



# Машинное обучение в гидрометеорологии

Михаил Криницкий

К.Т.Н.

Зав. лабораторией машинного обучения в науках о Земле МФТИ  
с.н.с. Института океанологии РАН им. П.П. Ширшова



# Интерпретация моделей МО

Михаил Криницкий

К.Т.Н.

Зав. лабораторией машинного обучения в науках о Земле МФТИ  
с.н.с. Института океанологии РАН им. П.П. Ширшова

# ПЛАН ЛЕКЦИИ

- Интерпретация линейных моделей
  - Линейная регрессия, логистическая регрессия
  - Неопределенность оценок значимости
- Интерпретация моделей, основанных на деревьях решений
  - Gini impurity или другая функция потерь для деревьев решений
  - Random Forests: оценка значимости на основе значимости отдельных деревьев
- Интерпретация (почти) любых моделей МО
  - деградация качества при перемешивании признака (permutation feature importance)
  - LIME (интерпретация линеаризованной суррогатной модели в окрестности объекта)
- Интерпретация дифференцируемых моделей (напр., ИНС)
  - градиент функции потерь по входным данным
  - связь с методом интерпретации линейных моделей

# Подход интерпретации моделей МО

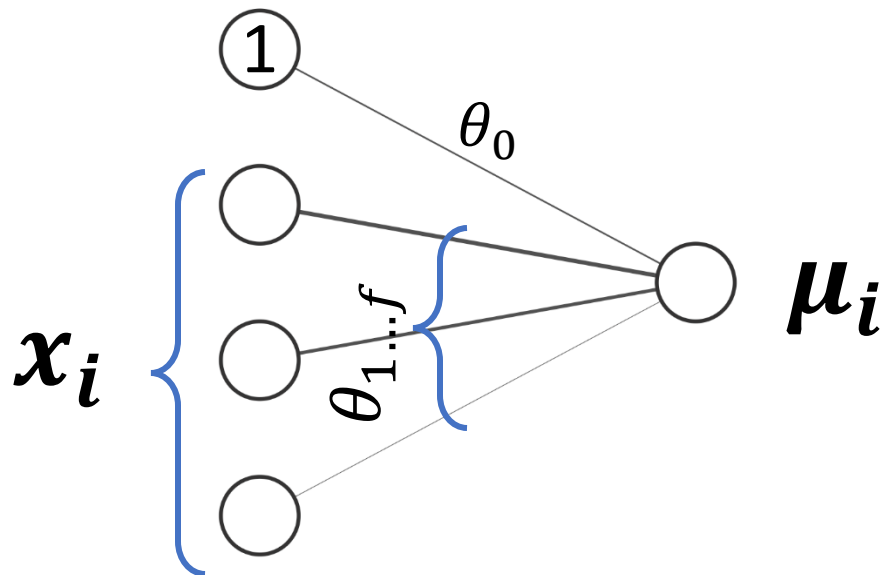
- Хочу узнать: оценку значимости признаков
- Оценка вычисляется для обученной модели МО
- Оценка значимости признака – случайная величина, зависит от обучающей выборки (реализации модели МО как «случайной величины»)
  - оценка значимости подчиняется какому-то распределению
  - у оценки значимости есть моменты распределения (среднее, дисперсия), которые можно оценить по выборке (реализаций модели МО, обученных на различных подвыборках), построить доверительные интервалы, etc.
  - выборочные оценки моментов распределений производятся в подходе Bootstrap или скользящего контроля (cross-validation)

