

DELTA – Střední škola informatiky a ekonomie,  
Základní škola a Mateřská škola s.r.o.  
Ke Kamenci 151, PARDUBICE

MATURITNÍ PROJEKT

Řešení vybraných problémů algoritmiky grafů

Martin Klíma  
4.B  
Informační technologie 18-20-M/01  
2022/2023

# Zadání maturitního projektu z informatických předmětů

Jméno a příjmení: Martin Klíma  
Pro školní rok: 2022/2023  
Třída: 4.  
Obor: Informační technologie 18-20-M/01

Téma práce: Řešení vybraných problémů algoritmiky grafů

Vedoucí práce: Mgr. Josef Horálek, Ph.D.

## **Způsob zpracování, cíle práce, pokyny k obsahu a rozsahu práce:**

Cílem maturitního projektu je podrobně popsat a realizovat vybrané problémy v oblasti algoritmiky grafů. Autor zpracuje problematiku algoritmické reprezentace grafů a základních operací s nimi. Dále autor zpracuje vybrané metody procházení grafů, prohledávání grafů a stanovení minimální kostry grafů. V praktické části pak autor vytvoří sadu podrobně popsanych implementací vybraných problémů ve vybraném objektově orientovaném jazyce.

## **Stručný časový harmonogram (s daty a konkretizovanými úkoly):**

- 09 – 11 Zpracování problematiky algoritmické reprezentace grafů
- 11 – 12 Návrh OOP modelu pro realizaci vybraných algoritimů
- 12 – 02 Implementace vybraných problémů
- 02 - 03 Testování řešení
- 03 Finalizace textového znění maturitního projektu

## **Prohlášení**

Prohlašuji, že jsem maturitní projekt vypracoval(a) samostatně, výhradně s použitím uvedené literatury.

V Pardubicích 31.3.2023

.....  
Martin Klíma

## **Poděkování**

Chtěl bych poděkovat Mgr. Josefu Horálkovi, Ph.D. za odborné vedení maturitního projektu a dodání potřebných studijních materiálů.

## **Resumé**

Tato maturitní práce popisuje vybrané problémy algoritmiky grafů. V teoretické části se budu zabývat principy prohledávání grafů do hloubky, do šířky a vyhledávání nejkratší cesty.

V praktické části se budu zabývat implementací těchto algoritmů.

## **Klíčová slova**

DFS, BFS, GUI, vážené grafy, spanning tree

## **Anotation**

This final thesis describes selected problems in graph algorithmics. In the theoretical part I will deal with the principles of graph search in depth, breadth and shortest path search.

In the practical part I will deal with the implementation of the following algorithms.

## **Key words**

DFS, BFS, GUI, weighted graphs, spanning tree

# Obsah

<b>1</b>	<b>Úvod</b>	<b>7</b>
<b>2</b>	<b>Teorie</b>	<b>8</b>
2.1	Úvod do grafů . . . . .	8
2.2	Depth First Search . . . . .	9
2.2.1	Popis algoritmu . . . . .	9
2.2.2	Funkcionalita algoritmu . . . . .	9
2.2.3	Výhody a nevýhody algoritmu . . . . .	9
2.2.4	Využití algoritmu . . . . .	9
2.2.5	Ukázka implementace algoritmu . . . . .	10
2.3	Breadth First Search . . . . .	12
2.3.1	Popis algoritmu . . . . .	12
2.3.2	Funkcionalita algoritmu . . . . .	12
2.3.3	Výhody a nevýhody algoritmu . . . . .	12
2.3.4	Využití algoritmu . . . . .	12
2.3.5	Ukázka implementace algoritmu . . . . .	12
2.4	Dijkstrův algoritmus . . . . .	15
2.4.1	Popis algoritmu . . . . .	15
2.4.2	Funkcionalita algoritmu . . . . .	15
2.4.3	Výhody a nevýhody algoritmu . . . . .	15
2.4.4	Využití algoritmu . . . . .	15
2.4.5	Ukázka implementace algoritmu . . . . .	16
<b>3</b>	<b>Aplikace</b>	<b>19</b>
3.1	Využité technologie . . . . .	19
3.1.1	Javascript . . . . .	19
3.1.2	Svelte . . . . .	19
3.2	Vizualizace . . . . .	20
3.2.1	Canvas . . . . .	20
3.2.2	Vykreslování cest . . . . .	20
3.2.3	Animace průchodu . . . . .	21
<b>4</b>	<b>Závěr</b>	<b>22</b>
<b>5</b>	<b>Literatura</b>	<b>23</b>

