

## Содержание

<b>1</b>	<b>Задание 1 от 14.09.2022</b>	<b>2</b>
1.1	Расчёт давления по формуле Дюпюи . . . . .	3
1.2	График зависимости давления от расстояния . . . . .	3
1.3	Код для вывода графика . . . . .	3
1.4	Анализ чувствительности формулы Дюпюи . . . . .	3
1.5	Вывод уравнения Дарси и формулы Дюпюи . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Задание 2 от 14.09.2022</b>	<b>4</b>
2.1	Радиус исследований . . . . .	4
2.2	Решение обратной задачи . . . . .	4
2.3	Вывод уравнения пьезопроводности без упругости пласта . . . . .	5
2.3.1	В векторной форме (быстрый, но не совсем строгий вывод) . . . . .	5
2.3.2	В покомпонентной форме с обезразмериванием (от Шеля Е.В.) . . . . .	6
2.4	Вывод уравнения пьезопроводности с упругостью пласта . . . . .	9
<b>3</b>	<b>Задание от 21.09.2022</b>	<b>9</b>
<b>4</b>	<b>Задание от 28.09.2022</b>	<b>10</b>
4.1	Секция RUNSPEC . . . . .	10
4.2	Секция GRID . . . . .	12
4.3	Секция EDIT . . . . .	13
4.4	Секция PROPS . . . . .	14
4.5	Секция REGION . . . . .	17
4.6	Секция SOLUTION . . . . .	17
4.7	Секция SUMMARY . . . . .	17
4.8	Секция SCHEDULE . . . . .	18
<b>5</b>	<b>Задание от 05.10.2022</b>	<b>22</b>
<b>6</b>	<b>Задание от 19.10.2022</b>	<b>24</b>

# Гидродинамическое моделирование

## Решение задач

Муравцев А.А. (вариант 16)<sup>1</sup>

20 октября 2022 г.

### 1 Задание 1 от 14.09.2022

Задача 1									
<p>Определить давление на расстоянии <math>x_1</math> (м) и <math>x_2</math> (м) от скважины при плоско-радиальном движении несжимаемой жидкости по линейному закону фильтрации, считая, что проницаемость пласта <math>k</math> (Да), мощность пласта <math>h</math> (м), давление на забое скважины <math>p_w</math> (атм), радиус скважины <math>r_w</math> (см), вязкость нефти <math>\mu_0</math> (сПз),</p> <p>1.1 объемный дебит скважины в пластовых условиях <math>q</math> (м<sup>3</sup>/сут)</p> <p>1.2 Построить зависимость давления от расстояния</p> <p>Написать макрос/скрипт, который при запуске будет выводить</p> <p>1.3* построенный выше график</p> <p>1.4 Сделать анализ чувствительности закона Дарси-Дюпюи</p> <p>1.5 Вывод уравнений Дарси, Дарси-Дюпюи</p>									
Вариант	$x_1$ , м	$x_2$ , м	$k$ , Да	$h$ , м	$p_w$ , атм	$r_w$ , см	$\mu_0$ , сПз	$q$ , м <sup>3</sup> /сут	
1	6	40	10	11	85	9	1	249	
2	67	21	4	12	74	13	3	61	
3	24	35	8	14	69	13	9	232	
4	77	89	4	28	59	18	9	211	
5	93	61	7	15	75	17	9	87	
6	6	32	8	12	100	15	1	114	
7	86	61	4	8	56	11	9	184	
8	57	54	8	18	63	16	10	204	
9	32	32	6	6	77	14	8	124	
10	45	56	10	5	90	16	10	256	
11	52	20	7	26	82	13	9	118	
12	46	35	1	20	77	17	10	135	
13	33	8	10	7	53	12	6	176	
14	78	40	6	15	71	12	7	53	
15	22	41	9	5	81	10	9	193	
16	73	83	9	13	71	10	3	65	
17	53	23	7	14	98	19	9	158	
18	94	87	9	14	63	12	9	231	
19	18	49	1	9	99	14	3	118	
20	37	10	10	14	61	15	9	73	
21	97	50	9	17	93	15	7	264	
22	54	68	5	26	62	12	8	68	
23	14	19	2	8	89	14	8	93	
24	30	17	4	30	96	18	8	214	
25	57	80	4	24	66	9	10	250	

<sup>1</sup>студент группы 5040103/10401; email: almuravcev@yandex.ru

## 1.1 Расчёт давления по формуле Дюпюи

Давление на расстоянии  $x_1$ :

$$P_{x_1} = P_w + \frac{18.41 \cdot Q \mu}{kh} \left( \ln \left( \frac{x_1}{r_w} \right) + S \right) =$$

$$= 71 \text{ атм} + \frac{18.41 \cdot 65 \frac{\text{м}^3}{\text{сут}} \cdot 3 \text{ сПз}}{9000 \text{ мД} \cdot 13 \text{ м}} \left( \ln \left( \frac{73 \text{ м}}{0.1 \text{ м}} \right) + 0 \right) \approx 71.2023 \text{ атм} \quad (1)$$

Давление на расстоянии  $x_2$ :

$$P_{x_1} = P_w + \frac{18.41 \cdot Q \mu}{kh} \left( \ln \left( \frac{x_2}{r_w} \right) + S \right) =$$

$$= 71 \text{ атм} + \frac{18.41 \cdot 65 \frac{\text{м}^3}{\text{сут}} \cdot 3 \text{ сПз}}{9000 \text{ мД} \cdot 13 \text{ м}} \left( \ln \left( \frac{83 \text{ м}}{0.1 \text{ м}} \right) + 0 \right) \approx 71.2062 \text{ атм} \quad (2)$$

## 1.2 График зависимости давления от расстояния

## 1.3 Код для вывода графика

## 1.4 Анализ чувствительности формулы Дюпюи

Вид формулы Дюпюи на установившемся режиме в промысловых единицах со скин-фактором:

$$Q = \frac{kh}{18.41 \cdot \mu} \frac{P_e - P_w}{\ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right) + S} \quad (3)$$

Jupyter-тетрадь с кодом для построения графика и проведения анализа чувствительности доступна по ссылке: [OPEN IN COLAB](#).

