

## Capítulo 44

1. De acordo com a lei de conservação da carga, se o sinal do pión for invertido, o sinal do múon produzido no decaimento também terá de ser invertido. Essa mudança corresponde a substituir as partículas carregadas pelas respectivas antipartículas. Menos óbvio é o fato de que devemos substituir o neutrino por um antineutrino, como é discutido no Módulo 44-2, para satisfazer a lei de conservação dos números leptônicos. A reação de decaimento do pión negativo é, portanto,  $\pi^- \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}$ , em que usamos uma barra acima do símbolo de neutrino para indicar que se trata de um antineutrino. Na verdade, costuma-se usar um índice inferior para indicar de que tipo é o antineutrino e escrever a reação na forma  $\pi^- \rightarrow \mu^- + \bar{\nu}_\mu$ .

2. Como a massa específica da água é  $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3 = 1 \text{ kg/L}$ , a massa total da água da piscina é  $M = \rho V = 4,32 \times 10^5 \text{ kg}$ , em que  $V$  é o volume da piscina. A fração da massa constituída por prótons (razão entre o número de prótons e o número de núcleons em uma molécula de água) é 10/18. Assim, o número de prótons contidos na água da piscina é

$$N = \frac{(10/18)M}{m_p} = \frac{(10/18)(4,32 \times 10^5 \text{ kg})}{1,67 \times 10^{-27} \text{ kg}} = 1,44 \times 10^{32}.$$

Portanto, de acordo com a Eq. 42-20, temos

$$R = \frac{N \ln 2}{T_{1/2}} = \frac{(1,44 \times 10^{32}) \ln 2}{10^{32} \text{ anos}} \approx 1 \text{ decaimento/ano}.$$

3. A energia de repouso do par elétron-pósitron é

$$E = m_e c^2 + m_e c^2 = 2m_e c^2 = 2(0,511 \text{ MeV}) = 1,022 \text{ MeV}.$$

Como são produzidos dois raios  $\gamma$  no processo de aniquilação, o comprimento de onda de cada raio gama é

$$\lambda = \frac{hc}{E/2} = \frac{1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{0,511 \times 10^6 \text{ eV}} = 2,43 \times 10^{-3} \text{ nm} = 2,43 \text{ pm}.$$

4. De acordo com a lei de conservação do momento, os raios gama devem se propagar em sentidos opostos com momentos de mesmo módulo. Como o módulo  $p$  do momento de um raio gama está relacionado à energia através da equação  $p = E/c$ , os dois raios gama têm a mesma energia  $E$ . De acordo com a lei de conservação da energia,  $m_\pi c^2 = 2E$ , em que  $m_\pi$  é a massa do pión neutro. Com base na Tabela 44-4, a energia de repouso de um pión neutro é  $m_\pi c^2 = 135,0 \text{ MeV}$ . Assim,  $E = (135,0 \text{ MeV})/2 = 67,5 \text{ MeV}$  e o comprimento de onda dos raios gama é

$$\lambda = \frac{1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{67,5 \times 10^6 \text{ eV}} = 1,84 \times 10^{-5} \text{ nm} = 18,4 \text{ fm}.$$

5. De acordo com as Eqs. 14-1 e 22-4,

$$\begin{aligned} \frac{F_{\text{gravidade}}}{F_{\text{elétrica}}} &= \frac{Gm_e^2/r^2}{ke^2/r^2} = \frac{4\pi\epsilon_0 Gm_e^2}{e^2} = \frac{(6,67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(9,11 \times 10^{-31} \text{ kg})^2}{(9,0 \times 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2)(1,60 \times 10^{-19} \text{ C})^2} \\ &= 2,4 \times 10^{-43}. \end{aligned}$$

Como  $F_{\text{gravidade}} \ll F_{\text{elétrica}}$ , não é preciso levar em conta as interações gravitacionais.

6. (a) De acordo com a lei de conservação da energia,

$$Q = K_2 + K_3 = E_1 - E_2 - E_3,$$

em que  $E_1$ ,  $E_2$  e  $E_3$  são as energias de repouso das três partículas. Escrevendo a equação anterior na forma

$$K_2 + E_2 - E_1 = -(K_3 + E_3)$$

e elevando ambos os membros ao quadrado, obtemos

$$K_2^2 + 2K_2E_2 - 2K_2E_1 + (E_1 - E_2)^2 = K_3^2 + 2K_3E_3 + E_3^2.$$

Aplicando a lei de conservação do momento ao referencial em que a partícula 1 está em repouso, obtemos  $|p_2| = |p_3|$ , o que nos dá  $(p_2c)^2 = (p_3c)^2$ . Assim, de acordo com a Eq. 37-54,

$$K_2^2 + 2K_2E_2 = K_3^2 + 2K_3E_3,$$

que podemos subtrair da expressão anterior para obter

$$-2K_2E_1 + (E_1 - E_2)^2 = E_3^2.$$

Explicitando  $K_2$ , obtemos a equação pedida,

$$K_2 = \frac{1}{2E_1} \left[ (E_1 - E_2)^2 - E_3^2 \right].$$

(b) Fazendo  $E_3 = 0$  nessa equação e usando os valores de energia de repouso da Tabela 44-1, obtemos o mesmo valor de  $K_\mu$  calculado no Exemplo 44.01 “Momento e energia cinética no decaimento de um pión”.

7. De acordo com a Tabela 44-4, a energia de repouso de cada pión é 139,6 MeV. De acordo com o enunciado do problema, o módulo do momento de cada pión é  $p_\pi = (358,3 \text{ MeV})/c$ . A energia total de cada pión é dada pela Eq. 37-54:

$$E_\pi = \sqrt{(p_\pi c)^2 + (m_\pi c^2)^2} = \sqrt{(358,3 \text{ MeV})^2 + (139,6 \text{ MeV})^2} = 384,5 \text{ MeV}.$$

De acordo com a lei de conservação da energia,

$$m\phi c^2 = 2E_\pi = 2(384,5 \text{ MeV}) = 769 \text{ MeV}.$$

8. (a) Em unidades do SI, a energia cinética do tau positivo é

$$K = (2200 \text{ MeV})(1,6 \times 10^{-13} \text{ J/MeV}) = 3,52 \times 10^{-10} \text{ J}.$$

Como a energia de repouso do tau positivo é  $mc^2 = 2,85 \times 10^{-10} \text{ J}$ , o momento relativístico da partícula, de acordo com a Eq. 37-54, é

$$\begin{aligned} p &= \frac{1}{c} \sqrt{K^2 + 2Kmc^2} = \frac{1}{2,998 \times 10^8 \text{ m/s}} \sqrt{(3,52 \times 10^{-10} \text{ J})^2 + 2(3,52 \times 10^{-10} \text{ J})(2,85 \times 10^{-10} \text{ J})} \\ &= 1,90 \times 10^{-18} \text{ kg} \cdot \text{m/s}. \end{aligned}$$

(b) O raio da trajetória circular pode ser calculado a partir do momento relativístico:

$$r = \frac{\gamma mv}{|q|B} = \frac{p}{eB} = \frac{1,90 \times 10^{-18} \text{ kg} \cdot \text{m/s}}{(1,6 \times 10^{-19} \text{ C})(1,20 \text{ T})} = 9,90 \text{ m}.$$

9. De acordo com a Eq. 37-48, o fator de Lorentz seria

$$\gamma = \frac{E}{mc^2} = \frac{1,5 \times 10^6 \text{ eV}}{20 \text{ eV}} = 75000.$$