# 1 Úvod

Cílem maturitní práce je podrobně popsat a realizovat vybrané problémy v oblasti algoritmiky grafů zaměřených na prohledávání grafů. Tento maturitní projekt bude využit jako doprovodný studijní materiál předmětu algoritmy, jehož cílem je seznámit studenty se základními principy prohledávání grafů do hloubky, do šířky a vybraných algoritmických problémů. Pro naplnění cílů této práce jsou teoreticky popsány principy fungování prohledávání do hloubky, prohledávání do šířky a vyhledávání nejkratší cesty.

Praktická realizace celého projektu je navržena v programovacím jazyce javascript za pomoci svelte. Výstupem práce je webová stránka s GUI rozhraním, které umožňuje uživateli (studentovi) výběr konkrétního algoritmu s ukázkou jeho implementace.

## 2 Teorie

### 2.1 Úvod do grafů

Grafy jsou matematické objekty, které se skládají z vrcholů a hran, které spojují tyto vrcholy. Grafy jsou využívány jako model pro mnoho různých situací v informatice a jiných oblastech, jako například počítačové sítě, telekomunikace a dopravní systémy.

Jedním z nejdůležitějších problémů v algoritmice grafů je nalezení nejkratší cesty mezi dvěma vrcholy. Tento problém se řeší pomocí různých algoritmů, jako například Dijkstrův algoritmus, Bellman-Fordův algoritmus nebo algoritmus Floyd-Warshall. Tyto algoritmy pracují s váženými grafy, kde každá hrana má určitou váhu (hodnotu).

Dalším důležitým problémem v algoritmice grafů je hledání minimální kostry grafu. Minimální kostra grafu je podgraf grafu, který obsahuje všechny vrcholy grafu a zároveň má nejmenší součet vah (hodnot) hran. Tento problém se řeší pomocí algoritmů jako Kruskalův algoritmus nebo Primův algoritmus. Minimální kostra grafu se často využívá v počítačových sítích pro zajištění redundance a integrity v rozsáhlejších sítích za pomoci spanning tree.

Grafy jsou v informatice často používány jako model pro sítě. Sítě mohou být fyzické nebo logické, a grafy poskytují užitečný nástroj pro modelování a analýzu různých vlastností sítí.

Důležitou vlastností sítí je maximální tok, což je maximální množství, které může být přeneseno sítí mezi dvěma uzly v daném čase. Tento problém se řeší pomocí algoritmů jako Ford-Fulkersonův algoritmus, Edmonds-Karpův algoritmus nebo Dinicův algoritmus.

[1]



## 2.2 Depth First Search

### 2.2.1 Popis algoritmu

Algoritmus pro procházení grafů do hloubky (anglicky Depth-First Search) dále DFS je jedním ze základních algoritmů pro procházení grafů. Algoritmus DFS prochází graf postupně z jednoho vrcholu do dalších tak dlouho, dokud to bude možné. Pokud narazí na vrchol, který již byl navštíven, algoritmus se vrátí zpět a pokračuje v procházení grafu z jiného vrcholu. [3, 2]

### 2.2.2 Funkcionalita algoritmu

Při jednom způsobu implementace algoritmu DFS se využívá zásobník (stack). Na začátku vybere jeden z vrcholů a následně jej uloží do již navštívených-otevřených vrcholů. Z něho pokračuje na libovolný nenavštívený vrchol, který následně opět přidá mezi již navštívené-otevřené vrcholy a takto pokračuje až do momentu, kdy z aktuálního vrcholu nevede cesta k vrcholu doposud nenavštívenému. V tento moment se využije backtracking a algoritmus označí aktuální vrchol za navštívený-uzavřený a posune se o jeden vrchol „zpět“, kde hledá cestu k nenavštívenému vrcholu. Opakováním tohoto procesu projdeme postupně všechny vrcholy grafu a vrátíme se do začátečního vrcholu.

