LP15 - Propagation quide des ords

126 requis

Ondes electionagnitiques

Fropagation libre.

Introduction

· Qu'est le que le guidage?

- on contraint une ond à su proposer dans un volume donné, à suivre un chemin chasi délimité par un matériau, par exempte un luyour pour une onde acoustique.
- . A qui sert de guider les ordes!

 Transport d'energie et d'information d'une source vers un récepteur, plus optimal que la propagation libre du point de vue de l'ultisation de l'energie et de la sécurité.
- · Manip. guidage d'artes acaustiques => on met on avidence l'existence de modes, ainsi qu'une dispersion (le signal regu est déforme)

I - Guidage dondes acoustiques Essayons de matéliser et de comprandre le phémierre observe en introduction. 1) Position du problème * L'évolution de la pression lors du possage d'une orde acoustique est donnée par une équation de d'Alembert $\Delta p - \frac{1}{c_s^2} \frac{\partial^2 p}{\partial H^2} = 0$ (1) inearite $\Delta p - \frac{1}{c_s^2} \frac{\partial^2 p}{\partial H^2} = 0$ * On stinteresse à la propagation dans un opide rectangulaire: - le guidage implique l'ajout de carditrons de bord à Meguation dondes. En supposent un écoulement a parfait $u, \vec{n} = 0$ en tout point des parois, m'étant la normale locale à la paroi et l'étant le Champ des vitesses fluides. Dat: $u_{\mathbf{x}}(0,y) = u_{\mathbf{x}}(a,y) = 0$ et $u_{\mathbf{y}}(\mathbf{x},0) = u_{\mathbf{y}}(\mathbf{x},b) = 0$. * Comment se reperantent ces conditions sur p?

Equation d'Enler: 90 Du = - Vp Il vay avoir réflexion sur les parois et donc superpostion des andes incidente et réfléchie. On cherche une solution à (1) de la forme $p(x,y,z,t) = X(x)Y(y) \cos(\omega t - kz)$ $\Rightarrow p(xyz,b) = \chi(x)\chi(y)e^{-i(\omega b - kz)}$ (2) $\frac{d'ax}{d'ax} \times \frac{1}{(0)} = \times \frac{1}{(0)} = 0$ ef Y(0)= Y'(b)=0

2º/ Dispersion dans un quite dances

(3)
$$\frac{d^2X}{dx^2}Y(y) + X(x)\frac{d^2Y}{dy^2} + \left(\frac{u^2}{c^2} - k^2\right)X(x)Y(y) \forall x,y,z \text{ etc.}$$

*En
$$\alpha_s$$
 tel que $X(\alpha_s) \neq 0$ on divise por $X(\alpha_s)$:
$$\frac{d^2Y}{dy^2} + \left(\frac{w^2}{cs^2} - b^2 + \frac{d^2X}{dx^2} \left| \frac{1}{x_s} X(x) \right| Y(y) = 0,$$

$$\Rightarrow K_{y} > 0 \quad Y(y) = Y_{0} \cos(K_{y} y) \Rightarrow Y'(y) = -X_{y} \sin(K_{y} y)$$

$$Y'(0) = Y'(b) = 0 \Rightarrow K_{y} = \frac{mT}{b} \quad m \in \mathbb{N}$$

Rg.
$$m \in \mathbb{N}$$
 et pas \mathbb{N}^* car la condition de bord portesur la dérivée $\Rightarrow m = 0$ implique $Y(y) = cte$

* On conduit le même raisonnement en y tel que
$$Y(y_0) \neq 0$$
:
$$X''(\alpha) + K_{\alpha}^{2} X(\alpha) = 0$$

avec
$$K_{z}^{2} = \frac{\omega^{2}}{G_{s}^{z}} - R^{2} + \frac{1}{y(y)} \frac{d^{2}y}{dy^{2}} > 0$$
 $K_{z} = \frac{m\pi}{a} m \in \mathbb{N}$

et donc
$$X(x) = X_3 \cos(K_x x)$$

* On injecte
$$X(x)$$
 et $Y(y)$ dans (3).

