Восстановление золота из руды

Оглавление

- Введение
 - Входные данные
 - Описание проекта
 - Ход исследования
- 1. Обзор данных и импорт библиотек
 - 1.1 Импорт библиотек и датасета
 - 1.2 Обзор данных
 - 1.3 Проверка правильности расчета эффективности обогащения
 - 1.4 Анализ признаков недоступный в тестовой выборке
- 2. Подготовка данных
 - 2.1 Предобработка
- 3. Анализ данных
 - 3.1 Концентрация металлов на различных этапах очистки
 - 3.2 Распределения размеров гранул сырья на обучающей и тестовой выборках
 - 3.3 Исследование суммарной концентрации всех веществ на разных стадиях
- 4. Модель
 - 4.1 Функця для вычисления итоговой sMAPE
 - 4.2 Масштабирование признаков и разбивка на выборки
 - 4.3 Выбор модели Линейная регрессия
 - 4.4 Выбор модели Дерево решений
 - 4.5 Выбор модели Случайный лес
 - 4.6 Проверка sMAPE на тестовой выборке
 - Выводы
- Чек лист

Введение

Подготовьте прототип модели машинного обучения для «Цифры». Компания разрабатывает решения для эффективной работы промышленных предприятий.

Модель должна предсказать коэффициент восстановления золота из золотосодержащей руды. Используйте данные с параметрами добычи и очистки.

Модель поможет оптимизировать производство, чтобы не запускать предприятие с убыточными характеристиками.

Вам нужно:

- 1. Подготовить данные;
- 2. Провести исследовательский анализ данных;
- 3. Построить и обучить модель.

Чтобы выполнить проект, обращайтесь к библиотекам pandas, matplotlib и sklearn Вам поможет их документация.

Входные данные 🔺

Технологический процесс

- Rougher feed исходное сырье
- Rougher additions (или reagent additions) флотационные peareнты: Xanthate , Sulphate , Depressant
 - Xanthate ксантогенат (промотер, или активатор флотации);
 - **Sulfate** сульфат (на данном производстве сульфид натрия);

- **Depressant** депрессант (силикат натрия).
- Rougher process (англ. «грубый процесс») флотация
- Rougher tails отвальные хвосты
- Float banks флотационная установка
- Cleaner process очистка
- Rougher Au черновой концентрат золота
- Final Au финальный концентрат золота

Параметры этапов

- air amount объём воздуха
- fluid levels уровень жидкости
- feed size размер гранул сырья
- feed rate скорость подачи

Наименование признаков

- этап.тип_параметра.название_параметра
- rougher.input.feed_ag Пример

Возможные значения для блока этап:

- rougher флотация
- primary_cleaner первичная очистка
- secondary_cleaner вторичная очистка
- **final** финальные характеристики

Возможные значения для блока тип_параметра:

- **input** параметры сырья
- **output** параметры продукта
- state параметры, характеризующие текущее состояние этапа
- calculation расчётные характеристики

Описание проекта 🔺

Данные находятся в трёх файлах:

- gold_recovery_train_new.csv обучающая выборка;
- gold_recovery_test_new.csv тестовая выборка;
- gold_recovery_full_new.csv исходные данные.

Данные индексируются датой и временем получения информации (признак date). Соседние по времени параметры часто похожи.

Некоторые параметры недоступны, потому что замеряются и/или рассчитываются значительно позже. Из-за этого в тестовой выборке отсутствуют некоторые признаки, которые могут быть в обучающей. Также в тестовом наборе нет целевых признаков.

Исходный датасет содержит обучающую и тестовую выборки со всеми признаками. В вашем распоряжении сырые данные: их просто выгрузили из хранилища. Прежде чем приступить к построению модели, проверьте по нашей инструкции их на корректность.

Ход исследования -

1. Подготовьте данные

- Откройте файлы и изучите их.
- Проверьте, что эффективность обогащения рассчитана правильно. Вычислите её на обучающей выборке для признака rougher.output.recovery . Найдите мае между вашими расчётами и значением признака. Опишите выводы.
- Проанализируйте признаки, недоступные в тестовой выборке. Что это за параметры? К какому типу относятся?
- Проведите предобработку данных.

1. Проанализируйте данные

- Посмотрите, как меняется концентрация металлов (Au , Ag , Pb) на различных этапах очистки. Опишите выводы.
- Сравните распределения размеров гранул сырья на обучающей и тестовой выборках. Если распределения сильно отличаются друг от друга, оценка модели будет неправильной.
- Исследуйте суммарную концентрацию всех веществ на разных стадиях: в сырье, в черновом и финальном концентратах.

1. Постройте модель

- Напишите функцию для вычисления итоговой sMAPE.
- Обучите разные модели и оцените их качество кросс-валидацией. Выберите лучшую модель и проверьте её на тестовой выборке. Опишите выводы.

1. Обзор данных и импорт библиотек

1.1 Импорт библиотек и датасета 🔺

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt

from sklearn.tree import DecisionTreeRegressor
from sklearn.dummy import DummyRegressor
from sklearn.metrics import make_scorer
from sklearn.ensemble import RandomForestRegressor
from sklearn.linear_model import LinearRegression
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from sklearn.model_selection import GridSearchCV
from sklearn.model_selection import cross_val_score
```

Установка параметров:

```
In [2]: plt.rcParams.update({'font.size':15}) # зададим размер шрифта по умолчанию для графиков
```

Импорт данных

Так как столбец data содержит уникальные значения измерений, а так же является идентичным на все 3 датасета, будем использовать его как индекс , это упростит нам сопоставление таблиц.

```
In [3]:

# для того чтобы код работал локально и на Практикуме применим конструкцию try-except

try: # для Практикума

gr_full = pd.read_csv('/datasets/gold_recovery_full_new.csv', index_col='date')

gr_train = pd.read_csv('/datasets/gold_recovery_train_new.csv', index_col='date')

gr_test = pd.read_csv('/datasets/gold_recovery_test_new.csv', index_col='date')

except: # локально

gr_full = pd.read_csv('datasets/gold_recovery_full_new.csv', index_col='date')

gr_train = pd.read_csv('datasets/gold_recovery_train_new.csv', index_col='date')

gr_test = pd.read_csv('datasets/gold_recovery_test_new.csv', index_col='date')

In [4]:

gr_full.name = 'gold_recovery_full'

gr_train.name = 'gold_recovery_full'

gr_train.name = 'gold_recovery_train'
```

1.2 Обзор данных 🔺

gr_test.name = 'gold_recovery_test'

Для обзора данных используем заранее заготовленную функцию:

