TUGAS PERBAIKAN

METODE NUMERIK INTEGRAL REINMANN



Oleh:

NAMA : MUHAMMAD TOMY ISKANDAR 361655401091

ABDUL BASYIT ALY 361655401092

RHIZA UMAMI MUZAKKI 361655401116

KELAS : 1D

MATA KULIAH : METODE NUMERIK

TEKNIK INFORMATIKA

POLITEKNIK NEGERI BANYUWANGI

2017

PRAKTIKUM 14 Integrasi Numerik Metode Integral Reimann

Tujuan:

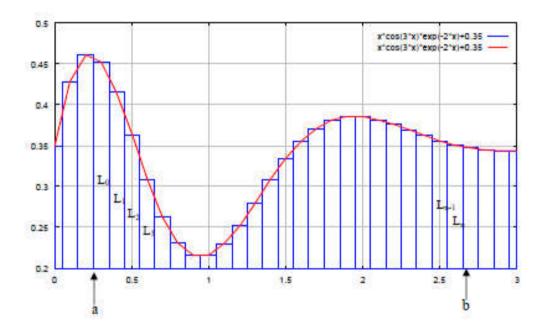
Mempelajari metode integral Reimann untuk penyelesaian integrasi numerik

Dasar Teori :

Metode integral Reimann ini merupakan metode integral yang digunakan dalam kalkulus, dan didefinisikan dengan :

$$\int_{0}^{b} f(x)dx = \lim_{\Delta x \to 0} \sum_{i=0}^{n} f(x_{i}) \Delta x$$

Pada metode ini, luasan yang dibatasi oleh y = f(x) dan sumbu x dibagi menjadi N bagian pada range x = [a, b] yang akan dihitung. Kemudian dihitung tinggi dari setiap 3 tep ke-I yaitu $f(x_i)$. L_i adalah luas setiap persegi panjang dimana $L_i = f(x_i)$. Δx_i



Luas keseluruhan adalah jumlah Li dan dituliskan :

$$L = L_0 + L_1 + L_2 + ... + L_n$$

= $f(x_0) \Delta x_0 + f(x_1) \Delta x_1 + f(x_2) \Delta x_2 + ... + f(x_n) \Delta x_3$
= $\sum_{i=0}^{n} f(x_i) \Delta x_i$

Bila diambil $\Delta x_0 = \Delta x_1 = \Delta x_2 = ... = \Delta x_n = L$ maka didapat metode integral reimam sebagai berikut :

$$\int_{a}^{b} f(x)dx = h \sum_{i=0}^{n} f(x_i)$$

Algoritma Metode Integral Reimann:

- (1) Definisikan fungsi f(x)
- (2) Tentukan batas bawah dan batas ata integrasi
- (3) Tentukan jumlah pembagi area N
- (4) Hitung h=(b-a)/N

(5) Hitting
$$L = h \sum_{i=0}^{N} f(x_i)$$

Tugas Pendahuluan

Tuliskan dasar-dasar komputasi dari metode Reimann untuk menyelesaikan integrasi numerik, sebagai berikut :

- 1. Judul: METODE REIMANN
- 2. Dasar teori dari metode reimann
- 3. Algoritma dan Flowchart

Prosedur Percobaan

Didefinisikan suatu fungsi yang akan dicari nilai integrasinya :

$$f(x)=x^2$$

- Implementasikan algoritma yang sudah diberikan dan dikerjakan pada laporan pendahuluan, lalu isi lembaran laporan akhir seperti form laporan akhir yang ditentukan
- Jalankan program, dengan memasukkan berbagai macam nilai jumlah pembagi area (=Σbilah,=N), dan tuliskan semua hasil yang telah dicoba (ambil N=10, 20, 50, 100, 500 dan 1000)
- Hitung pula nilai error dari selisih luasan eksak dan luasan dengan metode integral reimann
- Apa pengaruh besal kecilnya nilai N terhadap error yang dihasilkan