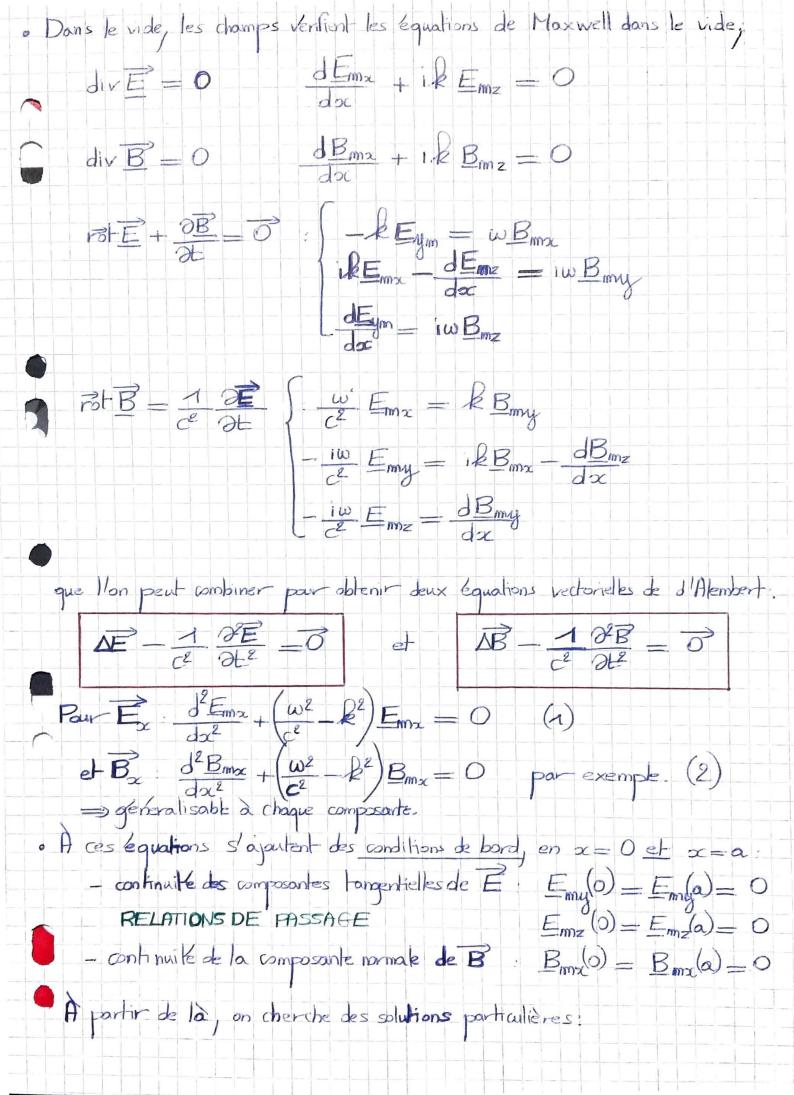
$$da \quad \omega^2 = k^2 c_s^2 + (K_x^2 + K_y^2) c_s^2 \Rightarrow \omega^2 = k^2 c_s^2 + \pi^2 c_s^2 \left(\frac{m^2}{b^2} + \frac{m^2}{b^2}\right)$$

