

Sistemas de Tipos

Rafael Castro

rafaelcgs10@gmail.com

Departamento de Ciência da Computação Centro de Ciências e Tecnológicas Universidade do Estado de Santa Catarina

10 de Julho de 2019



Plano de Aula - Sistema de Tipos

Objetivos

Explicar o que são e para que servem sistemas de tipos na Ciência da Computação.

Conteúdos

- Sistemas de tipos em linguagens de programação.
- Breve visão histórica sobre Teoria de Tipos.
- Sistemas de tipos formais em linguagens de programação.

Método

Exposição do conteúdo com exemplos, questionamentos e exercícios.



Sistemas de tipos em linguagens de programação

Rafael Castro $\hspace{0.1cm}$ 10 de Julho de 2019 $\hspace{0.1cm}$ Sistemas de Tipos $\hspace{0.1cm}$ 3 / 18



O que são tipos (em linguagens de programação)?



O que são tipos (em linguagens de programação)?

 Classificações dos dados de um programa: carácter, inteiro, função etc.



O que são tipos (em linguagens de programação)?

 Classificações dos dados de um programa: carácter, inteiro, função etc.

Por que linguagens de programação utilizam tipos?



O que são tipos (em linguagens de programação)?

 Classificações dos dados de um programa: carácter, inteiro, função etc.

Por que linguagens de programação utilizam tipos?

```
void foo() {
  int n = 1;
  char m = '2';
  printf("%d\n", n + m);
}
```

```
void spam() {
  int n;
  scanf("%d", &n);
  printf("%d\n", n);
  return 0;
}
```



O que são tipos (em linguagens de programação)?

 Classificações dos dados de um programa: carácter, inteiro, função etc.

Por que linguagens de programação utilizam tipos?

```
void foo() {
  int n = 1;
  char m = '2';
  printf("%d\n", n + m);
}
void spam() {
  int n;
  scanf("%d", &n);
  printf("%d\n", n);
  return 0;
}
```

Os tipos fazem parte da construção semântica dos programas.

Existem linguagens de programação sem tipos (untyped), como linguagens assembly, BCPL, Tcl, Brainfuck.



- Na tipagem estática a verificação dos tipos é feita em por análise do código durante a compilação.
- Na tipagem dinâmica a verificação dos tipos é feita somente na execução.
 - Se uma parte do código com erro (de tipo) não for executada, o erro ficará oculto.



- Na tipagem estática a verificação dos tipos é feita em por análise do código durante a compilação.
- Na tipagem dinâmica a verificação dos tipos é feita somente na execução.
 - Se uma parte do código com erro (de tipo) não for executada, o erro ficará oculto.
- Estática: atribuições de tipo não mudam em run time.
- Dinâmica: atribuições de tipo **podem mudar** em *run time*.

10 de Julho de 2019 Sistemas de Tipos 5 / 18



- Na tipagem estática a verificação dos tipos é feita em por análise do código durante a compilação.
- Na tipagem dinâmica a verificação dos tipos é feita somente na execução.
 - Se uma parte do código com erro (de tipo) não for executada, o erro ficará oculto.
- Estática: atribuições de tipo não mudam em run time.
- Dinâmica: atribuições de tipo **podem mudar** em *run time*.

Exemplos de linguagens de tipagem estática?



- Na tipagem estática a verificação dos tipos é feita em por análise do código durante a compilação.
- Na tipagem dinâmica a verificação dos tipos é feita somente na execução.
 - Se uma parte do código com erro (de tipo) não for executada, o erro ficará oculto.
- Estática: atribuições de tipo não mudam em run time.
- Dinâmica: atribuições de tipo **podem mudar** em *run time*.

Exemplos de linguagens de tipagem estática? C, C++, Java, Rust, Haskell, OCaml...



- Na tipagem estática a verificação dos tipos é feita em por análise do código durante a compilação.
- Na tipagem dinâmica a verificação dos tipos é feita somente na execução.
 - Se uma parte do código com erro (de tipo) não for executada, o erro ficará oculto.
- Estática: atribuições de tipo não mudam em run time.
- Dinâmica: atribuições de tipo **podem mudar** em *run time*.

Exemplos de linguagens de tipagem estática? C, C++, Java, Rust, Haskell, OCaml... Exemplos de linguagens de tipagem dinâmica?



- Na tipagem estática a verificação dos tipos é feita em por análise do código durante a compilação.
- Na tipagem dinâmica a verificação dos tipos é feita somente na execução.
 - Se uma parte do código com erro (de tipo) não for executada, o erro ficará oculto.
- Estática: atribuições de tipo não mudam em run time.
- Dinâmica: atribuições de tipo **podem mudar** em *run time*.

