} broj(w,c)}$$

- Kreira se mega-dokument za klasu c tako što se povežu svi dokumenti klase c
  - koristi se frekvencija riječi w iz mega-dokumenta

## Problem kod maksimalne izglednosti

 Što ako nemamo niti jedan dokument za treniranje s riječju "fantastično" koja je klasificirana za klasu pozitivno?

$$\hat{P}(\text{"fantastično"}|\text{poz}) = \frac{broj(\text{"fantastično"},\text{poz})}{\sum_{w \in V} broj(w,\text{poz})} = 0$$

Nulte vjerojatnosti se ne mogu izbjeći

$$c_{NB} = \underset{c \in \{poz, neg\}}{\operatorname{argmax}} P(poz) \prod_{i \in pozicije} P(w_i|c)$$

# Laplace (dodaj 1) izglađivanje za naivnog Bayesa

$$\widehat{P}(w_i|c) = \frac{broj(w_i,c) + 1}{\sum_{w \in V} (broj(w,c) + 1)}$$

$$= \frac{broj(w_i, c) + 1}{\sum_{w \in V} broj(w, c) + |V|}$$

## Laplace (dodaj 1) izglađivanje: nepoznate riječi

$$\hat{P}(w_u|c) = \frac{broj(w_u, c) + 1}{\sum_{w \in V} broj(w, c) + |V| + 1}$$

$$= \frac{1}{broj(w, c) + |V| + 1}$$

- Nepoznate riječi se mogu ignorirati
  - -Ako riječ  $w_u$  iz testnog skupa nije u rječniku V onda se  $w_u$  ignorira

## Naivni Bayes: Učenje

```
U\check{C}ENJE(D, C)
za svaku klasu c \in C
   N_{doc} \leftarrow \text{broj dokumenata iz } D
   N_c \leftarrow \text{broj dokumenata iz } D \text{ klase } c
  prior[c] \leftarrow \frac{N_c}{N_{doc}}
   V \leftarrow \text{riječnik dokumenata iz } D
   megadoc[c] proširi s d za d \in D koji su klase c
   za svaku riječ w \in V
      broj[w,c] \leftarrow broj pojavljivanja od w u <math>megadoc(c)
      izvjesnost[w,c] \leftarrow \frac{broj[w,c]+1}{\sum_{w' \in V}(broj[w',c]+1)}
vrati prior, izvjesnost, V
```

## Naivni Bayes: Testiranje

```
TESTIRANJE(testdoc, prior, izvjesnost, C, V)

za svaku klasu c \in C

posterior[c] \leftarrow prior[c]

za svaku poziciju i iz testdoc

w \leftarrow testdoc[i]

ako \ w \in V

posterior[c] = posterior[c] * izvjesnost[w, c]

vrati argmax \ posterior[c]

c \in C
```

# Uvod u obradu prirodnog jezika

## 6.5. Odnos s modelom jezika

#### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

## Naivni Bayes i model jezika

- Naivni Bayesov klasifikator može koristiti bilo koje osobine
  - URL, email adresa, rječnici, svojstva mreže
- Ali ako
  - koristimo samo riječi kao osobine
  - koristimo sve riječi iz teksta (ne iz podskupa teksta)
- onda
  - Naivni Bayes ima velike sličnosti s modelom jezika

## Svaka klasa je unigram

- Svakoj riječi w se pridružuje P(w|c)
- Svakoj rečenici s se pridružuje  $P(s|c) = \prod P(w|c)$

Klasa = poz		
0.1	Ja	
0.1	volim	
0.01	ovaj	
0.05	novi	
0.1	film	

P(s|poz) = 0.1 \* 0.1 \* 0.01 \* 0.05 \* 0.01 = 0.0000005

## Svaka klasa je unigram

Koja klasa pridružuje veću vjerojatnost rečenici s?