Druhý způsob implementace algoritmu je za pomoci rekurze, při kterém algoritmus začne v počátečním vrcholu a zjistí všechny dostupné nenavštívené vrcholy. Po zjištění dostupných nenavštívených vrcholů je stejný proces opakován na dostupných vrcholech, dokud algoritmus neprojde celý dostupný graf. [3, 2]

### 2.2.3 Výhody a nevýhody algoritmu

Algoritmus DFS je velmi jednoduchý a intuitivní, ale má několik nevýhod. Jednou z nevýhod je, že může být velmi pomalý pro grafy s mnoha vrcholy a hranami. Dále může vést k rekurzivnímu zanořování a potenciálně k překročení maximální hloubky rekurze.

### 2.2.4 Využití algoritmu

DFS algoritmus je implementován v mnoha řešeních v oblasti informatiky obsahující grafy. Využívá se například pro topologické uspořádání uzlu. Pokaždé, když označíme uzel za uzavřený, uložíme jej do zásobníků a tímto vytvoříme topologické uspořádání uzlů. Dále se využívá například k určení acykličnosti grafu. Při prohledávání grafu můžeme kontrolovat zpětné hrany (hrany vedoucí do vrcholu navštíveného-otevřeného). Pokud se žádná hrana vyjma hrany příchozí nevyskytuje, je graf acyklický.

### 2.2.5 Ukázka implementace algoritmu

```
using System;
using System.Collections.Generic;

public class Program
{
    public static void Main()
    {
        // create a new stack to use in DFS
        Stack<int> stack = new Stack<int>();

        // create a new graph with 4 vertices
        Graph g = new Graph(4);

        // add edges to the graph
        g.addEdge(0, 1);
        g.addEdge(0, 2);
        g.addEdge(1, 2);
        g.addEdge(2, 0);
        g.addEdge(2, 3);
        g.addEdge(3, 3);

        // perform DFS starting from vertex 2
        g.DFS(2);
    }
}

public class Graph
{
    int V; // the number of vertices in the graph
    List<int>[] adj; // an array of adjacency lists to
        represent the graph

    // constructor to initialize the graph with the given
        number of vertices
    public Graph(int v)
    {
        V = v;
        adj = new List<int>[v];
        for (int i = 0; i < v; i++)
        {
            adj[i] = new List<int>();
        }
    }
}
```

```

// method to add an edge between two vertices in the graph
public void addEdge(int v, int w)
{
    adj[v].Add(w);
}

// method to perform depth-first search starting from the
// given source vertex
public void DFS(int s)
{
    bool[] visited = new bool[V]; // array to keep track
    // of visited vertices
    for (int i = 0; i < V; i++)
        visited[i] = false;
    Stack<int> stack = new Stack<int>(); // create a new
    // stack for DFS
    stack.Push(s); // add the source vertex to the stack
    visited[s] = true; // mark the source vertex as visited
    while (stack.Count != 0) // loop until the stack is
    // empty
    {
        int pop = stack.Pop(); // remove the next vertex
        // from the stack
        Console.Write(pop + " "); // print the vertex
        foreach (var vert in adj[pop]) // iterate over the
        // adjacent vertices
        {
            if (!visited[vert]) // if the adjacent vertex
            // is not visited
            {
                visited[vert] = true; // mark it as visited
                stack.Push(vert); // add it to the stack
            }
        }
    }
}
}

```

[3]

