

Série d'exercices N° 1 (Semestre n° 1)

Exercice 1 :

Soit n un entier naturel, étudier la parité des nombres suivantes :

$$6n + 11 ; 4n^2 + 12 ; 2n^2 - 6n + 5 ; (2n + 4)^2 ; n^2 + 7n + 20 ; n^3 - n ; 3^{2015} ; (n + 11) + (n + 12)$$

Exercice 2 :

Soit $n \in \mathbb{N}$. On pose $x = 2n + 7$ et $y = 4n + 2$:

- 1) Montrer que x est impair et que y est pair | 2) Montrer que $x + y$ est un multiple de 3.

Exercice 3 :

Soit $A = (3n + 2)^2 - 5n(n + \frac{8}{5}) - 3$ avec $n \in \mathbb{N}$:

- 1) Développer le nombre A
2) En déduire que A est un carré parfait, et Déterminer la parité du nombre A

Exercice 4 :

Soit a un entier naturel impair.

- 1) Montrer que $a^2 - 1$ est un multiple de 8.
2) Déduire que $a^4 - 1$ est un multiple de 16.
3) Soient m et n deux entiers naturels impairs, montrer que 8 divise $m^2 + n^2 + 6$.

Exercice 5 :

Parmi la liste des nombres ci-dessous, indiquer ceux qui sont premiers: 41; 191; 239; 87; 127; 147

Exercice 6 :

- 1) Déterminer les diviseurs des nombres 15 ; 21 ; 21 ; 34
2) Décomposer en produit de facteurs premiers les nombres a et b , puis déterminer PGCD(a, b) et PPCM(a, b): ($a=123$ et $b=55$); ($a=156$ et $b=495$); ($a=340$ et $b=261$)

Exercice 7 :

Soient a et b deux entiers naturels tel que: $a=4680$ et $b=7425$

- 1) Décomposer a et b en produit de facteurs premiers.
2) Déterminer PGCD(a, b) et PPCM(a, b).
3) Montrer que PGCD(a, b) \times PPCM(a, b) = $a \times b$
4) simplifier $\frac{a}{b}$ et \sqrt{ab} .
5) Déterminer le plus petit entier m tel que $m \times a$ soit un carré parfait.
6) Déterminer le plus petit entier n tel que $n \times a$ soit un cube.
7) Déterminer l'entier naturel n tel que $n + 4$ divise $n + 17$.
8) Déterminer toutes les valeurs possibles de l'entier naturel n tel que $\frac{n+17}{n+7}$ soit un nombre entier naturel.
9) Trouver toutes les solutions de l'équation : $x^2 - y^2 = 51$ dans \mathbb{N}^2