Explicitando a velocidade na Eq. 37-8, obtemos

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} \Rightarrow v = c \sqrt{1 - \frac{1}{\gamma^2}},$$

o que nos dá uma diferença entre  $c$  e  $v$

$$c - v = c \left( 1 - \sqrt{1 - \frac{1}{\gamma^2}} \right) \approx c \left[ 1 - \left( 1 - \frac{1}{2\gamma^2} + L \right) \right]$$

em que o último resultado foi obtido usando a expansão binomial (veja o Apêndice E). Assim,

$$c - v \approx c \left( \frac{1}{2\gamma^2} \right) = (299792458 \text{ m/s}) \left( \frac{1}{2(75000)^2} \right) = 0,0266 \text{ m/s} \approx 2,7 \text{ cm/s}.$$

10. De acordo com a Eq. 37-52, o fator de Lorentz é

$$\gamma = 1 + \frac{K}{mc^2} = 1 + \frac{80 \text{ MeV}}{135 \text{ MeV}} = 1,59.$$

Explicitando a velocidade na Eq. 37-8, obtemos

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} \Rightarrow v = c \sqrt{1 - \frac{1}{\gamma^2}},$$

o que nos dá  $v = 0,778c = 2,33 \times 10^8 \text{ m/s}$ . No referencial do laboratório, o tempo de vida do pión não é o valor de  $\tau$  fornecido e sim o valor “dilatado” dado pela Eq. 37-9:

$$t = \gamma\tau = (1,59)(8,3 \times 10^{-17} \text{ s}) = 1,3 \times 10^{-16} \text{ s}.$$

Assim, de acordo com a Eq. 37-10, a distância percorrida pelo pión no laboratório é

$$x = vt = (2,33 \times 10^8 \text{ m/s}) (1,3 \times 10^{-16} \text{ s}) = 3,1 \times 10^{-8} \text{ m}.$$

11. **PENSE** As leis de conservação discutidas até agora foram as leis de conservação da energia, do momento, do momento angular, da carga, do número bariônico e as três leis de conservação do número leptônico.

**FORMULE** Em todas as interações de partículas, o número leptônico total de cada família ( $L_e$  para a família do elétron,  $L_\mu$  para a família do múon e  $L_\tau$  para a família do tau) é conservado. De acordo com a lei de conservação do número bariônico, o número bariônico total é conservado em todas as interações.

**ANALISE** (a) No caso do processo  $\mu^- \rightarrow e^- + \nu_\mu$ , a energia de repouso do múon é 105,7 MeV, a energia de repouso do elétron é 0,511 MeV e a energia de repouso do neutrino é zero ou muito próxima de zero. Assim, a energia de repouso total antes do decaimento é maior que a energia de repouso total após o decaimento. A energia em excesso pode ser convertida em energia cinética dos produtos do decaimento e, portanto, a energia pode ser conservada. O momento é conservado se o elétron e o neutrino se moverem em sentidos opostos com momentos de mesmo módulo. Como o momento angular orbital é zero, precisamos considerar apenas o momento angular de spin. Todas as partículas têm spin  $\hbar/2$ . O momento angular total após o decaimento pode ser  $\hbar$  (se os spins do elétron e do neutrino estiverem paralelos) ou zero (se os spins estiverem antiparalelos). Como o spin antes do decaimento é  $\hbar/2$ , o momento angular não é conservado. Como o múon tem carga  $-e$ , o elétron tem carga  $-e$  e o neutrino tem carga zero, a carga total é  $-e$  antes e depois do decaimento, o que significa que a carga é conservada. Como o número bariônico das três partículas é zero, o número bariônico é conservado. Como o número leptônico muônico do múon é +1, o número leptônico muônico do neutrino do múon é +1 e o número leptônico muônico do elétron é 0, o número leptônico muônico é conservado. Como o número leptônico eletrônico do múon e do neutrino do múon é 0 e o número leptônico eletrônico do elétron é +1, o número leptônico eletrônico não é conservado. Assim, as leis de conservação do momento angular e do número leptônico eletrônico são violadas.

(b) Analisando o processo  $\mu^- \rightarrow e^+ + \nu_e + \bar{\nu}_\mu$ , constatamos que, neste caso, as leis de conservação da carga e do número leptônico muônico são violadas.

(c) No caso do processo  $\mu^+ \rightarrow \pi^+ + \nu_\mu$ , a lei da conservação da energia é violada, já que a massa do múon é menor que a massa do pión. Neste caso, a energia não é conservada, já que a massa do múon é menor que a massa do pión. Além disso, o número leptônico muônico não é conservado. Além disso, a lei de conservação do número leptônico muônico também é violada.

**APRENDA** Como, nos três processos, a partícula inicial está em repouso, a questão da conservação da energia se resume a verificar se a energia de repouso inicial é suficiente para produzir as energias de repouso dos produtos do decaimento; a energia em excesso é convertida em energia cinética dos produtos.

**12.** (a) Contando todos os elétrons, pósitrons e neutrinos que resultam do decaimento da partícula  $A_2^+$ , sem esquecer que são criados dois píons positivos ( $e$ , portanto, os produtos do decaimento do pión devem ser contados em dobro), os produtos estáveis são os seguintes:  $2e^+$ ,  $e^-$ ,  $5\nu$  e  $4\bar{\nu}$ .

(b) Como tanto a partícula  $\rho^0$  como a partícula  $\pi^+$  têm spin inteiro, a partícula  $A_2^+$  é um bóson.

(c) Como todos os produtos finais são léptons, o número bariônico da partícula  $A_2^+$  é zero e, portanto, a partícula é um méson.

(d) Como foi dito no item (c), o número bariônico da partícula é zero.

**13.** A expressão da componente  $z$  do isospin costuma ser escrita na forma  $T_z = q - (B + S)/2$ , em que  $q$  é a carga da partícula em unidades da carga elementar. Definindo  $q$  como a carga da partícula em unidades do SI, como foi feito em capítulos anteriores, a expressão se torna

$$T_z = \frac{q}{e} - \frac{1}{2}(B + S).$$

Em vez de usar um eixo inclinado, como na Fig. 44-4, é possível reproduzir o mesmo padrão usando eixos retangulares se a estranheza  $S$  é substituída pela hipercarga,  $Y = B + S$ , e a carga  $q/e$  é substituída pela componente  $z$  do isospin,  $T_z = q/e - (B + S)/2$ , porque, nesse caso, tanto a grandeza usada para definir o eixo  $y$  como a grandeza usada para definir o eixo  $x$  variam com  $(B + S)$ .

**14.** (a) De acordo com a Eq. 37-50,

$$\begin{aligned} Q &= -\Delta mc^2 = (m_{\Sigma^+} + m_{K^+} - m_{\pi^+} - m_p)c^2 \\ &= 1189,4 \text{ MeV} + 493,7 \text{ MeV} - 139,6 \text{ MeV} - 938,3 \text{ MeV} \\ &= 605 \text{ MeV}. \end{aligned}$$

(b) De acordo com a Eq. 37-50,

$$\begin{aligned} Q &= -\Delta mc^2 = (m_{\Lambda^0} + m_{\pi^0} - m_{K^-} - m_p)c^2 \\ &= 1115,6 \text{ MeV} + 135,0 \text{ MeV} - 493,7 \text{ MeV} - 938,3 \text{ MeV} \\ &= -181 \text{ MeV}. \end{aligned}$$

**15.** (a) Como a partícula lambda tem uma energia de repouso de 1115,6 MeV, o próton uma energia de repouso de 938,3 MeV e o kaon uma energia de repouso de 493,7 MeV, a energia de repouso antes do decaimento é menor que a energia de repouso depois do decaimento, o que significa que a energia não é conservada. O momento pode ser conservado. Como a partícula lambda e o próton têm spin  $\hbar/2$  e o kaon tem spin zero, o momento angular pode ser conservado. Como a partícula lambda tem carga zero, o próton tem carga  $+e$  e o kaon tem carga  $-e$ , a carga é conservada. Como a partícula lambda e o próton têm número bariônico  $+1$ , o número bariônico é conservado. Como a partícula lambda e o kaon têm estranheza  $-1$  e o próton tem estranheza zero, a estranheza é conservada. Assim, a reação viola apenas a lei de conservação da energia.

