



POLITEKNIK STATISTIKA STIS

For Better Official Statistics

SEARCHING

Ibnu Santoso S.S.T., M.T., Nori Wilantika, S.S.T., M.T.I.



- Konsep *searching*
- *Sequential /Linear Search*
 - *Sequential search* pada array tidak berurut
 - *Sequential search* pada array berurut
 - *Sequential search* menggunakan sentinel
- *Binary Search*
- *Sequential Search vs Binary Search*
- Latihan



- Pencarian (*searching*) adalah proses yang fundamental dalam pemrograman
- Proses pencarian adalah **menemukan data tertentu di dalam sekumpulan data yang bertipe sama**
- Pada kuliah ini akan dikhususkan pada data yang berstruktur array

Cari '20'

10	50	30	56	20	70	80	65
----	----	----	----	----	----	----	----

- Array merupakan tipe data terstruktur.
- Setiap elemen array dapat dirujuk melalui indeksnya
- Karena elemen disimpan secara berurutan, indeks array harus berupa tipe yang juga memiliki keterurutan (ada *successor* dan *predecessor*) misalnya integer, character, atau enumeration
 - Jika indeks array adalah integer maka keterurutan indeks sesuai dengan urutan integer
 - Jika indeks array adalah character maka keterurutan indeks sesuai dengan urutan character
 - Jika indeks array berupa enumeration, maka keterurutan indeks sesuai dengan urutan elemen dalam enumeration

D: array [1..11] of integer

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

Kar: array [1..8] of character

k	m	t	a	f	m	*	#
1	2	3	4	5	6	7	8

Const

N : integer = 5 {jumlah siswa}

Type

Data = record <Nama: string, Usia: integer>

Var

DataSiswa : array[1..N] of Data

1	Ali	18
2	Tono	24
3	Amir	30
4	Tuti	21
5	Yani	22

- Misal terdapat suatu **Array A** yang sudah terdefinisi elemen-elemennya. **X** adalah suatu elemen yang bertipe sama dengan elemen **Array A**. Tentukan apakah **X** terdapat di dalam **Array A**. Jika ditemukan, tulis pesan “X ditemukan”, sebaliknya jika tidak ditemukan, tulis pesan “X tidak ditemukan”.

- Contoh:

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

- Misal $X = 68$, maka output yang dihasilkan adalah “68 ditemukan”
- Bila $X = 100$, maka output yang dihasilkan adalah “100 tidak ditemukan”.

- Misal terdapat suatu Array \mathbb{A} yang sudah terdefinisi elemen-elemennya. \mathbb{X} adalah suatu elemen yang bertipe sama dengan elemen Array \mathbb{A} . Tentukan indeks Array \mathbb{A} yang elemennya sama dengan \mathbb{X} . Simpan indeks tersebut dalam variabel \mathbb{Y} . Jika \mathbb{X} tidak terdapat di dalam Array \mathbb{A} , isikan \mathbb{Y} dengan nilai 0.

- Contoh:

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

- Misal $\mathbb{X} = 68$, maka $\mathbb{Y} = 7$.
- Bila $\mathbb{X} = 100$, maka $\mathbb{Y} = 0$.

- Misal terdapat suatu Array A yang sudah terdefinisi elemen-elemennya. X adalah suatu elemen yang bertipe sama dengan elemen Array A . Tentukan apakah X terdapat di dalam Array A . Jika X ditemukan, maka variabel boolean misalnya `ketemu` diisi nilai `true`. Jika tidak, `ketemu` diisi nilai `false`.

- Contoh:

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

- Misal $X = 68$, maka `ketemu = true`
- Bila $X = 100$, maka `ketemu = false`

- Apabila X yang dicari jumlahnya lebih dari satu di dalam Array A, maka hanya X yang pertama kali ditemukan yang dirujuk. **Proses pencarian dihentikan setelah X pertama ditemukan atau X yang dicari tidak ada.**

- Contoh:

21	36	8	7	10	36	68	32	12	10	36
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

- Terdapat tiga buah nilai 36
- Bila $X = 36$, maka:
 - Persoalan 1, hasilnya “36 ditemukan”
 - Persoalan 2, hasilnya $Y = 2$
 - Persoalan 3, hasilnya `ketemu = true`

Kalau yang ditanya hanya ada atau tidak, maka diambil yang pertama kali ditemukan. kalau ditanya frekuensinya sudah beda lagi.

