

Tarea 2

Trinidad Hernández Norma Verónica
Vilchis Domínguez Miguel Alonso

1. Ejercicios

1. Demostrar si las siguientes funciones son $\theta(n^2)$

Nota 1. Sea $f(n)$ una función por definición si $f(n) \in \theta(g(n))$ implica que $\exists c_1, c_2 \in \mathbb{N}$ y $\exists n_0 \in \mathbb{N}$ tales que $0 \leq c_1 * g(n) \leq f(n) \leq c_2 * g(n)$.

a) $60n^2 + 5n + 1$

Por demostrar que $60n^2 + 5n + 1 \in \theta(n^2)$. Por la **Nota 1** implica mostrar las constantes tales que la función queda acotada por n^2 al multiplicarla por dichas constantes. Es decir:

$$c_1 * n^2 \leq 60n^2 + 5n + 1 \leq c_2 * n^2 \quad (1)$$

Sii

$$c_1 \leq 60 + \frac{5}{n} + \frac{1}{n^2} \leq c_2$$

Se propone $n_0 = 10$, $c_1 = 59$, $c_2 = 70$ Por lo que

$$59 \leq 60 + \frac{5}{10} + \frac{1}{100} = 60.51/100 \leq 70$$

Con lo que se sigue cumpliendo la desigualdad. Para finalizar la demostración basta con mostrar que la desigualdad se sigue cumpliendo para $n > n_0$ con $n \in \mathbb{N}$.

En efecto, para hacer una buena aproximación de lo que ocurre con n grandes, tomamos el $\lim_{n \rightarrow \infty}$. Es decir:

$$\begin{aligned} & \lim_{n \rightarrow \infty} \left(60 + \frac{5}{n} + \frac{1}{n^2} \right) \\ &= \lim_{n \rightarrow \infty} 60 + \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5}{n} + \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^2} \\ &= 60 + 0 + 0 \end{aligned}$$

Con lo que, se sigue cumpliendo la desigualdad (1)

b) $2n^2 - 16n + 35$

c) $3n^2 + 2n \ln n$

d) *For* $i = 1$ *to* n

For $j = 1$ *to* i

For $x = 1$ *to* i

$x = x + 1$