### Uvod u obradu prirodnog jezika

### 8.1. Generativni protiv diskriminativnih modela

Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

### Uvod

- Do sada smo razmatrali generativne modele
  - modeli jezika, Naivni Bayes
- Danas se često koriste uvjetni odnosno diskriminativni probabilistički modeli kod obrade prirodnog jezika, prepoznavanja govora, vračanju informacija (strojnom učenju općenito) jer:
  - su veoma precizni
  - omogućavaju uključivanje mnogih lingvistički značajnih osobina
  - omogućavaju automatsku izgradnju jezično nezavisnih modula za obradu prirodnog jezika

### Združeni protiv uvjetnog modela

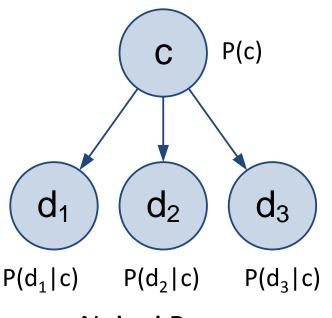
- Neka imamo skup {(d, c)} uparenih promatranih podataka d i skrivenih klasa c
- Združeni (generativni) model postavljaju vjerojatnosti nad promatranim podacima d i skrivenim stvarima P(c,d) (generiraju promatrane podatke temeljem skrivenih stvari)
  - Svi klasični statistički modeli obrade prirodnog jezika:
  - n-gram modeli, Naivni Bayesovi klasifikatori, skriveni Markovljevi modeli, probabilističke kontekstno neovisne gramatike, ...

### Združeni protiv uvjetnog modela

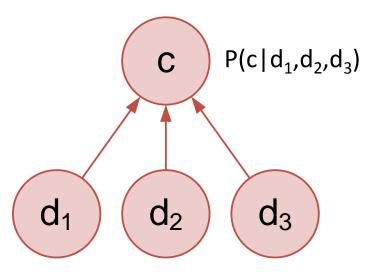
- Uvjetni (diskriminativni) model ostavlja podatke kako jesu i postavljaju vjerojatnost nad skrivenim stvarima za dane podatke P(c|d)
  - logistička regresija, modeli maksimalne entropije, uvjetna slučajna polja
  - stroj s potpornim vektorima, perceptroni ... su diskriminativni modeli koji nisu probabilistički

### Bayesova mreža / grafički model

- Bayesova mreža za vrhove ima slučajne varijable i lukove za direktne zavisnosti
- Neke varijable se promatraju, dok su neke skrivene
- Svaki čvor je mali klasifikator (tablica uvjetne vjerojatnosti) temeljem dolaznih lukova



Naivni Bayes Generativni model



Logistička regresija Diskriminativni model

### Uvjetna protiv združene vjerodostojnosti

- Združeni model daje vjerojatnosti P(d,c) i pokušava maksimizirati združenu vjerodostojnost
  - trivijalnim izborom težina: samo relativne frekvencije.
- Uvjetni model daje vjerojatnost P(c|d). Uzima podatke kakve jesu i modelira samo uvjetnu vjerojatnost klase
  - teži se maksimizaciji uvjetne vjerodostojnosti
  - teže za napraviti

### Uvjetni modeli rade dobro

- Primjer određivanja smisla riječi
- Čak i s istim osobimama, promjenom metode na uvjetnu se povećavaju performanse

Skup za treniranje	
Metoda	Točnost
Združena	86.8
Uvjetna	98.5

Skup za testiranje	
Metoda	Točnost
Združena	73.6
Uvjetna	76.1

# Uvod u obradu prirodnog jezika

### 8.2. Osobine diskriminativnog modela

### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

### Osobine (features)

- Osobina f je elementarni dio dokaza koji povezuje aspekte onoga što promatramo d (podatak) i onoga što predviđamo c (klasa)
- Osobina je realna funkcija

$$f: C \times D \rightarrow R$$

### Primjer osobina

```
f_1(c,d) \equiv [c = LOKACIJA \land w_1 = "u" \land imaPrvoSlovoVeliko(w)]
f_2(c,d) \equiv [c = LOKACIJA \land imaHrvatskeZnakove(w)]
f_3(c,d) \equiv [c=LIJEK \land završava(w,"c")]
```

