



DEPARTAMENTO
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

Trabajo Práctico 2

Tirate un qué, tirate un ranking... [Primera entrega]

5 de octubre de 2014

Métodos Numéricos

Grupo Autodenominado "Los Pichis"

Integrante	LU	Correo electrónico
De Sousa Bispo, Germán Edgardo	359/12	german_nba11@hotmail.com
De Sousa Bispo, Mariano Edgardo	389/08	marian_sabianaa@hotmail.com
Valdés Castro, Tobías	800/12	tobias.vc@hotmail.com

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (54 11) 4576-3359

<http://www.fcen.uba.ar>

Índice

Introducción	2
1. Desarrollo	3
1.1. Ideas sobre la Implementación	3
1.1.1. Características generales del problema	3
1.2. Implementación	3
1.2.1. Implementación con matriz Column Row Sparse (CRS)	3
1.2.2. Problemas en la Implementación	3
1.3. Experimentación	3
1.3.1. Convergencia de PageRank	3
1.3.2. Convergencia de HITS	3
1.3.3. Tiempo de Cómputo	3
1.3.4. Análisis Cualitativo	3
1.3.5. Casos de Ejemplo	3
2. Conclusión	3
3. Bibliografía y referencias	3

Introducción

Los talentosos y apuestos muchachos que instauraron la moda de los cabellos raros y los pasos bailables más utilizados en los últimos años han caído lentamente en el olvido. Con el fin de volver a su momento de gloria, el grupo tropical nos ha contactado para brindarles una solución teniendo en cuenta el bajo presupuesto con el que cuentan en el momento.

Teniendo en cuenta que los motores de búsqueda son herramientas claves para explorar la red y para determinar un orden de páginas según cierta importancia para presentar la información en orden de relevancia, el equipo de Métodos Numéricos ha llegado a la conclusión que, para que el grupo de genios musicales obtenga el nivel de divulgación necesario para volver a todos los televisores nacionales e internacionales, debe figurar en páginas importantes en la web. El problema ahora radica en cuáles son las páginas importantes que posicionarán al grupo en los primeros links de cualquier búsqueda tropical.

De esta manera, el grupo autodenominado “Los Pichis” comenzó la labor de estudiar algunos de los más conocidos algoritmos de búsqueda: *In-Degree*, *PageRank* y *Hyperlink-Induced Topic Search* (HITS).

El primero se basa en generar el ranking de importancia de la web teniendo en cuenta solamente la cantidad de links que apuntan a la página. Mientras mayor sea la cantidad de links, más importante es la página.

PageRank es un algoritmo que luego de buscar en toda la red e indexar los datos obtenidos para realizar una búsqueda eficiente, rankea la importancia de la base de datos de manera que, cuando el usuario realiza una búsqueda, las páginas más importantes se presenten primero. Si una página u apunta a una página v , se puede decir que v es importante. Sin embargo, para no dejar que simplemente una página sea más importante por tener muchas páginas apuntadas a ella, se puede realizar un ponderado de los links utilizando la importancia de la página de origen (no es lo mismo ser apuntado por una página importante que por muchas no importantes). De esta manera, consideramos la importancia de una página v como la importancia de la página u (que apunta a v) e inversamente proporcional al grado de u (es decir, la cantidad de links que posee la página u). Entonces, si la página u contiene n_u links, uno de los cuales apunta a v , el aporte de ese link a la página v será x_u/n_u . Como para cada página pedimos la siguiente ecuación:

$$x_k = \sum_{j \in L_k} \frac{x_j}{n_j}, \quad k = 1, \dots, n. \quad (1)$$

Luego, el modelo planteado es equivalente a encontrar un $x \in \mathbb{R}^n$ tal que $Px = x$. Esto significa, encontrar un autovector asociado al autovalor 1 de una matriz cuadrada, tal que $x_i \geq 0$ y $\sum_{i=1}^n x_i = 1$.

Finalmente, la idea del método *HITS* se basa en una noción de autoridad que se transmite de una página a otra mediante links. Es decir, se considera que existen páginas que cumplen rol de autoridad sobre un tema y se trata de modelar la relación entre estas páginas y aquellas que las apuntan, las cuales se denominan hubs. La relación entre ambos se establece matricialmente de la siguiente forma:

$$x = A^t y \quad (2)$$

$$y = Ax, \quad (3)$$

Siendo x un vector de peso de autoridad, y el de los hubs y A la matriz de adyacencia creada a partir de los links de una página a otra. Kleinberg propone en *Authoritative sources in a hyperlinked environment* con un y_0 inicial, al cual aplicarle esta ecuación iterativamente para que, bajo ciertas condiciones que nuestro problema cumple, el método converja. En base a este ranking obtenido luego de realizar las iteraciones, se obtienen las páginas que son mejores autoridades y mejores hubs.

aplicando luego el paso de normalización correspondiente. Los autores proponen comenzar con un y_0 inicial, aplicar estas ecuaciones iterativamente y demuestran que, bajo ciertas condiciones, el

método converge. Finalmente, en base a los rankings obtenimos, se retorna al usuario las mejores t autoridades y los mejores t hubs.

1. Desarrollo

1.1. Ideas sobre la Implementación

1.1.1. Características generales del problema

1.2. Implementación

1.2.1. Implementación con matriz Column Row Sparse (CRS)

1.2.2. Problemas en la Implementación

1.3. Experimentación

1.3.1. Convergencia de PageRank

1.3.2. Convergencia de HITS

1.3.3. Tiempo de Cómputo

1.3.4. Análisis Cualitativo

1.3.5. Casos de Ejemplo

2. Conclusión

3. Bibliografía y referencias

- STL de C++: <http://en.cppreference.com>.
- Funciones de Métodos Numéricos:
Eliminación Gaussiana y *backward substitution*: Richard BURDEN, Numerical Analysis 9th Ed. Chapter 6
- Contador de clocks: <http://www.mcs.anl.gov/~kazutomo/rdtsc.html>