

Trabajo Práctico 2

Tirate un qué, tirate un ranking... [Primera entrega]

8 de octubre de 2014

Métodos Numéricos

Grupo Autodenominado "Los Pichis"

Integrante	LU	Correo electrónico
De Sousa Bispo, Germán Edgardo	359/12	german_nba11@hotmail.com
De Sousa Bispo, Mariano Edgardo	389/08	marian_sabianaa@hotmail.com
Valdés Castro, Tobías	800/12	tobias.vc@hotmail.com

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (54 11) 4576-3359 http://www.fcen.uba.ar

${\rm \acute{I}ndice}$

In	ntroducción					
1. Desarrollo						
	1.1.	Ideas	sobre la Implementación	3		
		1.1.1.	Características generales del problema	3		
	1.2.	Implei	mentación	3		
		1.2.1.	Implementación con matriz Column Sparse Row (CSR)	4		
		1.2.2.	Problemas en la Implementación	4		
	1.3.	Exper	imentación	5		
			Convergencia de PageRank	5		
		1.3.2.	Convergencia de HITS	5		
			Tiempo de Cómputo	5		
		1.3.4.	Análisis Cualitativo	6		
		1.3.5.	Casos de Ejemplo	6		
2.	Con	nclusió	n	6		
3.	Bib	liograf	ía y referencias	6		

Introducción

Los talentosos y apuestos muchachos que instauraron la moda de los cabellos raros y los pasos bailables más utilizados en los últimos años han caído lentamente en el olvido. Con el fin de volver a su momento de gloria, el grupo tropical ha contactado al DC para brindarles una solución teniendo en cuenta el bajo presupuesto con el que cuentan en el momento.

Los motores de búsqueda son herramientas claves para explorar la red. Lo único que debemos hacer para utilizarlos es enviar un query con lo que querramos buscar, y allí el motor se encargará de darnos la información correspondiente a nuestra búsqueda. Para que la experiencia del usuario sea óptima, esta información no puede estar presentada de cualquier forma. Por lo tanto, una tarea vital del buscador será devolver al usuario un listado de páginas cuyo orden será impuesto por la relevancia de cada página.

El equipo de Métodos Númericos ha llegado entonces a la siguiente conclusión: para volver a todos los televisores nacionales e internacionales, este grupo de genios musicales debe figurar en páginas importantes en la web (y así encabezar todas las búsquedas). El problema ahora radica en determinar cuáles son las páginas importantes que posicionarán al grupo en los primeros links de cualquier búsqueda tropical.

De esta manera, el grupo autodenominado "Los Pichis" comenzó la labor de estudiar algunos de los más conocidos algoritmos de búsqueda: *In-Degree*, *PageRank* y *Hyperlink-Induced Topic Search*(HITS).

El primero se basa en generar el ranking de importancia de la web teniendo en cuenta solamente la cantidad de links que apuntan a la página. Mientras mayor sea la cantidad de links, más importante es la página.

PageRank es un algoritmo que luego de buscar en toda la red e indexar los datos obtenidos para realizar una búsqueda eficiente, rankea la importancia de la base de datos de manera que, cuando el usuario realiza una búsqueda, las páginas más importantes se presenten primero. Si una página u apunta a una página v, se puede decir que v es importante. Sin embargo, para no dejar que simplemente una página sea más importante por tener muchas páginas apuntadas a ella, se puede realizar un ponderado de los links utilizando la importancia de la página de origen (no es lo mismo ser apuntado por una página importante que por muchas no importantes). De esta manera, consideramos la importancia de una página v como la importancia de la página v (que apunta a v) e inversamente proporcional al grado de v (es decir, la cantidad de links que posee la página v). Entonces, si la página v contiene v0 links, uno de los cuales apunta a v0, el aporte de ese link a la página v0 será v1, v2. Como para cada página pedimos la siguiente ecuación:

$$x_k = \sum_{j \in L_k} \frac{x_j}{n_j}, \quad k = 1, \dots, n.$$
 (1)

Luego, el modelo planteado es equivalente a encontrar un $x \in \mathbb{R}^n$ tal que Px = x. Esto significa, encontrar un autovector asociado al autovalor 1 de una matriz cuadrada, tal que $x_i \ge 0$ y $\sum_{i=1}^n x_i = 1$.