et
$$p(\alpha, y, z, t) = p_0 \sin(m\pi x) \sin(m\pi y) \cos(kz - wt)$$

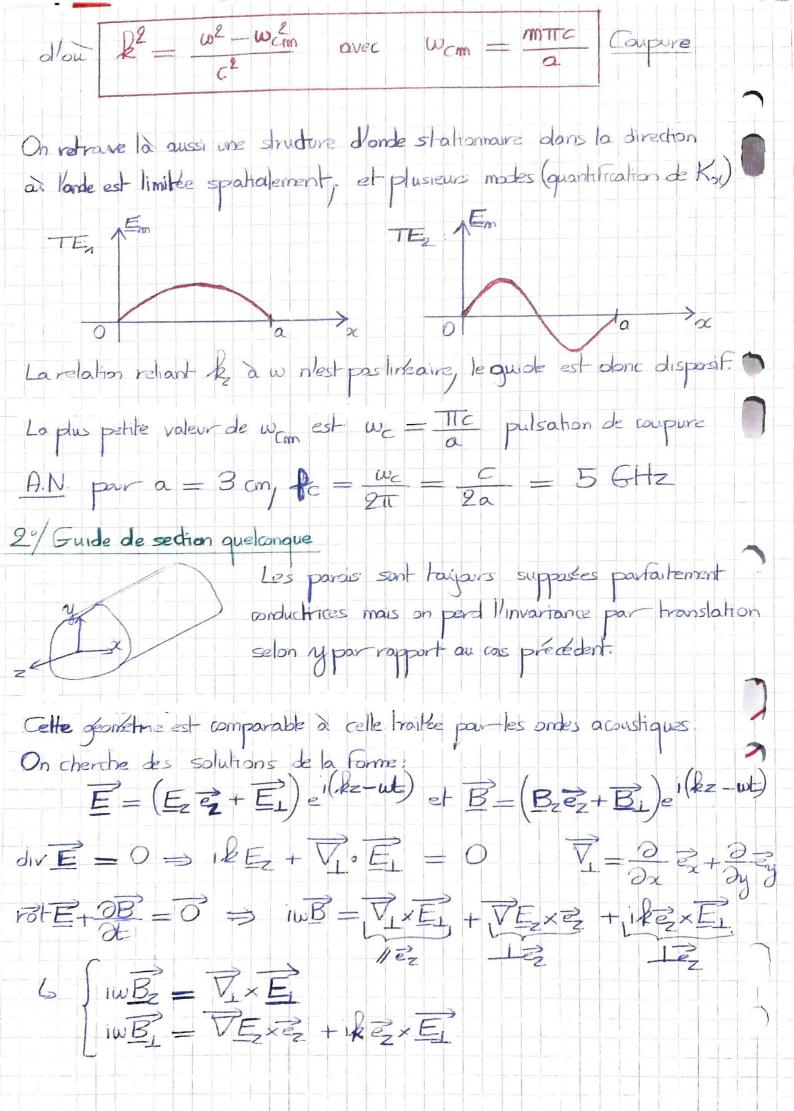
Il apparait des modes de propogation (mm, m), absents dans un problème de
propagation libre.
* (0,0) OFFTI, comme en propagation libre $w^2 = k^2 c_s^2$ (non disperse) * Si m ai m \neq 0, le made (m, m) ne se propage (k reel) que si
* Si mai m + O, le made (m, m) ne se prepage (le réel) que si
at wommendésigne la pulsation de coupure du mode (m,m) considéré.
at windésigne la pulsation de coupure du mode (m,m) considére.
W Ainsi, la relation de depersion possede des branches: les modes.
Quelque soit ke mote: lorsque kc, Dw, $w \sim kc_s^2 \Leftrightarrow ka, kb \ll 1$ (4.1) (4.1) (4.1) (4.1) (4.1)
(21) $(2\pi)^2$ $(2\pi)^$
* $v_{\psi} = \frac{\omega}{k} = \frac{1}{k} \left(\frac{R_{mm}}{R_{mm}} \right) = \frac{1}{v_{g}} = \frac{d\omega}{dk} = g(k_{mm}) pour (m_{g}m) \neq (q_{g}m_{g}m_{g})$
le guidage rand le milieu dispersif: les mades ne se propagent pas
le guidage rand le milieu dispersif: les mates ne se propagent pas ? aux memes vitesses. La vitesse de groupe dépend de le (donc de W) et du mote (m, m). Idem pour la vitesse de phase. (**)
* On remarque que par un quide de section somme (a=b), les branches (1,0) et (0,1) fusionment, comme (2,0) et (0,2) et plus deveralment les branches
=> La symétrie implique un dégénérescence des modes de propagation.
(++) Remarque la vitesse "myanne" d'un paquet d'antes est la vitesse de phose.
Lavites de l'enveloppe est la vites de groupe. C'est elle gulon pout
mesurer dans la manip d'intro, chaque mode étant un paquet

A DESCRIPTION OF THE PROPERTY
the part of the part
3/ Guidage dans un tryan Cylindrique
Le modèle prédent rous fournit les imprédients physiques récessaires
à la compréhension de l'expérience introductive. On souhaite maintenant
identifier les modes observes tout à l'houre. On doit pour cela tenir
compte de la géométrie cylindrique du qui de pour avoir une discussion
quantitative
* Résultats de la théorie en opometrie aylindrique (BUP Moreau
=> projeter par comparaison avec la manip (hampion lhibror. Physique Exp.)
Dans un tel quide, la relation de dispersion a une forme similaire:
$\frac{1}{\Lambda^2} = \frac{1}{\Lambda^2} \frac{1}{\Lambda^2} \implies \text{proposed si } \omega > \omega_{\text{man}} \Leftrightarrow \Lambda < \Lambda_{\text{man}}$
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
du made mm mode mm
To min = Ita at pinn est le minieme zoro de la dérivée de la
m-12 me fonction de Bessel de 1erc espèce
$\Rightarrow \exists_{m} (f_{mm}) = 0$
Protocok de mesure
Aligner emelleur et récepteur on doit observer un signal sur le récepteur si un oscillo connecte aux 2 systèmes
INTRO! Intervaler un tayan de diamètre a entre les 2 systèmes
=) observer
. Essayer de séparer les modes et remonter à la vitesse de groupe du made
identifier. $y_g^{mm} = \frac{dw}{dk_g mn} = \frac{d\lambda}{dk_g mn}$
J Okg mn /g mm
* A-t-on de la dispersion dans le damaine audible!
Coupere du premier mode:
Condusion:

II - Guidage d'andes lelectromogrétiques
Motivation: on peut canaliser un signal électromagnétique depuis une
source jusqu'à un détecteur le quidage d'annes électromogrétiques
permet de canaliser l'énergie et l'information vers l'endroit ai on les
requiert au lieu de les envoyer dans toutes les directions.
On utilise par le guidose la réflexion des ordes électromognétiques sur
une interface. Deux solutions sont possibles.
- une interface vide/milieu conducteur est réfléchissante tant que
w < wp pulsation plasma du métal/milieu conducteur
Paur des fréquences suffisamment élevées: 7 KW KWp où
Test le temps de relaxation des électrons comprendre par la ladurée qu'ils
mellent pour réogur à une voiration des champs), la réflexion et même
totale: on peut alors assimiler le conducteur à un conducteur parfait.
Rg: si u < 1 le milieu absorbe por effet de peau, sur une épaisseur
Rq: si w < 1 le milieu absorbe por effet de peau, sur une épaiseur > 5 = \frac{27}{\mu_{\text{nuny}}} d'autant plus faible que w est grande.
- une interface entre deux délectriques: on confine l'orde EM dans le
milieu le plus réfringent (m,) m2) en jouant sur l'angle d'incidence
au dioptre (il doit être supeneur à l'angle limite, pour lequel il y a
réflexion totale et plus réfraction).
1/ Propagation quide entre deux plans conducteurs parfaits
Milieu 1: vide Milieu 2: conducteurs parfaits E2 = 0
Milieu Z: conducteurs partoirs E2 = 0
Invariance partranslation selan yetz Repagation selan z $E = E_{mn}(a)e^{i(kz-wt)}$
$B = B_m(\omega) e^{i(kz - ut)}$
C'est pas vrai je pense, c'est juste que E ne dépend pas de vec $E_m(x) = E_{mx}(x) e_x + E_{mz}(x) e_y$
composante Ey! On montre après qu'il y en a en plus.



/ Modes IE On relathe la contrainte sur B' $\Rightarrow E_{mz} = 0 \ V \ x, t \Rightarrow E_{mx} = de$ Définition Elle Danc, dapres (1): $= \int_{a}^{b} \frac{dB_{mx}}{dx} = \int_{a}^{b} \frac{dB_{mx}}{dx}$ => Bm= = cte = 0 (bords) donc Emy = 0, donc Bm2 = 0 on retrouve le mode TEM * soil Emz = 0 => Bmg = 0 (Em = Emy of E = Ek) (kz-wt) Let B = Banez + Barez our Bon = 1 dEmy et Bim = - EEmy you Made transverse electrique P.B +0 5, on determine Emy(x), on contact B 12 Emy + (w2 - 22) Emy = 0 et w2 + 22 On por K2 = w2 - le2 et, de façon similare à coquion a fat compatible aux les conditions de bord, d'ai Emy = Eo GOE (Kx + 4) et conne Emy(0) = Emy(a) = on on Haut Y= T of Ka = mTI, m = N* (mxo Es-



=> 5 E2 = 0 =+ B2 = 0 V. E = 0 == E_ = - or so plans 型×耳=0 ce qui peut se rééenre comme $\begin{cases}
\Delta E_{x} = 0 \\
\Delta E_{y} = 0
\end{cases}$ avec les conditions de bord. The x En = 0 en tout point de la porroi) et donc $\nabla_{L} \cdot E_{L} = 0 = \Delta \Phi(\alpha, y)$ no se ramène à un problème d'électrostatique. Comme ϕ = the dans tout le conducteur partait, $\Delta \phi$ = 0 dans le vide implique ϕ = the dans tout le volume délimité par le guide et donc ϕ = ϕ Le mode TEM, dont la propagation est non dispersive, ne peut pas exister. Seuls les modes TE et TM peuvent dy propager, impliquant une déformation du signal durant sa propagation, ce qui peut être embéhant pour transporter de l'information. · Par avoir un mode TEM, on a besoin d'un deuxième conducteur. C'est par exemple le principe du cable coaxial on peut avoir $\Delta \phi = 0$ mais $\vec{E}_{\perp} \neq \vec{o}$. Dans un quide d'ordes constitue d'un seul conducteur, seules les ordes telles que w) we pourront se proposer (we stant la coupure la plus basse des modes autorises). On peut envisager des les utiliser à porter de would et tont que w < wpe (au-delà, le conductour devient transment) Typiquement, pair le cuivre upe ~ 1,6× 1016 rad/s soit fre=21015Hz et on a vu fo ~ 109 Hz On se sort des ognides d'ondes pair guider des

ordes dont la fréquence est de l'ordre de la décaine de gigahertz (micro-ordes) Pour out in lutilise - t-on pas de cable coaxial dans cette gamme de Préquences pa s'affranchir des problèmes de dispersion? C'est-life aux problèmes d'alténuation de l'orde lors du guidage. 3% Altenuation dans in cable coaxial (si le temps, improviser)