## 1.5 Вывод уравнения Дарси и формулы Дюпюи

Приравнявая значение потоковой скорости, найденное из геометрии пласта, к значению, найденному из закона Дарси, получим дифференциальное уравнение притока флюида к скважине. Дюпюи составил и решил это дифференциальное уравнение для случая границы в виде цилиндрической области (для радиального режима течения).

$$\frac{Q}{A} = \frac{k}{\mu} \frac{dP}{dx} \Rightarrow \frac{Q}{2\pi h} \int_{r_w}^{r_e} \frac{dr}{r} = \frac{k}{\mu} \int_{P_w}^{P_e} dp \Rightarrow Q = \frac{2\pi kh}{\mu} \frac{P_e - P_w}{\ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)} \quad (4)$$

Формула получена в СИ. При пересчёте в промысловые единицы измерения формула Дюпюи примет следующий вид:

$$Q = \frac{kh}{18.41 \cdot \mu} \frac{P_e - P_w}{\ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)} \quad (5)$$

## 2 Задание 2 от 14.09.2022

<b>Задача 2</b>						
1.1	Определите радиус исследований					
	Решить обратную задачу. Задать начальный радиус исследований (более приближенный к реальности), приблизиться к решению, меняя параметры.					
1.2	Решить обратную задачу. Задать начальный радиус исследований (более приближенный к реальности), приблизиться к решению, меняя параметры, используя методы оптимизации					
1.3*	Вывод уравнения пьезопроводности без упругости пласта					
1.4	Вывод уравнения пьезопроводности с упругостью пласта					
1.5*						
	Вариант	к, мДа	t, мин	кр, %	mu0, сПз	сг, 10 <sup>4</sup> (-4) атм <sup>4</sup> (-1)
	1	86	1781	22	4	13
	2	30	3984	17	6	3
	3	91	9682	17	5	15
	4	60	2775	21	1	20
	5	70	1305	26	3	6
	6	7	887	23	10	5
	7	3	1520	20	2	4
	8	73	8261	22	4	5
	9	25	54	26	8	20
	10	64	1423	30	9	14
	11	71	7600	23	7	10
	12	59	5890	11	5	5
	13	12	9645	21	9	11
	14	85	97	21	1	16
	15	49	9645	11	4	2
	16	32	7343	14	10	20
	17	14	465	19	4	1
	18	99	4763	20	8	9
	19	94	7593	14	8	3
	20	82	8266	13	4	1
	21	48	7462	22	8	14
	22	74	1046	26	1	16
	23	73	8173	19	1	13
	24	42	1202	28	10	19
	25	11	1841	18	1	10

### 2.1 Радиус исследований

$$r_{inv} = 0.037 \sqrt{\frac{kt}{\varphi \mu c_t}} = 0.037 \sqrt{\frac{32 \text{ мДа} \cdot 7343 \text{ мин}}{0.14 \cdot 10 \text{ сПз} \cdot 20 \cdot 10^{-4} \frac{1}{\text{атм}}}} \approx 338.95 \text{ м} \quad (6)$$

График зависимости радиуса исследования от произведения проницаемости и времени построен по ссылке: [OPEN IN COLAB](#).

### 2.2 Решение обратной задачи

Зададим радиус исследования  $r_{inv} = 100 \text{ м}$ , тогда:

$$kt = \varphi \mu c_t \left( \frac{r_{inv}}{0.037} \right)^2 = 0.14 \cdot 10 \text{ сПз} \cdot 20 \cdot 10^{-4} \frac{1}{\text{атм}} \cdot \left( \frac{100 \text{ м}}{0.037} \right)^2 \approx 20452.89 \text{ мДа} \cdot \text{мин} \quad (7)$$

При проницаемости  $k = 32 \text{ мДа}$ , время исследования будет составлять:

$$t \approx \frac{20452.89 \text{ мДа} \cdot \text{мин}}{32 \text{ мДа}} \approx 639 \text{ мин} \approx 10.65 \text{ ч.} \quad (8)$$

## 2.3 Вывод уравнения пьезопроводности без упругости пласта

1) Набор уравнений:

- неразрывность потока

$$\frac{\partial (\rho_f \varphi)}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho_f \varphi \mathbf{v}_f) = q_f(\mathbf{x}) \quad (9)$$

- закон Дарси

$$\mathbf{W} = -\frac{k}{\mu_f} \cdot \nabla p \quad (10)$$

- сжимаемость флюида

$$p - p_0 = K_f \frac{\rho_f - \rho_f^0}{\rho_f^0} \quad (11)$$

На этих уравнениях строится основное уравнение гидродинамики пласта – уравнение пьезопроводности.

2) Насыщенности и относительные фазовые проницаемости (для нескольких флюидов)

3) Геометрия (сложное строение пласта)

### 2.3.1 В векторной форме (быстрый, но не совсем строгий вывод)

В предположении неподвижности скелета ( $\mathbf{v}_s \approx \mathbf{0}$  и  $\varphi(t) = \text{const}$ ) верно равенство  $\mathbf{W} \approx \varphi \mathbf{v}_f$ . Подставляя в закон Дарси (10), получаем:

$$\varphi \mathbf{v}_f = -\frac{k}{\mu_f} \cdot \nabla p \quad (12)$$

Условие сжимаемости флюида (11) перепишем в дифференциальной форме:

$$\frac{\partial p}{\partial t} = \frac{K_f}{\rho_f^0} \frac{\partial \rho_f}{\partial t} \quad (13)$$

Учитывая предположение о неподвижности скелета, перепишем уравнение неразрывности потока:

$$\varphi \frac{\partial \rho_f}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho_f \varphi \mathbf{v}_f) = q_f(\mathbf{x}) \quad (14)$$

Подставляя (12) и (13) в (14), при отсутствии источников слагаемого ( $q_f(\mathbf{x}) = 0$ ) получаем:

$$\varphi \frac{\rho_f^0}{K_f} \frac{\partial p}{\partial t} - \nabla \cdot \left( \rho_f \frac{k}{\mu_f} \nabla p \right) = 0 \quad (15)$$

При дополнительном условии слабосжимаемости флюида ( $\rho_f \approx \rho_f^0 = \text{const}$ ) получаем:

$$\frac{\partial p}{\partial t} = \frac{k K_f}{\mu_f \varphi} \nabla^2 p \quad (16)$$

Это уравнение пьезопроводности (без упругости пласта), полученное в приближении слабосжимаемого флюида, неподвижного и недеформируемого пласта.

### 2.3.2 В покомпонентной форме с обезразмериванием (от Шеля Е.В.)

Запишем ЗСМ для флюида:

$$\frac{\partial r_f}{\partial t} + \partial_i (r_f v_i^f) = 0 \quad (17)$$

Закон Дарси в «школьной» форме:

$$Q = -\frac{\Delta p}{L} \frac{k}{\mu} S \quad (18)$$

Закон Дарси в дифференциальной форме:

$$W_i = -\frac{k_{ij}}{\mu} \partial_j p, \quad (19)$$

где  $W_i = \varphi v_i^f$  – потоковая относительная скорость флюида.