# Интерпретация линейных моделей

previously on ML4ES

Линейная регрессия

Значимость признаков



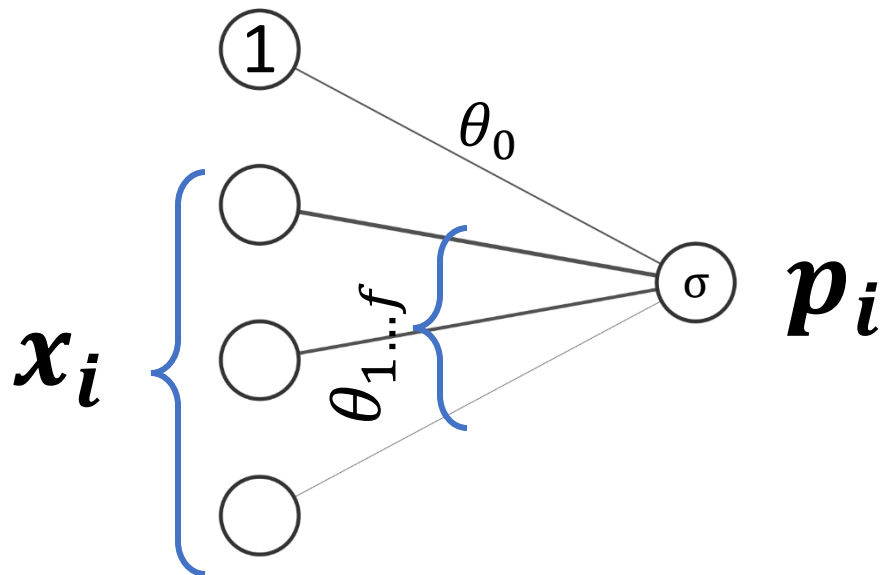
- Коэффициенты модели  $\theta_{1...f}$
- Сравнение имеет смысл, если признаки одного порядка (напр. стандартизованы)
- Не суммируются в 1
- Не являются «долей объясненной дисперсии»

