## SISTEM BILANGAN

### I. Defenisi Teori Bilangan

Sistem bilangan (number system) adalah suatu cara untuk mewakili besaran dari suatu item fisik. Sistem bilangan yang banyak dipergunakan oleh manusia adalah sistem bilangan desimal, yaitu sistem bilangan yang menggunakan 10 macam simbol untuk mewakili suatu besaran. Sistem ini banyak digunakan karena manusia mempunyai sepuluh jari untuk dapat membantu perhitungan. Lain halnya dengan komputer, logika di komputer diwakili oleh bentuk elemen dua keadaan yaitu *off* (tidak ada arus) dan *on* (ada arus). Konsep inilah yang dipakai dalam sistem bilangan binary yang mempunyai dua macam nilai untuk mewakili suatu besaran nilai. Selain sistem bilangan biner, komputer juga menggunakan sistem bilangan octal dan hexadesimal.

### II. Teori Bilangan

### 1. Bilangan Desimal

Sistem ini menggunakan 10 macam simbol yaitu 0,1,2,3,4,5,6,7,8, dan 9. Sistem ini menggunakan basis 10. Bentuk nilai ini dapat berupa integer desimal atau pecahan.

#### Integer desimal:

adalah nilai desimal yang bulat, misalnya 8598 dapat diartikan :

$$8 \times 10^{3} = 8000$$

$$5 \times 10^{2} = 500$$

$$9 \times 10^{1} = 90$$

$$8 \times 10^{0} = 8$$

$$8598$$

position value/palce value

absolute value

Absolue value merupakan nilai untuk masing-masing digit bilangan, sedangkan position value adalah merupakan penimbang atau bobot dari masing-masing digit tergantung dari letak posisinya, yaitu nernilai basis dipangkatkan dengan urutan posisinya.

## Pecahan desimal:

Adalah nilai desimal yang mengandung nilai pecahan dibelakang koma, misalnya nilai 183,75 adalah pecahan desimal yang dapat diartikan :

$$1 \times 10^{2} = 100$$

$$8 \times 10^{1} = 80$$

$$3 \times 10^{0} = 3$$

$$7 \times 10^{-1} = 0.7$$

$$5 \times 10^{-2} = 0.05$$

$$183.75$$

### 2. Bilangan Biner

Sistem bilangan binary menggunakan 2 macam simbol bilangan berbasis 2 digit angka, yaitu 0 dan 1.

Contoh bilangan 1001 dapat diartikan:

## Operasi aritmetika pada bilangan Biner:

a. Penjumlahan

Dasar penujmlahan biner adalah:

$$0 + 0 = 0$$

$$0 + 1 = 1$$

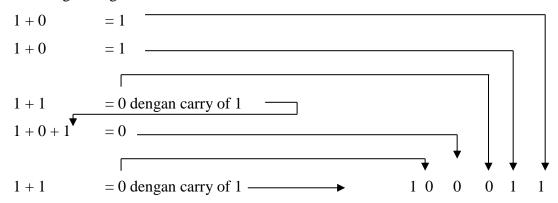
$$1 + 0 = 1$$

1+1=0 dengan carry of 1, yaitu 1+1=2, karena digit terbesar Binari 1, maka harus dikurangi dengan 2 (basis), jadi 2-2=0 dengan carry of 1

contoh:

1111 10100 + 100011

atau dengan langkah:



## b. Pengurangan

Bilangan biner dikurangkan dengan cara yang sama dengan pengurangan bilangan desimal. Dasar pengurangan untuk masing-masing digit bilangan biner adalah :

$$0 - 0 = 0$$

$$1 - 0 = 1$$

$$1 - 1 = 0$$

0-1=1 dengan borrow of 1, (pijam 1 dari posisi sebelah kirinya).

Contoh:

11101

10010

dengan langkah – langkah :

$$1-1 = 0$$
 $0-1 = 1 \text{ dengan borrow of } 1$ 
 $1-0-1 = 0$ 
 $1-1 = 0$ 
 $1-0 = 1$ 

## c. Perkalian

Dilakukan sama dengan cara perkalian pada bilangan desimal. Dasar perkalian bilangan biner adalah :

$$0 \times 0 = 0$$

$$1 \times 0 = 0$$

$$0 \times 1 = 0$$

$$1 \times 1 = 1$$

### contoh

Desimal	Biner
14	1110
12 x	1100 x
28	0000
14	0000
	1110
+	1110 +
168	10101000

# d. pembagian

Pembagian biner dilakukan juga dengan cara yang sama dengan bilangan desimal. Pembagian biner 0 tidak mempunyai arti, sehingga dasar pembagian biner adalah :

$$0:1=0$$

$$1:1=1$$

Desimal	Biner
5 / 125 \ 25	101 / 1111101 \ 11001
<u>10 -</u>	101 -
25	101
25 -	101
0	0101

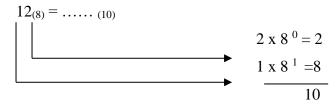
<u> 101 -</u>	
0	

## 3. Bilangan Oktal

Sistem bilangan Oktal menggunakan 8 macam simbol bilangan berbasis 8 digit angka, yaitu 0 ,1,2,3,4,5,6,7.