Учитывая связь эффективной и истинной плотностей ( $r_f = \varphi \rho_f$ ), перепишем ЗСМ для флюида:

$$\frac{\partial (\rho_f \varphi)}{\partial t} + \partial_i (\rho_f \varphi v_i^f) = 0 \quad (20)$$

Подставляя (19) в (20), получаем:

$$\frac{\partial (\rho_f \varphi)}{\partial t} - \partial_i \left( \rho_f \frac{k_{ij}}{\mu} \partial_j p \right) = 0 \quad (21)$$

---

Замыкающее соотношение (связь плотности флюида и давления):

$$\rho_f = \rho_f^0 (1 + c_f (p - p_0)), \quad (22)$$

где  $c_f$  – сжимаемость флюида (1/Па).

Замыкающее соотношение (связь пористости и давления):

$$\varphi = \varphi^0 + c_{\pi} (p - p_0), \quad (23)$$

где  $c_{\pi}$  – сжимаемость пор (не равно сжимаемости породы).

Продифференцируем по времени замыкающее соотношение (22):

$$\frac{\partial \rho_f}{\partial t} = c_f \rho_f^0 \frac{\partial p}{\partial t} \quad (24)$$

Продифференцируем по пространству замыкающее соотношение (22):

$$\partial_i \rho_f = c_f \rho_f^0 \partial_i p \quad (25)$$

Продифференцируем по времени замыкающее соотношение (23):

$$\frac{\partial \varphi}{\partial t} = c_n \frac{\partial p}{\partial t} \quad (26)$$

Продифференцируем по пространству замыкающее соотношение (23):

$$\partial_i \varphi = c_n \partial_i p \quad (27)$$

---

Раскрывая производные произведений в (21), получаем:

$$\frac{\partial \rho_f}{\partial t} \varphi + \rho_f \frac{\partial \varphi}{\partial t} - \frac{k_{ij}}{\mu} \partial_j p \partial_i \rho_f - \rho_f \partial_j p \partial_i \left( \frac{k_{ij}}{\mu} \right) - \rho_f \frac{k_{ij}}{\mu} (\partial_i \partial_j p) = 0 \quad (28)$$

Подставляя (24), (25), (26) и (27) в (28), получаем:

$$\begin{aligned} c_f \rho_f^0 \frac{\partial p}{\partial t} \varphi + \rho_f c_n \frac{\partial p}{\partial t} - \frac{k_{ij}}{\mu} \partial_j p c_f \rho_f^0 \partial_i p - \frac{\rho_f}{\mu} \partial_j p \partial_i k_{ij} + \\ + \rho_f \partial_j p k_{ij} \frac{\partial \mu}{\partial p} \frac{1}{\mu^2} \partial_i p - \rho_f \frac{k_{ij}}{\mu} (\partial_i \partial_j p) = 0 \end{aligned} \quad (29)$$

---

Перед анализом физических уравнений всегда делают масштабный анализ, чтобы понять, какие слагаемые в уравнении важны, а какие не важны (пример: уравнение Навье-Стокса с числами Струхала, Эйлера, Рейнольдса, Фруда).

Спойлер: ГДМ симуляторы не решают уравнение пьезопроводности в классическом виде, а решают закон сохранения массы, в который они подставляют закон Дарси.

Далее необходимо выделить характерные масштабные факторы, обезразмерив каждую из функций в уравнении.

Введём безразмерное давление  $\tilde{p}$  такое, что:

$$p = \tilde{p} \cdot p_0, \quad (30)$$

где  $p_0$  – пластовое давление.

Введём безразмерное расстояние  $\tilde{r}$  такое, что:

$$\vec{r} = \tilde{r} \cdot L, \quad (31)$$

где  $L$  – некое характерное расстояние (например, между скважинами).

Введём безразмерную проницаемость  $\tilde{k}_{ij}$  такую, что:

$$k_{ij} = \tilde{k}_{ij} \cdot k_0, \quad (32)$$

где  $k_0$  – некая характерная проницаемость.

Введём безразмерную вязкость  $\tilde{\mu}$  такую, что:

$$\mu = \tilde{\mu} \cdot \mu_0, \quad (33)$$

где  $\mu_0$  – некая характерная вязкость.

Все безразмерные функции (с волной) порядка единицы.

Перепишем (29) в введённых безразмерных величинах, разделив обе части этого уравнения на  $\rho_f^0$ :

$$\begin{aligned} \frac{\partial p}{\partial t} \left( \varphi c_f + \frac{\rho_f}{\rho_f^0} \cdot c_n \right) - \frac{k_0 p_0^2}{\mu_0 L^2} c_f \frac{\tilde{k}_{ij}}{\tilde{\mu}} \tilde{\partial}_i \tilde{p} \tilde{\partial}_j \tilde{p} - \frac{\rho_f k_0 p_0}{\rho_f^0 \mu_0 L^2} \frac{\tilde{k}_{ij}}{\tilde{\mu}} \tilde{\partial}_j \tilde{p} \tilde{\partial}_i \tilde{k}_{ij} + \\ + \frac{\rho_f p_0 k_0}{\rho_f^0 L^2 \mu_0} \tilde{\partial}_j \tilde{p} \tilde{k}_{ij} \frac{\partial \tilde{\mu}}{\partial \tilde{p}} \frac{1}{\tilde{\mu}^2} \tilde{\partial}_i \tilde{p} - \frac{\rho_f k_0 p_0}{\rho_f^0 \mu_0 L^2} \frac{\tilde{k}_{ij}}{\tilde{\mu}} (\tilde{\partial}_i \tilde{\partial}_j \tilde{p}) = 0 \end{aligned} \quad (34)$$

Вынесли все масштабные множители. Далее делим обе части уравнения на множитель перед старшей производной (на  $\frac{k_0 p_0}{\mu_0 L^2}$ ), т.е. обезразмериваем уравнение:

$$\begin{aligned} \frac{\mu_0 L^2}{k_0 p_0} \cdot \frac{\partial p}{\partial t} \left( \varphi c_f + \frac{\rho_f}{\rho_f^0} \cdot c_n \right) - p_0 c_f \frac{\tilde{k}_{ij}}{\tilde{\mu}} \tilde{\partial}_i \tilde{p} \tilde{\partial}_j \tilde{p} - \frac{\rho_f \tilde{k}_{ij}}{\rho_f^0 \tilde{\mu}} \tilde{\partial}_j \tilde{p} \tilde{\partial}_i \tilde{k}_{ij} + \\ + \frac{\rho_f \partial \tilde{\mu}}{\rho_f^0 \partial \tilde{p}} \frac{1}{\tilde{\mu}^2} \tilde{k}_{ij} \tilde{\partial}_j \tilde{p} \tilde{\partial}_i \tilde{p} - \frac{\rho_f \tilde{k}_{ij}}{\rho_f^0 \tilde{\mu}} (\tilde{\partial}_i \tilde{\partial}_j \tilde{p}) = 0 \end{aligned} \quad (35)$$