# Интерпретация линейных моделей

previously on ML4ES

Логистическая регрессия

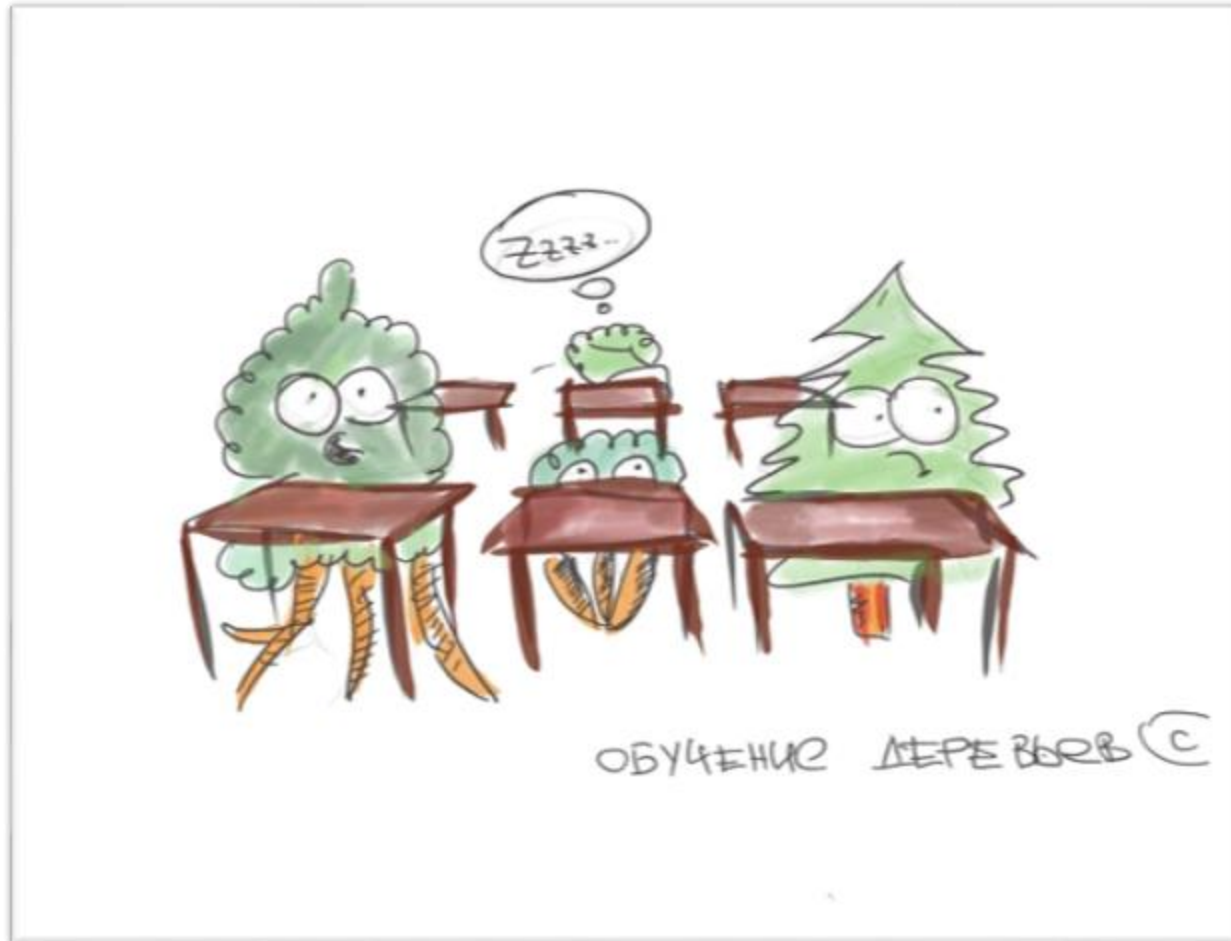
Значимость признаков



- Коэффициенты модели  $\theta_{1...f}$
- Сравнение имеет смысл, если признаки одного порядка (напр. стандартизованы)
- Не суммируются в 1
- Не являются «долей объясненной дисперсии»