Klasa = poz		
0.1	Ja	
0.1	volim	
0.01	ovaj	
0.05	novi	
0.1	film	

Klasa = neg		
0.2	Ja	
0.001	volim	
0.01	ovaj	
0.005	novi	
0.1	film	

$$P(s|poz) = 0.1 * 0.1 * 0.01 * 0.05 * 0.01 = 0.0000005$$
  
 $P(s|neg) = 0.2 * 0.001 * 0.01 * 0.005 * 0.1 = 0.00000001$ 

## Uvod u obradu prirodnog jezika

# 6.6. Multinominalni naivni Bayes: Radni primjer

Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Naivni Bayes i model jezika

	Dokument	Riječi	Klasa
Φ	$d_1$	Italija Rim Italija	IT
Treniranje	$d_2$	Italija Italija Firenca	IT
reni	$d_3$	Italija Ankona	IT
	$d_4$	Pariz Francuska Italija	FR
Test	d <sub>5</sub>	Italija Italija Pariz Francuska	?

$$\widehat{P}(c) = \frac{N_c}{N_{doc}}$$

 $V = \{$ Italija, Rim, Firenca, Ankona, Francuska, Pariz $\}$ 

$$\widehat{P}(w_i|c) = \frac{broj(w_i, c) + 1}{\sum_{w \in V} broj(w, c) + |V|}$$

Prior Uvjetna vjerojatnost

**Izbor klase** 

## Naivni Bayes i model jezika

	Dokument	Riječi	Klasa
a	$d_1$	Italija Rim Italija	IT
Treniranje	$d_2$	Italija Italija Firenca	IT
reni	$d_3$	Italija Ankona	IT
	$d_4$	Pariz Francuska Italija	FR
Test	d <sub>5</sub>	Italija Italija Pariz Francuska	?

$$\widehat{P}(c) = \frac{N_c}{N_{doc}}$$

 $V = \{$ Italija, Rim, Firenca, Ankona, Francuska, Pariz $\}$ 

$$\widehat{P}(w_i|c) = \frac{broj(w_i, c) + 1}{\sum_{w \in V} broj(w, c) + |V|}$$

#### **Prior**

$$P(FR) = \frac{1}{4}$$

#### Uvjetna vjerojatnost

$$P(IT) = \frac{3}{4}$$
  $P(Italija|IT) = \frac{5+1}{8+6} = \frac{6}{4} = \frac{3}{7}$ 

$$P(\text{Pariz}|\text{IT}) = \frac{6+1}{8+6} = \frac{1}{14}$$

$$P(\text{Pariz}|\text{IT}) = \frac{8+6}{8+6} = \frac{4}{14}$$

$$P(\text{FR}) = \frac{1}{4}$$

$$P(\text{Francuska}|\text{IT}) = \frac{0+1}{8+6} = \frac{1}{14}$$

$$P(\text{Italija}|\text{FR}) = \frac{1+1}{3+6} = \frac{2}{9}$$
  
 $P(\text{Pariz}|\text{FR}) = \frac{1+1}{3+6} = \frac{2}{9}$ 

$$P(\text{Fariz}|\text{FR}) = \frac{1}{3+6} = \frac{1}{9}$$
$$P(\text{Francuska}|\text{FR}) = \frac{1+1}{3+6} = \frac{2}{9}$$

#### Izbor klase

$$P(|T|d_5) \propto \frac{3}{4} \cdot \left(\frac{3}{7}\right)^3 \cdot \frac{1}{14} \cdot \frac{1}{14} \approx 0.0003$$

$$P(FR|d_5) \propto \frac{1}{4} \cdot \left(\frac{2}{9}\right)^3 \cdot \frac{2}{9} \cdot \frac{2}{9} \approx 0.0001$$

## Naivni Bayes nije baš toliko naivan!

- Veoma brz, malo prostora zauzima
- robustan na nevažne osobine
  - nevažne osobine se međusobno poništavaju ne utječući na rezultat
- Dobar kod domena s mnogo jednako važnih osobina
  - za razliko od stabla odluke koja pate od fragmentacije pogotovo kod malo podataka
- Optimalan ako stoji pretpostavka o nezavisnosti: ako je pretpostavljena nezavisnost točna, onda se radi o optimalnom Bayesovom klasifikatoru
- dobra ovisna osnova za klasifikaciju teksta
- Postoje i drugi, precizniji klasifikatori

## Uvod u obradu prirodnog jezika

# 6.7. Preciznost, odziv i F mjera (Precission, Recall and F measure)

Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

## 2 za 2 tablica slučaja

- 2 skupa podataka
  - točni entiteti
  - odabrani entiteti
- 4 moguća slučaja
  - TP stvarno pozitivni (True positives)
  - FP lažno pozitivni (False Positives)
  - FN lažno negativni (False Negatives)
  - TN stvarno negativni (True Negatives)