udul Per Algoritm	cobaan : METODE INTEGRAL REIMANN a :
isting p	rogram yang sudah benar :
Hasil ne	rcobaan :
	Range batas bawah dan batas atas = [,]
	umlah pembagi area N (=Σbilah) =
	Vilai L luasan dengan Metode Reimann =
	Vilai L luasan eksak (kalkulus) =
	Vilai e error =
The second second	s/d 5 diulangi untuk N=10, 20, 50, 100, 500 dan 1000
	(2) (경기 (1997) (2) (전 1997) (
Apa pen	garuh besal kecilnya nilai N pada error yang dihasilkan :
	On the state of th

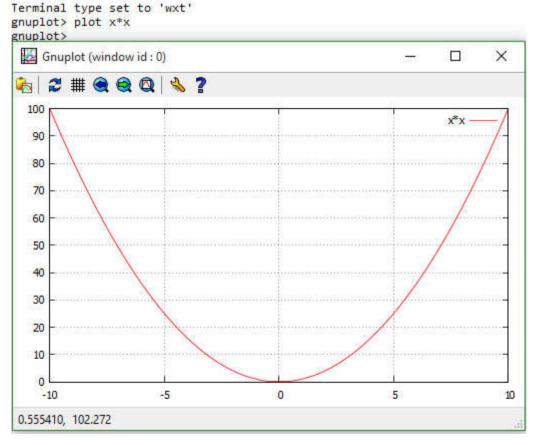
Form Laporan Akhir

- A. Judul Percobaan = Metode Integral Reinmann
- B. Algoritma:
 - (1) Definisikan fungsi f(x)
 - (2) Tentukan batas bawah dan batas ata integrasi
 - (3) Tentukan jumlah pembagi area N
 - (4) Hitung h=(b-a)/N
 - (5) Hitung $L = h \cdot \sum_{i=1}^{n} f(x_i)$
- C. Source Code Program yang sudah benar :

```
6
      package integral;
 8  import static java.lang.Math.abs;
 9
    import java.util.Scanner;
10
11 - /**
12
       * @author Asus
13
14
15
      public class reinmann {
      static double fx (double x)
16
17
          {
18
              return x*x;
19
          1
20
      static double fx eksak (double x)
21 🖃
          {
22
              return (x*x*x)/3;
23
          1
   -
          /**
24
25
           * @param args the command line arguments
26
   -
27
          public static void main (String[] args) {
28
              Scanner sc=new Scanner (System.in);
29
              double h ;
30
              double x ;
31
              double fxi;
32
              double jum luas;
              double jum_eksak;
33
              double error;
34
35
              double L;
```

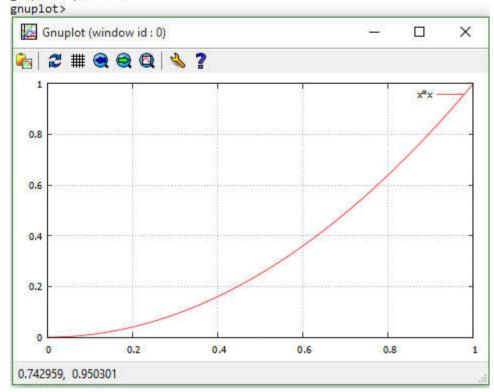
```
36
              System.out.print("Inputkan Batas Bawah : ");
37
              double a = sc.nextDouble();
38
              System.out.print("Inputkan Batas Atas
39
              double b = sc.nextDouble();
40
              System.out.print("Inputkan Jumlah Segmen : ");
41
              double n = sc.nextDouble();
              System.out.print("i \t x \t f(x) \n");
42
43
              h = (b-a)/n;
44
              x=a;
45
              jum luas=0;
46
             int i;
47
              for(i=1;i<=n;i++) {
48
                  if (x<=b+h) {
49
                       fxi=fx(x);
50
                       L=h*fxi;
                       System.out.print(+i+ " \t "+x+" \t "+fxi+" \n");
51
52
                       jum luas=jum luas+L;
53
                       x=x+h;
54
                  }
55
              1
56
              jum_eksak = fx_eksak(b) - fx_eksak(a);
57
              error= abs(jum luas-jum eksak);
              System.out.println("Hasil integral eksak = "+jum eksak);
58
59
              System.out.println("Hasil integral reimann = "+jum luas);
              System.out.println("error = "+error);
60
61
          }}
```