# Интерпретация деревьев решений

previously on ML4ES

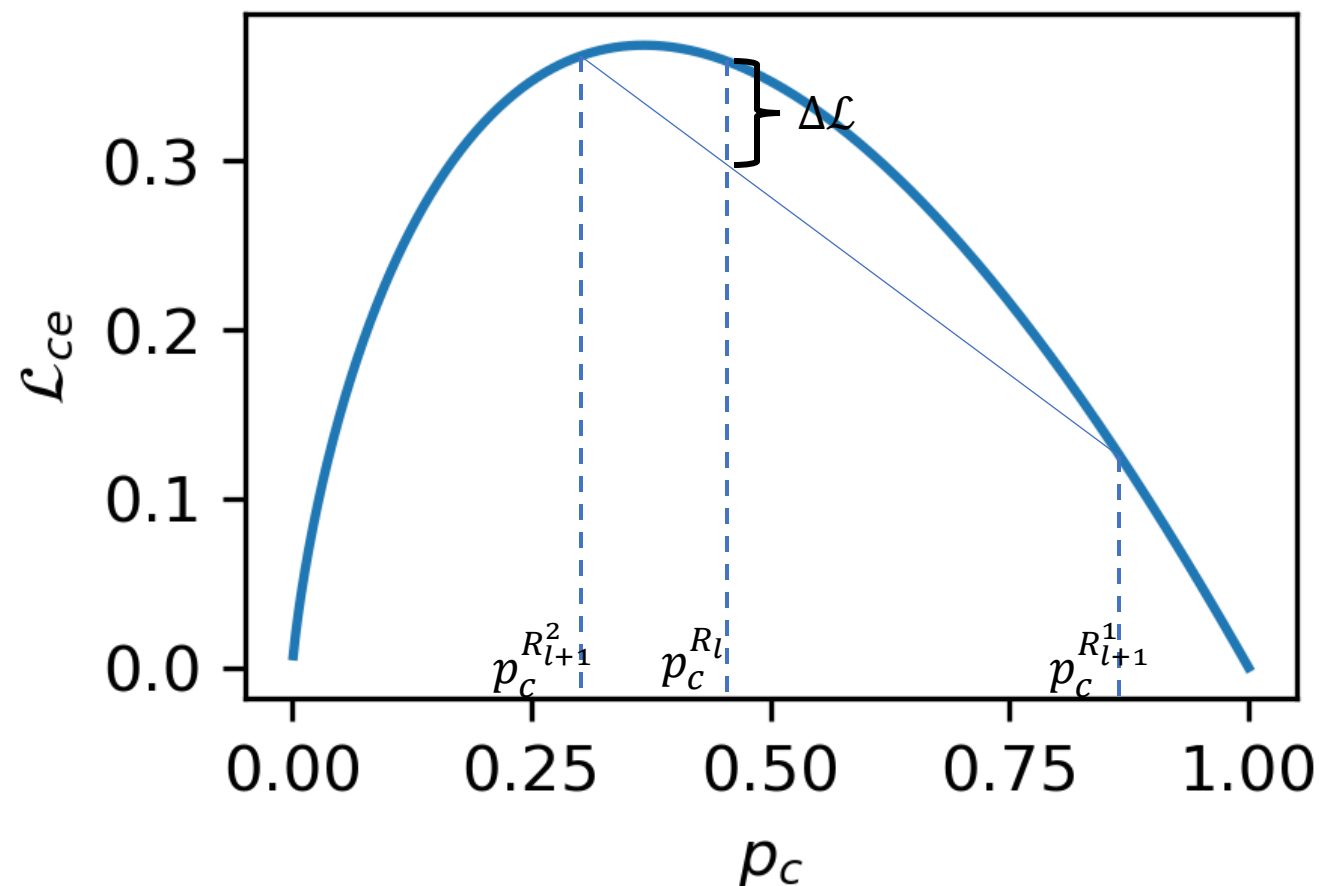


# Интерпретация деревьев решений

## previously on ML4ES

Разделение обучающей подвыборки  $R_p^l$  приводит к тому, что суммарная функция потерь снижается на величину  $\Delta\mathcal{L}$ .