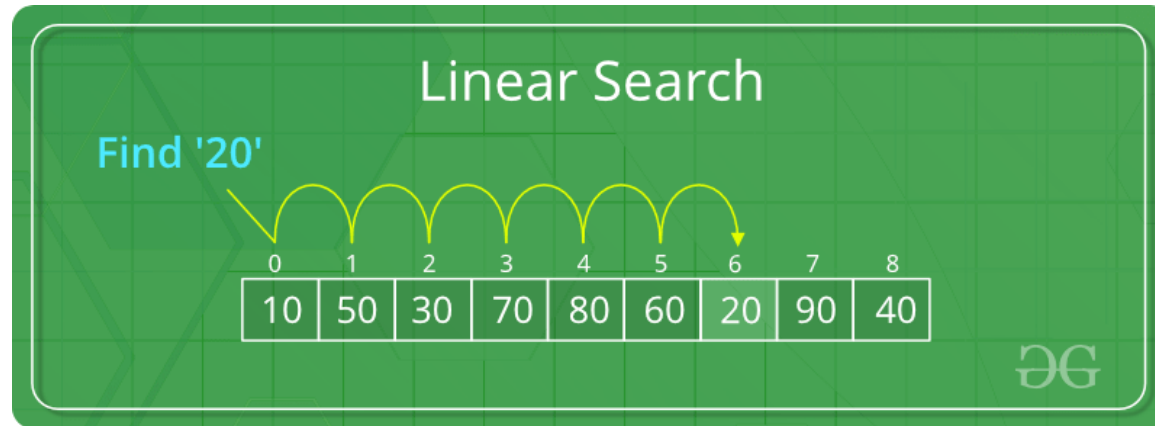


SEQUENTIAL SEARCH



- Disebut juga Pencarian Beruntun
- *Sequential Search* membandingkan setiap elemen array satu per satu secara beruntun, mulai dari elemen pertama, sampai elemen yang dicari ditemukan atau sampai seluruh elemen sudah diperiksa.
- Terdapat 2 macam *sequential search*:
 - *sequential search* pada array tidak terurut
 - *sequential search* pada array terurut

- Pencarian dilakukan dengan memeriksa setiap elemen Array mulai dari elemen pertama sampai elemen yang dicari **ketemu** atau sampai **seluruh elemen telah diperiksa**.



- Misal nilai yang dicari adalah: $X = 20$. maka elemen yang diperiksa: 10, 50, 30, 70, 80, 60, 20 (ditemukan!). Indeks Array yang dikembalikan: $Y = 6$
- Misal nilai yang dicari adalah: $X = 10$. maka elemen yang diperiksa: 10 (ditemukan!) . Indeks Array yang dikembalikan: $Y = 0$
- Misal nilai yang dicari adalah: $X = 15$. maka elemen yang diperiksa: 10, 50, 30, 70, 80, 60, 20, 90, 40 (tidak ditemukan!) . Indeks Array yang dikembalikan: $Y = -1$

Mencari elemen “33”
dengan memeriksa
elemen satu per satu.

Sehingga ditemukan
bahwa elemen “33”
berada pada indeks
ke-7.

Linear Search



```

Type Larik = array [1..100] of integer;
Procedure SequentialSearch1(A:Larik; N:integer; X:integer; var Y:integer);
Var
    i:integer;
Begin
    i:=1;
    while (i<N) and (A[i] <> X) do i:= i + 1;
    if (A[i] <> X) then Y:=0
    else Y:=i;
End;

```

A= 13 16 14 21 76 21
 N= 6
 X= 14
 Y=

i	i<6?	A[i]<>14?
1	T	T
2	T	T
3	T	F

A[3]<>14? F -> Y=3

A= 13 16 14 21 76 21
 N= 6
 X= 100
 Y=

i	i<6?	A[i]<>100?
1	T	T
2	T	T
3	T	T
4	T	T
5	T	T
6	F	

A[6]<>100? T -> Y=0

```

Type Larik = array [1..100] of integer;
Procedure SequentialSearch2(A:Larik; N:integer; X:integer; var Y:integer);
Var
    i:integer;
    ketemu:boolean;
Begin
    i:=1;
    ketemu:=false;
    while (i<=N) and (not ketemu) do
        if A[i] = X then ketemu:=true else i := i + 1;
    if ketemu then Y:=i else Y:=0;
End;