LOKACIJA LOKACIJA LIJEK u Split u Čakovec uzima Prozac

OSOBA vidi Ivana

- Model će svakoj osobini pridružiti **težinu**:
  - Pozitivna težina govori da je vjerojatno točno
  - Negativna težina govori da vjerojatno nije točno

### Očekivanja osobina

- Iskorištavaju se dva očekivanja:
  - točan ili predviđeni broj korištenja osobina

• Empirijski broj (očekivanje) osobine

empirijski 
$$E(f_i) = \sum_{(c,d) \in promatran \notin (C,D)} f_i(c,d)$$

Model očekivanja osobine

$$E(f_i) = \sum_{(c,d)\in(C,D)} P(c,d) f_i(c,d)$$

### Osobine

- Kod obrade prirodnog jezika, osobina najčešće specificira
  - 1. binarnu funkciju svojstava ulaznih podataka
  - 2. određenu klasu

$$f_i(c, d) \equiv [\Phi(d) \land c = c_i]$$
 [vrijednost je 0 ili 1]

 Svaka osobina bira podskup podataka i sugerira kako će ih označiti

### Modeli zasnovani na osobinama

 Odlučivanje o mjestu u podacima se temelji na aktivnim osobinama na tom mjestu

#### **Podaci:**

POSAO: Dionice su dosegle

vrh ...

Oznaka: POSAO

Osobine: {..., dionice, su,

dosegle, vrh, ...}

Kategorizacija teksta

#### Podaci:

... za rekonstrukciju bankovnog: NOVAC duga

Oznaka: NOVAC

Osobine:  $\{..., w_{-1} = 1\}$ 

rekonstrukciju,  $w_1$  = duga,

L=9, ...}

#### Smisao riječi

#### Podaci:

N V A ... ulica je duga ...

Oznaka: A

**Osobine**:  $\{w = duga, t_{-1} = V,$ 

 $w_{-1} = je, ...$ 

#### POS označavanje

### Primjer: Kategorizacija teksta

- (Zhang and Oles 2001)
- Osobine su prisutnosti svake riječi u dokumentu i klasi dokumenta
- Testovi na klasičnim Reuters skupovima podataka
  - Naivni Bayes: 77.0% F1
  - Linearna regresija: 86.0%
  - Logistička regresija: 86.4%
  - SVM: 86.5%
- Rad ističe važnost regularizacije (izglađivanja) za uspješnu upotrebu diskriminativnih metoda.

### Drugi primjeri klasifikacije s maksimalnom entropijom

- MAXENT klasifikator koristiti kadgod se želi pridružiti mjesto podataka jednoj od brojnih klasa:
  - Detekcija granice rečenice (Mikheev 2000)
    - Je li točka kraj rečenice ili kratica?
  - Sentimentalna analiza (Pang and Lee 2002)
    - unigrami, bigrami riječi, brojenje POS, ...
  - prijedlozi u POS (Ratnaparkhi 1998)
    - Pridružiti glagolu ili imenici? Osobine glavne imenice, prijedloga itd.
  - Opće odlučivanje prilikom parsiranja (Ratnaparkhi 1997; Johnson et al. 1999, etc.)

### Uvod u obradu prirodnog jezika

# 8.3. Linearni klasifikator temeljen na osobinama (Feature-based linear classifier)

Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

- Linearni klasifikatori tijekom klasifikacije:
  - Linearna funkcija iz skupa osobina {f<sub>i</sub>} u skup klase {c}
  - Pridruživanje težine λ<sub>i</sub> svakoj osobini f<sub>i</sub>
  - Promatra se svaka klasa c za dane podatke d
  - Za par (c, d), osobine biraju njihovim težinama
    - biraj(c) =  $\sum \lambda_i f_i(c,d)$

$$\lambda_1$$
=1.8  $\lambda_2$ =-0.6  $\lambda_3$ =0.3 OSOBA LOKACIJA LIJEK  $u$  Čakovec  $u$  Čakovec  $u$  Čakovec

– Izabrana klasa c koja maksimizira vjerojatnost  $\Sigma \lambda_i f_i(c,d) = \text{LOKACIJA}$ 

