

Assignment 1  
Advanced Algorithms & Data Structures PS

Christian Müller 1123410  
Daniel Kocher, 0926293

March 9, 2016

**Input** : Menge  $S$  bestehend aus vertikalen Segmenten und Endpunkten von horizontalen Segmenten, welche bezüglich ihrer x- und y Koordinaten paarweise verschieden sind.  
 $S$  sei nach horizontalen Koordinaten sortiert (Algorithmus ist leicht zu adaptieren falls nicht).

**Output** : Alle Schnittpunkte von vertikalen Segmenten mit horizontalen Segmenten, von denen mindestens ein Endpunkt in  $S$  ist

**Variables:**  $L(S)$  enthält die y-Koordinaten aller linken Eckpunkte in  $S$ , deren rechter Partner nicht in  $S$ .  
 $R(S)$  enthält die y-Koordinaten aller rechten Eckpunkte in  $S$ , deren linker Partner nicht in  $S$ .  
 $V(S)$  enthält die y-Intervalle der vertikalen Segmente in  $S$ .  
 $L(S)$  und  $R(S)$  sind nach steigenden y-Koordinaten sortierte, verkettete Listen.  
 $V(S)$  sind nach steigenden unteren Endpunkten sortierte, verkettete Listen.

```

1 Function ReportCuts( $S$ )
2   if  $|S| \leq 1$  then
3     // Initialisierung von  $L(S)$ ,  $R(S)$  und  $V(S)$ 
4     Sei  $s = (x, y) \in S$ ;
5     if  $s$  ist linker Endpunkt then  $L(S) \leftarrow \{y\}$ ,  $R(S) \leftarrow \emptyset$ ,  $V(S) \leftarrow \emptyset$ ;
6     else if  $s$  ist rechter Endpunkt then  $L(S) \leftarrow \emptyset$ ,  $R(S) \leftarrow \{y\}$ ,  $V(S) \leftarrow \emptyset$ ;
7     else if  $S$  enthält nur das vertikale Segmente  $v$  then  $L(S) \leftarrow \emptyset$ ,  $R(S) \leftarrow \emptyset$ ,  $V(S) \leftarrow \{[y_1, y_2]\}$ ;
8     return ; // Rekursionsende
9   end

  // Divide Schritt
  Teile  $S$  per vertikaler Trennlinie in zwei (nahezu) gleich große Teile  $S_1$  und  $S_2$  auf;

  // Conquer Schritt
10  ReportCuts( $S_1$ );
11  ReportCuts( $S_2$ );

  //  $L(S_i)$ ,  $R(S_i)$ ,  $V(S_i)$  für  $i = 1, 2$  bekannt  $\Rightarrow$  Merge Schritt
  // Berichte Segmentschnittpunkte (Paare  $(h, v)$ )
12  IntersectAndReport( $R(S_2) \setminus L(S_1), V(S_1)$ );
13  IntersectAndReport( $L(S_1) \setminus R(S_2), V(S_2)$ );

  // Aktualisiere  $L(S)$ ,  $R(S)$  und  $V(S)$  für  $S = S_1 \cup S_2$ 
14   $L(S) = (L(S_1) \setminus R(S_2)) \cup L(S_2)$ ;
15   $R(S) = (R(S_2) \setminus L(S_1)) \cup R(S_1)$ ;
16   $V(S) = V(S_1) \cup V(S_2)$ ;

```

```

1 Function IntersectAndReport( $H(S), V(S)$ )
   // Sei  $\dot{V} = (v_1, v_2, \dots, v_n)$  mit  $v_i = (y_{unten}, y_{oben})$  eine einfach verkettete aufsteigend
   // sortierte (gemäß  $y_{unten}$ ) Liste die alle Element aus  $V(S)$  enthält.
   // Sei  $\dot{H} = (h_1, h_2, \dots, h_n)$  mit  $h_i = (x, y)$  eine einfach verkettete aufsteigend sortierte
   // (gemäß  $y$ ) Liste die alle Element aus  $V(S)$  enthält.
2  $currHor \leftarrow h_1$ ;
3  $currVert \leftarrow v_1$ ;
4 while  $currVert \neq null$  do
5     if intersects( $currVert, currHor$ ) then
6         print( $currHor, currVert$ );
7          $tmpHor \leftarrow currHor.next$ ;
8         while  $tmpHor \neq null$  and intersects( $currVert, tmpHor$ ) do
9             print( $tmpHor, currVert$ );
10             $tmpHor \leftarrow tmpHor.next$ ;
11        end
12         $currVert \leftarrow currVer.next$ ;
13    else
14        if  $currHor.y < currVert.y_{unten}$  then
15             $currHor \leftarrow currHor.next$ ;
16        end
17    end
18 end

```