Pertama kita plot dahulu fungsinya yaitu f(x) = x*x



ini kita lakukan untuk menentukan batas atas (b) dan batas bawah (a) yang nantinya kita gunakan untuk inputan pada program java maupun excel. Karena kurang jelas maka kita langsung lakukan set xrange [0:1] maka menjadi grafik / kurva seperti dibawah :

```
Terminal type set to 'wxt' gnuplot> plot x*x gnuplot> set xrange[0:1] gnuplot> plot x*x
```



Maka kita mendapatkan batas atas (b)= 1 dan batas bawah (a) = 0 yang nantinya akan diinputkan pada program.

HASIL PERCOBAAN

a. untuk pembagi (n) = 10

Program java netbeans

```
Inputkan Batas Bawah
 Inputkan Batas Atas : 1
 Inputkan Jumlah Segmen : 10
      x
 i
             f(x)
3 1
      0.0 0.0
      2
      0.30000000000000004
                         0.090000000000000000
      0.4 0.16000000000000000
 6
      0.5
             0.25
 7
      0.6 0.36
 8
             0.4899999999999994
      0.7
      9
 10
 Hasil integral eksak = 0.33333333333333333
 Hasil integral reimann = 0.2849999999999999
 error = 0.04833333333333333
 BUILD SUCCESSFUL (total time: 4 seconds)
```

Dan didapatkan:

error = 0.04833333333333333333

program table excel

	$f(x) = x^*x$		i	х	fx	Luas
	f(x) eksak = x*x*x / 3		1	0	0	0
	batas bawah (a)	0	2	0,1	0,01	0,001
	batas atas (b)	1	3	0,2	0,04	0,004
	jumlah pembagi (n)	10	4	0,3	0,09	0,009
	h=(b-a)/n	0,1	5	0,4	0,16	0,016
			6	0,5	0,25	0,025
	hasil metode reimann	0,285	7	0,6	0,36	0,036
	Hasil eksak (kalkulus)	0,333333333	8	0,7	0,49	0,049
)	nilai error	0,048333333	9	0,8	0,64	0,064
L			10	0,9	0,81	0,081

Dan didapatkan:

hasil metode reimann = 0.285

Hasil eksak (kalkulus) = 0.3333333333

nilai error = 0.0483333333

dengan begitu maka dapat disimpulkan pada:

- 1. Range batas bawah dan batas atas = [0:1]
- 2. Jumlah pembagi area (n) = 10
- 3. Nilai luasan metode reinmann = 0.28499999999999999999 (java) dan 0,285 (excel)

b. untuk pembagi (n) = 20

Program java netbeans

```
Inputkan Batas Bawah : 0
  Inputkan Batas Atas
Inputkan Jumlah Segmen : 20
     x
           f(x)
      0.0
  1
            0.0
      0.05 0.002500000000000000
0.1 0.010000000000000002
  2
  3
      4
      0.2 0.04000000000000001
  5
  6
      0.25 0.0625
       0.3
           0.09
0.1224999999999998
  7
  8
       0.35
       0.3999999999999999999999999999
  9
  10
      0.4499999999999999999999999999999999
  11
      12
  13
       0.6 0.36
       0.65
           0.422500000000000004
  14
      15
       0.75000000000000001
                     0.56250000000000002
       17
     18
  19
  20
  Hasil integral eksak = 0.33333333333333333
  Hasil integral reimann = 0.30875000000000014
  error = 0.024583333333333338
  BUILD SUCCESSFUL (total time: 6 seconds)
```

