

TRABALHO DE IAA015 – Tópicos de Inteligência Artificial

Equipe 03

- Gustavo Costa de Souza
- Marcos Vinicius de Melo
- Marcus Eneas Silveira Galvao do Rio Apa II
- Patrícia Verdugo Pascoal
- Rodrigo de Araujo
- William de Souza Alencar

Este trabalho deve ser realizado em equipes de 3 a 6 integrantes. Adicionar o NOME COMPLETO de todos os integrantes da equipe. Entregar como um documento PDF com todas as respostas.

ATENÇÃO: É UM trabalho nessa disciplina formado por DOIS exercícios: (1) algoritmo genético; (2) visualização com a PCA de dois modelos vetoriais do mesmo texto.

Cada questão tem o peso de 50% da nota.

1. Algoritmo Genético

Problema do Caixeiro Viajante

A Solução poderá ser apresentada em: Python (preferencialmente), ou em R, ou em Matlab, ou em C ou em Java.

Considere o seguinte problema de otimização (a escolha do número de 100 cidades foi feita simplesmente para tornar o problema intratável. A solução ótima para este problema não é conhecida).

Suponha que um caixeiro deva partir de sua cidade, visitar clientes em outras 99 cidades diferentes, e então retornar à sua cidade. Dadas as coordenadas das 100 cidades, descubra o percurso de menor distância que passe uma única vez por todas as cidades e retorne à cidade de origem.

Para tornar a coisa mais interessante, as coordenadas das cidades deverão ser sorteadas (aleatórias), considere que cada cidade possui um par de coordenadas (x e y) em um espaço limitado de 100 por 100 pixels.

O relatório deverá conter no mínimo a primeira melhor solução (obtida aleatoriamente na geração da população inicial) e a melhor solução obtida após um número mínimo de 1000 gerações. Gere as imagens em 2d dos pontos (cidades) e do caminho.

Sugestão:

(1) considere o cromossomo formado pelas cidades, onde a cidade de início (escolhida aleatoriamente) deverá estar na posição 0 e 100 e a ordem das cidades visitadas nas posições de 1 a 99 deverão ser definidas pelo algoritmo genético. (2) A função de avaliação deverá minimizar a distância euclidiana entre as cidades (os pontos). (3) Utilize no mínimo uma população com 100 indivíduos; (4) Utilize no mínimo 1% de novos indivíduos obtidos pelo operador de mutação; (5) Utilize no mínimo de 90% de

novos indivíduos obtidos pelo método de cruzamento (crossover- ox); (6) Preserve sempre a melhor solução de uma geração para outra.

Importante: A solução deverá implementar os operadores de “cruzamento” e “mutação”.

In [13]:

```
import math
import matplotlib.pyplot as plt
import random

#setar seed para reproduzibilidade
random.seed(42)

# constantes
NUM_CIDADES = 100

# Lista com as coordenadas das cidades deverão ser sorteadas (aleatórias),
# considere que cada cidade possui um par de coordenadas (x e y) em um espaço limitado
# de 100 por 100 pixels.
def gerar_coordenadas(num_cidades):
    coordenadas = []
    for _ in range(num_cidades):
        x = random.randint(0, num_cidades)
        y = random.randint(0, num_cidades)
        coordenadas.append((x, y))
    return coordenadas

coords = gerar_coordenadas(NUM_CIDADES)
print(coords)
```