```
In [5]:

def overview(o_df):
    print(o_df.name)

    print('\n06щий вид')
    display(o_df.head())

    print('\n.info()\n')
    print(o_df.info())
```

```
In [6]:
         overview(gr_full)
         overview(gr_train)
         overview(gr_test)
        gold_recovery_full
        Общий вид
                 final.output.concentrate_ag final.output.concentrate_bb final.output.concentrate_sol final.output.concentrate_au final.output.re
            date
          2016-
          01-15
                                 6.055403
                                                         9.889648
                                                                                  5.507324
                                                                                                         42.192020
                                                                                                                            70.!
        00:00:00
           2016-
           01-15
                                 6.029369
                                                         9.968944
                                                                                  5.257781
                                                                                                         42.701629
                                                                                                                            69.2
        01:00:00
           2016-
          01-15
                                 6.055926
                                                        10.213995
                                                                                  5.383759
                                                                                                         42.657501
                                                                                                                            68.
        02:00:00
           2016-
           01-15
                                 6.047977
                                                         9.977019
                                                                                  4.858634
                                                                                                         42.689819
                                                                                                                            68.3
        03:00:00
          2016-
           01-15
                                 6.148599
                                                        10.142511
                                                                                  4.939416
                                                                                                         42.774141
                                                                                                                            66.9
        04:00:00
       5 rows × 86 columns
        .info()
        <class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
        Index: 19439 entries, 2016-01-15 00:00:00 to 2018-08-18 10:59:59
        Data columns (total 86 columns):
         # Column
                                                                   Non-Null Count Dtype
         0
            final.output.concentrate_ag
                                                                   19438 non-null float64
                                                                   19438 non-null float64
         1
             final.output.concentrate_pb
             final.output.concentrate sol
                                                                  19228 non-null float64
             final.output.concentrate_au
                                                                   19439 non-null float64
                                                                   19439 non-null float64
         4
             final.output.recovery
                                                                   19438 non-null float64
             final.output.tail_ag
         5
                                                                   19338 non-null float64
19433 non-null float64
         6
             final.output.tail_pb
         7
             final.output.tail_sol
                                                                   19439 non-null float64
         8
             final.output.tail_au
         9
             primary_cleaner.input.sulfate
                                                                  19415 non-null float64
         10 primary_cleaner.input.depressant
                                                                  19402 non-null float64
                                                                  19439 non-null float64
         11 primary_cleaner.input.feed_size
         12 primary_cleaner.input.xanthate
                                                                  19335 non-null float64
         13
             primary_cleaner.output.concentrate_ag
                                                                   19439 non-null float64
                                                                  19323 non-null float64
         14
             primary_cleaner.output.concentrate_pb
                                                                  19069 non-null float64
         15
            primary_cleaner.output.concentrate_sol
         16 primary_cleaner.output.concentrate_au
                                                                  19439 non-null float64
         17 primary_cleaner.output.tail_ag
                                                                  19435 non-null float64
                                                                   19418 non-null float64
         18
             primary_cleaner.output.tail_pb
                                                                  19377 non-null float64
19439 non-null float64
         19
             primary_cleaner.output.tail_sol
         20
             primary_cleaner.output.tail_au
                                                                  19435 non-null float64
         21
             primary_cleaner.state.floatbank8_a_air
                                                                 19438 non-null float64
         22 primary_cleaner.state.floatbank8_a_level
         23 primary_cleaner.state.floatbank8_b_air
                                                                  19435 non-null float64
         24 primary_cleaner.state.floatbank8_b_level
                                                                  19438 non-null float64
                                                                  19437 non-null float64
         25 primary_cleaner.state.floatbank8_c_air
         26
             primary cleaner.state.floatbank8 c level
                                                                  19438 non-null float64
                                                                  19436 non-null float64
         27
             primary_cleaner.state.floatbank8_d_air
         28 primary_cleaner.state.floatbank8_d_level
                                                                  19438 non-null float64
            rougher.calculation.sulfate_to_au_concentrate
                                                                  19437 non-null float64
         30 rougher.calculation.floatbank10_sulfate_to_au_feed 19437 non-null float64
         31 rougher.calculation.floatbank11_sulfate_to_au_feed 19437 non-null float64
         32
             rougher.calculation.au_pb_ratio
                                                                   19439 non-null float64
         33
             rougher.input.feed_ag
                                                                   19439 non-null float64
                                                                   19339 non-null float64
```

34

rougher.input.feed_pb

print(f'\nKоличество полных дубликатов: {o_df.duplicated().sum()} шт.')

print(f'Общее количество пропусков во всем датафрейме: {o_df.isna().sum().sum()} шт.') $print(f' \underline{\mathsf{NONS}} \ \, \{o_df.isna().sum().sum() \ \, (o_df.shape[0] \ \, * o_df.shape[1]):.2\% \} \\ \, (o_df.shape[0] \ \, * o_df.shape[1]):.2\% \\ \, (o_df.shape[1]):.2\% \\ \, (o_df.shape[1]$

35	rougher.input.feed_rate	19428 non-null	float64
36	rougher.input.feed_size	19294 non-null	float64
37	rougher.input.feed_sol	19340 non-null	float64
38	rougher.input.feed_au	19439 non-null	float64
39	rougher.input.floatbank10_sulfate	19405 non-null	float64
40	rougher.input.floatbank10_xanthate	19431 non-null	float64
41	rougher.input.floatbank11 sulfate	19395 non-null	float64
42	rougher.input.floatbank11_xanthate	18986 non-null	float64
43	rougher.output.concentrate_ag	19439 non-null	float64
44	rougher.output.concentrate_pb	19439 non-null	float64
45	rougher.output.concentrate_sol	19416 non-null	float64
46	rougher.output.concentrate_au	19439 non-null	float64
47	rougher.output.recovery	19439 non-null	float64
48	rougher.output.tail_ag	19438 non-null	float64
49	rougher.output.tail_pb	19439 non-null	float64
50	rougher.output.tail_sol	19439 non-null	float64
51	rougher.output.tail_au	19439 non-null	float64
52	rougher.state.floatbank10_a_air	19438 non-null	float64
53	rougher.state.floatbank10_a_level	19438 non-null	float64
54	rougher.state.floatbank10_b_air	19438 non-null	float64
55	rougher.state.floatbank10_b_level	19438 non-null	float64
56	rougher.state.floatbank10_c_air	19438 non-null	float64
57	rougher.state.floatbank10_c_level	19438 non-null	float64
58	rougher.state.floatbank10_d_air	19439 non-null	float64
59	rougher.state.floatbank10_d_level	19439 non-null	float64
60	rougher.state.floatbank10_e_air	19003 non-null	float64
61	rougher.state.floatbank10_e_level	19439 non-null	float64
62	rougher.state.floatbank10_f_air	19439 non-null	float64
63	rougher.state.floatbank10_f_level	19439 non-null	float64
64	secondary_cleaner.output.tail_ag	19437 non-null	float64
65	secondary_cleaner.output.tail_pb	19427 non-null	float64
66	secondary_cleaner.output.tail_sol	17691 non-null	float64
67	secondary_cleaner.output.tail_au	19439 non-null	float64
68	secondary_cleaner.state.floatbank2_a_air	19219 non-null	float64
69	secondary_cleaner.state.floatbank2_a_level	19438 non-null	float64
70	secondary_cleaner.state.floatbank2_b_air	19416 non-null	float64
71	secondary_cleaner.state.floatbank2_b_level	19438 non-null	float64
72	secondary_cleaner.state.floatbank3_a_air	19426 non-null	float64
73	secondary_cleaner.state.floatbank3_a_level	19438 non-null	float64
74	secondary_cleaner.state.floatbank3_b_air	19438 non-null	float64
75 76	secondary_cleaner.state.floatbank3_b_level	19438 non-null	float64
76	secondary_cleaner.state.floatbank4_a_air	19433 non-null	float64
77	secondary_cleaner.state.floatbank4_a_level	19438 non-null	float64
78 79	secondary_cleaner.state.floatbank4_b_air	19438 non-null 19438 non-null	float64 float64
80	secondary_cleaner.state.floatbank4_b_level secondary_cleaner.state.floatbank5_a_air	19438 non-null	float64
81	secondary_cleaner.state.floatbank5_a_level	19438 non-null	float64
82	secondary_cleaner.state.floatbank5_b_air	19438 non-null	float64
83	secondary_cleaner.state.floatbank5_b_level	19438 non-null	float64
84	secondary_cleaner.state.floatbank6_a_air	19437 non-null	float64
85	secondary_cleaner.state.floatbank6_a_level	19438 non-null	float64
	es: float64(86)		. 100004
,	ry usage: 12.9+ MB		
None			

Количество полных дубликатов: 0 шт. Общее количество пропусков во всем датафрейме: 4481 шт.

Доля пропусков: 0.27%

gold_recovery_train

Общий вид

 $final.output.concentrate_ag \quad final.output.concentrate_b \quad final.output.concentrate_sol \quad final.output.concentrate_au \quad final.output.relation final.output.concentrate_au \quad final.output$

date					
2016- 01-15 00:00:00	6.055403	9.889648	5.507324	42.192020	70.!
2016- 01-15 01:00:00	6.029369	9.968944	5.257781	42.701629	69.7
2016- 01-15 02:00:00	6.055926	10.213995	5.383759	42.657501	68. ⁻

date

50

51

53

56

rougher.output.tail_sol rougher.output.tail_au

rougher.state.floatbank10_a_air

rougher.state.floatbank10_b_air

rougher.state.floatbank10_c_air

rougher.state.floatbank10_a_level

rougher.state.floatbank10_b_level

rougher.state.floatbank10_c_level

2016- 01-15 03:00:00	6.047977	9.977019	4.858634	42.689819	68.3
2016- 01-15 04:00:00	6.148599	10.142511	4.939416	42.774141	66.9