Finalmente, la idea del método HITS se basa en una noción de autoridad que se trasmite de una página a otra mediante links. Es decir, se considera que existen páginas que cumplen rol de autoridad sobre un tema y se trata de modelar la relación entre estas páginas y aquellas que las apuntan, las cuales se denominan hubs. La relación entre ambos se establece matricialmente de la siguiente forma:

$$x = A^t y (2)$$

$$y = Ax, (3)$$

Siendo x un vector de peso de autoridad, y el de los hubs y A la matriz de adyacencia creada a partir de los links de una página a otra. Kleinberg propone en $Authoritative sources in a hyperlinked environment con un <math>y_0$ inicial, al cual aplicarle esta ecuación iterativamente para que, bajo ciertas condiciones que nuestro problema cumple, el método converja. En base a este ranking obtenido

luego de realizar las iteraciones, se obtienen las páginas que son mejores autoridades y mejores hubs.

aplicando luego el paso de normalización correspondiente. Los autores proponen comenzar con un y_0 incial, aplicar estas ecuaciones iterativamente y demuestran que, bajo ciertas condiciones, el método converge. Finalmente, en base a los rankings obtenidos, se retorna al usuario las mejores t autoridades y los mejores t hubs.

1. Desarrollo

1.1. Ideas sobre la Implementación

1.1.1. Características generales del problema

1.2. Implementación

En la implementación, decidimos utilizar herencia y polimorfismo para simplificar el código. Este trabajo práctico es significativamente más grande que el anterior; una implementación descuidada necesariamente nos conduciría a muchos errores, complejos de encontrar y corregir.

Los puntos centrales tenidos en cuenta para el desarrollo fueron:

- Algoritmos: Debemos implementar tres algoritmos distintos para buscar prácticamente la misma información: Page Rank, HITS, In Degree
- Parsing: El parseo de los archivos de inputs deben ser distintos dependiendo de su instancia: Standford, Toronto
- Declaratividad: Nos es más fácil pensar el problema si tenemos una WebNet y un conjunto de WebPage para aplicar los algoritmos, las cuales poseen a su vez Rank. En el único momento que efectivamente necesitamos sus valores (por ejemplo cantidad de nodos con los que se conecta) es para aplicar el método de la potencia. De esta manera la implementación de las operaciones de matriz quedan ocultas dentro de cada algoritmo de ranking.

Escribiendo un pseudo-código, el punto de entrada (main) de nuestra aplicación es muy similar al siguiente:

PageRanking()

- 1 ParsingAlgorithm parsingAlgorithm = createParsingAlgorithmFromParameters(entryPointParameters)
- 2 WebNet net = parsingAlgorithm.parseFile(webDefinitionFile)
- 3 RankingAlgorithm rankingAlgorithm = createRankingAlgorithmFromParameters(entryPointParameters)
- 4 rankingAlgorithm.RankPages(net)
- 5 parsingAlgorithm.SaveRank(net)

Como se comentó anteriormente, es necesario para *Page Rank* y *HITS* aplicar un método iterativo para obtener el *ranking* que buscamos. En este trabajo, utilizamos el método de la potencia.

Por otro lado, sabemos que la red generada por la interconexión entre páginas genera un grafo donde el grado de cada nodo rara vez es n (siendo n la cantidad de páginas). Por lo tanto, generar la matriz de adyacencia no parece ser una buena solución: tendríamos muchos elementos cuyo valor es cero. La cátedra sugirió tres posibles implementaciones de matrices esparsas: Dictionary of keys (DOK), Compressed Sparse Row (CSR) y Compressed Sparse Column (CSC). Nosotros optamos por CSR, y la justificación la detallamos a continuación.

