# Matemática para Computação

Resolução de sistema triangular superior

Diz-se que um sistema Ux = b é triangular superior quando  $u_{ij} = 0$  sempre que i > j.

#### Representação:

$$\begin{cases} u_{11}x_1 & +u_{12}x_2 & +u_{13}x_3 & +\dots & +u_{1n}x_n & =b_1 \\ u_{22}x_2 & +u_{23}x_3 & +\dots & +u_{2n}x_n & =b_2 \\ u_{33}x_3 & +\dots & +u_{3n}x_n & =b_3 \\ & & \ddots & \vdots & \vdots \\ u_{nn}x_n & =b_n \end{cases}$$

Exemplo:

$$\begin{pmatrix} 3 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Exemplo:

$$\begin{pmatrix} 3 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Solução:

$$\bar{x} = (1, 1, 0)^t$$

Linha genérica i:

$$u_{ii}x_i + u_{i+1}x_{i+1} + \cdots + u_{in}x_n = b_i$$

resolvendo em  $x_i$ :

$$x_i = \frac{b_i - \sum_{j=i+1}^n u_{ij} x_j}{u_{ii}}$$

#### Algoritmo:

para 
$$i=n\ldots 1$$
 
$$x_i=\frac{b_i-\sum_{j=i+1}^n u_{ij}x_j}{u_{ii}}$$