```
5 rows × 86 columns
.info()
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
Index: 14149 entries, 2016-01-15 00:00:00 to 2018-08-18 10:59:59
Data columns (total 86 columns):
                                                         Non-Null Count Dtype
_ _ _
 a
    final.output.concentrate_ag
                                                         14148 non-null float64
     final.output.concentrate pb
                                                         14148 non-null float64
 1
     final.output.concentrate_sol
                                                         13938 non-null float64
                                                         14149 non-null float64
 3
     final.output.concentrate au
                                                         14149 non-null float64
     final.output.recovery
                                                         14149 non-null float64
     final.output.tail ag
     final.output.tail_pb
                                                         14049 non-null float64
                                                         14144 non-null float64
 7
     final.output.tail_sol
                                                         14149 non-null float64
14129 non-null float64
 8
     final.output.tail au
     primary_cleaner.input.sulfate
                                                        14117 non-null float64
 10
     primary_cleaner.input.depressant
                                                        14149 non-null float64
 11
     primary_cleaner.input.feed_size
     primary_cleaner.input.xanthate
                                                        14049 non-null float64
 13
     primary_cleaner.output.concentrate_ag
                                                        14149 non-null float64
                                                        14063 non-null float64
 14
     primary_cleaner.output.concentrate_pb
 15
     primary cleaner.output.concentrate sol
                                                        13863 non-null float64
                                                         14149 non-null float64
     primary_cleaner.output.concentrate_au
 16
                                                        14148 non-null float64
 17
     primary_cleaner.output.tail_ag
                                                        14134 non-null float64
     primary_cleaner.output.tail_pb
     primary_cleaner.output.tail_sol
                                                        14103 non-null float64
                                                        14149 non-null float64
 20
     primary_cleaner.output.tail_au
                                                         14145 non-null float64
     primary_cleaner.state.floatbank8_a_air
 21
                                                         14148 non-null float64
 22
     primary_cleaner.state.floatbank8_a_level
                                                        14145 non-null float64
 23
     primary_cleaner.state.floatbank8_b_air
                                                        14148 non-null float64
 24
     primary cleaner.state.floatbank8 b level
     primary_cleaner.state.floatbank8_c_air
                                                        14147 non-null float64
 26
     primary_cleaner.state.floatbank8_c_level
                                                        14148 non-null float64
 27
                                                         14146 non-null float64
     primary_cleaner.state.floatbank8_d_air
 28
     primary cleaner.state.floatbank8 d level
                                                         14148 non-null float64
                                                         14148 non-null float64
 29
     rougher.calculation.sulfate_to_au_concentrate
     rougher.calculation.floatbank10_sulfate_to_au_feed 14148 non-null float64
 30
     rougher.calculation.floatbank11_sulfate_to_au_feed 14148 non-null float64
 31
     rougher.calculation.au_pb_ratio
                                                         14149 non-null float64
                                                         14149 non-null float64
 33
     rougher.input.feed_ag
                                                         14049 non-null float64
     rougher.input.feed_pb
                                                         14141 non-null float64
 35
     rougher.input.feed rate
                                                         14005 non-null float64
 36
     rougher.input.feed size
                                                         14071 non-null float64
 37
     rougher.input.feed_sol
                                                         14149 non-null float64
     rougher.input.feed_au
     rougher.input.floatbank10_sulfate
                                                         14120 non-null float64
                                                         14141 non-null float64
 40
     rougher.input.floatbank10_xanthate
 41
     rougher.input.floatbank11_sulfate
                                                         14113 non-null float64
     rougher.input.floatbank11_xanthate
                                                         13721 non-null float64
 42
                                                         14149 non-null float64
 43
     rougher.output.concentrate_ag
                                                         14149 non-null float64
 44
     rougher.output.concentrate_pb
     rougher.output.concentrate_sol
                                                         14127 non-null float64
 46
     rougher.output.concentrate_au
                                                         14149 non-null float64
 47
     rougher.output.recovery
                                                         14149 non-null float64
 48
     rougher.output.tail_ag
                                                         14148 non-null float64
 49
     rougher.output.tail_pb
                                                         14149 non-null float64
                                                         14149 non-null float64
```

14149 non-null float64

14148 non-null float64 14148 non-null float64

14148 non-null float64 14148 non-null float64

14148 non-null float64

14148 non-null float64