(b) Como a partícula ômega tem uma energia de repouso de 1680 MeV, a partícula sigma tem uma energia de repouso de 1197,3 MeV e o pión tem uma energia de repouso de 135 MeV, a energia de repouso antes do decaimento é maior que a energia de repouso depois do decaimento, e a energia pode ser conservada. O momento pode ser conservado. Como as partículas ômega e sigma têm spin  $\hbar/2$  e o pión tem spin zero, o momento angular pode ser conservado. Como a partícula ômega tem carga  $-e$ , a partícula sigma tem carga  $-e$  e o pión tem carga zero, a carga é conservada. Como as partículas ômega e sigma têm número bariônico  $+1$  e o pión tem número bariônico 0, o número bariônico é conservado. Como a partícula ômega tem estranheza  $-3$ , a partícula sigma tem estranheza  $-1$  e o pión tem estranheza zero, a estranheza não é conservada. Assim, a reação viola apenas a lei de conservação da estranheza.

(c) Como o kaon e o próton podem ter energia cinética, a energia pode ser conservada, mesmo que a energia de repouso total após a colisão seja maior que a energia de repouso total após a colisão. O momento pode ser conservado. Como o próton e a partícula lambda têm spin  $\hbar/2$  e o kaon e o pión têm spin zero, o momento angular é conservado. Como o kaon tem carga  $-e$ , o próton tem carga  $+e$ , a partícula lambda tem carga zero e o pión tem carga  $+e$ , a carga não é conservada. Como o próton e a partícula lambda têm número bariônico  $+1$  e o kaon e o pión têm número bariônico zero, o número bariônico é conservado. Como o kaon tem estranheza  $-1$ , o próton e o pión têm estranheza zero e a partícula lambda tem estranheza  $-1$ , a estranheza é conservada. Assim, a reação viola apenas a lei de conservação da carga.

16. Para verificar se a reação proposta,  $p + \bar{p} \rightarrow \Lambda^0 + \Sigma^+ + e^-$ , viola alguma lei de conservação, usamos os números quânticos das partículas que aparecem nas Tabelas 44-3 e 44-4.

- (a) Como  $q(p) = +1$ ,  $q(\bar{p}) = -1$ ,  $q(\Lambda^0) = 0$ ,  $q(\Sigma^+) = +1$  e  $q(e^-) = -1$ , temos  $1 + (-1) = 0 + 1 + (-1)$  e, portanto, a carga é conservada.
- (b) Uma vez que  $B(p) = +1$ ,  $B(\bar{p}) = -1$ ,  $B(\Lambda^0) = 1$ ,  $B(\Sigma^+) = +1$  e  $B(e^-) = 0$ , temos  $1 + (-1) \neq 1 + 1 + 0$  e, portanto, o número bariônico não é conservado.
- (c) Como  $L_e(p) = L_e(\bar{p}) = 0$ ,  $L_e(\Lambda^0) = L_e(\Sigma^+) = 0$  e  $L_e(e^-) = 1$ , temos  $0 + 0 \neq 0 + 0 + 1$  e, portanto, o número leptônico eletrônico não é conservado.
- (d) Considerando que todas as partículas envolvidas são férmions com  $s = 1/2$ , temos  $(1/2) + (1/2) \neq (1/2) + (1/2) + (1/2)$  e, portanto, o spin não é conservado.
- (e) Como  $S(p) = S(\bar{p}) = 0$ ,  $S(\Lambda^0) = 1$ ,  $S(\Sigma^+) = +1$  e  $S(e^-) = 0$ , temos  $0 + 0 \neq 1 + 1 + 0$  e, portanto, a estranheza não é conservada.
- (f) Uma vez que o número leptônico muônico é zero para todas as partículas, o número leptônico muônico é conservado.

17. Para verificar se a reação proposta,  $\Xi^- \rightarrow \pi^- + n + K^- + p$ , viola alguma lei de conservação, usamos os números quânticos das partículas que aparecem nas Tabelas 44-3 e 44-4.

- (a) Uma vez que  $q(\Xi^-) = -1$ ,  $q(\pi^-) = -1$ ,  $q(n) = 0$ ,  $q(K^-) = -1$  e  $q(p) = +1$ , temos  $-1 = -1 + 0 + (-1) + 1$  e, portanto, a carga é conservada.
- (b) Uma vez que  $B(\Xi^-) = +1$ ,  $B(\pi^-) = 0$ ,  $B(n) = +1$ ,  $B(K^-) = 0$  e  $B(p) = +1$ , temos  $1 \neq 0 + 1 + 0 + 1 = 2$  e, portanto, o número bariônico não é conservado.
- (c) Considerando que  $\Xi^-$ ,  $n$  e  $p$  são férmions com  $s = 1/2$  e  $\pi^-$  e  $K^-$  são mésons com  $s = 0$ , temos  $1/2 \neq 0 + (1/2) + 0 + (1/2)$  e, portanto, o spin não é conservado.
- (d) Como  $S(\Xi^-) = -2$ ,  $S(\pi^-) = 0$ ,  $S(n) = 0$ ,  $S(K^-) = -1$  e  $S(p) = 0$ , temos  $-2 \neq 0 + 0 + (-1) + 0$  e, portanto, a estranheza não é conservada.

18. (a) De acordo com as Tabelas 44-3 e 44-4, a estranheza de  $K^0$  é  $+1$ , enquanto a estranheza de  $\pi^+$  e  $\pi^-$  é  $0$ ; assim, a estranheza não é conservada; portanto, a reação  $K^0 \rightarrow \pi^+ + \pi^-$  não é mediada pela interação forte.

- (b) Como a estranheza de  $\Lambda^0$  e  $\Sigma^+$  é  $-1$  e a estranheza de  $p$  e  $n$  é  $0$ , a estranheza é conservada e, portanto, a reação  $\Lambda^0 + p \rightarrow \Sigma^+ + n$  é mediada pela interação forte.
- (c) Como a estranheza de  $\Lambda^0$  é  $-1$  e a estranheza de  $p$  e  $\pi^-$  é  $0$ , a estranheza não é conservada e, portanto, a reação  $\Lambda^0 \rightarrow p + \pi^-$  não é mediada pela interação forte.
- (d) Como a estranheza de  $K^-$  e  $\Lambda^0$  é  $-1$  e a estranheza de  $p$  e  $\pi^0$  é  $0$ , a estranheza é conservada e, portanto, a reação  $K^- + p \rightarrow \Lambda^0 + \pi^0$  é mediada pela interação forte.

19. Para analisar as propriedades do antinêutron, podemos ignorar um próton de cada lado da reação e escrever a reação na forma

$$\pi^+ \rightarrow p + \bar{n}.$$

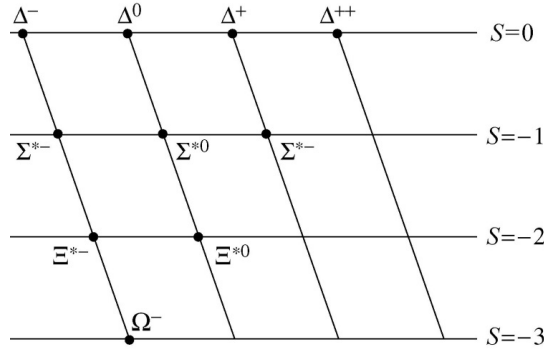
As propriedades das partículas estão nas Tabelas 44-3 e 44-4. Como o pión e o próton têm carga  $+e$ , o antinêutron tem carga  $0$ . Como o número bariônico do pión é  $0$  e o número bariônico do próton é  $+1$ , o número bariônico do antinêutron é  $-1$ . Como a estranheza do pión e do próton é  $0$ , a estranheza do antinêutron é  $0$ . Assim,

- (a)  $q = 0$ .