Сделаем 3 важных приближения:

1.  $p_0 c_f \ll 1$  (прикинем: сжимаемость воды порядка  $10^{-5} \text{ атм}^{-1} = 10^{-10} \text{ Па}^{-1}$ ; характерные значения давлений на глубинах, равных нескольким километрам, составляют сотни атмосфер; таким образом, произведение порядка  $10^{-3}$ , что много меньше единицы; но такое приближение не работает для газа: для него рассматриваемое произведение порядка единицы); это приближение фактически равносильно приближению  $\rho_f \approx \rho_f^0$ ;
2.  $\tilde{\partial}_i \tilde{k}_{ij} \ll 1$  (считаем, что на характерном масштабе задачи по данному направлению проницаемость изменяется незначительно, не больше 10 процентов);



3.  $\frac{\partial \tilde{\mu}}{\partial \tilde{p}} \ll 1$  (считаем, что отмасштабированный график проницаемости от давления пологий – этот факт подтверждается экспериментально – вязкость слабо зависит от давления)

Тогда уравнение (35) переписывается в следующем виде (убрали слагаемые с пренебрежимо малыми множителями в рамках сделанных приближений и вернулись от безразмерных функций с волной к обычным функциям):

$$\frac{\partial p}{\partial t} \underbrace{(\varphi c_f + c_n)}_{c_t} - \frac{k_{ij}}{\mu} \partial_i \partial_j p = 0 \quad (36)$$

(заметим, что если есть анизотропия проницаемости, то лапласиана в уравнении не будет).

Получаем классическое уравнение пьезопроводности:

$$\frac{\partial p}{\partial t} - \frac{k_{ij}}{\mu c_t} \partial_i \partial_j p = 0, \quad (37)$$

где  $c_t$  – это полная сжимаемость.

Замечание. Но есть литература, в которой  $c_t = c_f + \frac{c_n}{\varphi}$ , тогда уравнение пьезопроводности будет выглядеть так:

$$\frac{\partial p}{\partial t} - \frac{k_{ij}}{\mu \varphi c_t} \partial_i \partial_j p = 0 \quad (38)$$

---

Пусть тензор проницаемости изотропен  $k_{ij} = k_0 \cdot \delta_{ij}$ , тогда:

$$\frac{\partial p}{\partial t} - \frac{k_0}{\mu c_t} \delta_{ij} \partial_i \partial_j p = 0 \Leftrightarrow \frac{\partial p}{\partial t} - \frac{k_0}{\mu c_t} \Delta p = 0 \quad (39)$$

(получили всем известный вид уравнения пьезопроводности).

## 2.4 Вывод уравнения пьезопроводности с упругостью пласта

Задача со звёздочкой. Ещё думаю.

## 3 Задание от 21.09.2022

Jupyter-тетрадь с кодом обработки ОФП доступна по ссылке: [OPEN IN GITHUB](#).

## 4 Задание от 28.09.2022

Требуется создать синтетическую BOX-модель. Необходимо:

- создать BOX-модель с декартовой сеткой  $61 \times 114 \times 40$  ячеек с размерами ячеек  $100 \times 100 \times 0.2$  м, глубина кровли 2000 м, ЗСВ 2008 м;
- пористость 0.2, проницаемость по X, Y 100 мД, по Z – 1 мД;
- ОФП и PVT-свойства взять по результатам задания от 21.09.2022;
- разместить скважины по 5-точечной схеме (хотя бы один элемент).

### 4.1 Секция RUNSPEC

Секция RUNSPEC необходима симулятору для выделения оперативной памяти для хранения данных (значений параметров) модели. Точное количество памяти требует Eclipse. В т-Навигаторе память выделяется динамически, поэтому в т-Навигаторе некоторые данные этого раздела игнорируются.

Зададим название модели, присутствующие в ней фазы (нефть и вода) и метрическую систему единиц.

```
NOECHO
RUNSPEC

TITLE
Test_model

OIL
WATER

METRIC
```

Если хотим только прочитать файл и проверить его на наличие ошибок без запуска расчёта, то используем ключевое слово NOSIM. Но в данной модели хотим запустить полный расчёт, поэтому закомментируем это ключевое слово.

```
-- NOSIM
```

Зададим количество  $N_x$ ,  $N_y$  и  $N_z$  ячеек расчётной сетки в направлениях  $X$ ,  $Y$ ,  $Z$ .

```
DIMENS
-- Nx  Ny  Nz
   61  114  40 /
```

Следующее ключевое слово используется для определения числа областей с различными параметрами моделирования. Задаваемые числа определяют количество областей с различными

свойствами начального равновесия. В данном примере определим только число регионов (равное 1) с различными начальными данными опции равновесия (эти данные будут задаваться в дальнейшем с помощью ключевого слова EQUIL).

```
EQLDIMS
```

```
1 /
```

Следующее ключевое слово задаёт максимальное число параметров, описывающих аквифер. Первые 4 по умолчанию; максимальное число водоносных пластов в данной задаче, описанных с помощью аналитической модели, равно 3; максимальное число блоков сетки, примыкающих к какому-либо водоносному пласту, равно 100000; следующие 2 параметра по умолчанию. Подробнее в руководстве.

```
AQUODIMS
```

```
4* 1 100000 /
```

Укажем, что в модели будет использоваться метод масштабирования конечных точек фазовых проницаемостей и капиллярных давлений. В параметрах указываются переключатель направленного масштабирования конечных точек (в данном примере NODIR) и переключатель нереверсивного масштабирования конечных точек (в данном примере REVERS).

```
ENDSCALE
```

```
'NODIR' 'REVERS' /
```

Следующее ключевое слово задаёт максимальные размерности данных по скважинам. Всего 12 параметров. В данном примере зададим только максимальное количество скважин в модели, максимальное количество интервалов перфорации для каждой скважины, максимальное количество групп скважин в модели, максимальное количество скважин в одной группе; остальные параметры оставим по умолчанию равными нулю.

```
WELLDIMS
```

```
-- Max_wells Conn_well Max_groups Wells_group
30          50          2          30 /
```

Следующее ключевое слово используется для задания числа регионов с различными параметрами моделирования. В данном примере зададим количество регионов фильтрации, количество регионов с различными PVT-свойствами, максимальное количество различных насыщенностей, задаваемых в одной VPT таблице, максимальное количество различных давлений, задаваемых в одной VPT таблице, количество регионов, для которых необходимо выводить данные о запасах; остальные параметры оставим по умолчанию.

```
TABDIMS
```

```
--NTSFUN NTPVT NSSFUN_nodes NPPVT_nodes NTFIP
1         1       30          20          3 /
```

Следующее ключевое слово используется для задания числа регионов с различными параметрами моделирования. Задаваемые 4 числа определяют: количество регионов, для которых необ-

ходимо выводить данные о запасах (может быть задано также с помощью TABDIMS); количество множеств регионов, для которых необходимо выводить данные о запасах; количество регионов с независимыми месторождениями; количество регионов потока.