## 2.3 Breadth First Search

### 2.3.1 Popis algoritmu

Prohledávání grafu do šířky (anglicky Breadth-First Search) dále BFS je algoritmus pro prohledávání grafů, který postupuje systematicky a rozšiřuje průzkum postupně po vrstvách. Tedy nejprve navštíví všechny sousedy zdrojového vrcholu, poté všechny sousedy sousedů a tak dále. Algoritmus je založen na principu prohledávání grafu pomocí fronty. [5, 6]

### 2.3.2 Funkcionalita algoritmu

BFS začíná v zadaném vrcholu grafu a postupně prochází všechny sousedy tohoto vrcholu. Všechny sousední vrcholy vloží do fronty, aby je bylo možné prohledat v následujícím kroku a sem je uložen mezi již prohledané vrcholy. Po uložení všech sousedních vrcholů pokračuje algoritmus se stejným postupem na vrcholy uložené ve frontě a postupně tím frontu k vyřešení zkracuje tím, že již vyřešené vrcholy ukládá do fronty již zpracovaných vrcholů. Tento proces se opakuje, dokud jsou nacházeny nenavštívené sousední vrcholy grafu. [5, 6]

### 2.3.3 Výhody a nevýhody algoritmu

BFS algoritmus vyniká tím, že s jistotou najde řešení zadaného grafu, pokud je graf řešitelný. Pokud má graf více možných řešení, BFS vždy najde řešení s nejmenším počtem kroků. Spolehlivost se ovšem musí odrazit na jiném aspektu algoritmu a to je jeho využití paměti. Ukládáním veškerých vrcholů k projití a již vyřešených vrcholů do fronty využívá BFS algoritmus více paměti oproti ostatním algoritmům na procházení grafů. Zároveň při procházení velkých grafů může být časově náročnější.

### 2.3.4 Využití algoritmu

BFS algoritmus nalezne využití v mnoha případech jako DFS algoritmus. Jeho odlišným průchodem grafu se ovšem hodí pro jiná využití než prohledávání do hloubky. Využití BFS algoritmu je například v Peer to Peer sítích, kde se využívá pro nalezení všech sousedních uzlů, například v Torrentové síti. Další využití nalezne v sociálních sítích, kde se používá pro nalezení známých uživatelů, kdy uživatelé reprezentují vrcholy grafu a přátelství mezi nimi hrany. Dále je využíván při optimalizaci vyhledávačů pro indexování. Cílem je začít na zdrojové stránce a postupně prohledat veškeré dostupné odkazy na jiné stránky a následně opakovat pro každou nalezenou stránku. Při indexování pro vyhledávače lze využít i DFS algoritmus, ovšem zde se projevuje výhoda BFS algoritmu, který postupuje postupně po úrovních a tím pádem je možné snáze nastavit hloubku prohledávání.

### 2.3.5 Ukázka implementace algoritmu

```
using System;  
using System.Collections.Generic;  
  
public class Graph
```

```

{
    private int V; // number of vertices in the graph
    private List<int>[] adj; // adjacency list representing
        the graph

    // Constructor to initialize the graph
    public Graph(int v)
    {
        V = v;
        adj = new List<int>[v];

        // Initialize each element of the adjacency list to an
        // empty list
        for (int i = 0; i < v; i++)
        {
            adj[i] = new List<int>();
        }
    }

    // Method to add an edge between two vertices
    public void AddEdge(int v, int w)
    {
        // Add vertex w to the adjacency list of vertex v
        adj[v].Add(w);
    }

    // Method to perform BFS traversal of the graph
    public void BFS(int s)
    {
        // Create a boolean array to keep track of visited
        // vertices
        bool[] visited = new bool[V];

        // Create a queue to store the vertices to be visited
        Queue<int> queue = new Queue<int>();

        // Mark the source vertex as visited and enqueue it
        visited[s] = true;
        queue.Enqueue(s);

        while (queue.Count != 0)
        {
            // Dequeue a vertex from the queue and print it
            s = queue.Dequeue();
            Console.Write(s + " ");
        }
    }
}

