

## Exercício 1:

### 1. Decimal: 329

Para converter o número decimal 329 para as outras bases, vamos usar as divisões sucessivas.

#### Binário:

Dividimos 329 por 2 e anotamos os restos.

- $329 \div 2 = 164$ , resto 1
- $164 \div 2 = 82$ , resto 0
- $82 \div 2 = 41$ , resto 0
- $41 \div 2 = 20$ , resto 1
- $20 \div 2 = 10$ , resto 0
- $10 \div 2 = 5$ , resto 0
- $5 \div 2 = 2$ , resto 1
- $2 \div 2 = 1$ , resto 0
- $1 \div 2 = 0$ , resto 1

Agora, pegamos os restos de baixo para cima: **101001001**.

Então, o número binário correspondente a 329 é **101001001**.

#### Octal:

Agora, agrupamos o número binário em grupos de 3 bits (da direita para a esquerda) e convertemos cada grupo para octal.

Binário: **101001001**

Agrupamos: **1 010 010 001** (adicionei zeros à esquerda para completar os grupos)

Agora, convertemos cada grupo:

- 001 (binário) = 1 (octal)
- 010 (binário) = 2 (octal)
- 010 (binário) = 2 (octal)
- 1 (binário) = 1 (octal)

Então, o número octal correspondente a 329 é **1221**.

#### Hexadecimal:

Agrupamos o número binário em grupos de 4 bits (da direita para a esquerda) e convertemos cada grupo para hexadecimal.

Binário: **101001001**

Agrupamos: **0001 0100 1001** (adicionei zeros à esquerda para completar os grupos)

Agora, convertemos cada grupo:

- 0001 (binário) = 1 (hexadecimal)
- 0100 (binário) = 4 (hexadecimal)
- 1001 (binário) = 9 (hexadecimal)

Então, o número hexadecimal correspondente a 329 é **149**.

---

## 2. Binário: **11011101010**

Agora, vamos converter o número binário **11011101010** para as outras bases.

### Decimal:

Para converter para decimal, multiplicamos os valores dos bits por 2 elevado à posição do bit, da direita para a esquerda.

$$11011101010_2 = 1 \cdot 2^{10} + 1 \cdot 2^9 + 0 \cdot 2^8 + 1 \cdot 2^7 + 1 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0$$

Calculando:

$$1 \cdot 1024 + 1 \cdot 512 + 0 \cdot 256 + 1 \cdot 128 + 1 \cdot 64 + 1 \cdot 32 + 0 \cdot 16 + 1 \cdot 8 + 0 \cdot 4 + 1 \cdot 2 + 0 \cdot 1 = 1106$$

Então, o número decimal correspondente a **11011101010** é **1106**.

### Octal:

Primeiro, agrupamos o número binário em grupos de 3 bits (da direita para a esquerda).

**11011101010** → Agrupamos: **001 101 110 101 0** (adicionei zero à esquerda para completar o último grupo)

Agora, convertemos cada grupo para octal:

- 001 (binário) = 1 (octal)
- 101 (binário) = 5 (octal)
- 110 (binário) = 6 (octal)
- 101 (binário) = 5 (octal)
- 0 (binário) = 0 (octal)

Portanto, o número octal correspondente a **11011101010** é **15650**.

### Hexadecimal:

Agora, agrupamos o número binário em grupos de 4 bits (da direita para a esquerda).

**11011101010** → Agrupamos: **0001 1011 1010 1010**

Agora, convertemos cada grupo para hexadecimal:

- 0001 (binário) = 1 (hexadecimal)
- 1011 (binário) = B (hexadecimal)
- 1010 (binário) = A (hexadecimal)
- 1010 (binário) = A (hexadecimal)

Então, o número hexadecimal correspondente a **11011101010** é **1BAA**.

---

### 3. Octal: 1465

Agora, vamos converter o número octal **1465** para as outras bases.

#### Decimal:

Para converter o número octal para decimal, multiplicamos cada dígito pelo valor da base elevada à sua posição (da direita para a esquerda):

$$1465_8 = 1 \cdot 8^3 + 4 \cdot 8^2 + 6 \cdot 8^1 + 5 \cdot 8^0$$

Calculando:

$$1 \cdot 512 + 4 \cdot 64 + 6 \cdot 8 + 5 \cdot 1 = 512 + 256 + 48 + 5 = 821$$

Então, o número decimal correspondente a **1465** é **821**.

#### Binário:

Agora, convertemos o número octal para binário. Para isso, convertemos cada dígito octal para seu equivalente binário de 3 bits.

- 1 (octal) = 001 (binário)
- 4 (octal) = 100 (binário)
- 6 (octal) = 110 (binário)
- 5 (octal) = 101 (binário)

Portanto, o número binário correspondente a **1465** é **001100110101**.

### Hexadecimal:

Agora, vamos converter o número octal **1465** para hexadecimal. Para isso, convertamos primeiro para binário e depois para hexadecimal.