В данном примере зададим только первый параметр (который фактически уже задали в TABDIMS); значения остальных параметров оставим по умолчанию.

```
REGDIMS
--fipnum fipxx isolnum fluxnum
3 /
```

Укажем максимальное количество векторов в summary файле.

```
SMRYDIMS
1000000 /
```

Выходные и входные файлы унифицированы.

```
UNIFOUT
UNIFIN
```

Укажем дату начала моделирования.

```
START
1 'NOV' 2022 /
```

Включим возможность использования опций обработки данных сетки

```
GRIDOPTS
YES /
```

Зададим ограничения на печать сообщений разных типов, а также условия на остановку расчёта при большом количестве сообщений.

```
MESSAGES
-- print
-- message comment warning problem error bug
1000000 1000000 1000000 10000000 1000000 1000000
-- stop
-- message comment warning problem error bug
1000000 1000000 1000000 100000 1000 1000 /
```

## 4.2 Секция GRID

Секция GRID необходима для задания геометрии и фильтрационно-ёмкостных свойств (ФЕС) модели.

Ключевое слово EQUALS позволяет задать значение любого параметра сетки для ячеек, выбранных в область параллелепипеда.

Зададим размеры ячеек DX, DY, DZ в направлениях X, Y, Z соответственно. По умолчанию размеры задаются для каждой из ячеек сетки. При этом симулятор строит блочно-центрированную геометрию сетки. В дальнейшем (уже за рамками данного примера) будем использовать и геометрию угловой точки (с помощью ключевых слов COORD и ZCORN).

```
GRID
```

```
EQUALS
```

```
'DX'    100  /
'DY'    100  /
'DZ'    0.2  /
/
```

Далее зададим глубину залегания верхнего слоя ячеек. После значения 2000 заданы 4 параметра по умолчанию (начало интервала по X, конец интервала по X, начало интервала по Y, конец интервала по Y – по умолчанию заданы все ячейки в направлениях X и Y) и два параметра (начало интервала по Z, конец интервала по Z) равны 1 (т.е. задаём ячейки только верхнего слоя). Таким образом, значение TOPS 2000 применяется только к ячейкам верхнего слоя. Для других слоёв симулятор автоматически определяет значение, основываясь на высоте ячеек.

```
EQUALS
```

```
'TOPS' 2000 4* 1 1 /
/
```

Далее определяем, что все ячейки модели активны, и задаём пористость и проницаемость по X, Y, Z во всех ячейках.

```
EQUALS
```

```
'ACTNUM' 1  /
'PORO'    0.2 /
'PERMX'   100 /
'PERMY'   100 /
'PERMZ'   1  /
/
```

Скажем симулятору, что необходимо записать исходные данные со свойствами сетки и таблицами насыщенностей в файл, который в дальнейшем можно будет прочесть в графических пакетах.

```
INIT
```

### 4.3 Секция EDIT

Опциональная секция с возможностью редактирования данных GRID секции. В данном примере оставим эту секцию пустой.

EDIT

## 4.4 Секция PROPS

Секция PROPS необходима для задания параметров флюидов, относительных фазовых проницаемостей и распределения жидкостей на основе функций капиллярных давлений.

Определим PVT-свойства воды. Задаются опорное давление, коэффициент объёмного расширения воды, коэффициент сжимаемости воды, вязкость воды и производная вязкости воды.

```
PROPS
```

```
PVTW
```

```
--P      Bw      cw      muw      dmuw/dpres
159.6    1.0264  4.32E-05  0.3253  0  /
```

Определим упругие свойства породы. Задаются опорное давление, сжимаемость породы, сжимаемость скелета породы, сжимаемость блока (блока, содержащего смесь), значение пористости при опорном давлении, значение коэффициента Пуассона при опорном давлении. В данном примере укажем значения только для опорного давления и сжимаемости породы; остальные параметры оставим по умолчанию (см. руководство).

```
ROCK
```

```
--Pref  Compr
159.6    4.765E-05  /
```

Зададим плотности нефти и воды в поверхностных условиях.

```
DENSITY
```

```
860    1007.5  /
```

Следующее ключевое слово служит для задания постоянной и однородной концентрации растворённого газа в нефти. Это обеспечивает наиболее эффективное моделирование системы чёрная нефть, где нет отдельной газовой фазы и давление никогда не опускается ниже точки давления насыщения.

Указаны концентрация растворённого газа и давление насыщения (расчёт будет завершён, если давление в каком-либо блоке сетки опустится ниже этого значения).

```
RSCONST
```

```
--Rs    Pb
20    34  /
```

Следующее ключевое слово используется для задания PVT-свойств нелетучей нефти для рассматриваемых PVT-регионов.

Необходимо ввести следующие параметры: давление насыщения, коэффициент объёмного расширения нефти, вязкость нефти при давлении насыщения.

PVT свойства нелетучей нефти для каждого PVT региона вводятся в таблицы. Количество таблиц равно количеству регионов, определённых в TABDIMS.

В рассматриваемом примере одна таблица для единственного региона. Таблица получена в Excel-файле при выполнении задания от 21.09.2022.

```
PVDO
--P      Bo      muo
34      1.06000  9.00000
40      1.05926  9.08157
60      1.05681  9.35346
80      1.05436  9.62535
100     1.05192  9.89724
120     1.04948  10.16913
140     1.04705  10.44102
159.6   1.04467  10.70748
180     1.04220  10.98481
200     1.03978  11.25670
220     1.03737  11.52859
240     1.03497  11.80048
260     1.03257  12.07237
280     1.03018  12.34427
300     1.02779  12.61616
/
```

Следующее ключевое слово можно указывать, если в секции RUNSPEC присутствует ключевое слово ENDSALE. Позволяет задать трёхточечный метод масштабирования конечных точек фазовых проницаемостей. Указывается один аргумент, имеющий 2 возможных значения (YES – да, трёхточечный метод масштабирования, NO – нет, 2-точечный метод)

```
SCALECRS
YES /
```

Зададим таблицы нормализованных относительных фазовых проницаемостей для систем вода-нефть для каждого региона фильтрации (количество регионов задано в TABDIMS – в рассматриваемом примере один единственный регион – следовательно, только одна таблица).