(b)  $B = -1$ ,

(c)  $S = 0$ .

20. Se usássemos eixos mutuamente perpendiculares, as partículas formariam um triângulo retângulo. Usando um eixo  $q$  inclinado, como sugere o enunciado, as partículas formam um triângulo equilátero invertido, como mostra a figura.



As retas inclinadas, da esquerda para a direita, correspondem a partículas de carga  $-1$ ,  $0$ ,  $+1$  e  $+2$ .

21. (a) Para analisar a reação do ponto de vista das leis de conservação, podemos cancelar um próton de cada lado da reação e escrever a reação na forma  $p \rightarrow \Lambda^0 + x$ . Como o próton e a partícula lambda têm spin  $1/2$ , o spin da partícula  $x$  é  $0$  ou  $1$ . Como o próton tem carga  $+e$  e a partícula lambda é neutra, a carga da partícula  $x$  é  $+e$ . Como o número bariônico do próton e da partícula lambda é  $+1$ , o número bariônico da partícula  $x$  é  $0$ . Como a estranheza do próton é  $0$  e a estranheza da partícula lambda é  $-1$ , a estranheza da partícula  $x$  é  $+1$ . Assim, a partícula  $x$  é um méson de carga  $+e$  e estranheza  $+1$ . Consultando a Tabela 44-4, vemos que se trata da partícula  $K^+$ .

(b) Como o próton tem spin  $1/2$ , o antipróton tem spin  $1/2$  e o nêutron tem spin  $1/2$ , a partícula  $x$  tem spin  $1/2$ . Como o próton tem carga  $+e$ , o antipróton tem carga  $-e$  e o nêutron tem carga  $0$ , a carga da partícula  $x$  é  $0$ . Como o número bariônico do próton e do nêutron é  $+1$  e o número bariônico do antipróton é  $-1$ , o número bariônico da partícula  $x$  é  $-1$ . Como a estranheza do próton, do antipróton e do nêutron é  $0$ , a estranheza da partícula  $x$  é  $0$ . Consultando a Tabela 44-3, vemos que se trata de um antinêutron ( $\bar{n}$ ).

(c) Como o pión e a partícula  $K^0$  têm spin  $0$  e o próton e a partícula  $\Xi^0$  têm spin  $1/2$ , o spin da partícula  $x$  é  $0$  ou  $1$ . Como o pión tem carga  $-e$ , o próton tem carga  $+e$  e as partículas  $\Xi^0$  e  $K^0$  têm carga  $0$ , a carga da partícula  $x$  é  $0$ . Como o número bariônico do pión e da partícula  $K^0$  é  $0$  e o número bariônico do próton e da partícula  $\Xi^0$  é  $+1$ , o número bariônico da partícula  $x$  é  $0$ . Como a estranheza do pión e do próton é  $0$ , a estranheza da partícula  $\Xi^0$  é  $-2$  e a estranheza da partícula  $K^0$  é  $+1$ , a estranheza da partícula  $x$  é  $+1$ . Consultando a Tabela 44-4, vemos que se trata da partícula  $K^0$ .

22. De acordo com a lei de conservação da energia, temos

$$\begin{aligned} K_f &= -\Delta mc^2 + K_i = (m_{\Sigma^-} - m_{\pi^-} - m_n)c^2 + K_i \\ &= 1197,3 \text{ MeV} - 139,6 \text{ MeV} - 939,6 \text{ MeV} + 220 \text{ MeV} \\ &= 338 \text{ MeV}. \end{aligned}$$

23. (a) De acordo com a Eq. 37-50,

$$\begin{aligned} Q &= -\Delta mc^2 = (m_{\Lambda^0} - m_p - m_{\pi^-})c^2 \\ &= 1115,6 \text{ MeV} - 938,3 \text{ MeV} - 139,6 \text{ MeV} = 37,7 \text{ MeV}. \end{aligned}$$

(b) De acordo com a expressão obtida no Problema 44-6a,

$$K_p = \frac{1}{2E_\Lambda} \left[ (E_\Lambda - E_p)^2 - E_\pi^2 \right]$$

$$= \frac{(1115,6 \text{ MeV} - 938,3 \text{ MeV})^2 - (139,6 \text{ MeV})^2}{2(1115,6 \text{ MeV})} = 5,35 \text{ MeV}.$$

(c) De acordo com a lei de conservação da energia,

$$K_{\pi^-} = Q - K_p = 37,7 \text{ MeV} - 5,35 \text{ MeV} = 32,4 \text{ MeV}.$$

24. De acordo com as Eqs. 37-52 ( $\gamma = 1 + K/mc^2$ ) e 37-8 ( $v = \beta c = c\sqrt{1 - \gamma^{-2}}$ ), temos

$$v = c \sqrt{1 - \left(1 + \frac{K}{mc^2}\right)^{-2}}.$$

(a) Assim, no caso da partícula  $\Sigma^0$ ,

$$v = (2,9979 \times 10^8 \text{ m/s}) \sqrt{1 - \left(1 + \frac{1000 \text{ MeV}}{1385 \text{ MeV}}\right)^{-2}} = 2,4406 \times 10^8 \text{ m/s}.$$

No caso da partícula  $\Sigma^0$ ,

$$v' = (2,9979 \times 10^8 \text{ m/s}) \sqrt{1 - \left(1 + \frac{1000 \text{ MeV}}{1192,5 \text{ MeV}}\right)^{-2}} = 2,5157 \times 10^8 \text{ m/s}.$$

A partícula  $\Sigma^0$  está se movendo mais depressa que a partícula  $\Sigma^+$ .

(b) A diferença entre as velocidades das duas partículas é

$$\Delta v = v' - v = (2,5157 - 2,4406)(10^8 \text{ m/s}) = 7,51 \times 10^6 \text{ m/s}.$$

25. (a) Usando uma barra acima do símbolo para indicar que se trata de um antiquark, a composição do antipróton é  $\bar{u}\bar{u}\bar{d}$ .

(b) A composição do antinêutron é  $\bar{u}\bar{d}\bar{d}$ .

26. (a) A combinação ddu tem uma carga total  $-1/3 - 1/3 + 2/3 = 0$  e uma estranheza 0. Consultando a Tabela 44-3, vemos que se trata de um nêutron (n).

(b) A combinação uus tem uma carga total  $+2/3 + 2/3 - 1/3 = 1$  e uma estranheza  $0 + 0 - 1 = -1$ . Consultando a Tabela 44-3, vemos que se trata de uma partícula  $\Sigma^+$ .

(c) A combinação ssd tem uma carga total  $-1/3 - 1/3 - 1/3 = -1$  e uma estranheza  $-1 - 1 + 0 = -2$ . Consultando a Tabela 44-3, vemos que se trata de uma partícula  $\Xi^-$ .

27. O méson  $\bar{K}^0$  é formado por um quark e um antiquark. Sabemos que a carga total é zero e a estranheza é  $-1$ . O quark com estranheza  $-1$  é o quark s. Para que a carga total seja 0, o antiquark deve ser  $\bar{d}$ . Assim, a composição da partícula  $\bar{K}^0$  é  $s\bar{d}$ .

28. (a) Consultando a Tabela 44-3, constatamos que  $q = 0$  e  $S = -1$  para esta partícula (e também  $B = 1$ , o que acontece para todas as partículas desta tabela). Isto significa que a partícula deve conter um quark estranho, que tem carga  $-1/3$ , e, portanto, a soma das cargas dos outros dois quarks deve ser  $+1/3$ . Como nenhum dos outros quarks pode ser estranho, a composição de quarks da partícula é sud.