```

A= 13 16 14 21 76 21
 N= 6
 X= 14
 Y=

i	i<=6?	not ketemu?
1	T	T, A[1]=14?
2	T	T, A[2]=14?
3	T	T, A[3]=14?, ketemu=T

Y=3

A= 13 16 14 21 76 21
 N= 6
 X= 100
 Y=

i	i<=6?	not ketemu?
1	T	T, A[1]=100?
2	T	T, A[2]=100?
3	T	T, A[3]=100?
4	T	T, A[4]=100?
5	T	T, A[5]=100?
6	T	T, A[6]=100?
7	F	

Y=0

- Apabila array sudah terurut, maka proses pencarian dapat dibuat **lebih efisien**.
 - terurut dari nilai terkecil ke nilai terbesar, yakni untuk setiap
$$I = 1..N, \text{ Nilai } [I-1] < \text{ Nilai } [I]$$
 - terurut dari nilai terbesar ke nilai terkecil, yakni untuk setiap
$$I = 1..N, \text{ Nilai } [I-1] > \text{ Nilai } [I]$$
- Caranya yaitu dengan menghilangkan langkah pencarian yang tidak perlu yaitu **bila nilai elemen array yang diperiksa sudah melewati nilai X yang dicari** maka pencarian bisa dihentikan


```

Type Larik = array [1..100] of integer;
Procedure Sequentialsearch3(A:Larik; N:integer; X:integer; var Y:integer);
Var
    i:integer;
Begin
    i:=1;
    while (i<N) and (A[i] < X) do i:= i + 1;
    if (A[i] = X) then Y:=i
    else Y:=0;
End;

```

A= 13 14 16 21 21 76
 N= 6
 X= 14
 Y=

i	i<6?	A[i]<14?
1	T	T
2	T	F

A[2]=14? T -> Y=2

A= 13 14 16 21 21 76
 N= 6
 X= 15
 Y=

i	i<6?	A[i]<15?
1	T	T
2	T	T
3	T	F

A[3]=15? F -> Y=0

- Merupakan pengembangan dari *sequential search*
- Sentinel adalah elemen fiktif yang ditambahkan sesudah elemen terakhir dari array
 - Jadi jika elemen terakhir array adalah $A[N]$, maka sentinel dipasang pada elemen $A[N+1]$
- Sentinel **nilainya sama dengan nilai data yang dicari**
 - Sehingga proses pencarian selalu menemukan data yang dicari
 - Periksa kembali letak data tersebut ditemukan, apakah:
 - Di antara elemen array sesungguhnya (dari $A[1]$ sampai $A[N]$)
 - Pada elemen fiktif $A[N+1]$ yang berarti sesungguhnya **X tidak ada di dalam array A**

Pengecekan kondisi akan lebih memberatkan komputasi daripada looping yang banyak. jadi penggunaan looping yang banyak bisa lebih efektif daripada pengecekan kondisi.

13	16	14	21	76	21
1	2	3	4	5	6

- Data yang dicari adalah $X=21$.
- Tambahkan 21 sebagai sentinel di $A[N+1]$.

13	16	14	21	76	21	21
1	2	3	4	5	6	7

Programmer harus hati-hati dengan pendefinisian batas indeks array, tidak boleh menambahkan data melebihi rentang indeks.

- Telusuri array seperti sequential search tanpa sentinel, jika data ditemukan pada **sentinel** maka data yang dicari **tidak ada/tidak ditemukan**. Tetapi, jika data yang dicari ditemukan **bukan pada sentinel** maka data **ditemukan**.
- Indeks array yang dikembalikan = 4. karena $4 \neq N+1$, berarti $X = 21$ terdapat pada Array semula, maka data **ditemukan**.

13	16	14	21	76	21
1	2	3	4	5	6

- Data yang dicari adalah $X=15$.
- Tambahkan 15 sebagai sentinel di $A[N+1]$.

