## Física I - Mecânica DFT-IF-UERJ lista 2

## Prof. Marcelo Santos Guimarães

1 - Calcule a primeira e a segunda derivada de cada uma das funções abaixo

$$f(t) = t^4 + 3t^3 - 12t^2 + t - 6 (1)$$

$$g(x) = \sin x - \cos x \tag{2}$$

$$\theta(\alpha) = e^{\alpha} + \alpha \ln \alpha \tag{3}$$

$$x(t) = \sin^2 t - \cos t \tag{4}$$

2 - Use a regra da cadeia para calcular as derivadas de cada uma das funções abaixo

$$f(t) = t^4 + 3t^3 - 12t^2 + t - 6 (5)$$

$$g(x) = \sin(t^2) - \cos(t^2) \tag{6}$$

$$\theta(\alpha) = e^{3\alpha} + 3\alpha \ln(3\alpha) \tag{7}$$

$$x(t) = \sin^2(t^2) - \cos(t^2) \tag{8}$$

- 3 Prove a regra de soma, a regra do produto e a regra da cadeia para derivadas.
- 4 Mostre que, no movimento circular uniforme, os vetores posição e velocidade são ortogonais.
- 5 Calcule a velocidade, a magnitude da velocidade e a aceleração a partir dos seguintes vetores posição

$$\vec{r}(t) = \left(\cos \omega t, e^{\omega t}\right) \tag{9}$$

$$\vec{r}(t) = (\cos(\omega t - \phi), \sin(\omega t - \phi)) \tag{10}$$

$$\vec{r}(t) = \left(c\cos^3 t, c\sin^3 t\right) \tag{11}$$

$$\vec{r}(t) = (c(t - \sin t), c(t - \cos t)) \tag{12}$$

6 - Calcule a velocidade e posição de um movimento unidimensional a partir das seguintes acelerações abaixo

$$a(t) = t^4 (13)$$

$$a(t) = \cos t \tag{14}$$

$$a(t) = t^2 - 2 \tag{15}$$

$$a(t) = t^2 - 2 \tag{15}$$