$$\mathcal{L}_{ce} = - \sum_{c \in \mathbb{Y}} p_c^{(R)} \log p_c^{(R)}$$



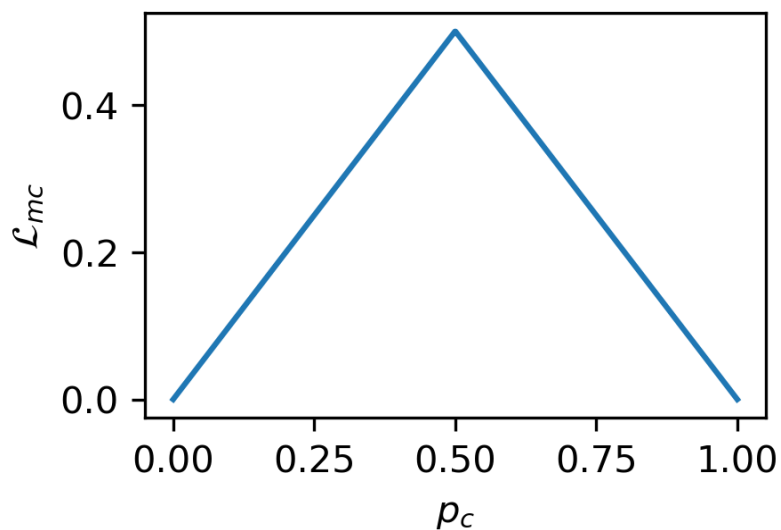


# Интерпретация деревьев решений

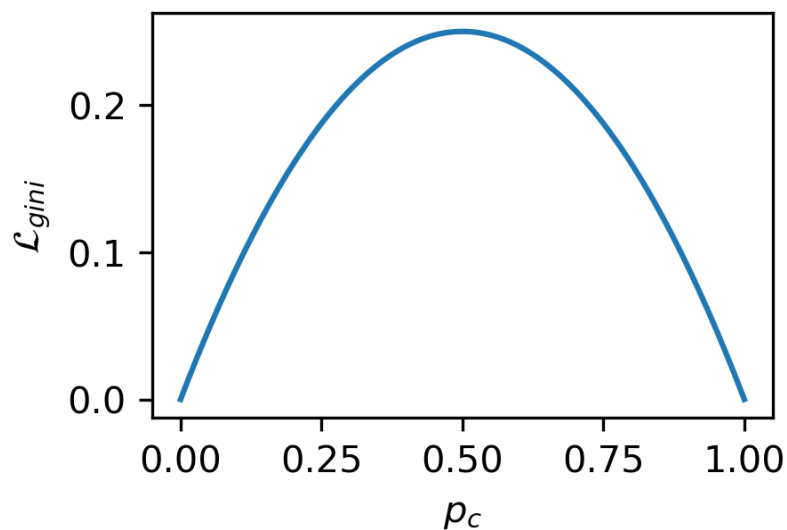
previously on ML4ES

## Варианты функции потерь

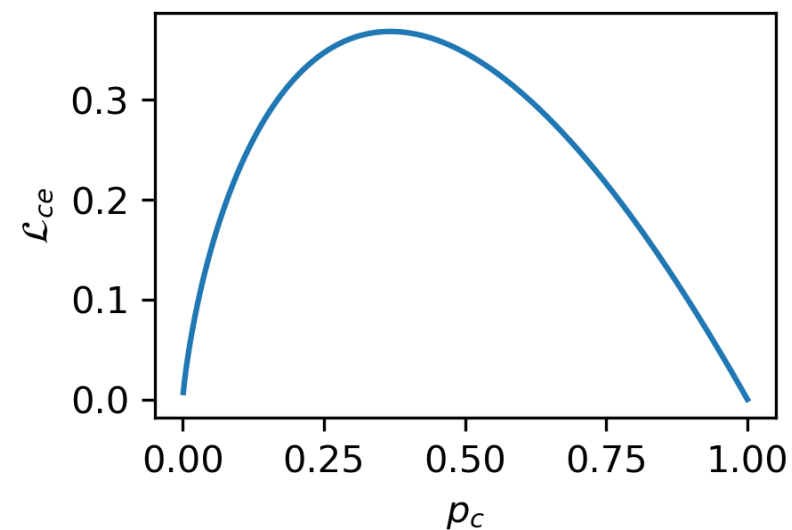
$$\mathcal{L}_{mc} = 1 - \max_{c \in \mathbb{Y}} p_c^{(R)}$$



$$\mathcal{L}_{gini} = \sum_{c \in \mathbb{Y}} p_c^{(R)} (1 - p_c^{(R)})$$



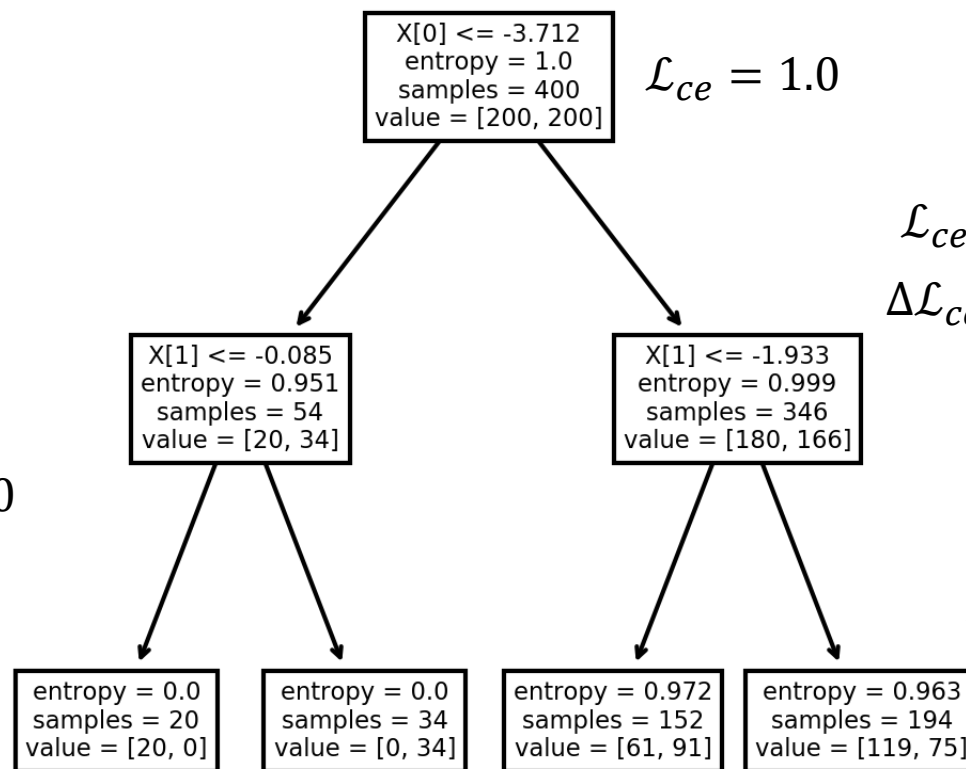
$$\mathcal{L}_{ce} = - \sum_{c \in \mathbb{Y}} p_c^{(R)} \log p_c^{(R)}$$