1.2.1. Implementación con matriz Column Sparse Row (CSR)

Definamos como n a la cantidad de columnas y filas de la matriz, CSR la almacena utilizando únicamente tres arreglos (sean: rowPointers, colIndexes y values), la dimensión de ellos son: n para rowPointers, cantidad de elementos no nulos para colIndexes e igual cantidad para values.

La semántica de estos arreglos es la siguiente, suponiendo que i hace referencia a filas y j a columnas:

- rowPointers: El valor de la i-ésima posición referencia el índice de colIndexes a partir del cual se encuentran los elementos de la i-ésima fila. En caso de no haber elementos en la i-ésima fila de la matriz, esta posición se completa con el mismo valor que la i-1 (simplemente por cuestiones implementativas).
- colIndexes: El valor contenido dentro de cada posición representa a j
- values: Contiene los valores de la matriz, cada posición se relaciona uno a uno con colIndexes.

Si queremos obtener el elemento a_{ij} podemos definir el siguiente pseudo-codigo:

```
 \begin{split} & \text{Element}(i,j) \\ & 1 \quad \text{int } colIndexLower = \text{rowPointers[i]} \\ & 2 \quad \text{int } colIndexUpper = \text{rowPointers[i+1]} \\ & 3 \quad \text{foreach col : colIndexLower to colIndexUpper} \\ & 4 \quad \text{if } \text{colIndexes[col]} == \text{j} \\ & 5 \quad \text{. return values[col]} \\ \end{split}
```

De esta manera resulta muy sencillo efectuar una multiplicación entre la matriz y un vector: Iterando las filas multiplicamos solo las posiciones j del vector que tengamos en col
Indexes por el valor almacenado en values. Si ninguna multiplicación es efectuada, el valor el cero. Por la naturaleza de la multiplicación de matriz por vector, resulta poco útil utilizar la estructura CSC.
 CSC es conveniente si necesitamos multiplicar por la traspuesta de una matriz, ya que el mismo algoritmo la recorrería de manera traspuesta. En el algoritmo de HITS necesitamos la traspuesta, sin embargo, utilizamos la misma estructura, cargando los índices de manera inversa.

Tanto CSR como CSC son complejos de crear si los datos no son suministrados de manera ordenada. Para eso, generamos una clase CSRBuilder al cual se le pasan los datos de manera desordenada y una vez que la carga de datos se completa, se encarga de ordenarlos, crear los índices e instanciar una CSRMatrix. Si bien no es idéntico, preserva el espíritu de un DOK, ya que termina utilizando de cláve i, j por la cual ordena la información antes de generar la matriz esparsa por filas.

Por la modularización generada, no sería complejo modificar el programa para incluir las dos implementaciones faltantes y hacer pruebas de *performance*. Lamentablemente por falta de tiempo, esto no fue posible.

1.2.2. Problemas en la Implementación

En comparación al trabajo anterior, tuvimos menor cantidad de problemas a la hora de la implementación.

Notamos dos como relevantes: para el algoritmo de Standford supusimos que los comentarios no se incluían en los tests. Sin embargo a la hora de testearlo estos los incluían. El segundo punto a destacar fue por desconocimiento del lenguaje: nos tomó bastante tiempo entender cómo implementar un método abstracto así como dada una instancia concreta, devolver su super clase. El compilador no nos ayudó con la descripción de los errores.

1.3. Experimentación

1.3.1. Convergencia de PageRank

1.3.2. Convergencia de HITS

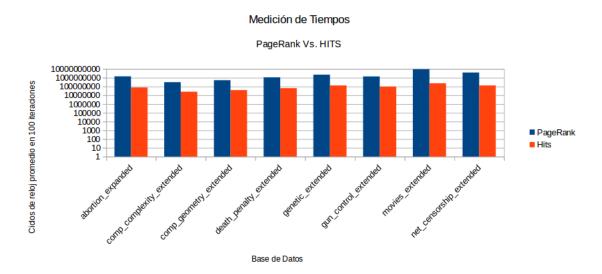
1.3.3. Tiempo de Cómputo

Se realizaron mediciones para corroborar la cantidad de ciclos de reloj promedio que ocupa el algoritmo *PageRank* y *HITS*. Estos se realizaron en una ultrabook Exo con procesador Intel Core i7-3517U CPU @ 1.90GHz-2.40GHz, con 8GB de memoria RAM.