Таблица содержит 4 колонки со следующими параметрами: водонасыщенность (SW), проницаемость воды (KRWO), проницаемость нефти (KROW), капиллярное давление фазы нефть-вода (POW).

```
SWOF
--Sw      Krw      Kro      Pc
0.0      0.000000  1.000000  0.22100
0.1      0.049403  0.675833  0.11707
0.2      0.122172  0.436130  0.04704
```

```

0.3  0.207486  0.265435  0.02680
0.4  0.302128  0.149624  0.01752
0.5  0.404371  0.075953  0.01231
0.6  0.513110  0.033125  0.00900
0.7  0.627566  0.011364  0.00673
0.8  0.747156  0.002516  0.00507
0.9  0.871424  0.000191  0.00333
1.0  1.000000  0.000000  0.00000
/

```

С помощью следующего ключевого слова задаём арифметические и алгебраические операции над параметрами сетки для ячеек, выбранных в область параллелепипеда. Задаваемые значения: изменяемый параметр сетки; изменяемая область параллелепипеда; операция; параметр сетки, являющийся аргументом; скалярный параметр 1, если нужен; скалярный параметр 2, если нужен.

В рассматриваемом примере задаём корреляции остаточных насыщенных и концевых точек от ФЕС ячейки. Коэффициенты корреляций (скалярные параметры) найдены при выполнении задания от 21.09.2022.

Остаточные насыщенности и концевые точки необходимы для проведения масштабирования ранее заданных нормализованных ОФП.

```

OPERATE
SWCR  1 61  1 114  1 40  'LOGE'  PERMX  /
SWCR  1 61  1 114  1 40  'MULTA'  SWCR  -0.04705  0.52721  /
SOWCR 1 61  1 114  1 40  'LOGE'  PERMX  /
SOWCR 1 61  1 114  1 40  'MULTA'  SOWCR  -0.01289  0.27396  /
KRWR  1 61  1 114  1 40  'LOGE'  PERMX  /
KRWR  1 61  1 114  1 40  'MULTA'  KRWR  0.06701  -0.14287  /
--Krw@(Sw=1-Sowcr)
/

```

Далее для всех ячеек задаём: максимальную водонасыщенность; относительная проницаемость по нефти при критической водонасыщенности; максимальное значение относительной проницаемости по нефти; максимальное значение относительной проницаемости по воде (все задаваемые значения используются при масштабировании конечных точек насыщенностей).

```

EQUALS
SWU 1 /--MAX Sw
KRORW 0.833 /--Kro@(Sw=Swcr)
KRO 1 /-- Kro@(SW=0)
KRW 1 /-- Krw@(SW=1)
/

```

Далее зададим минимальную водонасыщенность ячеек SWL, используемую при масштабиро-



вании конечных точек насыщенностей (скопируем значения из критических водонасыщенностей SWCR).

```
COPY
SWCR SWL /--MIN Sw
/
```

## 4.5 Секция REGION

Секция REGION позволяет определить регионы (области) модели с разными свойствами. В данном примере оставим эту секцию пустой.

```
REGIONS
```

## 4.6 Секция SOLUTION

В секции SOLUTION доопределяются параметры, необходимые для инициализации модели. Следующее ключевое слово задаёт для каждого региона равновесия (в рассматриваемом примере 1 единственный регион) свойства, используемые при расчёте начальных условий.

Указаны: глубина; давление на этой глубине; глубина водо-нефтяного контакта; капиллярное давление на глубине водо-нефтяного контакта (если 0, то это зеркало свободной воды); глубина газо-нефтяного контакта; капиллярное давление на глубине газо-нефтяного контакта; далее см. руководство.

```
SOLUTION

EQUIL
--FWLs
2008    200.8    2008    0    1000    0    1    0    1*    /
```

Следующее ключевое слово осуществляет управление выходными данными секции SOLUTION.

```
RPTSOL
'FIP=2' 'SWATINIT' /
```

## 4.7 Секция SUMMARY

В секции SUMMARY определяются векторы, которые запишутся в файлы с результатом расчёта, и их формат.

```
SUMMARY

ALL
SEPARATE
```

```
EXCEL
RUNSUM
RPTONLY
```

## 4.8 Секция SCHEDULE

В секции SCHEDULE определяются скважины, группы скважин, график работы, требования к отчётности и т.п.

Следующее ключевое слово осуществляет контроль вывода данных в restart файл.

```
SCHEDULE

RPTRST
--report every timestep
'BASIC=2' 'FREQ=1' /
```

Зададим структуру иерархии групп скважин.

```
GRUPTREE
'INJECT' 'FIELD' /
'PRODUCE' 'FIELD' /
/
```

Следующее ключевое слово определяет информацию о забое скважин.

Вводятся следующие данные для каждой из скважин: название скважины; название группы скважин, к которой принадлежит данная скважина; координата ячейки по оси X, в которой расположен забой или устье скважины; координата ячейки по оси Y, в которой расположен забой или устье скважины; опорная глубина для забойного давления (по умолчанию глубина первого интервала перфорации); предпочтительная фаза для скважины (данные этого параметра используются для определения индекса продуктивности/приёмистости скважины, или её потенциального расхода); далее см. руководство.

```
WELSPECS
-- name      group      iw  jw  ref.depth  phase
'INJ1'      'INJECT'    30  75  1*  'WATER'  /
'INJ2'      'INJECT'    40  75  1*  'WATER'  /
'INJ3'      'INJECT'    20  75  1*  'WATER'  /
'INJ4'      'INJECT'    20  65  1*  'WATER'  /
'INJ5'      'INJECT'    30  65  1*  'WATER'  /
'INJ6'      'INJECT'    40  65  1*  'WATER'  /
'INJ7'      'INJECT'    20  55  1*  'WATER'  /
'INJ8'      'INJECT'    30  55  1*  'WATER'  /
'INJ9'      'INJECT'    40  55  1*  'WATER'  /
```

```
'PR_01' 'PRODUCE' 25 70 1* 'OIL' /
'PR_02' 'PRODUCE' 25 80 1* 'OIL' /
'PR_03' 'PRODUCE' 35 70 1* 'OIL' /
'PR_04' 'PRODUCE' 35 80 1* 'OIL' /
'PR_05' 'PRODUCE' 45 80 1* 'OIL' /
'PR_06' 'PRODUCE' 45 70 1* 'OIL' /
'PR_07' 'PRODUCE' 15 80 1* 'OIL' /
'PR_08' 'PRODUCE' 15 70 1* 'OIL' /
'PR_09' 'PRODUCE' 15 60 1* 'OIL' /
'PR_10' 'PRODUCE' 25 60 1* 'OIL' /
'PR_11' 'PRODUCE' 35 60 1* 'OIL' /
'PR_12' 'PRODUCE' 45 60 1* 'OIL' /
'PR_13' 'PRODUCE' 15 50 1* 'OIL' /
'PR_14' 'PRODUCE' 25 50 1* 'OIL' /
'PR_15' 'PRODUCE' 35 50 1* 'OIL' /
'PR_16' 'PRODUCE' 45 50 1* 'OIL' /
/
```

Следующее ключевое слово определяет интервалы перфорации скважины и траекторию скважины.