```

```

        // Get all adjacent vertices of the dequeued
        vertex s
        // If an adjacent vertex has not been visited ,
        mark it as visited and enqueue it
        foreach (int i in adj[s])
        {
            if (!visited[i])
            {
                visited[i] = true;
                queue.Enqueue(i);
            }
        }
    }
}

// Driver code to test the implementation
public class BFS
{
    public static void Main()
    {
        Graph g = new Graph(4); // Create a graph with 4
            vertices

        // Add edges to the graph
        g.AddEdge(0, 1);
        g.AddEdge(0, 2);
        g.AddEdge(1, 2);
        g.AddEdge(2, 0);
        g.AddEdge(2, 3);
        g.AddEdge(3, 3);

        Console.WriteLine("BFS traversal starting from vertex
            2:");
        g.BFS(2); // Perform BFS traversal starting from
            vertex 2
    }
}

```

[5]

## 2.4 Dijkstrův algoritmus

### 2.4.1 Popis algoritmu

Dijkstrův algoritmus je zaměřený na vyhledávání nejkratší cesty v váženém grafu. Algoritmus vyhledává nejkratší cestu ze zvoleného počátečního uzlu do všech ostatních uzlů v grafu s ohledem na váhu (hodnotu) hran mezi nimi. Algoritmus je pojmenován po nizozemském vědci Edsgeru W. Dijkstrovi, který ho popsal v roce 1959. [8, 9]

### 2.4.2 Funkcionalita algoritmu

Dijkstrův algoritmus je založen na principu postupného procházení grafu, přičemž pro každý uzel uchovává nejkratší známou cestu z počátečního uzlu. Algoritmus se řídí principem tzv. "hladového algoritmu" (angl. greedy algorithm), kdy v každé iteraci vybírá z nezpracovaných uzlů ten s nejmenší dosud známou vzdáleností od počátečního uzlu. Postup algoritmu je následující:

1. Nejprve se inicializuje graf a počáteční uzel. Pro každý uzel se uchovává jeho dosud nejkratší vzdálenost od počátečního uzlu, pro počáteční uzel se nastaví tato vzdálenost na 0, zatímco pro všechny ostatní uzly se nastaví na nekonečno.
2. Následně se vybírá nezpracovaný uzel s nejmenší dosud známou vzdáleností od počátečního uzlu a zpracuje se. V této fázi se do uzlu přidávají sousední uzly, kde sousední uzel je takový uzel, který je spojen hranou s aktuálním uzlem.
3. Pro každý sousední uzel se zkontroluje, zda je jeho nově vypočítaná vzdálenost menší než jeho dosud známá vzdálenost. Pokud ano, nová vzdálenost se uloží jako jeho nejkratší vzdálenost a uzel se přidá do seznamu nezpracovaných uzlů.
4. Postup se opakuje, dokud nejsou zpracovány všechny uzly, pro které existuje cesta z počátečního uzlu.

Na konci algoritmu jsou tedy pro každý uzel grafu známy jeho nejkratší vzdálenosti od počátečního uzlu, což umožňuje nalezení nejkratší cesty z počátečního uzlu do kteréhokoliv jiného uzlu v grafu. [8, 9]

### 2.4.3 Výhody a nevýhody algoritmu

Výhodou Dijkstrova algoritmu je jeho univerzálnost. Jelikož algoritmus nepotřebuje znát cílový uzel, je možné ho použít pro vyhledávání nejkratší cesty z jednoho uzlu do všech ostatních uzlů v grafu, proto je vhodný pro řešení úloh, kde je více cílových uzlů a je zapotřebí určit nejbližší uzel. Nevýhodou algoritmu je jeho nepoužitelnost pro grafy s negativními váhami hran.

### 2.4.4 Využití algoritmu

Dijkstrův algoritmus se využívá v navigačních systémech, kde je potřeba určit nejkratší cestu mezi dvěma body na mapě. Dále se využívá v systémech pro plánování letů, kde je potřeba určit nejkratší cestu mezi letišti. Algoritmus také nachází uplatnění v

počítačových sítích, kde se využívá k určení nejkratší cesty mezi dvěma routery v síti pro přenos dat. Další využití tohoto algoritmu je ve videohrách, kde se využívá k určení trasy pro nehračské postavy po světě.

