

PERA

Fibonacci Series

fib(n)	0	1	1	2	3	5	8	13
n	0	1	2	3	4	5	6	7

$$\text{fib}(n) = \begin{cases} 0 & n=0 \\ 1 & n=1 \\ \text{fib}(n-2) + \text{fib}(n-1) & n > 1 \end{cases}$$

Recursive

```
int fib(int n) {  
    if (n <= 1)  
        return n;  
    return fib(n-2) + fib(n-1);  
}
```

Don't
instantiate \Rightarrow

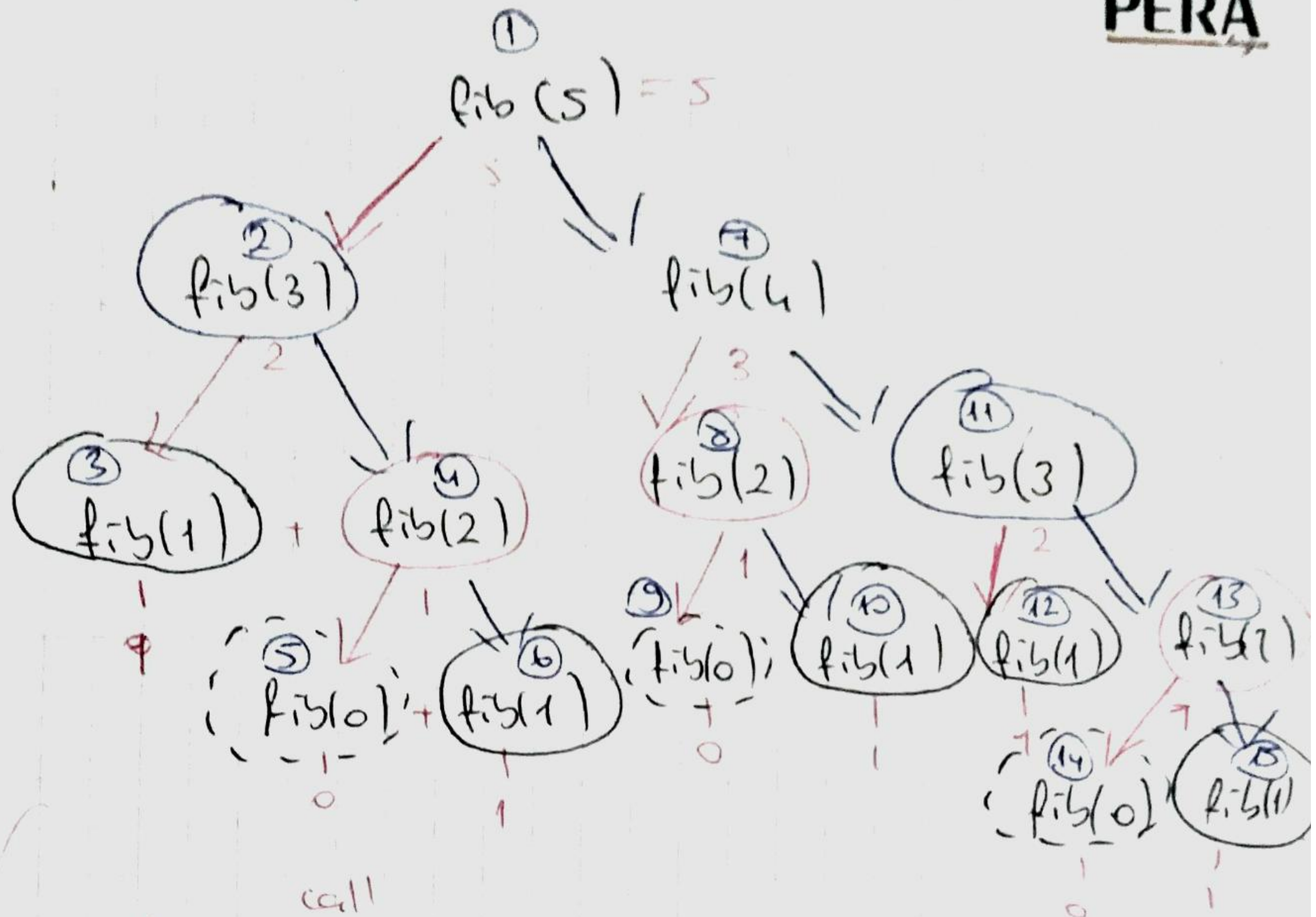
loop

```
int fib(int n) {  
    if (n <= 1)  
        return n;  
}
```

4n+1
O(n)
}

```
int fib(int n) {  
    int t0=0, t1=1, s, i;  
    if (n <= 1) return n;
```

```
    for (i=2; i <= n; i++) {  
        n-1 - s = t0+t1;  
        n-1 - t0 = t1;  
        n-1 - t1 = s;  
    }  
    return s;
```

call
 $f(5) \rightarrow 15$
 $f(4) \rightarrow 9$
 $f(3) \rightarrow 5$

$2 \text{ fib}(n-1) \rightarrow$ en büyük kademeye
 $n-2$ ya da $n-1$ yaptırı
 ve diğer ile
 toplandı.
 $O(2^n)$