- Postoje razni načini odabira težina za osobine:
  - Perceptron: pronađi trenutni pogrešno klasificiran primjer i guraj težine u smjeru njegove korektne klasifikacije
  - Granične metode (SVM)

- Eksponencijalni (log-linearni, maxent, logički, Gibbs) modeli:
  - Napravi probabilistički model iz linearne kombinacije  $\Sigma \lambda_i f_i(c,d)$

$$P(c \mid d, \lambda) = \frac{\exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c, d)}{\sum_{c'} \exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c', d)}$$
Čini biranje pozitivnim
Normalizira biranje

- $P(LOKACIJA | u Čakovec) = e^{1.8}e^{-0.6}/(e^{1.8}e^{-0.6} + e^{0.3} + e^{0}) = 0.586$
- $P(LIJEK | u Čakovec) = e^{0.3} / (e^{1.8}e^{-0.6} + e^{0.3} + e^{0}) = 0.238$
- $P(OSOBA | u Čakovec) = e^0 / (e^{1.8}e^{-0.6} + e^{0.3} + e^0) = 0.176$
- Težine su parametri probabilističkog modela

- Eksponencijalni (log-linearni, maxent, logistički, Gibbs) modeli:
  - Za ovaj oblik modela, izabrat ćemo parametre {λ<sub>i</sub>} koji
     maksimiziraju uvjetnu vjerojatnost podataka po ovom modelu.
  - Ne gradi se samo klasifikacija, već i distribucija vjerojatnosti nad klasifikacijom
    - postoje drugi (dobri) načini diskriminiranja klasa SVM, perceptroni ali nisu toliko trivijalne za interpretaciju distribucija nad klasama.

### Veza sa logističkom regresijom

 Maxent modeli u OPJ su esencijalno isti kao i modeli višeklasne logističke regresije u statistici (ili strojnom učenju)

### Uvod u obradu prirodnog jezika

### 8.4. Izgradnja MaxEnt modela

### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

### Izgradnja MaxEnt modela

- Definiranje osobina nad mjestima u podacima
  - osobine predstavljaju skupove mjesta u podacima koji su dovoljno karakteristični da zasluže parametre modela:
    - riječi, riječi s brojem, riječi koje završavaju na "iti", itd.
- Kodiranje  $\Phi$  osobine kao jedinstveni string
  - Podatak će dovesti do niza stringova; aktivnih  $\Phi$  osobina
  - Svaka osobina  $f_i(c, d) \equiv [\Phi(d) \land c = c_j]$  dobiva težinu kao realni broj

### Izgradnja MaxEnt modela

- Osobine se često dodavaju tijekom razvoja modela kako bi označili pogreške
  - Često, najjednostavnije je dodavati osobine koje označavaju loše kombinacije
- Tada, za svaku težinu osobine, želimo biti u stanju izračunati:
  - uvjetnu vjerojatnost podataka
  - derivaciju vjerojatnosti sa težinom modela
    - koristi očekivanja za svaku osobinu po modelu
- Sada se mogu odrediti optimalne težine osobina

# Uvod u obradu prirodnog jezika

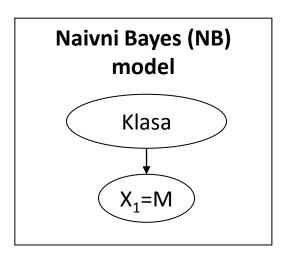
### 8.5. Problem nadbrojavanja dokaza

### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

### Klasifikacija teksta: Azija ili Evropa?





#### **NB** faktori

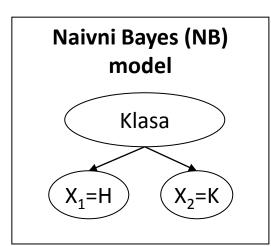
- P(A) = P(E) = 4/8 = 1/2
- P(M|A) = 2/8 = 1/4
- P(M|E) = 6/8 = 3/4