Dan didapatkan:

program table excel

program more exect	_	_		_		_
f(x) = x*x			i	х	fx	Luas
f(x) eksak = x*x	f(x) eksak = x*x*x / 3		1	0	0	0
batas bawah (a)	0		2	0,05	0,0025	0,000125
batas atas (b)	1		3	0,1	0,01	0,0005
jumlah pembagi (n)	20		4	0,15	0,0225	0,001125
h=(b-a)/n	0,05		5	0,2	0,04	0,002
			6	0,25	0,0625	0,003125
hasil metode reimann	0,30875		7	0,3	0,09	0,0045
Hasil eksak (kalkulus)	0,333333333	ļ	8	0,35	0,1225	0,006125
nilai error	0,024583333	ľ	9	0,4	0,16	0,008
			10	0,45	0,2025	0,010125
			11	0,5	0,25	0,0125
			12	0,55	0,3025	0,015125
			13	0,6	0,36	0,018
			14	0,65	0,4225	0,021125
			15	0,7	0,49	0,0245
			16	0,75	0,5625	0,028125
			17	0,8	0,64	0,032
			18	0,85	0,7225	0,036125
			19	0,9	0,81	0,0405
			20	0,95	0,9025	0,045125

Dan didapatkan:

```
hasil metode reimann = 0,30875
Hasil eksak (kalkulus) = 0,333333333
nilai error = 0,024583333
```

dengan begitu maka dapat disimpulkan pada:

- 1. Range batas bawah dan batas atas = [0:1]
- 2. Jumlah pembagi area (n) = 20
- 3. Nilai luasan metode reinmann = 0.3087500000000014 (java) dan 0,30875 (excel)

- c. Untuk pembagi (n) = 50

Program java netbeans

```
Output - pak endi tugas akhir (run)
run:
Inputkan Batas Bawah : 0
   Inputkan Batas Atas : 1
   Inputkan Jumlah Segmen : 50
à i
             ∠(x
0.0
        x
               f(x)
        0.0
 1
        0.02
 2
               4.0E-4
 3
        0.04
                0.0016
        0.06 0.0036
4
```

Dipotong karena terlalu banyak

```
32
         33
         0.64000000000000000
                              0.40960000000000003
34
         0.6600000000000000
                              0.43560000000000003
35
         0.68000000000000003
                              0.462400000000000037
         0.7000000000000000
                              0.49000000000000004
  36
          0.7200000000000000
  37
                               0.51840000000000004
          0.7400000000000003
                               0.54760000000000005
  38
          0.76000000000000003
                               0.57760000000000006
  39
          0.78000000000000004
                               0.6084000000000006
  40
  41
         0.8000000000000004
                              0.64000000000000006
  42
         0.82000000000000004
                              0.67240000000000007
         0.8400000000000004
                              0.70560000000000007
  43
                              0.73960000000000007
         0.86000000000000004
  44
          0.8800000000000004
                              0.7744000000000008
  45
          0.90000000000000005
  46
          0.92000000000000005
                               0.84640000000000009
  47
          0.94000000000000005
                              0.88360000000000009
  48
  49
          0.9600000000000000
                              0.92160000000000001
          0.98000000000000005
                               0.9604000000000001
  Hasil integral eksak = 0.33333333333333333
  Hasil integral reimann = 0.32340000000000013
  error = 0.0099333333333333183
  BUILD SUCCESSFUL (total time: 6 seconds)
```

Dan didapatkan:

program table excel

$f(x) = x^*x$			i	X	fx	Luas
f(x) eksak = x*x	f(x) eksak = x*x*x / 3		1	0	0	0
batas bawah (a)	0		2	0,02	0,0004	0,000008
batas atas (b)	1		3	0,04	0,0016	0,000032
jumlah pembagi (n)	50		4	0,06	0,0036	0,000072
h=(b-a)/n	0,02		5	0,08	0,0064	0,000128
			6	0,1	0,01	0,0002
hasil metode reimann	0,3234		7	0,12	0,0144	0,000288
Hasil eksak (kalkulus)	0,333333333		8	0,14	0,0196	0,000392
nilai error	0,009933333		9	0,16	0,0256	0,000512

Dipotong karena terlalu banyak.