Exemplos de linguagens de tipagem estática? C, C++, Java, Rust, Haskell, OCaml... Exemplos de linguagens de tipagem dinâmica? Python, PHP, JavaScript, Lisp, Erlang...



Vantagens e desvantagens: estática e dinâmica

Estática:

- Vantagens: Reduz os possíveis erros em tempo de execução;
 Possibilita algumas otimizações de código pelo compilador;
 Verificação automática; Útil em códigos grandes.
- Desvantagens: Mais uma coisa para aprender sobre a linguagem; Requerem que tipos sejam explicitados (não todas as linguagens); Podem limitar o reuso de código.

Dinâmica:

- Vantagens: Mais permissível; Mais fácil de aprender; geralmente tem mais interatividade (REPL); geralmente suportam duck typing.
- Desvantagens: Testes s\u00e3o muito mais importantes; abre espa\u00f3o para erros inesperados em execu\u00f3o; geralmente s\u00e3o menos eficientes.



Tipagem forte e fraca

Esse é um conceito meio nebuloso! Não é preto ou branco

- Forte: as regras de tipagem são rígidas; não há cast de tipos implícitos; os casts de tipos fazem sentido.
- Fraca: as regras de tipagem s\u00e30 flex\u00edveis; casts autom\u00e1ticos podem ocorrer.



Tipagem forte e fraca

Esse é um conceito meio nebuloso! Não é preto ou branco

- Forte: as regras de tipagem são rígidas; não há cast de tipos implícitos; os casts de tipos fazem sentido.
- Fraca: as regras de tipagem s\(\tilde{a}\) of flex\(\tilde{i}\) casts autom\(\tilde{a}\) ticos podem ocorrer.

Em Python:

```
"Dia " + str(1) + " de Janeiro"
```



Tipagem forte e fraca

Esse é um conceito meio nebuloso! Não é preto ou branco

- Forte: as regras de tipagem são rígidas; não há cast de tipos implícitos; os casts de tipos fazem sentido.
- Fraca: as regras de tipagem s\u00e30 flex\u00edveis; casts autom\u00e1ticos podem ocorrer.

```
Em Python:
```

```
"Dia " + str(1) + " de Janeiro"
```

Em JavaScript:

{} + [] // 0



Breve visão histórica sobre Teoria de Tipos

Rafael Castro $\hspace{0.1cm}$ 10 de Julho de 2019 $\hspace{0.1cm}$ Sistemas de Tipos $\hspace{0.1cm}$ 8 / 18



Visão histórica - Russel

Teoria dos Tipos

- Bertrand Russell
- Teorias de Tipos são uma resposta ao paradoxo de Russel presente na naive set theory.
- Uma teoria alternativa a Teoria dos Conjuntos para uma fundação formal da matemática.





Visão histórica - Church

Teoria dos Tipos

- Alonzo Church
- Aplicou a teoria de tipos de Russel no modelo de computação chamado
 Cálculo Lambda, a fim de evitar paradoxos e computações sem fim.
- Essa junção entre Teoria de Tipos e Cálculo Lambda é o fundamento teórico para sistemas de tipos em linguagens de programação.



Rafael Castro $10 \; \text{de Julho de } 2019$ Sistemas de Tipos $10 \; / \; 18$



Sistemas de tipos formais em linguagens de programação

Rafael Castro $10 \; \text{de Julho de } 2019$ Sistemas de Tipos $11 \; / \; 18$



O que são tipos (na matemática)?



O que são tipos (na matemática)?

Tipos são propriedades atribuídas a certas construções/objetos.

Ex: 1 tem o tipo natural.



O que são tipos (na matemática)?

Tipos são propriedades atribuídas a certas construções/objetos.

Ex: 1 tem o tipo natural.

Qual a diferença entre tipos e conjuntos?



O que são tipos (na matemática)?

Tipos são propriedades atribuídas a certas construções/objetos.

Ex: 1 tem o tipo natural.

Qual a diferença entre tipos e conjuntos?

- Teoria dos Tipos é uma teoria matemática sobre construções.
- Teoria dos Conjuntos é uma teoria matemática sobre coleções.



O que são tipos (na matemática)?

Tipos são propriedades atribuídas a certas construções/objetos. Ex: 1 tem o tipo natural.

Qual a diferença entre tipos e conjuntos?

• Teoria dos Tipos é uma teoria matemática sobre construções.

• Teoria dos Conjuntos é uma teoria matemática sobre coleções.

O que são sistemas de tipos (formais)?



O que são tipos (na matemática)? Tipos são propriedades atribuídas a certas construções/objetos. Ex: 1 tem o tipo natural.