(b) Neste caso, como  $S = -2$ , a partícula deve conter dois quarks estranhos, que, juntos, têm carga  $-2/3$ . Como a carga total é 0, o terceiro quark deve ter carga  $+2/3$ . Assim, a composição de quarks da partícula é uss.

29. (a) No caso da combinação ssu, a carga total é  $(-1/3 - 1/3 + 2/3) = 0$  e a estranheza total é  $(-1 - 1 + 0) = -2$ . Consultando a Tabela 44-3, verificamos que se trata da partícula  $\Xi^0$ .

(b) No caso da combinação dds, a carga total é  $(-1/3 - 1/3 - 1/3) = -1$  e a estranheza total é  $(0 + 0 - 1) = -1$ . Consultando a Tabela 44-3, vemos que se trata da partícula  $\Sigma^-$ .

30. **PENSE** Todo bárion é composto por três quarks.

**FORMULE** A tabela a seguir mostra os números quânticos mais relevantes dos quarks up, down e estranho (veja a Tabela 44-5).

Sabor	Carga $q$	Estranheza $S$
Up (u)	$+2/3$	0
Down (d)	$-1/3$	0
Estranho (s)	$-1/3$	-1

**ANALISE** (a) Para obter uma estranheza de  $-2$ , é preciso que dois dos quarks sejam estranhos. Como um quark estranho tem uma carga  $-e/3$ , os dois quarks têm uma carga  $-2e/3$ . Para que a carga total fosse  $+e$ , o terceiro quark teria de ter uma carga  $+5e/3$ . Como não existe nenhum quark com essa carga, essa partícula não pode existir.

(b) Para obter uma estranheza de zero, é preciso que nenhum dos três quarks seja um quark estranho. Para que a carga total seja  $2e$ , basta que os três quarks sejam up. Assim, uma partícula com essas características pode existir e sua composição de quarks é uuu.

**APRENDA** O bárion com três quarks up é a partícula  $\Delta^{++}$ .

31. De acordo com a Eq. 37-31, o fator de velocidade da galáxia é

$$\beta = \frac{1 - (f/f_0)^2}{1 + (f/f_0)^2} = \frac{1 - (\lambda_0/\lambda)^2}{1 + (\lambda_0/\lambda)^2}$$

$$= \frac{1 - (590,0 \text{ nm}/602,0 \text{ nm})^2}{1 + (590,0 \text{ nm}/602,0 \text{ nm})^2} = 0,02013.$$

Assim, de acordo com a Eq. 44-19,

$$r = \frac{v}{H} = \frac{\beta c}{H} = \frac{(0,02013)(2,998 \times 10^8 \text{ m/s})}{0,0218 \text{ m/s} \cdot \text{ano-luz}} = 2,77 \times 10^8 \text{ anos-luz}.$$

32. Como

$$\lambda = \lambda_0 \sqrt{\frac{1+\beta}{1-\beta}} = 2\lambda_0 \Rightarrow \sqrt{\frac{1+\beta}{1-\beta}} = 2 \Rightarrow \beta = \frac{3}{5},$$

a velocidade da galáxia é  $v = \beta c = 3c/5$ . Assim, a distância entre a galáxia e a Terra no momento em que a luz foi emitida era

$$r = \frac{v}{H} = \frac{\beta c}{H} = \frac{(3/5)c}{H} = \frac{(0,60)(2,998 \times 10^8 \text{ m/s})}{0,0218 \text{ m/s} \cdot \text{ano-luz}} = 8,3 \times 10^9 \text{ anos-luz}.$$

33. De acordo com a Eq. 37-36,

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{v}{c},$$

em que  $v$  é a velocidade da galáxia. Como, de acordo com a lei de Hubble,  $v = Hr$ , em que  $r$  é a distância da galáxia e  $H$  é a constante de Hubble, temos

$$v = (21,8 \times 10^{-3} \text{ m/s} \cdot \text{ano-luz})(2,40 \times 10^8 \text{ anos-luz}) = 5,23 \times 10^6 \text{ m/s},$$



e

$$\Delta\lambda = \frac{v}{c}\lambda = \left( \frac{5,23 \times 10^6 \text{ m/s}}{3,00 \times 10^8 \text{ m/s}} \right) (656,3 \text{ nm}) = 11,4 \text{ nm}.$$

Como a galáxia está se afastando da Terra, o comprimento de onda observado é maior que o comprimento de onda no referencial da galáxia, e seu valor é

$$656,3 \text{ nm} + 11,4 \text{ nm} = 667,7 \text{ nm} \approx 668 \text{ nm}.$$

34. (a) De acordo com a lei de Hubble (Eq. 44-19), a velocidade do astro é

$$v = Hr = (0,0218 \text{ m/s} \cdot \text{ano-luz})(1,5 \times 10^4 \text{ anos-luz}) = 327 \text{ m/s}.$$

Assim, a distância adicional entre o astro e a Terra daqui a um ano será

$$d = vt = (327 \text{ m/s})(365 \text{ d})(86400 \text{ s/d}) = 1,0 \times 10^{10} \text{ m}.$$

(b) Como foi visto no item (a), a velocidade do astro é

$$v = 327 \text{ m/s} \approx 3,3 \times 10^2 \text{ m/s}.$$

35. Fazendo  $v = Hr = c$ , obtemos

$$r = \frac{c}{H} = \frac{3,0 \times 10^8 \text{ m/s}}{0,0218 \text{ m/s} \cdot \text{ano-luz}} = 1,376 \times 10^{10} \text{ anos-luz} \approx 1,4 \times 10^{10} \text{ anos-luz}.$$

36. Como  $F_{\text{grav}} = GMm/r^2 = mv^2/r$ ,  $M \propto v^2$ . Assim, a massa do Sol teria que ser

$$M'_S = \left( \frac{v_{\text{Mercúrio}}}{v_{\text{Plutão}}} \right)^2 M_S = \left( \frac{47,9 \text{ km/s}}{4,74 \text{ km/s}} \right)^2 M_S = 102 M_S.$$

37. (a) Fazendo  $\lambda = (2898 \mu\text{m} \cdot \text{K})/T$  na expressão  $E = hc/\lambda = (1240 \text{ eV} \cdot \text{nm})/\lambda$ , obtemos

$$E = \frac{1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{2898 \mu\text{m} \cdot \text{K}} T = \frac{1,240 \times 10^{-3} \text{ MeV} \cdot \text{nm}}{2,898 \times 10^6 \text{ nm} \cdot \text{K}} = (4,28 \times 10^{-10} \text{ MeV/K}) T.$$

(b) A energia mínima necessária para criar um par elétron-pósitron é o dobro da energia do repouso do elétron, ou seja,  $2(0,511 \text{ MeV}) = 1,022 \text{ MeV}$ . Assim,

$$T = \frac{E}{4,28 \times 10^{-10} \text{ MeV/K}} = \frac{1,022 \text{ MeV}}{4,28 \times 10^{-10} \text{ MeV/K}} = 2,39 \times 10^9 \text{ K}.$$

38. No caso da radiação cósmica de fundo, a lei de Wien nos dá

$$T = \frac{2898 \mu\text{m} \cdot \text{K}}{\lambda_{\text{máx}}} = \frac{2898 \text{ mm} \cdot \text{K}}{1,1 \text{ mm}} = 2,6 \text{ K}.$$

(b) Na época do “desacoplamento”, em que o universo se tornou “transparente”,

$$\lambda_{\text{máx}} = \frac{2898 \mu\text{m} \cdot \text{K}}{T} = \frac{2898 \mu\text{m} \cdot \text{K}}{2970 \text{ K}} = 0,976 \mu\text{m} = 976 \text{ nm}.$$