Con fin de reducir la presencia de outliers y, a su vez, que el costo de cómputo (respecto a tiempo de ejecución) no sea tan amplio, los experimentos se realizaron con 100 iteraciones del algoritmo, obteniendo un promedio de ciclos de reloj por iteración.

Se tomaron como datos de entrada los archivos brindados por la cátedra en la carpeta data/query-graphs y se realizaron las mediciones bajo las condiciones previamente mencionadas.

A continuación se presenta un primer gráfico. Tener en cuenta que la cantidad de ciclos promedio se presenta en escala logarítmica.

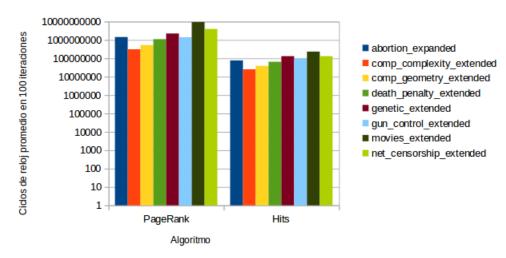


En todos los casos, el promedio de ciclos de reloj es mayor para el pageRank. Se puede notar como, a pesar de que la cantidad de nodos con los que trabajan los algoritmos varía de un conjunto de datos a otro (por lo que el promedio de ciclos de reloj aumenta y disminuye con ella), la relación que hay entre pageRank y HITS es similar cuantitativamente. Esto quiere decir que, aunque el algoritmo de pageRank cueste mayor tiempo en promedio en todos los casos, HITS se mantiene siendo aproximadamente k*10 veces más rápido siendo $1 \le k \le 9$.

Veamos por otro lado un gráfico que permita visualizar si la base afecta en algo al tiempo de ejecución del algoritmo:

Medición de Tiempos

PageRank Vs. HITS



A pesar de que hay una diferencia considerable entre los tiempos de ejecución para distintos algoritmos, si consideramos la cantidad de ciclos promedio individualmente para pageRank y HITS, podemos ver que las diferencias entre las distintas bases no es considerable. La misma se produce principalmente por los diferentes tamaños de cada conjunto de datos (como se mencionó previamente). A continuación se puede ver la cantidad de nodos en cada base para realizar la comparación.

En conclusión, el algoritmo de pageRank tiene mayor tiempo de cómputo. En este sentido, para casos de tamaño mediano a grande, sin realizar un análisis de calidad de la solución (el cual se hará posteriormente en este trabajo práctico), HITS parece comportarse mejor. Sin embargo, hay que tener en cuenta que parte del proceso de este algoritmo (como es la realización del subgrafo de la red) no es realizado por nuestra implementación por lo que se reduce el tiempo de cómputo.

A pesar de esto, la amplia diferencia en cantidad de ciclos de ambos algoritmos reflejan los usos que poseen ambos. Por un lado, pageRank puede ser mejor utilizado como un proceso batch que se ejecuta cada cierto período de tiempo y no en el momento, mientras que HITS es un algoritmo pensado para realizar el rankeo en el momento sobre un subgrafo de la red. De esta manera, tiene sentido que el algoritmo HITS sea más veloz que el algoritmo de pageRank, nuevamente, sin tener en cuenta en ningún momento la calidad del resultado.

al hits le falta armar el subgrafo q eso ya esta dado.

1.3.4. Análisis Cualitativo

1.3.5. Casos de Ejemplo

2. Conclusión

3. Bibliografía y referencias

- STL de C++: http://en.cppreference.com.
- Funciones de Métodos Numéricos: Eliminación Gaussiana y backward substitution: Richard BURDEN, Numerical Analysis 9th Ed. Chapter 6
- Contador de clocks: http://www.mcs.anl.gov/~kazutomo/rdtsc.html