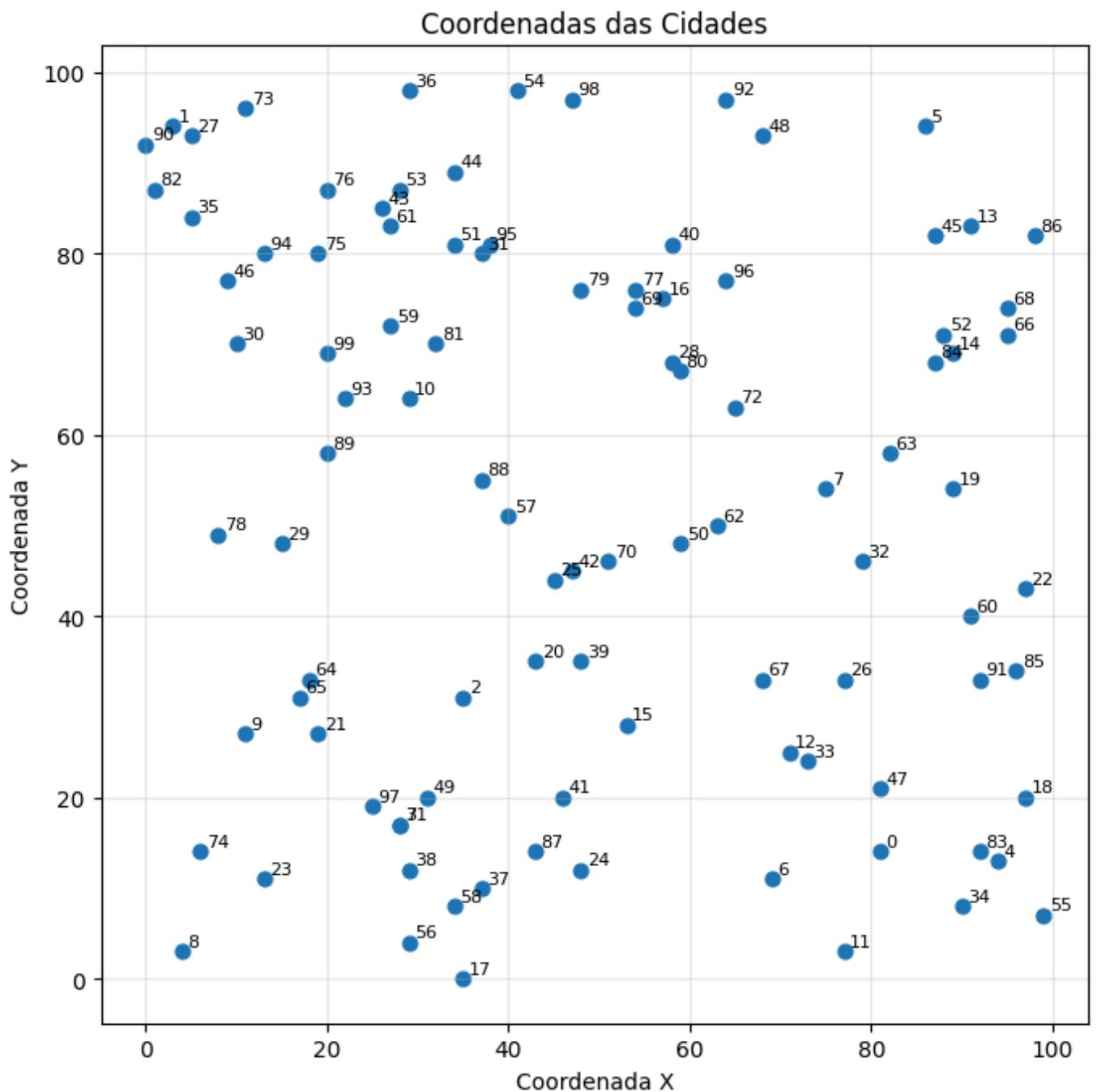
```
[(81, 14), (3, 94), (35, 31), (28, 17), (94, 13), (86, 94), (69, 11), (75, 54), (4, 3), (11, 27), (29, 64), (77, 3), (71, 25), (91, 83), (89, 69), (53, 28), (57, 75), (35, 0), (97, 20), (89, 54), (43, 35), (19, 27), (97, 43), (13, 11), (48, 12), (45, 44), (77, 33), (5, 93), (58, 68), (15, 48), (10, 70), (37, 80), (79, 46), (73, 24), (90, 8), (5, 84), (29, 98), (37, 10), (29, 12), (48, 35), (58, 81), (46, 20), (47, 45), (26, 85), (34, 89), (87, 82), (9, 77), (81, 21), (68, 93), (31, 20), (59, 48), (34, 81), (88, 71), (28, 87), (41, 98), (99, 7), (29, 4), (40, 51), (34, 8), (27, 72), (91, 40), (27, 83), (63, 50), (82, 58), (18, 33), (17, 31), (95, 71), (68, 33), (95, 74), (54, 74), (51, 46), (28, 17), (65, 63), (11, 96), (6, 14), (19, 80), (20, 87), (54, 76), (8, 49), (48, 76), (59, 67), (32, 70), (1, 87), (92, 14), (87, 68), (96, 34), (98, 82), (43, 14), (37, 55), (20, 58), (0, 92), (92, 33), (64, 97), (22, 64), (13, 80), (38, 81), (64, 77), (25, 19), (47, 97), (20, 69)]
```