# Интерпретация деревьев решений

previously on ML4ES

Схема ветвления на втором уровне ( $l = 1$ )



$$\mathcal{L}_{ce} = 1.0$$

$$\mathcal{L}_{ce} = \frac{54}{400} * 0.951 + \frac{346}{400} * 0.999 = 0.99252$$
$$\Delta \mathcal{L}_{ce} = -0.00748$$

$$\mathcal{L}_{ce} = \frac{20}{54} * 0.0 + \frac{34}{54} * 0.0 = 0.0$$

$$\Delta \mathcal{L}_{ce} = \frac{54}{400} * -0.951 = -0.128$$

$$\mathcal{L}_{ce} = \frac{152}{346} * 0.972 + \frac{194}{346} * 0.963 = 0.967$$
$$\Delta \mathcal{L}_{ce} = \frac{346}{400} * -0.0256 = -0.0221148$$

# Интерпретация деревьев решений

## Значимость признаков

- (нормализованный) накопленный вклад признака в снижение функции потерь
- Нет необходимости нормализовать сами признаки
- Значимости суммируются в 1
- Отражает вклад в снижение функции потерь (не в повышение меры качества)
- Обладает свойством смещенности значений значимости к признакам с бОльшей мощностью множества значений (напр., действительным признакам)

```
sklearn.tree.DecisionTreeClassifier }  
sklearn.tree.DecisionTreeRegressor } model.feature_importances_
```

# Интерпретация Random Forests

previously on ML4ES

**Bagging** эксплуатирует подход обучения большого количества ( $K \gg 1$ ) моделей, склонных к переобучению ( $\sigma^2$  - существенна, но  $\rho$  сильно меньше единицы, алгоритмы раскоррелированы за счет склонности к переобучению и за счет обучения на различающихся подвыборках).

Способ применения в случае решающих деревьев: обучить очень много довольно решающих деревьев до конца (не ограничивая их глубину, без регуляризаций); обучать на bootstrap-выборках, **агрегировать результаты по принципу простого голосования** (в случае классификации) или **простого осреднения** (в случае регрессии).

# Интерпретация Random Forests

Значимость признаков MDI (Mean Decrease in Impurity)

- **осредненное значение значимостей признака, оцененных по членам композиции (отдельным деревьям)**
- Нет необходимости нормализовывать признаки
- Суммируются в 1
- Отражают вклад в снижение функции потерь (не в повышение меры качества)
- Обладает свойством смещенности значений значимости к признакам с бОльшей мощностью множества значений (напр., действительным признакам)

```
sklearn.ensemble.RandomForestRegressor  
sklearn.ensemble.RandomForestClassifier } model.feature_importances_
```