35	0,68	0,4624	0,009248
36	0,7	0,49	0,0098
37	0,72	0,5184	0,010368
38	0,74	0,5476	0,010952
39	0,76	0,5776	0,011552
40	0,78	0,6084	0,012168
41	0,8	0,64	0,0128
42	0,82	0,6724	0,013448
43	0,84	0,7056	0,014112
44	0,86	0,7396	0,014792
45	0,88	0,7744	0,015488
46	0,9	0,81	0,0162
47	0,92	0,8464	0,016928
48	0,94	0,8836	0,017672
49	0,96	0,9216	0,018432
50	0,98	0,9604	0,019208

Dan didapatkan:

hasil metode reimann = 0.3234

Hasil eksak (kalkulus) = 0.3333333333

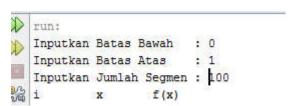
nilai error = 0,009933333

dengan begitu maka dapat disimpulkan pada:

- 1. Range batas bawah dan batas atas = [0:1]
- 2. Jumlah pembagi area (n) = 50
- 3. Nilai luasan metode reinmann = 0.323400000000013 (java) dan 0.3234 (excel)

- d. Untuk pembagi (n) = 100

Program java netbeans



```
0.880000000000000 0.77440000000001
0.89000000000000 0.79210000000001
89
90
                            0.8100000000000001
91
      0.9000000000000006
      0.9100000000000006
92
                            0.82810000000000011
93
      0.9200000000000006
                            0.8464000000000001
94
      0.9300000000000006
                            0.8649000000000011
95
      0.9400000000000006
                            0.88360000000000012
      0.9500000000000006
                            0.90250000000000012
      0.9600000000000006
97
                            0.92160000000000012
      0.9700000000000006
98
                            0.94090000000000013
       0.98000000000000006
                            0.96040000000000013
99
      100
Hasil integral eksak = 0.33333333333333333
Hasil integral reimann = 0.32835000000000036
error = 0.0049833333333332951
BUILD SUCCESSFUL (total time: 7 seconds)
```

Dan didapatkan:

program table excel

$f(x) = x^*x$	$f(x) = x^*x$		i	х	fx	Luas
f(x) eksak = x*x	f(x) eksak = x*x*x / 3		1	0	0	0
batas bawah (a)	0		2	0,01	0,0001	0,000001
batas atas (b)	1		3	0,02	0,0004	0,000004
jumlah pembagi (n)	100		4	0,03	0,0009	0,000009
h=(b-a)/n	0,01		5	0,04	0,0016	0,000016
			6	0,05	0,0025	0,000025
hasil metode reimann	0,32835		7	0,06	0,0036	0,000036
Hasil eksak (kalkulus)	0,333333333		8	0,07	0,0049	0,000049
nilai error	0,004983333		9	0,08	0,0064	0,000064
			ا در	ا عدرن	U,0404	0,000404
			94	0,93	0,8649	0,008649
			95	0,94	0,8836	0,008836

94	0,93	0,8649	0,008649
95	0,94	0,8836	0,008836
96	0,95	0,9025	0,009025
97	0,96	0,9216	0,009216
98	0,97	0,9409	0,009409
99	0,98	0,9604	0,009604
100	0,99	0,9801	0,009801

Dan didapatkan:

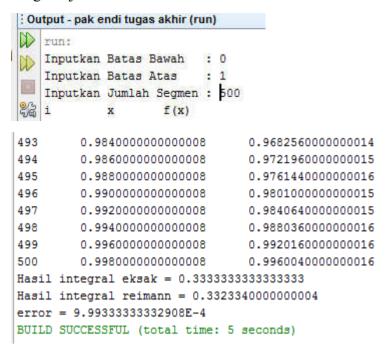
hasil metode reimann = 0,32835 Hasil eksak (kalkulus) = 0,333333333 nilai error = 0,004983333

dengan begitu maka dapat disimpulkan pada:

- 1. Range batas bawah dan batas atas = [0:1]
- 2. Jumlah pembagi area (n) = 100
- 3. Nilai luasan metode reinmann = 0.3283500000000036 (java) dan 0.32835 (excel)
- 5. Nilai error = 0.0049833333333332951 (java) dan 0.004983333 (excel)

e. Untuk pembagi (n) = 500

Program java netbeans



Dan didapatkan:

program table excel

f(x) = x*x		i	X	fx	Luas
f(x) eksak = x*x*x / 3		1	0	0	0
batas bawah (a)	0	2	0,002	0,000004	0,000000008
batas atas (b)	1	3	0,004	0,000016	0,000000032
jumlah pembagi (n)	500	4	0,006	0,000036	0,000000072
h=(b-a)/n	0,002	5	0,008	0,000064	0,000000128
		6	0,01	0,0001	0,0000002
hasil metode reimann	0,332334	7	0,012	0,000144	0,000000288
Hasil eksak (kalkulus)	0,333333333	8	0,014	0,000196	0,000000392
nilai error	0,000999333	9	0,016	0,000256	0,000000512
	'			•	,
		492	0,982	0,964324	0,001928648
		493	0,984	0,968256	0,001936512
		494	0,986	0,972196	0,001944392
		495	0,988	0,976144	0,001952288
		496	0,99	0,9801	0,0019602
		497	0,992	0,984064	0,001968128
		498	0,994	0,988036	0,001976072
		499	0,996	0,992016	0,001984032
		500	0,998	0,996004	0,001992008

Dan didapatkan:

hasil metode reimann = 0,332334 Hasil eksak (kalkulus) = 0,333333333 nilai error = 0,000999333 dengan begitu maka dapat disimpulkan pada:

- 1. Range batas bawah dan batas atas = [0:1]
- 2. Jumlah pembagi area (n) = 500
- 3. Nilai luasan metode reinmann = 0.3323340000000004 (java) dan 0.332334 (excel)
- 5. Nilai error = 9.99333333332908E-4 (java) dan 0,000999333 (excel)
- f. Untuk pembagi (n) = 1000

Program java netbeans

```
run:
Inputkan Batas Bawah
Inputkan Batas Atas : 1
Inputkan Jumlah Segmen: 1000
              f(x)
        х
993
        0.99200000000000008
                              0.9840640000000015
994
        0.9930000000000008
                              0.9860490000000015
995
        0.99400000000000008
                              0.9880360000000016
996
        0.99500000000000008
                              0.9900250000000015
        0.9960000000000008
997
                               0.9920160000000016
998
        0.99700000000000008
                               0.9940090000000016
999
        0.9980000000000008
                               0.9960040000000016
        0.9990000000000008
                               0.9980010000000016
Hasil integral eksak = 0.33333333333333333
Hasil integral reimann = 0.33283350000000095
error = 4.998333333333668E-4
BUILD SUCCESSFUL (total time: 55 seconds)
```