In [14]:

```
# plotar coordenadas_cidades
xs, ys = zip(*coords)

plt.figure(figsize=(7,7))
plt.scatter(xs, ys, color='tab:blue', s=40)
for i, (x, y) in enumerate(coords):
    plt.text(x + 0.6, y + 0.6, str(i), fontsize=8) # rótulo com índice da cidade

plt.title("Coordenadas das Cidades")
plt.xlabel("Coordenada X")
plt.ylabel("Coordenada Y")
plt.grid(alpha=0.3)
plt.gca().set_aspect('equal', adjustable='box')
plt.tight_layout()
plt.show()
```



```
In [15]: # um caixeiro deva partir de sua cidade, visitar clientes em outras 99 cidades
# diferentes, e ento retornar sua cidade. Dadas as coordenadas das 100 cidades,
# descubra o percurso de menor distncia que passe uma unica vez por todas as cidades e
# retorne s cidade de origem
```

```
def calcular_distancia(cidade1, cidade2):
    return math.sqrt((cidade1[0] - cidade2[0]) ** 2 + (cidade1[1] - cidade2[1]) ** 2)

def calcular_percorso_total(percurso, coords):
    dist_total = 0
    for i in range(len(percurso) - 1):
        dist_total += calcular_distancia(coords[percurso[i]], coords[percurso[i + 1]])
    dist_total += calcular_distancia(coords[percurso[-1]], coords[percurso[0]])
    return dist_total
```

```
In [20]: # (1) considere o cromossomo formado pelas cidades, onde a cidade de inicio (escolhida
# aleatoriamente) devera estar na posio 0 e 100 e a ordem das cidades visitadas nas
# posies de 1 a 99 devero ser definidas pelo algoritmo genetico.
def populacaoInicial(tamanho, coordenadas_cidades):
    resultado = []
    n = len(coordenadas_cidades)
```

```

    for _ in range(tamanho):
        cidades_intermediarias = list(range(1, n)) # cidades 1 até n-1
        random.shuffle(cidades_intermediarias)
        rota = [0] + cidades_intermediarias + [0] # começa e termina na cidade 0
        resultado.append(rota)
    return resultado

# (2) A função de avaliação deverá minimizar a distância euclidiana entre as cidades.
def avaliacao(populacao, coordenadas_cidades):
    fit = []
    for v in populacao:
        fx = calcular_percurso_total(v, coordenadas_cidades)
        if fx == 0:
            fit.append( 999999 )
        else:
            fit.append( abs(1/fx) )
    return fit

def preservaMelhor(geracao, nova, coordenadas_cidades):
    ava = avaliacao(geracao, coordenadas_cidades)
    maior = 0
    for i in range(1,len(ava)):
        #print(f'comparando {maior} ({geracao[maior]}) : {ava[maior]} com {i} ({geracao[i]}) :{ava[i]}')
        if ava[maior] < ava[i]:
            maior = i
    nova.append( geracao[maior] )
    #print('melhor: ', nova, geracao[maior])
    return geracao[maior]

def order_crossover(p1, p2):
    # Order Crossover (OX) para permutações (rotas) sem Loop infinito.
    # Mantém posições 0 e -1 (origem/retorno) e realiza OX entre 1..n-2.

    n = len(p1)
    # inicializa filho preservando primeiro/último se presentes
    filho = [-1] * n
    filho[0] = p1[0]
    filho[-1] = p1[-1]

    # escolhe cortes entre 1 e n-2 (inclusive)
    corte1, corte2 = sorted(random.sample(range(1, n - 2), 2))

    # copia segmento do pai1
    filho[corte1:corte2 + 1] = p1[corte1:corte2 + 1]

    # prepara lista de posições a preencher (em ordem)
    posicoes_para_preencher = list(range(1, corte1)) + list(range(corte2 + 1, n - 1))
    # print(f'n: {n} cortes: {corte1}, {corte2}, posicoes_para_preencher: {posicoes_para_preencher}')

    # coleta genes de p2 (na ordem) que ainda não estão no filho
    genes_para_inserir = [g for g in p2[1:-1] if g not in filho]

    # preenche o filho nas posições restantes, sem deixar -1
    for pos, gene in zip(posicoes_para_preencher, genes_para_inserir):
        filho[pos] = gene

    return filho

def selecao_por_torneio(pop, k=3):
    # seleciona k indivíduos aleatórios para o torneio
    participantes = random.sample(pop, k)
    # avalia os participantes
    fits = avaliacao(participantes, coords)