39. (a) Fazendo

$$v(r) = Hr \leq v_e = \sqrt{2GM/r},$$

obtemos

$$M/r^3 \geq H^2/2G,$$

o que nos dá

$$\rho = \frac{M}{4\pi r^2/3} = \frac{3}{4\pi} \frac{M}{r^3} \geq \frac{3H^2}{8\pi G}.$$

(b) Expressar a densidade em átomos de hidrogênio por metro cúbico equivale a expressar a massa específica em unidades de  $\rho_0 = m_{\text{H}}/\text{m}^3 = 1,67 \times 10^{-27} \text{ kg/m}^3$ . Assim, temos

$$\begin{aligned} \rho &= \frac{3H^2}{8\pi G \rho_0} (\text{átomos de H/m}^3) \\ &= \frac{3(0,0218 \text{ m/s} \cdot \text{ano-luz})^2 (1,00 \text{ ano-luz}/9,460 \times 10^{15} \text{ m})^2 (\text{átomos de H/m}^3)}{8\pi (6,67 \times 10^{-11} \text{ m}^3/\text{kg} \cdot \text{s}^2) (1,67 \times 10^{-27} \text{ kg/m}^3)} \\ &= 5,7 \text{ átomos de H/m}^3. \end{aligned}$$

40. (a) De acordo com a Eq. 37-32, temos

$$\lambda_0 = \lambda \sqrt{\frac{1-\beta}{1+\beta}} = (\lambda_0 + \Delta\lambda) \sqrt{\frac{1-\beta}{1+\beta}}.$$

Dividindo ambos os membros por  $\lambda_0$ , obtemos

$$1 = (1+z) \sqrt{\frac{1-\beta}{1+\beta}},$$

em que  $z = \Delta\lambda/\lambda$ . Explicitando  $\beta$ , obtemos

$$\beta = \frac{(1+z)^2 - 1}{(1+z)^2 + 1} = \frac{z^2 + 2z}{z^2 + 2z + 2}.$$

(b) Para  $z = 4,43$ , temos

$$\beta = \frac{(4,43)^2 + 2(4,43)}{(4,43)^2 + 2(4,43) + 2} = 0,934.$$

(c) De acordo com a Eq. 44-19,

$$r = \frac{v}{H} = \frac{\beta c}{H} = \frac{(0,934)(3,0 \times 10^8 \text{ m/s})}{0,0218 \text{ m/s} \cdot \text{ano-luz}} = 1,28 \times 10^{10} \text{ anos-luz}.$$

41. De acordo com a Eq. 39-33, a energia do fóton emitido é

$$E = E_3 - E_2 = -(13,6 \text{ eV}) \left( \frac{1}{3^2} - \frac{1}{2^2} \right) = 1,89 \text{ eV}$$

e o comprimento de onda é

$$\lambda_0 = \frac{hc}{E} = \frac{1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{1,89 \text{ eV}} = 6,56 \times 10^{-7} \text{ m}.$$

Como o comprimento de onda detectado é  $\lambda = 3,00 \times 10^{-3} \text{ m}$ , temos

$$\frac{\lambda}{\lambda_0} = \frac{3,00 \times 10^{-3} \text{ m}}{6,56 \times 10^{-7} \text{ m}} = 4,57 \times 10^3.$$

42. (a) De acordo com a Eq. 41-29,  $N_2/N_1 = e^{-\Delta E/kT}$ . Explicitando  $\Delta E$ , obtemos

$$\begin{aligned}\Delta E &= kT \ln \frac{N_1}{N_2} = (8,62 \times 10^{-5} \text{ eV/K})(2,7 \text{ K}) \ln \left( \frac{1-0,25}{0,25} \right) \\ &= 2,56 \times 10^{-4} \text{ eV} \approx 0,26 \text{ meV}.\end{aligned}$$

(b) O comprimento de onda seria

$$\lambda = \frac{hc}{\Delta E} = \frac{1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{2,56 \times 10^{-4} \text{ eV}} = 4,84 \times 10^6 \text{ nm} \approx 4,8 \text{ mm}.$$

43. **PENSE** O raio da órbita da Terra continuaria a ser  $1,50 \times 10^{11} \text{ km}$ , a distância atual entre a Terra e o Sol (veja o Apêndice C).

**FORMULE** A força gravitacional experimentada pela Terra se deve apenas à massa  $M$  envolvida pela órbita terrestre. Se  $r$  é o raio da órbita,  $R$  é o raio do novo Sol e  $M_s$  é a massa do Sol, temos

$$M = \left( \frac{r}{R} \right)^3 M_s = \left( \frac{1,50 \times 10^{11} \text{ m}}{5,90 \times 10^{12} \text{ m}} \right)^3 (1,99 \times 10^{30} \text{ kg}) = 3,27 \times 10^{25} \text{ kg}.$$

A força gravitacional experimentada pela Terra é dada por  $GMm/r^2$ , em que  $m$  é a massa da Terra e  $G$  é a constante gravitacional. Como a aceleração centrípeta é dada por  $v^2/r$ , em que  $v$  é a velocidade da Terra,  $GMm/r^2 = mv^2/r$  e

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}}.$$

**ANALISE** (a) Substituindo os valores conhecidos, obtemos

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}} = \sqrt{\frac{(6,67 \times 10^{-11} \text{ m}^3/\text{s}^2 \cdot \text{kg})(3,27 \times 10^{25} \text{ kg})}{1,50 \times 10^{11} \text{ m}}} = 1,21 \times 10^2 \text{ m/s}.$$

(b) A razão das velocidades é

$$\frac{v}{v_0} = \frac{1,21 \times 10^2 \text{ m/s}}{2,98 \times 10^4 \text{ m/s}} = 0,00405.$$

(c) O novo período de revolução seria

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi (1,50 \times 10^{11} \text{ m})}{1,21 \times 10^2 \text{ m/s}} = 7,82 \times 10^9 \text{ s} = 247 \text{ anos}.$$

**APRENDA** Outra forma de calcular a razão das velocidades e o novo período de revolução seria a seguinte: como  $v \sim \sqrt{M}$ , a razão das velocidades é dada por

$$\frac{v}{v_0} = \sqrt{\frac{M}{M_s}} = \left( \frac{r}{R} \right)^{3/2} = \left( \frac{1,50 \times 10^{11} \text{ m}}{5,90 \times 10^{12} \text{ m}} \right)^{3/2} = 0,00405.$$

Além disso, como  $T \sim 1/v \sim 1/\sqrt{M}$ , temos

$$T = T_0 \sqrt{\frac{M_s}{M}} = T_0 \left( \frac{R}{r} \right)^{3/2} = (1 \text{ ano}) \left( \frac{5,90 \times 10^{12} \text{ m}}{1,50 \times 10^{11} \text{ m}} \right)^{3/2} = 247 \text{ anos}.$$

44. (a) A massa da parte da galáxia que está no interior da órbita da estrela é dada por  $M' = M(r/R)^3$ . Como  $GM'm/r^2 = mv^2/r$ , em que  $m$  é a massa da estrela, temos

$$v = \sqrt{\frac{GM'}{r}} = \sqrt{\frac{GM}{r} \left(\frac{r}{R}\right)^3} = r \sqrt{\frac{GM}{R^3}}$$

e

$$T = \frac{2\pi r}{v} = 2\pi \sqrt{\frac{R^3}{GM}}.$$

(b) Nesse caso,  $M' = M$  e, portanto,

$$v = \sqrt{GM/r}$$

e

$$T = \frac{2\pi r}{v} = 2\pi r \sqrt{\frac{r}{GM}} = 2\pi \frac{r^{3/2}}{\sqrt{GM}}.$$

$$T = \frac{2898 \mu\text{m} \cdot \text{K}}{\lambda_{\text{máx}}} = \frac{2898 \text{ mm} \cdot \text{K}}{1,1 \text{ mm}} = 2,6 \text{ K}.$$

45. **PENSE** Todo méson é composto por um quark e um antiquark.