# Интерпретация произвольных моделей МО

`sklearn.inspection.permutation_importance`

- **Значимость признака - мера деградации качества при случайном перемешивании значений признака\***
- мера качества - любая, задаваемая исследователем;
- оценивается для **обученной** модели в **режиме применения**, на **ВСЕЙ** тестовой выборке;
- нет необходимости нормализовывать сами признаки;
- оценки значимости не нормированы (нужно нормировать вручную);
- отражают дифференциальную деградацию меры качества;
- неопределенность значимости оценивают в подходе кросс-валидации или bootstrap-сэмплирования

# Интерпретация произвольных моделей МО

LIME\* (Local Interpretable Model-agnostic Explanations)

- **Значимость признака оценивается как значимость этого же признака для суррогатной модели, обученной на результатах сложной модели в окрестности объекта;**
- Может применяться для любой обученной модели МО в окрестности тестовых объектов;
- Модель для регрессии – линейная регрессия, модель для классификации – логистическая регрессия (бинарная/мультиномиальная); иногда – деревья решений;
- Для порождения обучающей выборки для суррогатной модели в признаки вносится шум\*\*, позволяющий сэмплировать синтетические объекты в окрестности (одного) тестового;
- При обучении суррогатной модели синтетическим объектам назначается вес в пространстве признаков, зависящий от расстояния до оригинального тестового примера

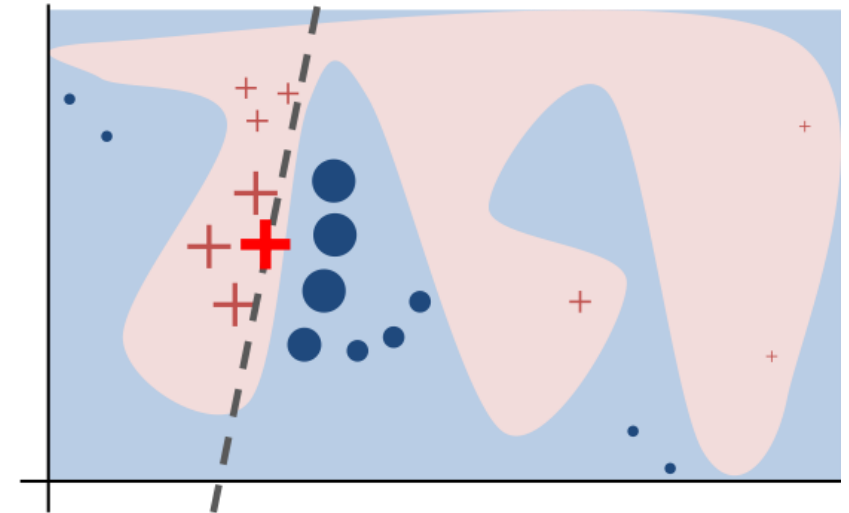
\*Ribeiro M. T., Singh S., Guestrin C. «Why Should I Trust You?»: Explaining the Predictions of Any Classifier // 2016

\*\* характер шума зависит от типа данных

# Интерпретация произвольных моделей МО

LIME\* (Local Interpretable Model-agnostic Explanations)

- LIME: много гиперпараметров:
  - способ сэмплирования объектов для обучения суррогатной модели;
  - способ вычисления весов синтетических объектов;
  - гиперпараметры суррогатной модели (вид, способ оценки значимости признаков).



```
$ pip install lime
```

<https://github.com/marcotcr/lime>

\*Ribeiro M. T., Singh S., Guestrin C. «Why Should I Trust You?»: Explaining the Predictions of Any Classifier // 2016

\*\* характер шума зависит от типа данных



# Интерпретация нейросетей

- Значимость признака оценивается как относительная оценка магнитуды градиента функции потерь или целевой переменной по признакам в окрестности тестового объекта;
- может применяться для любой обученной нейросети в окрестности тестовых объектов;
- в случае «линейной однослойной нейросети» такая оценка эквивалентна оценке по коэффициентам линейной модели.