```
rougher.state.floatbank10_d_air
                                                        14149 non-null float64
                                                        14149 non-null float64
 59
    rougher.state.floatbank10_d_level
    rougher.state.floatbank10 e air
                                                        13713 non-null float64
                                                        14149 non-null float64
 61 rougher.state.floatbank10_e_level
 62 rougher.state.floatbank10_f_air
                                                        14149 non-null float64
 63 rougher.state.floatbank10_f_level
                                                        14149 non-null float64
    secondary cleaner.output.tail ag
                                                        14147 non-null float64
                                                        14139 non-null float64
 65
    secondary_cleaner.output.tail_pb
                                                       12544 non-null float64
 66
    secondary_cleaner.output.tail_sol
    secondary cleaner.output.tail au
                                                       14149 non-null float64
    secondary_cleaner.state.floatbank2_a_air
                                                       13932 non-null float64
                                                       14148 non-null float64
    secondary_cleaner.state.floatbank2_a_level
 69
                                                       14128 non-null float64
14148 non-null float64
 70
    secondary_cleaner.state.floatbank2_b_air
 71
    secondary_cleaner.state.floatbank2_b_level
                                                       14145 non-null float64
 72
    secondary_cleaner.state.floatbank3_a_air
 73 secondary_cleaner.state.floatbank3_a_level
                                                       14148 non-null float64
 74 secondary cleaner.state.floatbank3 b air
                                                       14148 non-null float64
 75 secondary_cleaner.state.floatbank3_b_level
                                                       14148 non-null float64
                                                       14143 non-null float64
 76 secondary_cleaner.state.floatbank4_a_air
     secondary cleaner.state.floatbank4 a level
                                                        14148 non-null float64
                                                        14148 non-null float64
 78
    secondary cleaner.state.floatbank4 b air
                                                       14148 non-null float64
 79
    secondary_cleaner.state.floatbank4_b level
 80 secondary cleaner.state.floatbank5 a air
                                                       14148 non-null float64
 81 secondary cleaner.state.floatbank5 a level
                                                       14148 non-null float64
                                                       14148 non-null float64
 82 secondary_cleaner.state.floatbank5_b_air
    secondary_cleaner.state.floatbank5_b_level
                                                       14148 non-null float64
 83
                                                        14147 non-null float64
    secondary_cleaner.state.floatbank6_a_air
                                                        14148 non-null float64
 85 secondary_cleaner.state.floatbank6_a_level
dtypes: float64(86)
memory usage: 9.4+ MB
None
Количество полных дубликатов: 0 шт.
Общее количество пропусков во всем датафрейме: 4100 шт.
Доля пропусков: 0.34%
gold_recovery_test
Общий вид
   date
```

primary_cleaner.input.sulfate primary_cleaner.input.depressant primary_cleaner.input.feed_size primary_cleaner.input.xanthate p

2016- 09-01 00:59:59	210.800909	14.993118	8.080000	1.005021
2016- 09-01 01:59:59	215.392455	14.987471	8.080000	0.990469
2016- 09-01 02:59:59	215.259946	12.884934	7.786667	0.996043
2016- 09-01 03:59:59	215.336236	12.006805	7.640000	0.863514
2016- 09-01 04:59:59	199.099327	10.682530	7.530000	0.805575

5 rows × 52 columns

primary_cleaner.state.floatbank8_a_air

primary_cleaner.state.floatbank8_b_air

primary_cleaner.state.floatbank8_a_level

```
.info()
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
Index: 5290 entries, 2016-09-01 00:59:59 to 2017-12-31 23:59:59
Data columns (total 52 columns):
#
   Column
                                               Non-Null Count Dtype
                                               -----
    primary_cleaner.input.sulfate
                                               5286 non-null float64
0
    primary cleaner.input.depressant
                                               5285 non-null float64
1
    primary_cleaner.input.feed_size
                                               5290 non-null float64
3
    primary_cleaner.input.xanthate
                                               5286 non-null float64
```

5290 non-null

5290 non-null

5290 non-null

float64

float64 float64

```
7
    primary_cleaner.state.floatbank8_b_level
                                                            float64
                                              5290 non-null
                                                            float64
8
    primary_cleaner.state.floatbank8_c_air
                                              5290 non-null
9
    primary_cleaner.state.floatbank8_c_level 5290 non-null float64
10 primary_cleaner.state.floatbank8_d_air
                                              5290 non-null float64
11 primary_cleaner.state.floatbank8_d_level
                                              5290 non-null float64
                                              5290 non-null float64
12 rougher.input.feed_ag
13
    rougher.input.feed pb
                                              5290 non-null
                                                             float64
                                                            float64
14
    rougher.input.feed_rate
                                              5287 non-null
                                              5289 non-null float64
15 rougher.input.feed_size
16 rougher.input.feed sol
                                             5269 non-null float64
17 rougher.input.feed_au
                                             5290 non-null float64
    rougher.input.floatbank10_sulfate
                                            5285 non-null float64
19
    rougher.input.floatbank10_xanthate
                                             5290 non-null
                                                             float64
                                                            float64
20
    rougher.input.floatbank11_sulfate
                                             5282 non-null
                                            5265 non-null float64
21
    rougher.input.floatbank11_xanthate
22
    rougher.state.floatbank10 a air
                                            5290 non-null float64
    rougher.state.floatbank10 a level
                                            5290 non-null float64
24 rougher.state.floatbank10_b_air
                                            5290 non-null float64
25
                                            5290 non-null float64
    rougher.state.floatbank10_b_level
26
    rougher.state.floatbank10 c air
                                              5290 non-null
                                                             float64
                                                            float64
27
    rougher.state.floatbank10 c level
                                             5290 non-null
                                            5290 non-null float64
28
   rougher.state.floatbank10_d_air
   rougher.state.floatbank10 d level
                                            5290 non-null float64
   rougher.state.floatbank10 e air
                                            5290 non-null float64
                                            5290 non-null float64
31 rougher.state.floatbank10_e_level
                                                            float64
32
    rougher.state.floatbank10_f_air
                                              5290 non-null
    rougher.state.floatbank10_f_level
                                              5290 non-null
                                                             float64
    secondary_cleaner.state.floatbank2_a_air
                                                            float64
34
                                              5287 non-null
35 secondary_cleaner.state.floatbank2_a_level 5290 non-null float64
36 secondary_cleaner.state.floatbank2_b_air
                                              5288 non-null float64
    secondary_cleaner.state.floatbank2_b_level 5290 non-null float64
37
    secondary_cleaner.state.floatbank3_a_air
38
                                              5281 non-null float64
39
    secondary_cleaner.state.floatbank3_a_level
                                              5290 non-null
                                                             float64
40
    secondary_cleaner.state.floatbank3_b_air
                                              5290 non-null
                                                            float64
    secondary_cleaner.state.floatbank3_b_level 5290 non-null float64
41
    secondary_cleaner.state.floatbank4_a_air
                                              5290 non-null float64
42
   secondary_cleaner.state.floatbank4_a_level
                                              5290 non-null float64
43
44 secondary_cleaner.state.floatbank4_b_air
                                              5290 non-null float64
   secondary_cleaner.state.floatbank4_b_level 5290 non-null float64
45
    secondary_cleaner.state.floatbank5_a_air
                                              5290 non-null
                                                             float64
                                                            float64
    secondary_cleaner.state.floatbank5_a_level 5290 non-null
47
                                              5290 non-null float64
48
   secondary_cleaner.state.floatbank5_b_air
   secondary_cleaner.state.floatbank5_b_level 5290 non-null float64
   secondary_cleaner.state.floatbank6_a_air
                                              5290 non-null float64
51 secondary_cleaner.state.floatbank6_a_level 5290 non-null float64
dtypes: float64(52)
Количество полных дубликатов: 0 шт.
```

memory usage: 2.1+ MB

None

Общее количество пропусков во всем датафрейме: 90 шт.

Доля пропусков: 0.03%

Выводы

На первый взгляд исходные данные в порядке

- Полные дубликаты отсутствуют
- Тип данных соответствует указанным значениям
- Есть небольшое количество пропусков, с которыми мы разберемся чуть позднее на этапе предобработки.

1.3 Проверка правильности расчета эффективности обогащения 🔺

Эффективность обогащения рассчитывается по формуле:

$$Recovery = \frac{C \cdot (F - T)}{F \cdot (C - T)} \cdot 100\%$$

где:

- с доля золота в концентрате после флотации/очистки;
- **F** доля золота в сырье/концентрате до флотации/очистки;
- Т доля золота в отвальных хвостах после флотации/очистки.

Для начала создадим необходимые константы и формулу:

```
In [7]:

F = gr_train['rougher.input.feed_au'] # доля золота в сырье/концентрате до флотации/очистки

C = gr_train['rougher.output.concentrate_au'] # доля золота в концентрате после флотации/очистки

T = gr_train['rougher.output.tail_au'] # доля золота в отвальных хвостах после флотации/очистки

recovery = (C * (F - T)) / (F * (C - T)) * 100
```

Теперь напишем функцию расчета MAE (Mean Absolute Error или Среднее Абсолютное Отклонение)

$$MAE = rac{1}{N} \cdot \sum_{i=1}^{N} \mid y_i - \widehat{y_i} \mid$$

```
In [8]:

def mae(target, predictions):
    error = 0
    for i in range(target.shape[0]):
        error += abs(target[i] - predictions[i])
    return error / target.shape[0]

print('MAE =', mae(gr_train['rougher.output.recovery'], recovery))
```

MAE = 9.73512347450521e-15

Выводы

Средняя абсолютная ошибюка по нашей формуле стремится к нулю $9.7 \cdot 10^{-15}$ это означает, что предоставленные данные о эффективночти обогащения корректны. Можем продолжать исследование.

1.4 Анализ признаков недоступный в тестовой выборке 🔺

Разберем признаки недоступные в тестовой выборке.

Для этого создадим два множества на основе заголовков и с помощью функции .difference найдем разницу.

```
In [9]:
         gr_full_columns = set(gr_full.columns)
         gr_test_columns = set(gr_test.columns)
         difference_columns = gr_full_columns.difference(gr_test_columns)
         display(difference_columns)
         {'final.output.concentrate_ag',
          'final.output.concentrate_au',
          'final.output.concentrate_pb',
          'final.output.concentrate_sol',
          'final.output.recovery',
          'final.output.tail_ag',
          'final.output.tail_au',
          'final.output.tail_pb',
          'final.output.tail_sol',
          'primary_cleaner.output.concentrate_ag',
          'primary_cleaner.output.concentrate_au',
          'primary_cleaner.output.concentrate_pb'
          'primary_cleaner.output.concentrate_sol',
          'primary_cleaner.output.tail_ag',
          'primary_cleaner.output.tail_au',
          'primary_cleaner.output.tail_pb',
          'primary_cleaner.output.tail_sol',
          'rougher.calculation.au_pb_ratio',
          'rougher.calculation.floatbank10_sulfate_to_au_feed',
          'rougher.calculation.floatbank11_sulfate_to_au_feed',
          'rougher.calculation.sulfate_to_au_concentrate',
          'rougher.output.concentrate_ag',
          'rougher.output.concentrate_au',
          'rougher.output.concentrate_pb'
          'rougher.output.concentrate_sol',
          'rougher.output.recovery',
          'rougher.output.tail_ag',
          'rougher.output.tail_au',
          'rougher.output.tail_pb'
          'rougher.output.tail_sol',
          'secondary_cleaner.output.tail_ag',
          'secondary_cleaner.output.tail_au',
          'secondary_cleaner.output.tail_pb'
```

Выводы

'secondary_cleaner.output.tail_sol'}

Как видно из получившегося множества, все эти признаки относятся к промежуточным результатам очистки, а следовательно замеряются уже непосредственно в процессе очистки. Это нам не подходит, так как модель должна предсказывать результаты еще до начала очистки.

Следовательно в тренировочной выборке они тоже должны отсутствовать, так как после запуска нашей модели в работу, этих данных на входе у нее не будет.

2. Подготовка данных

2.1 Предобработка -

In [10]:

Разберемся с пропущенными значениями.

Для начала посмотрим на общее количество:

```
for i in [gr_full, gr_train, gr_test]:
              print(f'NaN значений: {i.isna().sum().sum()} шт. - {i.isna().sum().sum() / (i.shape[0] * i.shape[1]):.2%}')
         Количество пропущенных значений в датафреймах gd full, gf train, gf test:
         NaN значений: 4481 шт. - 0.27%
         NaN значений: 4100 шт. - 0.34%
         NaN значений: 90 шт. - 0.03%
        Пропущенных значений совсем немного.
        Из условий задачи мы знаем, что соседние по времени замеры зачастую схожи. Следовательно можно использовать метод
        заполнения ffill, который заполнит пропуски ближайшими по времени соседями.
In [11]:
          gr_full = gr_full.fillna(method='ffill')
          gr train = gr train.fillna(method='ffill')
          gr_test = gr_test.fillna(method='ffill')
In [12]:
          print('Количество пропущенных значений в датафреймах gd full, gf train, gf test:')
          for i in [gr_full, gr_train, gr_test]:
              print(f'NaN значений: {i.isna().sum().sum()} шт. - {i.isna().sum() / (i.shape[0] * i.shape[1]):.2%}')
         Количество пропущенных значений в датафреймах gd full, gf train, gf test:
         NaN значений: 0 шт. - 0.00%
         NaN значений: 0 шт. - 0.00%
         NaN значений: 0 шт. - 0.00%
```

print('Количество пропущенных значений в датафреймах gd_full, gf_train, gf_test:')

3. Анализ данных

3.1 Концентрация металлов на различных этапах очистки

Для начала сформируем функцию для построения графиков.

Пропусков больше нет, можно приступать к анализу данных.

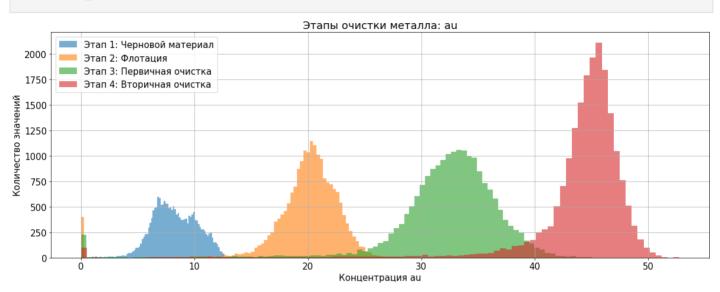
```
In [13]:
          def concentrate_hist(metal): # функция принимает на вход текстовое обозначение металла
              plt.figure(figsize=(20,7))
              # формируем список этапов очистки по которым будем строить гистограммы
              # переменная в {} это указанный нами металл в виде параметра функции
              hist_list = [
                  f'rougher.input.feed_{metal}',
                  f'rougher.output.concentrate_{metal}',
                  f'primary_cleaner.output.concentrate_{metal}',
                  f'final.output.concentrate_{metal}'
              # Список этапов очистки, используется для наглядности.
              process = [
                   'Черновой материал',
                   'Флотация',
                  'Первичная очистка',
                  'Вторичная очистка'
```