### **Predikcije**

- P(A,M) = 1/2 \* 1/4 = 1/8
- P(E,M) = 1/2 \* 3/4 = 3/8
- P(A|M) = (1/8) / (8/16) = 1/4
- P(E|M) = (3/8) / (8/16) = 3/4

### Klasifikacija teksta: Azija ili Evropa?





#### **NB** faktori

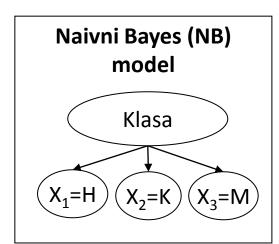
- P(A) = 4/8 = 1/2
- P(E) = 4/8 = 1/2
- P(H|A) = P(K|A) = 3/8
- P(H|E) = P(K|E) = 1/8

### **Predikcije**

- $P(A,H,K) = 1/2 * 3/8 * 3/8 \propto 9$
- $P(E,H,K) = 1/2 * 1/8 = 1/8 \propto 1$
- P(A|H,K) = 9/(9+1) = 9/10
- P(E|H,K) = 1/(9+1) = 1/10

### Klasifikacija teksta: Azija ili Evropa?





#### **NB** faktori

- P(A) = 4/8 = 1/2
- $P(E) = 4/8 = \frac{1}{2}$
- P(M|A) = 2/8 = 1/4
- P(M|E) = 6/8 = 3/4
- P(H|A) = P(K|A) = 3/8
- P(H|E) = P(K|E) = 1/8

#### **Predikcije**

- $P(A,H,K,M) = 1/2 * 3/8 * 3/8 * 1/4 \propto 9$
- $P(E,H,K,M) = 1/2 * 1/8 * 1/8 * 3/4 \propto 3$
- P(A|H,K,M) = 9/(9+3) = 9/12 = 3/4
- P(E|H,K,M) = 3/(9+3) = 3/12 = 1/4

### Naivni Bayes protiv MaxEnt modela

- Naivni Bayesovi modeli višestruko broje dokaze koji su povezani
  - Svaka osobina je pomnožena, iako postoji više osobina koje govore o istoj stvari

- MaxEnt modeli (u većini) rješavaju ovaj problem
  - To se postiže određivanjem težina osobinama rezultirajući da očekivanja modela odgovaraju promatranim očekivanjima

### Uvod u obradu prirodnog jezika

# 8.6. Maksimizacija vjerodostojnosti

#### Branko Žitko

prevedeno od: Dan Jurafsky, Chris Manning

### Vjerodostojnost eksponencijalnog modela

- Maksimalni (uvjetni) modeli vjerodostojnosti
  - za dani model, odaberi parametre tako da se maksimizira (uvjetne)
     vjerodostojnosti podataka

$$\log P(C \mid D, \lambda) = \sum_{(c,d) \in (C,D)} \log P(c \mid d, \lambda) = \sum_{(c,d) \in (C,D)} \log \frac{\exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c,d)}{\sum_{c'} \exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c',d)}$$

### Vrijednost vjerodostojnosti

 (Logaritamska) uvjetna vjerodostojnost promatranih podataka (C, D) po maxent modelu je funkcija podataka i parametara λ:

$$\log P(C \mid D, \lambda) = \log \prod_{(c,d) \in (C,D)} P(c \mid d, \lambda) = \sum_{(c,d) \in (C,D)} \log P(c \mid d, \lambda)$$

• Ako nema mnogo vrijednosti od c, jednostavno se izračuna:

$$\log P(C \mid D, \lambda) = \sum_{(c,d) \in (C,D)} \log \frac{\exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c,d)}{\sum_{c'} \exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c',d)}$$

### Vrijednost vjerodostojnosti

Možemo izdvojiti dvije komponente:

$$\log P(C \mid D, \lambda) = \sum_{(c,d) \in (C,D)} \log \exp \sum_{i} \lambda_i f_i(c,d) - \sum_{(c,d) \in (C,D)} \log \sum_{c'} \exp \sum_{i} \lambda_i f_i(c',d)$$

$$\log P(C \mid D, \lambda) = N(\lambda) - M(\lambda)$$

Derivacija je razlika derivacija svake komponente

### Derivacija brojnika

$$\frac{\partial N(\lambda)}{\partial \lambda_i} = \frac{\partial \sum\limits_{(c,d) \in (C,D)} \log \exp \sum\limits_{i} \lambda_i f_i(c,d)}{\partial \lambda_i} = \frac{\partial \sum\limits_{(c,d) \in (C,D)} \sum\limits_{i} \lambda_i f_i(c,d)}{\partial \lambda_i}$$

$$= \sum_{(c,d) \in (C,D)} \frac{\partial \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c,d)}{\partial \lambda_{i}} = \sum_{(c,d) \in (C,D)} f_{i}(c,d)$$