#### točni entiteti

=	
a	Ξ.
<u>_</u>	te
ab	$\Rightarrow$
$\frac{\partial}{\partial x}$	
ŏ	a

	točno	nije točno
odabrano	TP	FP
nije odabrano	FN	TN

## 2 za 2 tablica slučaja: primjer

#### Primjer

- TP sustav je točno rekao za spam da je spam
- FP sustav je pogrešno rekao za ne-spam da je spam
- FN sustav je pogrešno rekao za spam da je ne-spam
- TN sustav je točno rekap ne-spam da je ne-spam

	spam	ne-spam
spam	TP	FP
nije spam	FN	TN

#### Točnost

Točnost (Acc = Accuracy) kao mjera

$$Acc = \frac{TP + TN}{TP + FP + TN + FN}$$

	točno	nije točno
odabrano	TP	FP
nije odabrano	FN	TN

#### Točnost

- Točnost kao mjera nije dobra za mali skup točnih podataka
- Recimo da promatramo 100000 Web stranica i samo 10 njih opisuje marku cipela.
- Ako napravimo najjednostavniji klasifikator koji za svaku stranicu kaže da ne opisuje marku cipela, onda ćemo dobiti veliku točnost

$$Acc = \frac{TP + TN}{TP + FP + FN + TN} =$$

$$\frac{0+99990}{0+0+10+99990} = \frac{99990}{100000} = 99.99\%$$

	marka cipela	ostalo
odabrano	0	0
nije odabrano	10	99990

#### Preciznost i odziv

- Preciznost P: % odabranih elemenata koji su točni
- Odziv R: % točnih elemenata koji su odabrani

	točno	nije točno
odabrano	TP	FP
nije odabrano	FN	TN

$$P = \frac{TP}{TP + FP}$$

$$R = \frac{TP}{TP + FN}$$

#### Preciznost i odziv

$$R = \frac{0}{10} = 0\%$$

	marka cipela	ostalo
odabrano	TP = 0	FP = 0
nije odabrano	FN = 10	TN = 99990

$$P = \frac{10}{40} = 25\%$$

$$R = \frac{10}{10} = 100\%$$

	marka cipela	ostalo
odabrano	TP = 10	FP = 30
nije odabrano	FN = 0	TN = 99960

#### Kombinirana mjera: F

 F mjera: Kombinirana mjera koja procjenjuje Preciznost/Odziv je (težinska harmonijska sredina)

$$F = \frac{1}{\alpha \frac{1}{P} + (1 - \alpha) \frac{1}{R}} = \frac{(\beta^2 + 1)PR}{\beta^2 P + R}$$

- Harmonijska sredina je konzervativni prosjek
- Obično se koristi balansirana F1 mjera

za β = 1 (odnosno, α = 
$$\frac{1}{2}$$
)  $F1 = \frac{2PR}{P+R}$ 

## Uvod u obradu prirodnog jezika

## 6.8. Evaluacija

Branko Žitko

prevedene od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Više od dvije klase: skupovi binarnih klasifikatora

- "Bilo koja" viševrijednosna klasifikaciju
  - dokument može pripadati 0, 1, ili više klasa

- Za svaku klasu  $c \in C$ 
  - napravi klasifikator  $\gamma_c$  kako bi razlikovali c od drugih klasa  $c' \in C$
- Za dani testni dokument d,
  - Evaluiraj pripadnost za svaku klasu koristeći svaku  $\gamma_c$
  - -d pripada svakoj klasi za koju  $\gamma_c$  vraća istinu

#### Više od dvije klase: skupovi binarnih klasifikatora

- "Jedna od" viševrijednosna klasifikacija
  - Klase su međusobne isključive: svaki dokument pripada točno jednoj klasi
- Za svaku klasu  $c \in C$ 
  - napravi klasifikator  $\gamma_c$  kako bi razlikovali c od drugih klasa  $c' \in C$
- Za dani testni dokument d,
  - Evaluiraj pripadnost za svaku klasu koristeći svaku  $\gamma_c$
  - -d pripada jednoj klasi za koju  $\gamma_c$  vraća najveću vjerojatnost

#### Evaluacija: jedna od - viševrijednosna klasifikacija

Kategorizacija maila u 3 klase: Hitno, Normalno, Spam

		Zlatni standard			
		Hitno	Normalno	Spam	
	Hitno	8	10	1	$P_H = \frac{8}{8 + 10 + 1}$
Sustav	Normalno	5	60	50	$P_N = \frac{60}{5 + 60 + 50}$
	Spam	3	30	200	$P_S = \frac{200}{3 + 30 + 200}$
		$R_H = \frac{8}{8+5+3}$	$R_N = \frac{60}{10+60+30}$	$R_S = \frac{200}{1 + 50 + 200}$	

#### Evaluacija: jedna od - viševrijednosna klasifikacija

Ako imamo više od jedne klase, kako se kombiniraju mjere u jednu mjeru?