Position value sistem bilangan octal adalah perpangkatan dari nilai 8.

### Contoh:



Jadi 10 (10)

## Operasi Aritmetika pada Bilangan Oktal

### a. Penjumlahan

Langkah-langkah penjumlahan octal:

- tambahkan masing-masing kolom secara desimal
- rubah dari hasil desimal ke octal
- tuliskan hasil dari digit paling kanan dari hasil octal
- kalau hasil penjumlahan tiap-tiap kolom terdiri dari dua digit, maka digit paling kiri merupakan carry of untuk penjumlahan kolom selanjutnya.

## Contoh:

Desimal	Oktal
21 87 + 108	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

# b. Pengurangan

Pengurangan Oktal dapat dilaukan secara sama dengan pengurangan bilangan desimal.

## Contoh:

Desimal	Oktal
108 87 - 21	154  127 -  25  4 8 - 7 8 + 8 8 (borrow of) = 5 8  5 8 - 2 8 - 1 8 = 2 8  1 8 - 1 8 = 0 8

## c. Perkalian

Langkah – langkah :

- kalikan masing-masing kolom secara desimal
- rubah dari hasil desimal ke octal
- tuliskan hasil dari digit paling kanan dari hasil octal

- kalau hasil perkalian tiap kolol terdiri dari 2 digit, maka digit paling kiri merupakan carry of untuk ditambahkan pada hasil perkalian kolom selanjutnya.

Desimal	Oktal
	16
14	14 x
12 x	70
28	$4_{10} \times 6_{10} = 24_{10} = 30_{8}$
14 +	$4_{10} \times 1_{10} + 3_{10} = 7_{10} = 7_{8}$
168	
	16
	14 x
	70
	16
	$1_{10} \times 6_{10} = 6_{10} = 6_{8}$
	$1_{10} \times 1_{10} = 1_{10} = 1_{8}$
	16
	14 x
	70
	<u>16 +</u>
	250
	$7_{10} + 6_{10} = 13_{10} = 15_{8}$
	$1_{10} + 1_{10} = 2_{10} = 2_8$

### d. Pembagian

Desimal	Oktal
12 / 168 \ 14	14 / 250 \ 16
12 -	14 - <b>4</b> 14 <sub>8</sub> x 1 <sub>8</sub> = 14 <sub>8</sub>
48	110
48 –	110 - 14 8 x 6 8 = 4 8 x 6 8 = 30 8
0	$0   1_{8} \times 6_{8} = 6_{8} +$
	110 8

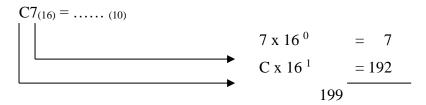
## 4. Bilangan Hexadesimal

Sistem bilangan Oktal menggunakan 16 macam symbol bilangan berbasis 8 digit angka, yaitu 0 ,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,Edan F

Dimana 
$$A = 10$$
,  $B = 11$ ,  $C = 12$ ,  $D = 13$ ,  $E = 14$  dan  $F = 15$ 

Position value system bilangan octal adalah perpangkatan dari nilai 16.

### Contoh:



Jadi 199 (10)

## Operasi Aritmetika Pada Bilangan Hexadesimal

### a. Penjumlahan

Penjumlahan bilangan hexadesimal dapat dilakukan secara sama dengan penjumlahan bilangan octal, dengan langkah-langkah sebagai berikut :

Langkah-langkah penjumlahan hexadesimal:

- tambahkan masing-masing kolom secara desimal
- rubah dari hasil desimal ke hexadesimal
- tuliskan hasil dari digit paling kanan dari hasil hexadesimal

- kalau hasil penjumlahan tiap-tiap kolom terdiri dari dua digit, maka digit paling kiri merupakan carry of untuk penjumlahan kolom selanjutnya.