#### 2.4.5 Ukázka implementace algoritmu

```
using System;

class GFG {
static int V = 9; // Number of vertices in the graph

// This function finds the vertex with the minimum distance
// value,
// from the set of vertices not yet included in shortest path
// tree.
int minDistance(int[] dist, bool[] sptSet)
{
    int min = int.MaxValue, min_index = -1;

    // Loop through all vertices
    for (int v = 0; v < V; v++)
        // Check if vertex v is not in sptSet and if its
        // distance
        // from source is less than the current minimum
        // distance
        if (sptSet[v] == false && dist[v] <= min) {
            // Update the minimum distance and the index of
            // the vertex
            min = dist[v];
            min_index = v;
        }

    // Return the index of the vertex with the minimum distance
    return min_index;
}

// This function prints the distance of all vertices from the
// source
void printSolution(int[] dist)
{
    Console.WriteLine("Vertex          Distance ")
        + "from Source");
    for (int i = 0; i < V; i++)
        Console.WriteLine(i + "          " + dist[i] + " ");
}
```



```

}

// This function implements Dijkstra's algorithm to find the
// shortest
// path from a source node to all other nodes in a weighted
// graph.
void dijkstra(int[, ] graph, int src)
{
    int[] dist= new int[V]; // Array to store the shortest
        distance from the source to each vertex

    bool[] sptSet = new bool[V]; // Array to store whether a
        vertex is included in the shortest path tree or not

    // Initialize all distances to infinity and sptSet to false
    for (int i = 0; i < V; i++) {
        dist[i] = int.MaxValue;
        sptSet[i] = false;
    }

    dist[src] = 0; // Set the distance of the source node to 0

    // Loop through all vertices except the source
    for (int count = 0; count < V - 1; count++) {
        int u = minDistance(dist, sptSet); // Find the vertex
            with the minimum distance from the source

        sptSet[u] = true; // Add the vertex to the shortest
            path tree

        // Update the distance of all adjacent vertices if the
            new path through
        // the current vertex is shorter than the previously
            known path
        for (int v = 0; v < V; v++){
            if (!sptSet[v] && graph[u, v] != 0
                && dist[u] != int.MaxValue
                && dist[u] + graph[u, v] < dist[v])
                dist[v] = dist[u] + graph[u, v];
        }
    }
    // Print the shortest distances of all vertices from the
        source
    printSolution(dist);
}

```

```

public static void Main()
{
    // Example graph as an adjacency matrix
    int[,] graph = new int[,] { { 0, 4, 0, 0, 0, 0, 0, 8, 0 },
                                { 4, 0, 8, 0, 0, 0, 0, 11, 0 },
                                { 0, 8, 0, 7, 0, 4, 0, 0, 2 },
                                { 0, 0, 7, 0, 9, 14, 0, 0, 0 },
                                { 0, 0, 0, 9, 0, 10, 0, 0, 0 },
                                { 0, 0, 4, 14, 10, 0, 2, 0, 0 },
                                { 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0, 1, 6 },
                                { 8, 11, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 7 },
                                { 0, 0, 2, 0, 0, 0, 6, 7, 0 } };

    GFG g = new GFG();

    // Function call
    g.dijkstra(graph, 0);
}

```

[8]

## 3 Aplikace

### 3.1 Využité technologie

1. Javascript
2. Svelte

#### 3.1.1 Javascript

JavaScript je vysokoúrovňový, interpretovaný programovací jazyk používaný pro tvorbu interaktivních webových stránek a webových aplikací. Byl vyvinut firmou Netscape v roce 1995.

Jazyk JavaScript je objektově orientovaný, což znamená, že se v něm pracuje s objekty a metodami, které se používají k interakci s HTML a CSS stránkou a ke změně a přizpůsobení obsahu stránky. Jazyk podporuje mnoho programovacích konstrukcí, jako jsou podmínky, cykly, funkce, pole a další.