13	16	14	21	76	21	15
1	2	3	4	5	6	7

- Telusuri array seperti sequential search tanpa sentinel.
- Indeks array yang dikembalikan = 7. karena $7 = N+1$, berarti $X = 15$ tidak terdapat pada Array semula, maka data **tidak ditemukan**.

```

Type Larik = array [1..100] of integer;
Procedure SequentialSearchSentinel (A:Larik; N:integer; X:integer; var Y:integer);
Var
    i:integer;
Begin
    A[N+1] := X;
    i:=1;
    while (A[i]<>X) do i:= i + 1;
    if (i < N+1) then Y:=i else Y:=0;
End;

```

A= 13 16 14 21 76 21
 N= 6
 X= 14
 Y=

A= 13 16 14 21 76 21 14

i	A[i]<>14?
1	T
2	T
3	F

3<7? T -> Y=3

A= 13 16 14 21 76 21
 N= 6
 X= 100
 Y=

A= 13 16 14 21 76 21 100

i	A[i]<>100?
1	T
2	T
3	T
4	T
5	T
6	T
7	F

7<7? F -> Y=0

Dengan Sentinel

Begin

```
A[N+1] := X;
i := 1;
while (A[i] <> X) do i := i + 1;
if (i < N+1) then Y := i else Y := 0;
```

End;

A= 13 16 14 21 76 21

N= 6

X= 14

Y=

A= 13 16 14 21 76 21 14

i	A[i] <> 14?
1	T
2	T
3	F

3 < 7? T -> Y=3

Tanpa Sentinel

Begin

```
i := 1;
while (i < N) and (A[i] <> X) do i := i + 1;
if (A[i] <> X) then Y := 0
else Y := i;
```

End;

A= 13 16 14 21 76 21

N= 6

X= 14

Y=

i	i < 6?	A[i] <> 14?
1	T	T
2	T	T
3	T	F

A[3] <> 14? F -> Y=3

Dengan Sentinel

```

Begin
  A[N+1] := X;
  i := 1;
  while (A[i] <> X) do i := i + 1;
  if (i < N+1) then Y := i else Y := 0;
End;

```

A= 13 16 14 21 76 21
 N= 6
 X= 100
 Y=

A= 13 16 14 21 76 21 100

i	A[i] <> 100?
1	T
2	T
3	T
4	T
5	T
6	T
7	F

1

7 < 7? F -> Y = 0

Tanpa Sentinel

```

Begin
  i := 1;
  while (i < N) and (A[i] <> X) do i := i + 1;
  if (A[i] <> X) then Y := 0
  else Y := i;
End;

```

A= 13 16 14 21 76 21
 N= 6
 X= 100
 Y=

i	i < 6?	A[i] <> 100?
1	T	T
2	T	T
3	T	T
4	T	T
5	T	T
6	F	

A[6] <> 100? T -> Y = 0

1

- Seringkali algoritma *Sequential search* tidak dinyatakan sebagai prosedur, namun direalisasikan sebagai fungsi boolean atau fungsi integer yang mengembalikan indeks array.
- *Sequential search* menggunakan sentinel sangat efektif terutama bila pencarian dilakukan untuk menyisipkan elemen (X) yang belum terdapat pada array. Jika X tidak ditemukan, maka sentinel tersebut sekaligus sudah ditambahkan.
- Secara umum, *Sequential search* lambat. Waktu pencarian sebanding dengan jumlah elemen array. Pada kasus X tidak terdapat dalam Array, kita harus memeriksa seluruh elemen array.
 - Misalkan array berukuran 100.000 elemen.
 - Bila satu pemeriksaan elemen array membutuhkan waktu 0,01 detik, maka untuk 100.000 kali pemeriksaan membutuhkan waktu 1000 detik atau 16,7 menit!
- Algoritma *sequential search* tidak praktis untuk data berukuran besar
- Algoritma yang lebih cepat dari *sequential search* adalah algoritma *binary search*



BINARY SEARCH



- Disebut juga Pencarian Biner.
- Pencarian biner **hanya bisa** diterapkan pada sekumpulan data yang sudah terurut (terurut menaik atau menurun).
- Contoh data yang sudah terurut banyak ditemukan pada kehidupan sehari-hari:
 - Data kontak telepon di HP terurut dari nama A sampai Z
 - Data pegawai diurut berdasarkan nomor induk pegawai dari kecil ke besar
 - Data mahasiswa diurutkan berdasarkan NIM
 - Kata-kata di dalam kamus diurut dari A sampai Z
- Keuntungan data yang terurut adalah memudahkan pencarian.