```
# Обходим циклом список этапов и для каждого строим гистограмму на одном figure
for i in range(len(hist_list)):
    gr_full[hist_list[i]].hist(bins=100, alpha=0.6, label=f'Этап {i+1}: {process[i]}')

plt.legend()
plt.title(f'Этапы очистки металла: {metal}')
plt.xlabel(f'Концентрация {metal}')
plt.ylabel('Количество значений')
plt.show()
```

3олото

```
In [14]: concentrate_hist('au')
```



При очистке золота мы видим планомерный рост концентрации золота от этапа к этапу. Так же после вторичной очистки снижается дисперсия, как следствие наши значения имеют меньший разброс вокруг среднего.

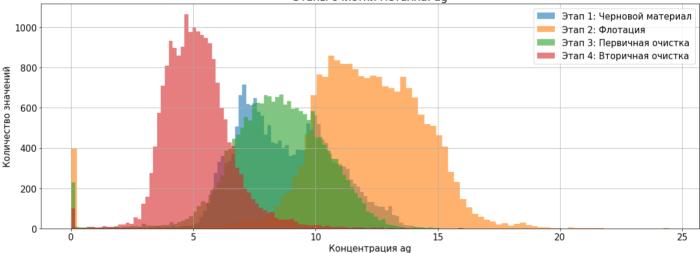
Серебро

In [15]: concentrate_hist('ag')

Этапы очистки металла: ag

1000

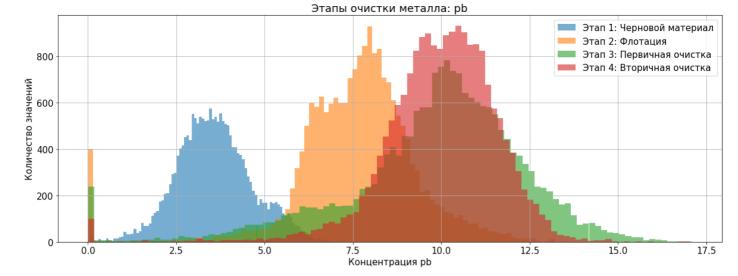
Этап 1: Черновой материал
Этап 2: Флотация



Концентрация серебра на первом этапе очистки растет, а потом начинает падать. По итогу концентрация серебра на выходе ниже чем в черновом материале.

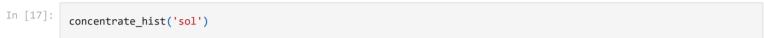
Свинец

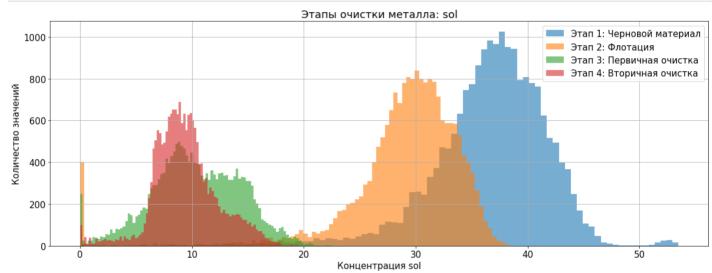
```
In [16]: concentrate_hist('pb')
```



Концентраяция свинца растет с течением этапов очистки. Концентрация после первичной и вторичной очистки примерно равна, однако на втором этапе очистки уменьшается дисперсия значений и мы получаем более стабильное среднее.

Sol



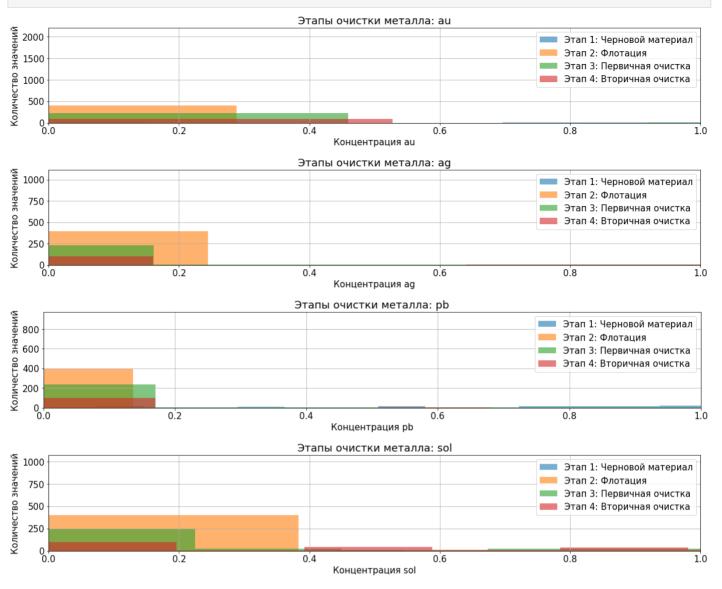


Концентрация sol падает от этапа к этапу очистки.

На всех гистограммах у нас присутсвуют странные околонулевые всплески, взглянем на них поближе.

```
In [18]:
          for metal in ['au', 'ag' ,'pb', 'sol']:
              plt.figure(figsize=(20,3))
              hist_list = [
                  f'rougher.input.feed_{metal}',
                  f'rougher.output.concentrate_{metal}',
                  f'primary_cleaner.output.concentrate_{metal}',
                  f'final.output.concentrate_{metal}'
              ]
              process = [
                   'Черновой материал',
                   'Флотация',
                   'Первичная очистка',
                   'Вторичная очистка'
              for i in range(len(hist_list)):
                  gr_full[hist_list[i]].hist(bins=100, alpha=0.6, label=f'Этап {i+1}: {process[i]}')
              plt.legend()
              plt.title(f'Этапы очистки металла: {metal}')
              plt.xlabel(f'Концентрация {metal}')
              plt.ylabel('Количество значений')
              plt.xlim(0,1)
```





Наблюдаем следующую картину:

На входе практически отсутвует околонулевая концентрация в черновом материале . С учетом того, что на каждом этапе концентрация как правило растет, то околонулевые значения это скорее всего какие то ошибки.

Судя по всему мы можем удалить значения не превышающие 0.6

Удаление околонулевых значений

```
In [19]:
          # для начала сделаем список столбцов
          # по которым мы букдем собирать индексы строк где есть околонулевые значения
          drop_zeros_list = [
              'rougher.input.feed_ag',
              'rougher.input.feed_pb',
              'rougher.input.feed_sol',
              'rougher.input.feed_au',
              'rougher.output.concentrate_ag',
              'rougher.output.concentrate_pb'
              'rougher.output.concentrate_sol',
              'rougher.output.concentrate_au',
              'primary_cleaner.output.concentrate_ag',
              'primary_cleaner.output.concentrate_pb'
               'primary_cleaner.output.concentrate_sol',
               'primary_cleaner.output.concentrate_au',
               'final.output.concentrate_ag',
              'final.output.concentrate_pb'
              'final.output.concentrate_sol',
              'final.output.concentrate_au']
          # создадим множество в которое будем добавлять значения индексов
          drop_set = set()
```

Доля строк с околонулевыми значениями = 4.522%

Количество не превышает 5%. Можем удалить их.