JavaScript běží na straně klienta (v prohlížeči) a na straně serveru (např. s pomocí Node.js). Na straně klienta umožňuje JavaScript vytvářet interaktivní prvky na stránce, jako jsou například animace, změna velikosti a polohy elementů, validace formulářů a další. Na straně serveru umožňuje JavaScript vytvářet dynamické webové stránky, komunikovat s databázemi a provádět další funkce.

[11]

#### 3.1.2 Svelte

Svelte je zaměřen na kompilaci a generování kódu během vývoje aplikace. To znamená, že místo toho, aby se spouštěl při běhu aplikace, jako je tomu u jiných frameworků jako React nebo Vue, Svelte generuje čistý, optimalizovaný JavaScript, který je rychlejší a menší.

Vanilla Svelte se vyznačuje tím, že neobsahuje žádné externí knihovny nebo balíčky, které by byly nainstalovány závislostmi, jako je například routování, správa stavu nebo stylování. Místo toho musí vývojáři ručně napsat kód pro tyto funkcionality.

[10]

## 3.2 Vizualizace

Veškerý zdrojový kód je i s instrukcemi pro spuštění aplikace dostupný na adrese: <https://github.com/mugac/grafy>

### 3.2.1 Canvas

Pro vizualizaci a zadávání grafů byl využit html element canvas. Oproti canvasu v jiných jazycích (frameworkcích) má canvas v html značnou nevýhodu pro toto využití. Například v C# WPF se na canvas přidávají jednotlivé objekty a je možné k nim následně přistupovat a pracovat s nimi. Takovouto možnost html canvas nenabízí, jelikož html canvas nezaznamenává jednotlivé objekty, ale pouze vybarvené pixely.

Proto bylo zapotřebí přijít s řešením pro interakci s prvky grafu bez využití interaktivních funkcí jednotlivých objektů jako například v C# WPF.

Toto řešení se zakládá na zaznamenávání polohy kliknutí a následné kontrole, zda se v dané oblasti nachází interaktivní prvek, či ne. Samotný kód pro toto řešení je vcelku jednoduchý, jelikož se jedná pouz o cyklus procházející vykreslené prvky a složenou podmínku kontrolující polohu vůči souřadnicím kliknutí.

```
elements.forEach((element) => {  
    if (  
        y > element.top - element.height*2 &&  
        y < element.top + element.height*2 &&  
        x > element.left - element.width*2 &&  
        x < element.left + element.width*2  
    )  
})
```

### 3.2.2 Vykreslování cest

Jedna z dalších překážek vycházela opět z toho, že si canvas zaznamenává pouze vybarvená místa a proto není možné jednotlivým prvkům určovat "výšku" umístění oproti ostatním prvkům na plátně. Proto není možné umístit cesty mezi vrcholy grafu na "nižší úroveň" bez opětovného vykreslování plátna v požadovaném pořadí pokaždé, kdy je přidána cesta do grafu, aniž by zasahovala do vrcholu grafu. Neustálé vykreslování plátna by mohlo být zbytečně zátěžné, proto byla využita alalitická geometrie pro výpočet průsečíků cesty s okrajem kružnice značící vrchol grafu.

```
let dx = lineEndX - lineStartX;  
let dy = lineEndY - lineStartY;  
let length = Math.sqrt(dx * dx + dy * dy);  
if (length > 0){  
    dx /= length;  
    dy /= length;  
}  
dx *= length - 25;  
dy *= length - 25;
```

```

lineEndX = lineStartX + dx
lineEndY = lineStartY + dy

dx = lineStartX - lineEndX;
dy = lineStartY - lineEndY;
length = Math.sqrt(dx*dx+dy*dy)
if (length > 0){
    dx /= length;
    dy /= length;
}
dx *= length - 25;
dy *= length - 25;

lineStartX = lineEndX + dx
lineStartY = lineEndY + dy