**FORMULE** Apenas o quark estranho e o antiquark estranho têm números quânticos de estranheza diferentes de zero; o quark estranho (s) tem estranheza  $S = -1$  e carga  $q = -1/3$ , enquanto o antiquark estranho ( $\bar{s}$ ) tem estranheza  $S = +1$  e carga  $q = +1/3$ .

**ANALISE** (a) Para obter um méson com  $S = -1$ , precisamos combinar um quark estranho com um antiquark que não seja estranho. O problema é que a carga do quark estranho é  $-1/3$ ; isso significa que, para que a carga total fosse  $+1$ , o antiquark teria de ter uma carga de  $+4/3$ . Como não existe nenhum antiquark com essa carga, essa partícula não pode existir.

(b) Utilizando um raciocínio semelhante, é possível mostrar que, uma vez que não existe nenhum quark com uma carga de  $-4/3$ , não pode existir um méson com  $S = +1$  e  $q = -1$ .

**APRENDA** Os quarks e antiquarks podem ser combinados para formar bárions e mésons, mas nem todas as combinações são permitidas por causa das restrições impostas pelos números quânticos.

46. Supondo que a reta passa pela origem, a inclinação é  $0,40c/(5,3 \times 10^9 \text{ anos-luz})$ . Assim,

$$T = \frac{1}{H} = \frac{1}{\text{inclinação}} = \frac{5,3 \times 10^9 \text{ anos-luz}}{0,40c} = \frac{5,3 \times 10^9 \text{ anos}}{0,40} \approx 13 \times 10^9 \text{ anos}.$$

47. **PENSE** A aniquilação é um processo no qual uma partícula e sua antipartícula colidem e se aniquilam mutuamente.

**FORMULE** A energia liberada seria o dobro da energia de repouso da Terra:  $E = 2M_T c^2$ .

**ANALISE** Como a massa da Terra é  $M_T = 5,98 \times 10^{24} \text{ kg}$  (veja o Apêndice C), a energia liberada seria

$$T = 2M_T c^2 = 2(5,98 \times 10^{24} \text{ kg})(2,998 \times 10^8 \text{ m/s})^2 = 1,08 \times 10^{42} \text{ J}.$$

**APRENDA** Como no caso da aniquilação de um par elétron-pósitron, a aniquilação do par Terra-Antiterra transformaria toda a energia de repouso dos dois corpos em ondas eletromagnéticas.

48. Observando o rastro 1 e notando que, de acordo com a Tabela 44-6, a partícula A tem carga positiva, chegamos à conclusão de que a curvatura dos rastros das partículas de carga positiva é no sentido anti-horário, o que, por extensão, significa que a curvatura dos rastros das partículas negativas é no sentido horário. Assim, ficamos sabendo que os rastros 1, 2, 4, 6 e 7 foram criados por

partículas de carga positiva, e os rastros 5, 8 e 9 foram criados por partículas negativas. Examinando a Tabela 44-6 (e sabendo que somente uma partícula de cada tipo é observada), encontramos apenas as seguintes possibilidades:

$$\begin{aligned} \text{rastros } 2, 4, 6, 7, & \leftrightarrow \text{partículas } C, F, H, J \\ \text{rastros } 5, 8, 9 & \leftrightarrow \text{partículas } D, E, G \end{aligned}$$

Sabemos, também, que a partícula que não é observada é  $B$  ou  $I$ , já que apenas uma partícula neutra é indicada na Fig. 44-12 por uma reta tracejada. De acordo com a lei de conservação da carga, os rastros 2, 4 e 6 foram feitos por partículas com uma unidade de carga positiva (note que o rastro 5 foi feito por uma partícula com uma unidade de carga negativa), o que significa, por eliminação, que o rastro 7 foi feito pela partícula  $H$ . Esta conclusão é confirmada aplicando a lei de conservação da carga ao vértice formado pelos rastros 7, 8 e 9. Depois de esgotar as informações relacionadas à carga, vamos passar aos números quânticos fictícios. Considere o vértice formado pelos rastros 2, 3 e 4 (na lista a seguir, o índice inferior indica o número de Graça):

$$\begin{aligned} \text{rastros } 2, 4 & \leftrightarrow \text{partículas } C_2, F_0, J_{-6} \\ \text{rastro } 3 & \leftrightarrow \text{partícula } B_4 \text{ ou } I_6 \end{aligned}$$

Como o número de Graça da partícula responsável pelo rastro 4 deve ser igual à soma dos números de Graça das partículas 2 e 3, chegamos à conclusão de que a partícula  $F$  é responsável pelo rastro 4, a partícula  $J$  é responsável pelo rastro 2 e a partícula  $I$  é responsável pelo rastro 3. Por eliminação, a partícula responsável pelo rastro 6 (a única partícula de carga positiva que ainda não foi identificada) é a partícula  $C$ . No vértice definido por

$$A \rightarrow F + C + (\text{rastro } 5)_-,$$

em que a carga da partícula responsável pelo rastro 5 está indicada pelo índice inferior, vemos que, de acordo com a lei de conservação da Simpatia, a partícula responsável pelo rastro 5 deve ter Simpatia =  $-1$  e, portanto, só pode ser a partícula  $G$ . Resta apenas uma dúvida:

$$\text{rastros } 8, 9 \leftrightarrow \text{partículas } D, E.$$

De acordo com o enunciado, a partícula responsável pelo rastro 8 é a partícula  $D$ , pois é a única partícula não identificada com Seriedade = 0. Em consequência, a partícula responsável pelo rastro 9 só pode ser a partícula  $E$ .

Resumindo, temos

- (a) A partícula  $A$  é responsável pelo rastro 1.
- (b) A partícula  $J$  é responsável pelo rastro 2.
- (c) A partícula  $I$  é responsável pelo rastro 3.
- (d) A partícula  $F$  é responsável pelo rastro 4.
- (e) A partícula  $G$  é responsável pelo rastro 5.
- (f) A partícula  $C$  é responsável pelo rastro 6.
- (g) A partícula  $H$  é responsável pelo rastro 7.
- (h) A partícula  $D$  é responsável pelo rastro 8.
- (i) A partícula  $E$  é responsável pelo rastro 9.

49. (a) Explicitando a velocidade na Eq. 37-42, que expressa a relação relativística entre velocidade e momento,

$$p = \gamma mv = \frac{mv}{\sqrt{1 - (v/c)^2}},$$

obtemos

$$v = c \sqrt{1 - \frac{1}{(pc/mc^2)^2 + 1}}.$$

No caso de um antipróton,  $mc^2 = 938,3 \text{ MeV}$ . Assim, para  $pc = 1,19 \text{ GeV} = 1190 \text{ MeV}$ , temos

$$v = c \sqrt{1 - \frac{1}{(1190 \text{ MeV}/938,3 \text{ MeV})^2 + 1}} = 0,785c.$$

(b) No caso de um pión negativo,  $mc^2 = 139,6 \text{ MeV}$ . Assim, para  $pc = 1190 \text{ MeV}$ , temos

$$v = c \sqrt{1 - \frac{1}{(1190 \text{ MeV}/139,6 \text{ MeV})^2 + 1}} = 0,993c.$$

(c) Como a velocidade dos antiprótons está entre 0,78 e 0,79, um antipróton faria disparar o detector C2.

(d) Como a velocidade dos píons negativos é maior que 0,79, um pión negativo faria disparar o detector C1.