Qual a diferença entre tipos e conjuntos?

- Teoria dos Tipos é uma teoria matemática sobre construções.
- Teoria dos Conjuntos é uma teoria matemática sobre coleções.

O que são sistemas de tipos (formais)? Sistemas de tipos são relações que ditam quais expressões/construções podem ser associadas a quais tipos.



O que são tipos (na matemática)? Tipos são propriedades atribuídas a certas construções/objetos. Ex: 1 tem o tipo natural.

Qual a diferença entre tipos e conjuntos?

- Teoria dos Tipos é uma teoria matemática sobre construções.
- Teoria dos Conjuntos é uma teoria matemática sobre coleções.

O que são sistemas de tipos (formais)? Sistemas de tipos são relações que ditam quais expressões/construções podem ser associadas a quais tipos.

Por que definir sistemas de tipos formalmente?



O que são tipos (na matemática)?

Tipos são propriedades atribuídas a certas construções/objetos.

Ex: 1 tem o tipo natural.

Qual a diferença entre tipos e conjuntos?

- Teoria dos Tipos é uma teoria matemática sobre construções.
- Teoria dos Conjuntos é uma teoria matemática sobre coleções.

O que são sistemas de tipos (formais)? Sistemas de tipos são relações que ditam quais expressões/construções podem ser associadas a quais tipos.

Por que definir sistemas de tipos formalmente? Para garantir boas propriedades semânticas de programas. Ex: Evita que você crie JavaScript.



Exemplo básico de sistema de tipo formal

A linguagem de programação:

Gramática informal dos programas:

$$e := x \mid \lambda x.e \mid e e'$$

Gramática informal dos tipos:

$$\tau := \alpha \mid \tau \to \tau'$$

Exemplos de programas:

$$\begin{array}{c}
x \\
x y \\
\lambda x.x \\
(\lambda x.x) y \\
\lambda x.\lambda y.\lambda z.y
\end{array}$$

Rafael Castro $10 ext{ de Julho de } 2019$ Sistemas de Tipos $13 ext{ / } 18$



Exemplo básico de sistema de tipo formal

Relação de tipagem:

$$\frac{}{x:\tau,\Gamma\vdash x:\tau}$$
 (var)

$$\frac{\Gamma \vdash e : \tau \to \tau' \qquad \Gamma \vdash e' : \tau}{\Gamma \vdash e e' : \tau'} (abs) \frac{x : \tau, \Gamma \vdash e : \tau'}{\Gamma \vdash \lambda x.e : \tau \to \tau'} (app)$$



Exemplo básico de sistema de tipo formal

Relação de tipagem:

$$\overline{x:\tau,\Gamma\vdash x:\tau}$$
 (var)

$$\frac{\Gamma \vdash e : \tau \to \tau' \qquad \Gamma \vdash e' : \tau}{\Gamma \vdash e e' : \tau'} (abs) \qquad \frac{x : \tau, \Gamma \vdash e : \tau'}{\Gamma \vdash \lambda x.e : \tau \to \tau'} (app)$$

Exemplos de tipagem:

$$\frac{x: a \vdash x: a}{\vdash \lambda x. x: a \rightarrow a} (abs) \qquad \frac{\frac{y: b \vdash y: b}{y: b \vdash \lambda z. y: a \rightarrow b} (abs)}{\vdash \lambda y. \lambda z. y: b \rightarrow a \rightarrow b} (abs)}{\vdash \lambda x. \lambda y. \lambda z. y: c \rightarrow b \rightarrow a \rightarrow b} (abs)$$



Exercício sobre tipagem

Construa a árvore de tipagem para a expressão

$$(\lambda x.x)(\lambda x.x)$$



Linguagens de programação baseados em sistemas de tipos formais

A mais importante propriedade semântica que um sistema de tipos pode garantir para uma linguagem de programação é *type soundness*.

Também chamado informalmente de type safety.

Significa que erros de tipo não acontecem em programas bem-tipados.

ML é uma linguagem de programação funcional com a propriedade de *type soundness*.



Resposta do Exercício

$$\frac{x: a \to a \vdash x: a \to a}{\vdash (\lambda x. x): (a \to a) \to (a \to a)} (abs) \quad \frac{x: a \vdash x: a}{\vdash (\lambda x. x): a \to a} (abs) \\ \vdash (\lambda x. x)(\lambda x. x): a \to a$$



Conclusão

Dúvidas?

Nesta aula foi apresentado:

- O que são e para que servem sistemas de tipos em linguagens de programação.
- O que são e para que servem sistemas de tipos formais em linguagens de programação.