## Contoh:

Desimal	hexadesimal
2989 1073 + 4062	BAD $ \begin{array}{c} 431 + \\ \hline FDE \\ \hline D_{16} + 1_{16} = 13_{10} + 1_{10} = 14_{10} = E_{16} \\ \hline A_{16} + 3_{16} = 10_{10} + 3_{10} = 13_{10} = D_{16} \\ \hline B_{16} + 4_{16} = 11_{10} + 4_{10} = 15_{10} = F_{16} \end{array} $

# b. Pengurangan

Pengurangan bilangan hexadesimal dapat dilakukan secara sama dengan pengurangan bilangan desimal.

Desimal	hexadesimal
4833 1575 - 3258	12E1  627 -  CBA  16 10 (pinjam) + 1 10 - 710 = 10 10 = A 16  14 10 - 7 10 - 1 10 (dipinjam) = 11 10 = B 16  1610 (pinjam) + 2 10 - 610 = 12 10 = C 16  10 - 1 10 (dipinjam) 0 10 = 0 16

## c. Perkalian

# Langkah – langkah :

- kalikan masing-masing kolom secara desimal
- rubah dari hasil desimal ke octal
- tuliskan hasil dari digit paling kanan dari hasil octal
- kalau hasil perkalian tiap kolol terdiri dari 2 digit, maka digit paling kiri merupakan carry of untuk ditambahkan pada hasil perkalian kolom selanjutnya.

Desimal	Hexadesimal
172	AC
27 x	1B x
1204	764
344 +	$ ightharpoonup^{ ightharpoonup}$ $ igh$
4644	$A_{16} \times B_{16} + 8_{16} = 10_{10} \times 11_{10} + 8_{10} = 76_{16}$
	AC
	1B x
	764
	AC
	$C_{16} \times 1_{16} = 12_{10} \times 1_{10} = 12_{10} = C_{16}$
	$A_{16} \times 1_{16} = 10_{10} \times 1_{10} = 10_{10} = A_{16}$
	AC
	1B x
	764
	<u>AC +</u>
	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	$7_{16} + A_{16} + 1_{16} = 7_{10} \times 10_{10} + 1_{10} = 18_{10} = 12_{16}$

## D. Pembagian

### Contoh:

Desimal	hexadesimal
27 / 4646 \ 172	1B / 1214 \ AC
27-	$10E 1B_{16}xA_{16} = 27_{10}x10_{10} = 270_{10} = 10E_{16}$
194	144
<u> 189 –                                     </u>	<u>144-</u> $^{\bullet}$ 1B <sub>16</sub> x C <sub>16</sub> = 27 <sub>10</sub> x 10 <sub>10</sub> = 3240 <sub>10</sub>
54	$0 = 144_{16}$
_ 54	
0	

### III. Konversi Bilangan

Konversi bilangan adalah suatu proses dimana satu system bilangan dengan basis tertentu akan dijadikan bilangan dengan basis yang alian.

## Konversi dari bilangan Desimal

1. Konversi dari bilangan Desimal ke biner

Yaitu dengan cara membagi bilangan desimal dengan dua kemudian diambil sisa pembagiannya.

Contoh:

$$45 (10) = \dots(2)$$

$$45 : 2 = 22 + sisa 1$$

$$22 : 2 = 11 + sisa 0$$

$$11 : 2 = 5 + sisa 1$$

$$5 : 2 = 2 + sisa 1$$

$$2 : 2 = 1 + sisa 0$$

101101(2) ditulis dari bawah ke atas

## 2. Konversi bilangan Desimal ke Oktal

Yaitu dengan cara membagi bilangan desimal dengan 8 kemudian diambil sisa pembagiannya

$$385 : 8 = 48 + sisa 1$$

$$48 : 8 = 6 + sisa 0$$

$$601 (8)$$

## 3. Konversi bilangan Desimal ke Hexadesimal

Yaitu dengan cara membagi bilangan desimal dengan 16 kemudian diambil sisa pembagiannya

Contoh:

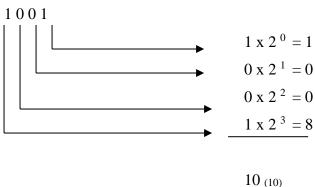
1583 ( 10 ) = ....(16)  
1583 : 
$$16 = 98 + \sin 15$$
  
 $96 : 16 = 6 + \sin 2$   
62F (16)

### Konversi dari system bilangan Biner

### 1. Konversi ke desimal

Yaitu dengan cara mengalikan masing-masing bit dalam bilangan dengan position valuenya.





## 2. Konversi ke Oktal

Dapat dilakukan dengan mengkonversikan tiap-tiap tiga buah digit biner yang dimulai dari bagian belakang.