(e) Como o intervalo de tempo é dado por  $\Delta t = d/v$ , em que  $d = 12 \text{ m}$ , temos

$$\Delta t = \frac{1}{0,785(2,998 \times 10^8 \text{ m/s})} = 5,1 \times 10^{-8} \text{ s} = 51 \text{ ns}.$$

(f) No caso de um pión negativo,

$$\Delta t = \frac{12 \text{ m}}{0,993(2,998 \times 10^8 \text{ m/s})} = 4,0 \times 10^{-8} \text{ s} = 40 \text{ ns}.$$

**50.** (a) O decaimento não viola a lei de conservação da carga porque a carga é  $+e$  antes e depois do decaimento (o próton e o pósitron têm carga  $+e$  e o neutrino tem carga 0).

(b) O decaimento não viola a lei de conservação da energia, pois  $m_p c^2 > m_e c^2 + m_\nu c^2$ .

(c) O decaimento não viola a lei de conservação do momento linear porque tanto o pósitron como o neutrino podem possuir momento linear, e a soma vetorial dos momentos lineares das duas partículas, que dependem da velocidade e da direção do movimento das partículas, pode ser igual ao momento linear do próton.

(d) O decaimento viola a lei de conservação do momento angular porque o spin é  $1/2$  antes do decaimento e não pode ser  $1/2$  depois do decaimento porque as duas partículas que resultam do decaimento têm spin  $1/2$ .

**51.** (a) Durante o intervalo de tempo  $\Delta t$ , a luz emitida pela galáxia A percorreu uma distância  $c\Delta t$ . Enquanto isso, a distância entre a Terra e a galáxia aumentou de  $r$  para  $r' = r + r\alpha\Delta t$ . Fazendo  $c\Delta t = r' = r + r\alpha\Delta t$ , obtemos

$$\Delta t = \frac{r}{c - r\alpha}.$$

(b) O comprimento de onda detectado,  $\lambda'$ , é maior que  $\lambda$ , o comprimento de onda emitido, por causa da expansão do universo:  $\lambda' = \lambda + \lambda\alpha\Delta t$ . Assim,

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{\lambda' - \lambda}{\lambda} = \alpha\Delta t = \frac{\alpha r}{c - r\alpha}.$$

(c) Podemos usar a expansão binomial (veja o Apêndice E)

$$(1 \pm x)^n = 1 \pm \frac{nx}{1!} + \frac{n(n-1)x^2}{2!} + \dots \quad (x^2 < 1)$$

para obter

$$\begin{aligned}\frac{\Delta\lambda}{\lambda} &= \frac{\alpha r}{c - \alpha r} = \frac{\alpha r}{c} \left(1 - \frac{\alpha r}{c}\right)^{-1} = \frac{\alpha r}{c} \left[1 + \frac{-1}{1!} \left(-\frac{\alpha r}{c}\right) + \frac{(-1)(-2)}{2!} \left(-\frac{\alpha r}{c}\right)^2 + \dots\right] \\ &\approx \frac{\alpha r}{c} + \left(\frac{\alpha r}{c}\right)^2 + \left(\frac{\alpha r}{c}\right)^3.\end{aligned}$$

(d) Conservando apenas o primeiro termo da expansão de  $\Delta\lambda/\lambda$ , obtemos

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} \approx \frac{\alpha r}{c}.$$

(e) Supondo que

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{v}{c} = \frac{Hr}{c}$$

e comparando com o resultado do item (d), obtemos  $\alpha = H$ .

(f) Explicitando  $r$  na expressão obtida no item (b),  $\Delta\lambda/\lambda = \alpha r/(c - \alpha r)$ , e substituindo os valores conhecidos, obtemos

$$r = \frac{c(\Delta\lambda/\lambda)}{\alpha(1 + \Delta\lambda/\lambda)} = \frac{(2,998 \times 10^8 \text{ m/s})(0,050)}{(0,0218 \text{ m/s} \cdot \text{ano-luz})(1 + 0,050)} = 6,548 \times 10^8 \text{ anos-luz} \approx 6,5 \times 10^8 \text{ anos-luz}.$$

(g) De acordo com a expressão obtida no item (a),

$$\Delta t = \frac{r}{c - \alpha r} = \frac{(6,5 \times 10^8 \text{ anos-luz})(9,46 \times 10^{15} \text{ m/anos-luz})}{2,998 \times 10^8 \text{ m/s} - (0,0218 \text{ m/s} \cdot \text{anos-luz})(6,5 \times 10^8 \text{ anos-luz})} = 2,17 \times 10^{16} \text{ s},$$

o que equivale a  $6,9 \times 10^8$  anos.

(h) Explicitando  $\Delta t$  na relação  $r = c\Delta t$ ,

$$\Delta t = \frac{r}{c} = \frac{6,5 \times 10^8 \text{ anos-luz}}{c} = 6,5 \times 10^8 \text{ anos}.$$

(i) A distância é dada por

$$r = c\Delta t = c(6,9 \times 10^8 \text{ anos}) = 6,9 \times 10^8 \text{ anos-luz}.$$

(j) De acordo com o resultado do item (f),

$$r_B = \frac{c(\Delta\lambda/\lambda)}{\alpha(1 + \Delta\lambda/\lambda)} = \frac{(2,998 \times 10^8 \text{ m/s})(0,080)}{(0,0218 \text{ mm/s} \cdot \text{anos-luz})(1 + 0,080)} = 1,018 \times 10^9 \text{ anos-luz} \approx 1,0 \times 10^9 \text{ anos-luz}.$$

(k) De acordo com a expressão obtida no item (a),

$$\Delta t_B = \frac{r_B}{c - r_B \alpha} = \frac{(1,0 \times 10^9 \text{ anos-luz})(9,46 \times 10^{15} \text{ m/anos-luz})}{2,998 \times 10^8 \text{ m/s} - (1,0 \times 10^9 \text{ anos-luz})(0,0218 \text{ m/s} \cdot \text{anos-luz})} = 3,4 \times 10^{16} \text{ s},$$

o que equivale a  $1,1 \times 10^9$  anos.

(l) Na época atual, a distância entre as galáxias A e B é dada por  $r_{\text{atual}} = c\Delta t_B - c\Delta t_A$ . Como  $r_{\text{atual}} = r_{\text{passado}} + r_{\text{passado}}\alpha\Delta t$ , obtemos

$$r_{\text{passado}} = \frac{r_{\text{atual}}}{1 + \alpha\Delta t} = 3,9 \times 10^8 \text{ anos-luz}.$$

52. De acordo com a Tabela 44-1, a diferença de massa entre o pión e o múon é

$$\Delta m = (139,6 \text{ MeV}/c^2 - 105,7 \text{ MeV}/c^2) = \frac{(33,9 \text{ MeV})(1,60 \times 10^{-13} \text{ J/MeV})}{(2,998 \times 10^8 \text{ m/s})^2}$$

$$= 6,03 \times 10^{-29} \text{ kg}.$$

53. (a) A composição de quarks da partícula  $\Xi^-$  é dss.

(b) A composição de quarks da partícula  $\Xi^-$  é  $\bar{s}\bar{s}\bar{d}$ .

54. Como a velocidade das partículas é próxima da velocidade da luz, devemos usar uma expressão relativística para determinar a energia. Para isso, calculamos primeiro o fator de Lorentz. De acordo com a Eq. 37-52,

$$\gamma = 1 + \frac{K}{mc^2} = 1 + \frac{2,5 \text{ MeV}}{0,511 \text{ MeV}} = 5,892.$$

De acordo com a Eq. 37-48, a energia total do elétron ou do pósitron é

$$E = \gamma mc^2 = (5,892)(0,511 \text{ MeV}) = 3,011 \text{ MeV} = 4,82 \times 10^{-13} \text{ J}.$$

A frequência dos fótons produzidos é, portanto,

$$f = \frac{E}{h} = \frac{4,82 \times 10^{-13} \text{ J}}{6,626 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}} = 7,3 \times 10^{20} \text{ Hz}.$$