```
In [20]:
    gr_full = gr_full.drop(drop_set, axis=0, errors='ignore')
    gr_train = gr_train.drop(drop_set, axis=0, errors='ignore')
    gr_test = gr_test.drop(drop_set, axis=0, errors='ignore')
```

3.2 Распределения размеров гранул сырья на обучающей и тестовой выборках 🔺

Для исследования разброса гранул сырья построим диаграмму размаха.

```
In [21]:

def feed_size_compare(process): # на вход принимаем название процесса в формате str

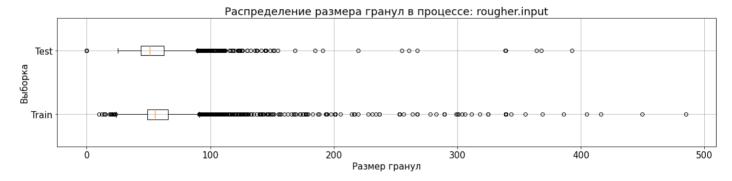
plt.figure(figsize=(20,4))

# строим диаграмму размаха для тренировочной и тестовой выборки
plt.boxplot([gr_train[process], gr_test[process]], vert=False, labels=['Train', 'Test'])

plt.title(f'Pacпределение размера гранул в процессе: {process[:process.rfind(".")]}')
plt.xlabel('Размер гранул')
plt.ylabel('Выборка')
plt.grid()
plt.show()
```

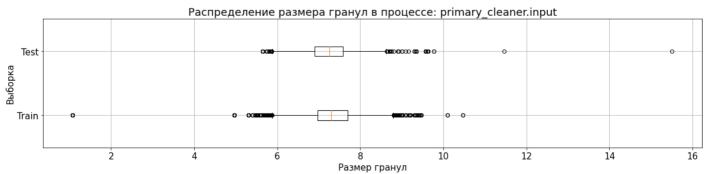
Размер гранул в черновом материале

```
In [22]: feed_size_compare('rougher.input.feed_size')
```



Размер гранул в первичной очистке





По диаграмме размаха можем сделать вывод что распределение размера гранул в тренировочной и тестовой выборке примерно одинаковое. Можем не беспокоится за оценку модели этого этапа.

3.3 Исследование суммарной концентрации всех веществ на разных стадиях 🔺

Для исследования концентрации всех веществ найдем их сумму на каждом этапе очистки.

Для этого сначала сделаем 4 списка, отвечающие за объединение металлов на каждом этапе.

```
In [24]:
          rougher_input_all = [
              'rougher.input.feed_ag',
               'rougher.input.feed_pb',
               'rougher.input.feed_sol',
              'rougher.input.feed_au']
          rougher_output_all = [
              'rougher.output.concentrate_ag',
              'rougher.output.concentrate_pb',
              'rougher.output.concentrate_sol',
              'rougher.output.concentrate_au']
          primary_cleaner_output_all = [
              'primary_cleaner.output.concentrate_ag',
              'primary_cleaner.output.concentrate_pb',
               'primary_cleaner.output.concentrate_sol',
               'primary_cleaner.output.concentrate_au']
          final_output_all = [
              'final.output.concentrate_ag',
              'final.output.concentrate_pb',
              'final.output.concentrate_sol',
              'final.output.concentrate_au']
```

Построим гистограммы на основе сумм этих металлов.

```
In [25]:
          plt.figure(figsize=(20,7))
          hist_list_all = [
              rougher_input_all,
              rougher_output_all,
              primary_cleaner_output_all,
              final_output_all
          process = [
              'Черновой материал',
               'Флотация',
              'Первичная очистка',
              'Вторичная очистка'
          for i in range(len(hist_list_all)):
              gr_full[hist_list_all[i]].sum(axis=1).hist(bins=150, alpha=0.6, label=f'Эταπ {i+1}: {process[i]}')
          plt.legend()
          plt.title('Суммарная концентрация всех веществ на разных этапах очистки')
          plt.xlabel('Концентрация')
          plt.ylabel('Количество значений')
          plt.show()
```



Концентрация полезных веществ увеличивается с ходом очистки. На финальном этапе уменьшается дисперсия значений, что ведет к более стабильному среднему значению получаемых на выходе полезных материалов.

4. Модель

4.1 Функця для вычисления итоговой sMAPE •

sMAPE (Symmetric Mean Absolute Percentage Error или Симметричное Среднее Абсолютное Процентное Отклонение).

Найдем по следующей формуле:

$$sMAPE = rac{1}{N} \cdot \sum_{i=1}^{N} rac{|y_i - \widehat{y_i}|}{\left(\mid y_i \mid + \mid \widehat{y_i} \mid
ight) \div 2} \cdot 100\%$$

```
def smape(target, predictions):
    error = 0
    for i in range(target.shape[0]):
        error += abs(target[i] - predictions[i]) / ((abs(target[i]) + abs(predictions[i])) / 2) * 100
    return error / target.shape[0]
```

Итоговое **sMAPE** найдем по следующей формуле:

```
sMAPE_{conclusion} = (25\% \cdot sMAPE_{roughet}) + (75\% \cdot sMAPE_{final})
```

```
def conclusion_smape(targ_roug, pred_roug, targ_fin, pred_fin):
    smape_rougher = smape(targ_roug, pred_roug)
    smape_final = smape(targ_fin, pred_fin)
    print(f'smape_rougher = {smape_rougher:.3f}')
    print(f'smape_final = {smape_final:.3f}')
    return (0.25 * smape_rougher) + (0.75 * smape_final)
```

Создадим оценщик на основе нашей функции:

```
In [28]:
smape_scorer = make_scorer(smape, greater_is_better=False)
```

4.2 Разбивка на выборки -

Разбивка на выборки

Для создания тренировочной выборки удалим из нее признаки, которые получаются уже в процессе очистки. Для этого у нас есть множество difference_columns осталось только дропнуть все столбцы, которые оно содержит.