## Contoh:

Matematika Komputasi Agustin, M. Kom

diperjelas:

$$100 = 0 \times 2^{0} = 0$$
$$0 \times 2^{1} = 0$$
$$1 \times 2^{2} = 4$$

Begitu seterusnya untuk yang lain.

### 3. Konversi ke Hexademial

Dapat dilakukan dengan mengkonversikan tiap-tiap empat buah digit biner yang dimulai dari bagian belakang.

Contoh:

11010100

1101 0100

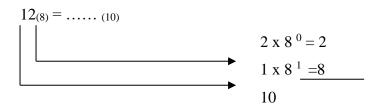
D 4

## Konversi dari system bilangan Oktal

## 1. Konversi ke Desimal

Yaitu dengan cara mengalikan masing-masing bit dalam bilangan dengan position valuenya.

Contoh:



Jadi 10 (10)

## 2. Konversi ke Biner

Dilakukan dengan mengkonversikan masing-masing digit octal ke tiga digit biner.

$$6502 (8) \dots = (2)$$

$$2 = 010$$

$$0 = 000$$

$$5 = 101$$

$$6 = 110$$

jadi 110101000010

#### 3. Konversi ke Hexadesimal

Dilakukan dengan cara merubah dari bilangan octal menjadi bilangan biner kemudian dikonversikan ke hexadesimal.

Contoh:

$$2537(8) = \dots(16)$$

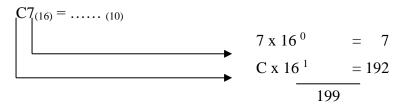
$$010101010000(2) = 55F(16)$$

Konversi dari bilangan Hexadesimal

### 1. Konversi ke Desimal

Yaitu dengan cara mengalikan masing-masing bit dalam bilangan dengan position valuenya.

## Contoh:



Jadi 199 (10)

#### 2. Konversi ke Oktal

Dilakukan dengan cara merubah dari bilangan hexadesimal menjadi biner terlebih dahulu kemudian dikonversikan ke octal.

$$55F(16) = ....(8)$$

$$55F(16) = 010101011111(2)$$

$$0101010111111(2) = 2537(8)$$

#### **LATIHAN**

#### SOAL!

- 1. Konversi bilangan oktal berikut ke bilangan desimal
  - a. 213<sub>(8)</sub> b. 57<sub>(8)</sub>
- 2. Konversi bilangan desimal berikut ini ke bilangan oktal
  - a. 351<sub>(10)</sub>
  - b. 629<sub>(10)</sub>
- 3. Konversi bilangan oktal berikut ini ke bilangan biner
  - a. 27
  - b. 210
  - c. 555<sub>(8)</sub>
  - d. 6543<sub>(8)</sub>
- 4. Konversi bilangan biner berikut ini ke bilangan Oktal
  - a. 010
  - b. 110011
  - c. 1011001
  - d. 1010111000

#### **JAWABAN**

3. a. 27 (8) = 001111 (2)

$$2 = 001 \atop 7 = 111$$
  $27$ 

- ь. 210
  - 2 = 0101 = 0010 = 000
- c. 555 (8)
  - 5 = 1015 = 101 5 = 101
    - 555 (8) = 101 101 101
- d. 6543 (8)
  - 6 = 1105 = 101 6543 (8) = 110 101 100 011 4 = 100 3 = 011
- 4. a. 101
  - b. 110 011
  - c. 110 1001 = 31 (R)

- 1. a. 213 (8)  $-3 \times 8^{0} = 3 \times 1 = 3$ 3+8+128 = 139
  - b. 57 (8) 7+40 = 47
- 2. a.  $351_{(10)} = (8) = 537_{(8)}$ 
  - 351 8 Sisa 7 43 g Sisa 3 5 g Sisa 5
- 1. 1024 (10)

Ubahlah bilangan diatas menjadi

- a. Bilangan biner
- b. Bilangan Oktal
- c. Bilangan Heksadesimal
- 2. 1100 1101 01 (2)

Ubahlah bilangan diatas menjadi

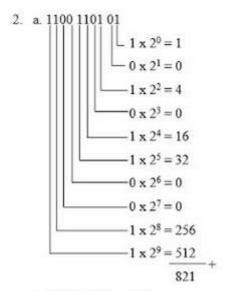
- a. Bilangan desimal
- b. Bilangan Oktal
- c. Bilangan Heksadesimal

# 1. a. Bilangan biner 1024 (10)

## b. Bilangan Oktal 1024 (10)

$$(1024)_{(10)} = 2000_{(8)}$$

## c. Bilangan Heksadesimal 1024 (10)



- b. 1100110101 = 632 (8)
- c. 1100110101<sub>(2)</sub> = (D 16)

$$1100 = C$$