- Misal untuk mencari arti kata tertentu dalam kamus Bahasa Inggris, kita tidak perlu membuka kamus itu dari halaman awal sampai akhir satu per satu:
 - Pertama Kamus tersebut kita bagi dua di tengah-tengah.
 - Jika yang dicari tidak ada di pertengahan, kita cari lagi di belahan kiri atau kanan dengan membagi dua lagi belahan tersebut.
 - Begitu seterusnya sampai kata yang dicari ketemu.

- Misal ada array A dengan 8 elemen yang terurut menaik. Data yang dicari adalah $X = 16$.

7	10	13	16	18	21	76	81
L=1	2	3	4	5	6	7	H=8

- Langkah 1:** $L=1$ dan $H=8$. maka indeks elemen tengah $M = (1+8) \text{ div } 2 = 4$

kiri	7	10	13	16	18	21	76	81	kanan
	L=1	2	3	4	5	6	7	H=8	

- Langkah 2:** $A[4] = 16$? Ya! (X ditemukan, pencarian dihentikan)

- Misal ada array L dengan 8 elemen yang terurut menaik. Data yang dicari adalah $X = 18$.

7	10	13	16	18	21	76	81
L=1	2	3	4	5	6	7	H=8

- Langkah 1:** L=1 dan H=8. maka indeks elemen tengah $M = (1+8) \text{ div } 2 = 4$

kiri	7	10	13	16	18	21	76	81	kanan
	L=1	2	3	4	5	6	7	H=8	

- Langkah 2:** $A[4] = 18$? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - $A[4] < 18$? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan

- $L = M+1 = 5$ dan $H = 8$ (tetap)

18	21	76	81
L=5	6	7	H=8

- **Langkah 1:** Indeks elemen tengah $M = (5+8) \text{ div } 2 = 6$

kiri	18	21	76	81	kanan
	L=5	6	7	H=8	

- **Langkah 2:** $A[6] = 18$? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - $A[6] < 18$? Tidak! Lakukan pencarian di larik bagian kiri.

- $L = 5$ (tetap) dan $H = M - 1 = 5$

18

$L = H = 5$

- **Langkah 1:** Indeks elemen tengah $M = (5 + 5) \text{ div } 2 = 5$

18

$L = H = M = 5$

- **Langkah 2:** $M[5] = 18$? Ya! (X ditemukan, pencarian dihentikan)

- Kita memerlukan dua buah indeks array yaitu indeks terkecil dan indeks terbesar (Misal L dan H). Umumnya $L=1$ dan $H=N$.
- **Langkah 1:** bagi dua elemen array pada elemen tengah. Elemen tengah adalah elemen dengan indeks $M = (L+H) \text{ DIV } 2$
 - Elemen tengah array $A[M]$ membagi array menjadi dua bagian, yaitu bagian kiri Array $A[A..M-1]$ dan bagian kanan Array $A[M+1..H]$
- **Langkah 2:** periksa apakah $A[M] = X$. Jika Ya, maka pencarian dihentikan (data ditemukan).
 - Jika tidak, jika $A[M] < X$ maka pencarian dilakukan pada larik bagian kanan.
 - Jika $A[M] > X$ maka pencarian dilakukan pada larik bagian kiri.
- **Langkah 3:** Ulangi langkah 1-2 sampai X ditemukan atau $L > H$ (ukuran array sudah nol!)

- Misal ada array L dengan 8 elemen yang terurut menaik. Data yang dicari adalah $X = 100$.