	Н	N	S
Н	8	10	1
N	5	60	50
S	3	30	200

Makro-prosjek: izračunaj performanse za svaku klasu i onda prosjek

	Hitn	0		Norma	lno	Spam			
	Н	ne H		N	ne N	S ne S			
Н	8	11	N	60	55	S	200	33	
ne H	8	360	ne N	40	212	ne S	51	83	
F	$P = \frac{8}{8+11}$	= 0.42	P	$P = \frac{60}{60+55} = 0.52   P = \frac{200}{200+33} = 0.52$				$\frac{1}{3} = 0.86$	

$$makroP = \frac{0.42 + 0.52 + 0.86}{3} = 0.60$$

#### Evaluacija: jedna od - viševrijednosna klasifikacija

 Ako imamo više od jedne klase, kako se kombiniraju mjere u jednu mjeru?

	Hitr	10		Norma	lno	Spam				
	Н	ne H		N	ne N		S			
Н	8	11	N	60	55	S	200	33		
ne H	8	360	ne N	40	212	ne S	51	83		

 Mikro-prosjek: prikupi performanse svake klase, izračunaj tablicu slučaja, evaluiraj

$$mikroP = \frac{268}{268+99} = 0.73$$

#### Razvojni testni skupovi i unakrsna validacija

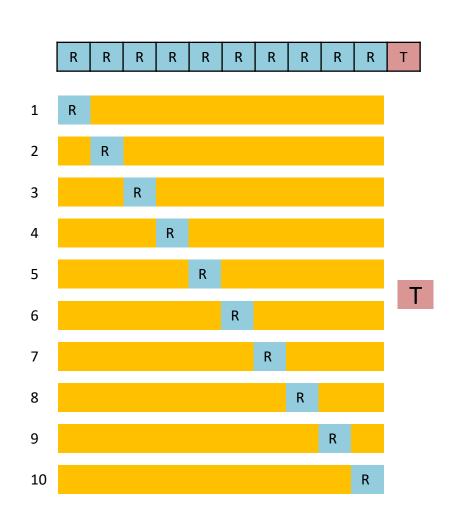
Trening skup	Razvojni skup	Testni skup
--------------	---------------	-------------

- Mjera: *P/R/F*1 ili *Acc*
- Neviđeni testni skup
  - izbjeći prekoračenja (ugađanje prema razvojnom skupu)
  - ponekad je testni skup (ili razvojni skup) malen
- Unakrsna validacija (cross validation) nad višestrukim podjelama
  - rukovanje greškama uzorkovanja nad više skupova podataka
  - skupljanje rezultata za svaku podjelu
  - izračunati prosjek rezultata

## Razvojni testni skupovi i unakrsna validacija



10-struka unakrsna validacija (10-fold cross validation)



## Uvod u obradu prirodnog jezika

## 6.9. Testiranje statističke značajnosti

#### Branko Žitko

prevedene od: Dan Jurafsky, Chris Manning

#### Testitanje statističke značajnosti

Kako znamo koji klasifikator je bolji?

#### Za dane:

- Klasifikatore A i B
- Metriku M: M(A, x) je performansa od A na testnom skupu x
- $\delta(x) = M(A,x) M(B,x)$
- Želimo znati je li  $\delta(x) > 0$  (A je bolji od B)
- $\delta(x)$  **veličina učinka** (effect size)
- Ako se pokaže  $\delta(x)$  pozitivnim, to može biti slučajnost samo za ovaj testni skup x.