```

### 3.2.3 Animace průchodu

Pro vizualizaci průchodu grafu je nutné znovu vykreslovat plátno pro každý "snímek", což sice není nejhezčí řešení, ovšem html canvas jiné nenabízí. Jako časovač pro oddělení kroků průchodu grafu byla využita funkce `setInterval()`, která po zadaném intervalu volá přidělenou funkci, dokud není zastavena. Při každém kroku animace se smaže plátno, podle pořadí průchodu grafu se určí další navštívený vrchol, kterému se změní barva pro vykreslení a následně se plátno vykreslí. Tento proces se opakuje dokud neprojde veškeré procházené prvky a poté zastaví interval.

## 4 Závěr

Cílem maturitní bylo podrobně popsat a realizovat vybrané problémy v oblasti algoritmiky grafů zaměřených na prohledávání grafů. Pro naplnění cílů této práce byly teoreticky popsány principy fungování prohledávání do hloubky, prohledávání do šířky a vyhledávání nejkratší cesty pomocí Dijkstrova algoritmu.

Výstupem práce je webová aplikace, která umožňuje vizualizaci průchodu grafů pro různé algoritmy. Webovou stránku je nadále možné rozšiřovat o další algoritmy na procházení grafů.

## 5 Literatura

### Reference

- [1] Graph Data Structure And Algorithms - GeeksforGeeks. GeeksforGeeks | A computer science portal for geeks [online]. Dostupné z: <https://www.geeksforgeeks.org/graph-data-structure-and-algorithms/>
- [2] Representing graphs (article) | Algorithms | Khan Academy. Khan Academy | Free Online Courses, Lessons Practice [online]. Copyright © 2023 Khan Academy [cit. 16.03.2023]. Dostupné z: <https://www.khanacademy.org/computing/computer-science/algorithms/graph-representation/a/representing-graphs>
- [3] Depth First Search or DFS for a Graph - GeeksforGeeks. GeeksforGeeks | A computer science portal for geeks [online]. [cit. 16.03.2023] Dostupné z: <https://www.geeksforgeeks.org/depth-first-search-or-dfs-for-a-graph/>
- [4] Depth-First Search (DFS) | Brilliant Math and Science Wiki. Brilliant | Learn interactively [online]. [cit. 16.03.2023] Dostupné z: <https://brilliant.org/wiki/depth-first-search-dfs/>
- [5] Breadth First Search or BFS for a Graph - GeeksforGeeks. GeeksforGeeks | A computer science portal for geeks [online]. [cit. 16.03.2023] Dostupné z: <https://www.geeksforgeeks.org/breadth-first-search-or-bfs-for-a-graph/>
- [6] Breadth-First Search (BFS) | Brilliant Math and Science Wiki. Brilliant | Learn interactively [online]. [cit. 19.03.2023] Dostupné z: <https://brilliant.org/wiki/breadth-first-search-bfs/>
- [7] Breadth-first search and its uses (article) | Khan Academy. Khan Academy | Free Online Courses, Lessons and Practice [online]. Copyright © 2023 Khan Academy [cit. 16.03.2023]. Dostupné z: <https://www.khanacademy.org/computing/computer-science/algorithms/breadth-first-search/a/breadth-first-search-and-its-uses>
- [8] Dijkstra's Algorithm for a Graph - GeeksforGeeks. GeeksforGeeks | A computer science portal for geeks [online]. [cit. 27.03.2023] Dostupné z: <https://www.geeksforgeeks.org/dijkstras-shortest-path-algorithm-greedy-algo-7/>
- [9] Dijkstra's algorithm. Programiz. (n.d.). [cit. 27.03.2023] dostupné z: <https://www.programiz.com/dsa/dijkstra-algorithm>
- [10] Svelte docs. Docs • Svelte. (n.d.). [cit. 27.03.2023] dostupné z: <https://svelte.dev/docs>
- [11] JavaScript docs. MDN. (n.d.). [cit. 27.03.2023] dostupné z: <https://developer.mozilla.org/en-US/docs/Web/JavaScript>