7	10	13	16	18	21	76	81
L=1	2	3	4	5	6	7	H=8

- Langkah 1:** L=1 dan H=8. maka indeks elemen tengah $M = (1+8) \text{ div } 2 = 4$

kiri	7	10	13	16	18	21	76	81	kanan
	L=1	2	3	4	5	6	7	H=8	

- Langkah 2:** $A[4] = 100$? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - $A[4] < 100$? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan

- $L = M+1 = 5$ dan $H = 8$ (tetap)

18	21	76	81
L=5	6	7	H=8

- **Langkah 1:** Indeks elemen tengah $M = (5+8) \div 2 = 6$

kiri	18	21	76	81	kanan
	L=5	6	7	H=8	

- **Langkah 2:** $L[6] = 100$? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - $A[6] < 100$? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan.

- $L = M+1 = 7$ dan $H = 8$ (tetap)

76	81
$L=7$	$H=8$

- **Langkah 1:** Indeks elemen tengah $M = (7+8) \text{ div } 2 = 7$

76	81
$L = M = 7$	$H=8$

- **Langkah 2:** $M[7] = 100$? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - $A[7] < 100$? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan.

- $L = M+1 = 8$ dan $H = 8$ (tetap)

81
$L = H = 8$

- Langkah 1: Indeks elemen tengah $M = (8+8) \div 2 = 8$

81
$L = H = M = 8$

- Langkah 2: $A[8] = 100$? Tidak! Putuskan pencarian akan dilakukan di bagian kiri atau kanan dengan pemeriksaan:
 - $A[8] < 100$? Ya! Lakukan pencarian di larik bagian kanan dengan $L=M+1=9$ dan $H= 8$
 - Karena $L > H$ maka tidak ada lagi bagian array yang tersisa,dengan demikian, X tidak ditemukan di dalam array. Pencarian dihentikan.

- Misal yang dicari adalah $X = 16$

81	76	21	18	16	13	10	7
L=1	2	3	4	5	6	7	H=8

81	76	21	18	16	13	10	7
L=1	2	3	M=4	5	6	7	H=8

81	76	21	18	16	13	10	7
1	2	3	4	L = 5	6	7	H=8

81	76	21	18	16	13	10	7
1	2	3	4	L = 5	M=6	7	H=8

81	76	21	18	16	13	10	7
1	2	3	4	L = H = 5	6	7	H

81	76	21	18	16	13	10	7
1	2	3	4	L = H = M = 5	6	7	H

Jika $A[M] < X$, maka pencarian dilakukan pada array bagian kiri.

Jika $A[M] > X$ maka pencarian dilakukan pada array bagian kanan.

- Pada setiap kali pencarian, array dibagi dua menjadi dua bagian yang berukuran sama (atau beda selisih 1 elemen)
- Pada setiap pembagian, elemen tengah K diperiksa apakah sama dengan X .
 - Pada *worst case scenario*, yaitu pada kasus X tidak terdapat di dalam array, array dibagi sejumlah $^2\log(N)$ kali, sehingga jumlah pemeriksaan yang dilakukan juga sebanyak $^2\log(N)$ kali.
 - Pada contoh $x=100$, pembagian array yang dilakukan adalah $^2\log(8) = 3$ kali. Jumlah pemeriksaan elemen array juga 3 kali.
- Untuk data terurut, algoritma *binary search* lebih cepat dibandingkan *sequential search*

- Misal untuk kasus nilai X tidak ditemukan dalam array:
 - Untuk array berukuran 256 elemen:
 - *sequential search* melakukan perbandingan elemen array sebanyak 256 kali,
 - *binary search* melakukan perbandingan elemen array sebanyak $^2\log(256) = 8$ kali.
 - Untuk array berukuran 1024 elemen:
 - *sequential search* melakukan perbandingan elemen array sebanyak 1024 kali,
 - *binary search* melakukan perbandingan elemen array sebanyak $^2\log(1024) = 10$ kali.
 - Untuk array berukuran N elemen:
 - *sequential search* melakukan perbandingan elemen array sebanyak N kali,
 - *binary search* melakukan perbandingan elemen array sebanyak $^2\log(N)$ kali.
- Karena $^2\log(N) < N$ untuk N yang besar, maka algoritma *binary search* lebih cepat daripada algoritma *sequential search*
 - Sehingga Algoritma *binary search* lebih disukai untuk mencari data pada array terurut
- Namun untuk data yang tidak terurut, hanya dapat menggunakan algoritma *sequential search*



POLITEKNIK STATISTIKA STIS

For Better Official Statistics

TERIMA KASIH