Derivacija brojnika je stvarni broj(f<sub>i</sub>,c)

### Derivacija nazivnika

$$\begin{split} \frac{\partial M\left(\lambda\right)}{\partial \lambda_{i}} &= \frac{\partial \sum_{(c,d) \in (C,D)} \log \sum_{c'} \exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c',d)}{\partial \lambda_{i}} \\ &= \sum_{(c,d) \in (C,D)} \frac{1}{\sum_{c''} \exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c'',d)} \frac{\partial \sum_{c'} \exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c',d)}{\partial \lambda_{i}} \\ &= \sum_{(c,d) \in (C,D)} \frac{1}{\sum_{c''} \exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c'',d)} \sum_{c'} \frac{\exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c',d)}{1} \frac{\partial \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c',d)}{\partial \lambda_{i}} \\ &= \sum_{(c,d) \in (C,D)} \sum_{c''} \frac{\exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c'',d)}{\sum_{c''} \exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c'',d)} \frac{\partial \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c',d)}{\partial \lambda_{i}} \\ &= \sum_{(c,d) \in (C,D)} \sum_{c'} \sum_{c''} \exp \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c'',d) \frac{\partial \sum_{i} \lambda_{i} f_{i}(c',d)}{\partial \lambda_{i}} \\ &= \sum_{(c,d) \in (C,D)} \sum_{c'} \sum_{c''} P(c'|d,\lambda) f_{i}(c',d) \end{split}$$

Derivacija nazivnika je predviđen broj(f<sub>i</sub>,c)

### Derivacija

$$\frac{\partial \log P(C \mid D, \lambda)}{\partial \lambda_i} = \text{stvaran } broj(f_i, c) - \text{predviđen } broj(f_i, c)$$

- Optimalni parametri su oni kod kojih je predviđeno očekivanje jednako epmirijskom očekivanju.
- Optimalna distribucija:
  - uvijek je jedinstvena (ali parametri ne moraju biti jedinstveni)
  - uvijek postoji (ako su odabrane osobine nad aktualnim podacima)
- Ovi modeli se zovu modeli maksimalne entropije

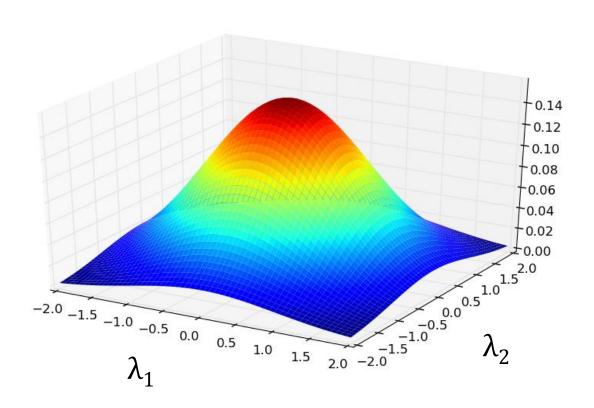
### Pronalaženje optimalnih parametara

• Želimo odabrati parametre  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ ,  $\lambda_3$  ... koji maksimiziraju uvjetni logaritam vjerodostojnosti (conditional log likelihood) podataka za treniranje

$$CLogLik(D) = \sum_{i=1}^{n} \log P(c_i \mid d_i)$$

 Kako bi to napravili, pokazali smo kako se računaju parcijalne derivacije (gradijent)

# Površina vjerodostojnosti



### Pronalaženje optimalnih parametara

- GD Gradijentno spuštanje (Gradient Descent)
   SGD Stohastičko gradijentno spuštanje
- GIS Generalized Iterative Scaling
   IIS Improved iterative Scaling
- 3. CG Conjugate Gradient
- 4. Kvazi-Newtonove metode