Вводятся следующие данные: название скважины (или номер); координата участка перфорации по оси X; координата участка перфорации по оси Y; слой, с которого начинается вертикальный участок перфорации скважины; слой, на котором заканчивается вертикальный участок перфорации скважины; состояние перфорации; номер таблицы фильтрации; коэффициент проводимости для каждого блока в интервале перфорации; диаметр скважины; гидропроводность (КН) для каждого блока в интервале перфорации; скин  $S$ ; D-фактор скважины для течения не-Дарси; пространственная ориентация скважины (X, Y или Z); эффективный радиус  $r_o$ .

#### COMPDAT

```
'INJ1' 30 75 1 40 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'INJ2' 40 75 1 40 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'INJ3' 20 75 1 40 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'INJ4' 20 65 1 40 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'INJ5' 30 65 1 40 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'INJ6' 40 65 1 40 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'INJ7' 20 55 1 40 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'INJ8' 30 55 1 40 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'INJ9' 40 55 1 40 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_01' 25 70 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_02' 25 80 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_03' 35 70 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_04' 35 80 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
```

```
'PR_05' 45 80 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_06' 45 70 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_07' 15 80 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_08' 15 70 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_09' 15 60 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_10' 25 60 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_11' 35 60 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_12' 45 60 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_13' 15 50 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_14' 25 50 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_15' 35 50 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
'PR_16' 45 50 1 20 'OPEN' 2* 0.16 1* 0 1* 'Z' 1* /
/
```

Следующее ключевое слово управляет нагнетательными скважинами.

Вводятся следующие данные: название скважины (или номер) или список скважин; тип закачиваемого флюида; режим работы скважины (открыта, остановлена или закрыта); управление скважиной (контроль по объёму закачки RATE, контроль по забойному давлению ВНР и т.д.); объём закачки для нагнетательной скважины в поверхностных условиях; объём закачки для нагнетательной скважины в пластовых условиях; забойное давление или ограничение по забойному давлению; далее см. руководство.

```
WCONINJE
'INJ1' 'WATER' 'OPEN' 'BHP' 2* 450 /
'INJ2' 'WATER' 'OPEN' 'BHP' 2* 450 /
'INJ3' 'WATER' 'OPEN' 'BHP' 2* 450 /
'INJ4' 'WATER' 'OPEN' 'BHP' 2* 450 /
'INJ5' 'WATER' 'OPEN' 'BHP' 2* 450 /
'INJ6' 'WATER' 'OPEN' 'BHP' 2* 450 /
'INJ7' 'WATER' 'OPEN' 'BHP' 2* 450 /
'INJ8' 'WATER' 'OPEN' 'BHP' 2* 450 /
'INJ9' 'WATER' 'OPEN' 'BHP' 2* 450 /
/
```

Следующее ключевое слово управляет добывающими скважинами.

Вводятся следующие данные: название скважины (или номер) или список скважин; режим работы скважины (открыта, остановлена или закрыта); управление скважиной (контроль по дебиту жидкости LRAT, контроль по забойному давлению ВНР и т.д.); дебит нефти в поверхностных условиях (или ограничение по дебиту нефти); дебит воды в поверхностных условиях (или ограничение по дебиту воды); дебит газа в поверхностных условиях (или ограничение по дебиту газа); дебит жидкости на поверхности (или ограничение по дебиту жидкости); дебит жидкости в пласте (или ограничение по дебиту жидкости в пласте); величина забойного давления или ограничение по забойному давлению; далее см. руководство.

WCONPROD

```
'PR_01' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_02' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_03' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_04' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_05' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_06' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_07' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_08' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_09' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_10' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_11' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_12' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_13' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_14' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_15' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /  
'PR_16' 'OPEN' 'BHP' 5* 50 /
```

/

Определим длину (в днях) и количество временных шагов моделирования.

TSTEP

48\*30 /

Завершим чтение файла.

END

## 5 Задание от 05.10.2022

1. Требуется дополнить модель из задания от 28.09.2022 гридами структуры, пористости, активных ячеек
2. Проницаемость задать по зависимости от пористости (по керну), анизотропию проницаемости по керну, ЗСВ 1252 м
3. Проинициализировать модель различными способами:
  - EQUIL +  $P_c$  (задать различные величины  $P_c$  на контакте)
  - EQUIL + SWATINIT
  - Понять как меняется начальное распределение насыщенности (и запасы) в модели в зависимости от способа инициализации