```
In [29]:

features_train = gr_train.drop(difference_columns, axis=1)

target_train_rougher_output = gr_train['rougher.output.recovery'] # целевой черновой

target_train_final_output = gr_train['final.output.recovery'] # целевой финальный
```

Так как в тестовой выборке отсутствуют целевые значения, а они нам нужны для оценки построенной модели, подтянем их из полного датасета по индексам.

```
In [30]:
    features_test = gr_test.copy()
    target_test_rougher_output = gr_full['rougher.output.recovery'][gr_test.index] # целевой черновой
    target_test_final_output = gr_full['final.output.recovery'][gr_test.index] # целевой финальный
```

4.3 Выбор модели - Линейная регрессия 🔺

Проверим Линейную регрессию методом кросс-валидации

```
mean_score_final = np.mean(scores_final)

print(f'mean_score_rougher: {mean_score_rougher:.3f}')
print(f'mean_score_final: {mean_score_final:.3f}')

mean_score_rougher: -7.257
mean_score_final: -10.760
```

4.4 Выбор модели - Дерево решений 🔺

Для начала установим параметры поиска Дерева решений для GreedSearchCV:

```
In [32]:
    params_decision_tree = {
        'max_depth': [2, 5, 10],
        'min_samples_leaf': [1, 2, 3],
        'min_samples_split': [2, 4, 6]
}
```

ROUGHER GreedSearch

```
Лучший score модели: -6.891
Параметры лучшей модели: {'max_depth': 5, 'min_samples_leaf': 3, 'min_samples_split': 2}
```

Теперь подставим полученные параметры и оценим результат средним значением по кросс-валидации.

ROUGHER _ Оценка кросс-валидацией

mean_score_rougher: -6.891

FINAL _ GreedSearch

```
Лучший score модели: -9.151
Параметры лучшей модели: {'max_depth': 2, 'min_samples_leaf': 1, 'min_samples_split': 2}
```

Теперь подставим полученные параметры и оценим результат средним значением по кросс-валидации.

FINAL _ Оценка кросс-валидацией

4.5 Выбор модели - Случайный лес

Для начала установим параметры поиска Случайного леса для GreedSearchCV:

```
In [37]:
    params_random_forest = {
        'n_estimators': [50, 75, 100],
        'min_samples_leaf': [5],
        'min_samples_split': [2],
        'max_depth': [4, 5, 6]
}
```

ROUGHER _ GreedSearch

```
In [38]:
# grid_search_forest_rougher = GridSearchCV(
# estimator=RandomForestRegressor(random_state=12345),
# param_grid=params_random_forest,
# cv=5,
# scoring=smape_scorer,
# n_jobs=-1
# )

# grid_search_forest_rougher.fit(features_train, target_train_rougher_output)

# print(f'Лучший score модели: {grid_search_forest_rougher.best_score_:.3f}')
# print(f'Параметры лучшей модели: {grid_search_forest_rougher.best_params_}')
```

```
Лучший score модели: -6.409
Параметры лучшей модели: {'max_depth': 5, 'min_samples_leaf': 5, 'min_samples_split': 2, 'n_estimators': 75}
```

ROUGHER _ Оценка кросс-валидацией

mean_score_rougher: -6.409

FINAL _ GreedSearch

```
In [40]:
# grid_search_forest_final = GridSearchCV(
# estimator=RandomForestRegressor(random_state=12345),
# param_grid=params_random_forest,
```

```
# cv=5,
# scoring=smape_scorer,
# n_jobs=-1
#)

# grid_search_forest_final.fit(features_train, target_train_final_output)

# print(f'Лучший score модели: {grid_search_forest_final.best_score_:.3f}')
# print(f'Параметры лучшей модели: {grid_search_forest_final.best_params_}')
```

```
Лучший score модели: -8.734
Параметры лучшей модели: {'max_depth': 5, 'min_samples_leaf': 5, 'min_samples_split': 2, 'n_estimators': 50}
```

FINAL _ Оценка кросс-валидацией

mean_score_final: -8.734

Выводы

После проведенной оценки моделей, получили следующие значения Симметричного среднего абсолютного отклонения (sMAPE) в процентах:

Модель	rougher %	final %
Линейная регрессия	7.257	10.760
Дерево решений	6.891	9.151
Случайный лес	6.409	8.734

Минимальное отклонение дала модель Случайного леса , выберем ее для финального тестирования.

4.6 Проверка sMAPE на тестовой выборке 🔺

Случайный лес

```
In [42]:

model_random_forest_rougher.fit(features_train, target_train_rougher_output)

predicted_test_rougher = model_random_forest_rougher.predict(features_test)

model_random_forest_final.fit(features_train, target_train_final_output)

predicted_test_final = model_random_forest_final.predict(features_test)

conclusion = conclusion_smape(
    target_test_rougher_output,
    predicted_test_rougher,

    target_test_final_output,
    predicted_test_final
)

print(f'Итоговый sMAPE = {conclusion:.3f}')

smape_rougher = 4.423

smape_final = 8.157

Итоговый sMAPE = 7.223
```

Итоговый **sMAPE** составил **7.223**%, проверим результат на адекватность с помощью модели **Dummy Regressor**

```
In [43]: model_dummy_rougher = DummyRegressor()
model_dummy_final = DummyRegressor()
```

```
model_dummy_rougher.fit(features_train, target_train_rougher_output)
predicted_test_rougher = model_dummy_rougher.predict(features_test)

model_dummy_final.fit(features_train, target_train_final_output)
predicted_test_final = model_dummy_final.predict(features_test)

conclusion = conclusion_smape(
    target_test_rougher_output,
    predicted_test_rougher,

    target_test_final_output,
    predicted_test_final
)

print(f'Итоговый sMAPE = {conclusion:.3f}')
```

```
smape_rougher = 5.254
smape_final = 8.446
Итоговый sMAPE = 7.648
```

Как видим **Dummy Regressor** дал результат хуже чем у нашей модели. На основе чего можем сказать, что наша модель ведет себя адекватно.

Выводы -

Мы провели исследование процесса восстановления золота из руды. Входные данные оказались достаточно чистыми, чтобы практически сразу приступить у исследованию.

В процессе исследования мы убедились, что параметры обогащения рассчитаны правильно

Что касается очистки, на финальном этапе как правило уменьшается дисперсия концентрации материалов, то есть разброс значений становится меньше, как следствие итоговый результат стабильней чем предыдущие этапы, а так же:

- концентрация золота растет стабильно на каждом этапе.
- концентрация серебра наоборот, к финалу очистки оказывается даже ниже чем в черновом сырье
- концентрация свинца на финале очистки оказывается выше чем в черновом материале

Дополнительно мы проверили, что разброс значений размеров гранул сырья на тестовой и тренировочной выборке примерно одинаковый, что позволило нам избежать ошибок в обучении модели.

По итогу выбора моделей, самая точная оказалсь модель Случайного леса, именно ее мы использовали для финального тестирования.

Итоговый параметр sMAPE, которого нам удолось добиться = 7.223%, что лучше чем у случайной Dummy модели, что позволяет нам использовать нашу обученную модель в производстве.