Dan didapatkan:

program table excel

_						
$f(x) = x^*x$		i	X	fx	Luas	
f(x	f(x) eksak = x*x*x / 3		1	0	0	0
batas b	awah (a)	0	2	0,001	0,000001	0,000000001
batas	atas (b)	1	3	0,002	0,000004	0,000000004
jumlah p	embagi (n)	1000	4	0,003	0,000009	0,000000009
h=(k	b-a)/n	0,001	5	0,004	0,000016	0,000000016
			6	0,005	0,000025	0,000000025
hasil meto	de reimann	0,3328335	7	0,006	0,000036	0,000000036
Hasil eksa	k (kalkulus)	0,333333333	8	0,007	0,000049	0,000000049
nila	i error	0,000499833	9	0,008	0,000064	0,000000064
				_		
7			996	0,995	0,990025	0,000990025
3			997	0,996	0,992016	0,000992016
)			998	0,997	0,994009	0,000994009
0			999	0,998	0,996004	0,000996004
1			1000	0,999	0,998001	0,000998001

Dan didapatkan:

```
hasil metode reimann = 0.3328335
Hasil eksak (kalkulus) = 0.3333333333
nilai error = 0.000499833
```

dengan begitu maka dapat disimpulkan pada:

- 1. Range batas bawah dan batas atas = [0:1]
- 2. Jumlah pembagi area (n) = 1000
- 3. Nilai luasan metode reinmann = 0.3328335000000095 (java) dan 0.3328335 (excel)
- 5. Nilai error = 4.998333333333333668E-4 (java) dan 0.000499833 (excel)

Apa pengaruh besal kecilnya nilai N pada error yang dihasilkan:

Pengaruh dari N atau jumlah pembagi area pada error adalah jika pembaginya semakin besar maka nilai errornya akan semakin sedikit atau mendekati nilai 0. Saya bisa pastikan begitu karena pada percobaan

```
nilai n=10 nilai errornya = 0.048333333333333395 kemudian
nilai n=20 nilai errornya = 0.02458333333333318 kemudian
nilai n=100 nilai errornya = 0.004983333333332951 kemudian
nilai n=500 nilai errornya = 0,000999333 kemudian
nilai n=1000 nilai errornya = 0,000499833
```

dan akan semakin mendekati nol (0) jika pembaginya / n di perbesar.

Cara kerja dari metode integral reinmann adalah dengan membuat sayatan sayatan persegi panjang didalam bidang yang akan dihitung luasnya yaitu kurva / grafik fx=x*x. Setelah terbuat kurva dari persamaan tersebut sekarang buat persegi panjangnya, jika perseginya semakin banyak maka area yang dari kurva tersebut bisa tertutupi oleh persegi panjangnya jika perseginya sedikit maka area yang ditutupi dari kurva dari persamaan fx=x*x semakin banyak / longgar sehingga menghasilkan nilai error yang lebih banyak dibandingkan jika perseginya / nilai pembaginya banyak karena akan menghasilkan nilai error yang akan mendekati nilai 0.

Untuk mencari nilai error didapatkan dari hasil perhitungan metode reinmann – perhitungan eksak kalkulus. Dimana untuk mendapatkan metode eksak maka persamaan fx =x*x harus diintegralkan maka menjadi x*x*x/3 kemudian masukkan nilai dari batas atas lalu dikurangi batas bawah atau dapat di tulis 1*1*1/3 - 0*0*0/3 dimana 1 adalah batas atasnya dan 0 sebagai batas bawahnya maka mengahasilkan nilai eksak kalkulus yaitu = 0,333333333

Untuk mencari hasil metode reinmann maka harus dilakukan perhitungan diantaranya h=(bawah-atas)/pembagi. Setelah itu cari fx-nya dengan cara memasukkan bilangan dari x kedalam persamaan fx=x*x dimana dalam mencari x adalah dengan cara menambahakan nilai dari awalnya yaitu batas bawah + nilai h. Lalu hitung luasnya dengan cara hasil dari fx tersebut dikali dengan h. Dan dilakukan terus menerus hingga pembaginya terpenuhi, jika pembaginya 10 maka proses iterasi = 10 lalu dijumlahkan hasil dari luas ke 1 hingga ke 10 maka akan menjadi nilai pendekatan dari metode reinmann.