#### Dvije hipoteze

- nul-hipoteza: A nije bolji od B  $H_0$ :  $\delta(x) \leq 0$
- hipoteza: A je bolji od B  $H_1: \delta(x) > 0$
- Želimo isključiti H<sub>0</sub>
- Stvori se slučajna varijabla X za sve testne skupove
- Pitamo, koliko je vjerojatno, ako je  $H_0$  istina, da ćemo među testnim skupovima naići na vrijednost  $\delta(x)$  koju promatramo.
- Formaliziramo kao p-vrijednost:

$$P(\delta(X) \ge \delta(x) \mid H_0 \text{ je istina})$$

$$P(\delta(X) \ge \delta(x) \mid H_0 \text{ je istina})$$

p-vrijednost je vjerojatnost da ćemo naići na  $\delta(x)$  uz pretpostavku da A nije bolji od B.

Ako je  $\delta(x)$  velik (A ima F1 = 0.9, B ima F1 = 0.2)

- to bi bilo iznenađenje
- uz činjenicu da je H<sub>0</sub> istinita.
   (p-vrijednost niska)

Ako je  $\delta(x)$  malen (A ima F1 = 0.2, B ima F1 = 0.9)

- to nebi bilo iznenađenje
- uz pretpostavku da je H<sub>0</sub> istinita i
- da A zaista nije bolji od B. (p-vrijednost visoka)

$$P(\delta(X) \ge \delta(x) \mid H_0 \text{ je istina})$$

Vrlo mala p-vrijednost znači da je razlika koju smo uočili malo vjerojatna pod nul-hipotezom.

Odbacujemo nul-hipotezu.

Veoma mala: 0.05 ili 0.01

Rezultat (A je bolji od B) je **statistički značajan** ako promatrani  $\delta$  ima vjerojatnost koja je manja od praga.

Koristi se neparametarsko testiranje temeljeno na uzorkovanju:

umjetno stvaramo mnogo verzija postavki eksperimenta

#### Na primjer:

- kreiramo veliki broj testnih skupova x'
- za svaki izračunamo  $\delta(x')$
- dobivamo distribuciju
- odaberemo prag (npr. 0.01)
- ako za 99% testnih skupova vrijedi  $\delta(x) > \delta(x')$
- onda zaključujemo da je  $\delta$  našeg testnog skupa prava  $\delta$ , a ne umjetna

Može se primijeniti na bilo koju metriku (Acc, P, R, F1)

Bootstrap znači iterativno uzimati veliki broj malih uzoraka sa zamjenom iz originalnog velikog uzorka.

Jednostavan primjer:

Klasifikacija teksta s testnim skupom x od 10 dokumenata

Rezultati sustava A i B nad x s 4 moguća ishoda:

AB - oboje točno

AB - oboje pogrešno

AB - A točan, B pogrešan

AB - A pogrešan, B točan

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	A%	В%	δ
x	AB	0.70	0.50	0.20									

Sada stvorimo, recimo b = 10000 virtualnih testnih skupova gdje svaki sadrži n=10 dokumenata

Virtualni testni skup  $x^{(i)}$  dobijemo tako da iz originalnog testnog skupa x slučajnim odabirom s ponavljanjem uzmemo rezultat testiranja

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	A%	В%	δ
x	AB	0.70	0.50	0.20									
$x^{(1)}$	AB	0.60	0.60	0.00									
$x^{(2)}$	AB	0.60	0.70	-0.10									
•••													
$x^{(b)}$													

Imamo distribuciju!

Možemo provjeriti koliko često A ima slučajnu prednost

Uz pretpostavku 
$$H_0$$
 očekujemo  $\deltaig(x^{(i)}ig)=0$ 

Prebrojimo koliko puta  $\deltaig(x^{(i)}ig)$  prelazi 0 u odnosu na  $\delta(x)$ 

p-value = 
$$\frac{1}{b} \sum_{i=1}^{b} 1(\delta(x^{(i)}) - \delta(x) \ge 0)$$

- Međutim, uzorke nismo izvlačili iz distribucije čija je srednja vrijednost 0.
- Koristili smo originalni testni skup x koji je pristran (0.20) u korist sustava A.
- p-vrijednost stoga računamo koliko često  $\delta(x^{(i)})$  premašuje očekivanu vrijednost  $\delta(x)$  s  $\delta(x)$  ili više:

p-value = 
$$\frac{1}{b} \sum_{i=1}^{b} 1 \left( \delta(x^{(i)}) - \delta(x) \ge \delta(x) \right)$$
  
p-value =  $\frac{1}{b} \sum_{i=1}^{b} 1 \left( \delta(x^{(i)}) \ge 2\delta(x) \right)$