✓ güncelleme içinde aldıklarıyla ilgili

bir fonksiyon bir kere çağırıldığında
 başka bir yerde bir daha çağırılmıyor (recursion)
 (utilization) yoktur çünkü sonucu biliyor

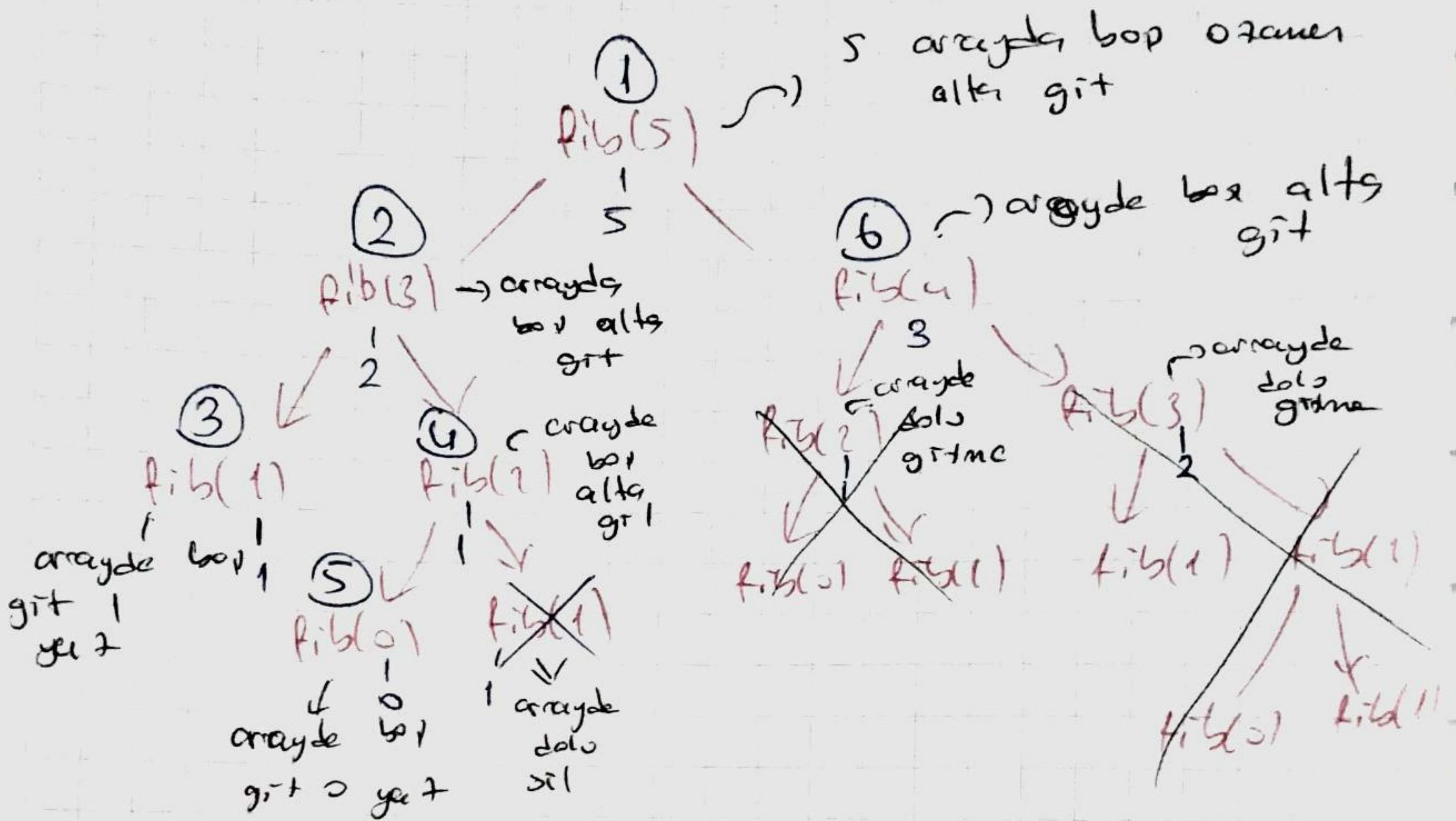
bu recursivelere

EXHAUSTIVE RECURSIVE dir

PERA

array → global veya statik olabilir

x_0	x_1	x_1	x_2	x_3	x_5	-1
0	1	2	3	4	5	6



burada eğer daha önce hesaplanmış bir şey bir daha hesaplanmaz diye değeri döndürür

Toplamda 6 kere çağırma işlemi yapıldı,

$O(n)$

bu işlem

Memorization

denir


```
int f[10];  
int fib(int n) {  
    if (n <= 1) {  
        f[n] = n;  
        return n;  
    }  
    else {  
        if (f[n-2] == -1)  
            f[n-2] = fib(n-2);  
        if (f[n-1] == -1)  
            f[n-1] = fib(n-1);  
        return f[n-2] + f[n-1];  
    }  
}
```