Binário: **001100110101**

Agora, agrupamos em 4 bits e convertamos para hexadecimal:

- 0011 (binário) = 3 (hexadecimal)
- 0011 (binário) = 3 (hexadecimal)
- 0101 (binário) = 5 (hexadecimal)

Portanto, o número hexadecimal correspondente a **1465** é **335**.

---

#### 4. Hexadecimal: **33BD**

Por fim, vamos converter o número hexadecimal **33BD** para as outras bases.

**Decimal:**

Para converter hexadecimal para decimal, multiplicamos cada dígito pelo valor da base elevada à sua posição (da direita para a esquerda):

$$33BD_{16} = 3 \cdot 16^3 + 3 \cdot 16^2 + 11 \cdot 16^1 + 13 \cdot 16^0$$

Calculando:

$$3 \cdot 4096 + 3 \cdot 256 + 11 \cdot 16 + 13 \cdot 1 = 12288 + 768 + 176 + 13 = 13045$$

Então, o número decimal correspondente a **33BD** é **13045**.

**Binário:**

Agora, convertamos o número hexadecimal para binário. Cada dígito hexadecimal é convertido para 4 bits:

- 3 (hexadecimal) = 0011 (binário)
- 3 (hexadecimal) = 0011 (binário)
- B (hexadecimal) = 1011 (binário)
- D (hexadecimal) = 1101 (binário)

Portanto, o número binário correspondente a **33BD** é **0011001110111101**.

**Octal:**

Agora, convertamos o número hexadecimal para octal. Primeiro, convertamos para binário:

Binário: **0011001110111101**

Agora, agrupamos em 3 bits e convertemos para octal:

- 001 (binário) = 1 (octal)
- 100 (binário) = 4 (octal)
- 111 (binário) = 7 (octal)
- 110 (binário) = 6 (octal)
- 101 (binário) = 5 (octal)

Portanto, o número octal correspondente a **33BD** é **14765**.

---

### Respostas finais:

1. Decimal **329**:
  - Binário: **101001001**
  - Octal: **1221**
  - Hexadecimal: **149**
2. Binário **11011101010**:
  - Decimal: **1106**
  - Octal: **15650**
  - Hexadecimal: **1BAA**
3. Octal **1465**:
  - Decimal: **821**
  - Binário: **001100110101**
  - Hexadecimal: **335**
4. Hexadecimal **33BD**:
  - Decimal: **13045**
  - Binário: **0011001110111101**
  - Octal: **14765**

### Exercício 2:

Passo a passo:

1. Converter 45 para binário: 00101101
2. Como o número é negativo, o bit de sinal é 1.
3. Resultado final: 10101101

### Exercício 3:

1. Converter 584 para binário: 1001001000

2. Representar na forma normalizada:  $1.001001000 \times 2^9$

3. Expoente com bias ( $9 + 15 = 24$ ): 11000

4. Mantissa: 0010010000

Resultado final: 0 11000 0010010000

#### Exercício 4:

a)  $(A \cdot B) + (A \cdot \bar{B})$

A	B	$\bar{B}$	$A \cdot B$	$A \cdot \bar{B}$	$(A \cdot B) + (A \cdot \bar{B})$
0	0	1	0	0	0
0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	1	1
1	1	0	1	0	1

b)  $(A + B) \cdot (\bar{A} + C)$

A	B	C	$\bar{A}$	$A + B$	$\bar{A} + C$	$(A + B) \cdot (\bar{A} + C)$
0	0	0	1	0	1	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	0	1	1	1	1
0	1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0
1	0	1	0	1	1	1
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	1	1	1

c)  $A \cdot (B + \bar{A} \cdot C)$

A	B	C	$\bar{A}$	$\bar{A} \cdot C$	$B + \bar{A} \cdot C$	$A \cdot (B + \bar{A} \cdot C)$
0	0	0	1	0	0	0
0	0	1	1	1	1	0
0	1	0	1	0	1	0
0	1	1	1	1	1	0
1	0	0	0	0	0	0
1	0	1	0	0	0	0
1	1	0	0	0	1	1
1	1	1	0	0	1	1

### Exercício 5:

#### Circuito (a)

1. A primeira porta lógica é uma **AND** com entradas A e B:

$$X=A \cdot B$$

2. A saída de **X** é conectada a uma porta **OR** junto com B:

$$S=X+B=(A \cdot B)+B$$

3. Como  $B+(A \cdot B)=B$ , a expressão final simplificada é:

$$S=B$$

#### Circuito (b)

1. Primeira **AND** tem três entradas A,B,C:

$$X=A \cdot B \cdot C$$

2. Segunda **AND** recebe A e C (C negado):

$$Y=A \cdot \bar{C}$$

3. Terceira **AND** recebe AAA e BBB:

$$S=X+Y+Z=(A \cdot B \cdot C)+(A \cdot \bar{C})+(A \cdot B)$$

#### Circuito (c)

1. Primeira **NOT** inverte A, gerando A

2. Segunda porta **OR** recebe A e B:

$$X=A+B$$

3. Segunda **AND** recebe C e B:

$$Y=B \cdot C$$

4. Uma **AND** recebe X e Y, resultando em:

$$S=X \cdot Y=(A+B) \cdot (B \cdot C)$$