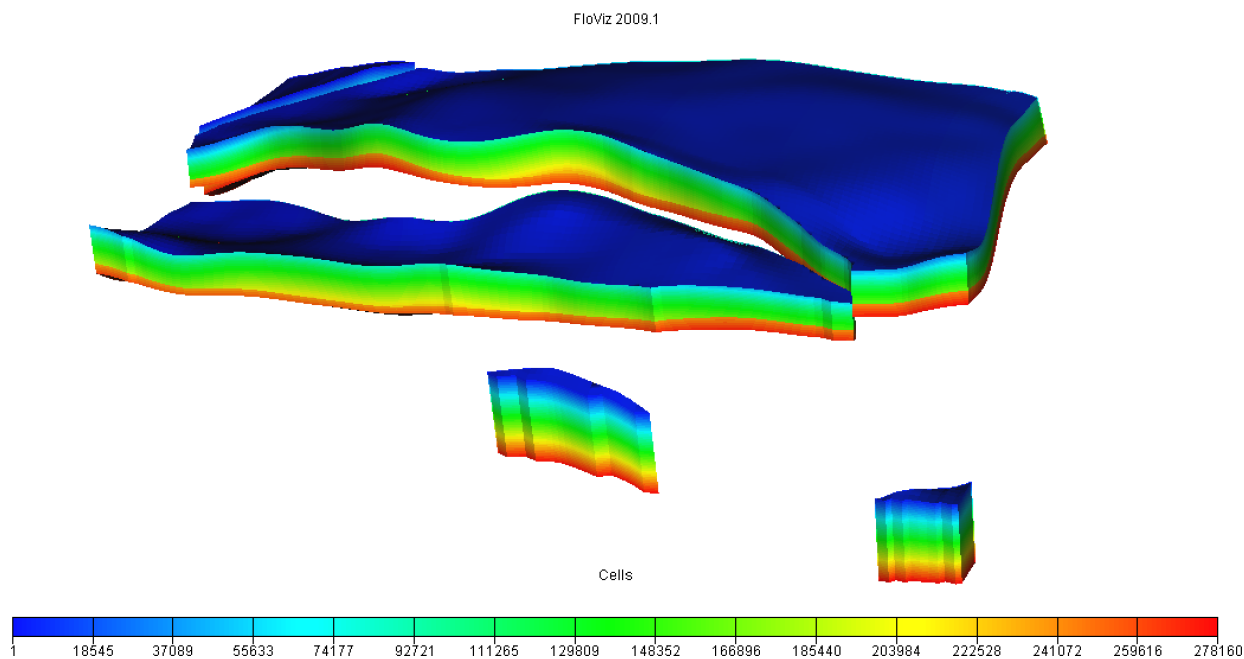


Рис. 1: Грид структуры (все ячейки) модели – визуализация FloViz

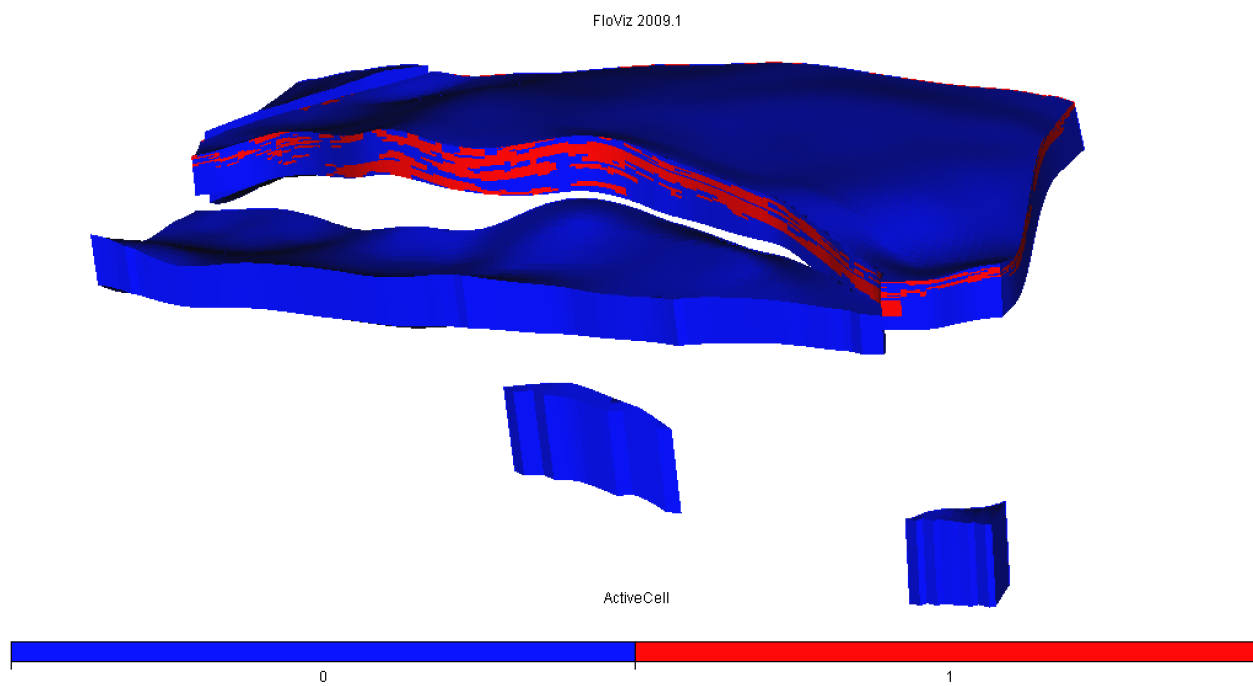


Рис. 2: Грид активных ячеек модели – визуализация FloViz

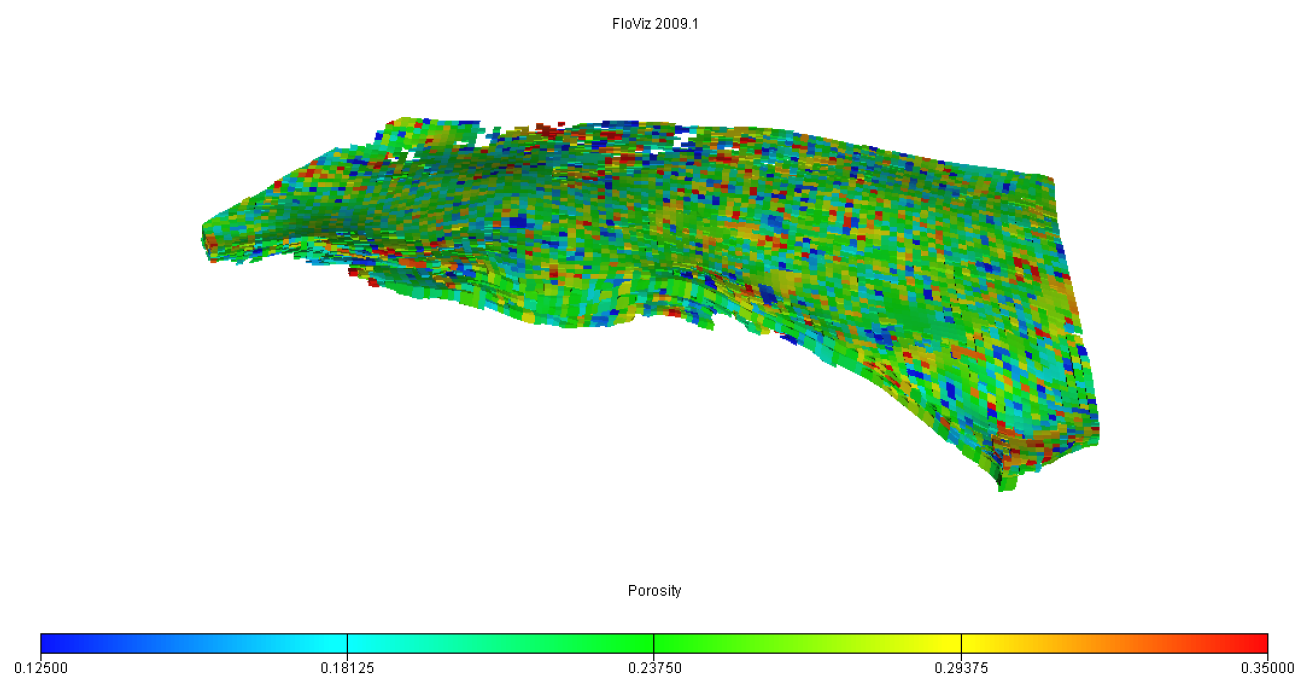


Рис. 3: Грид пористости (только для активных ячеек) – визуализация FloViz

## **6 Задание от 19.10.2022**

Собрать секцию SCHEDULE на основе подготовленных данных по траекториям скважин, перфорациям, замерам давления, добыче, распределению скважин по группам и модели из задания от 05.10.2022.