```

```

# escolhe o melhor participante
vencedor = participantes[fits.index(max(fits))]
return vencedor

def cruzamento(pop, qdade, nova):
    # Gera `qdade` filhos válidos a partir da população `pop` usando OX.
    # Adiciona os filhos na lista `nova`.

    qdeSaida = len(nova) + qdade
    while len(nova) < qdeSaida:
        # indA, indB = random.sample(range(len(pop)), 2)
        # p1 = pop[indA]
        # p2 = pop[indB]
        p1 = selecao_por_torneio(pop, 5)
        p2 = selecao_por_torneio(pop, 4)
        # gera dois filhos (troca ordem dos pais)
        f1 = order_crossover(p1, p2)
        f2 = order_crossover(p2, p1)
        nova.append(f1)
        if len(nova) < qdeSaida:
            nova.append(f2)

def mutacao(pop, qdade, nova):

    # Mutação com seleção por roleta (fitness-proporcional).
    # Seleciona pais com probabilidade proporcional à avaliação e aplica swap mutation
    qdeSaida = len(nova) + qdade
    n = len(pop[0])
    fits = avaliacao(pop, coords)
    # se todas as fitness forem zero, usa seleção uniforme
    if sum(fits) == 0:
        weights = None
    else:
        weights = fits
    while len(nova) < qdeSaida:
        pai = random.choices(pop, weights=weights, k=1)[0]
        filho = pai.copy()
        # evita trocar a posição 0 e a última (manter cidade de origem no início/fim)
        i, j = random.sample(range(1, n-1), 2)
        filho[i], filho[j] = filho[j], filho[i]
        nova.append(filho)

```

In [21]: # (3) Utilize no mínimo uma população com 100 indivíduos

```

TAMANHO_POPULACAO = 150
NUMERO_GERACOES = 5000

# passo 1
p0 = populacaoInicial(TAMANHO_POPULACAO, coords)
# print("Pop inicial: ", p0)

# avalia a pop. inicial
a0 = avaliacao(p0, coords)
# print("Avaliação", a0)

primeiro_percursso = calcular_percursso_total(p0[0], coords)
print(f'O primeiro percursso: {primeiro_percursso}, {p0[0]}')

# fazemos a iteração, passos 3,4 e 5 do AG
geracao = p0
numGeracoes = NUMERO_GERACOES
while numGeracoes>0:
    nova = []

```

```

# (6) Preserve sempre a melhor solução de uma geração para outra.
preservaMelhor(geracao, nova, coords)

# (5) Utilize no mínimo de 90% de novos indivíduos obtidos pelo
# método de cruzamento (crossover-ox);
qtd_cruzamento = int(0.90 * TAMANHO_POPULACAO)
cruzamento(geracao, qtd_cruzamento, nova)

# (4) Utilize no mínimo 1% de novos indivíduos obtidos pelo operador de mutação;
qtd_mutacao = max(1, int(0.01 * TAMANHO_POPULACAO))
mutacao(geracao, qtd_mutacao, nova)
# completa até o tamanho desejado
while len(nova) < TAMANHO_POPULACAO:
    cruzamento(geracao, qtd_cruzamento, nova)

numGeracoes = numGeracoes - 1

av = avaliacao(nova, coords)

# ordena a geração com base na avaliação
nova2 = sorted(zip(av, nova), reverse=True)
geracao = [x for _, x in nova2]

# imprime a melhor solução a cada 100 gerações
if numGeracoes % 100 == 0:
    melhor_percursso = calcular_percursso_total(geracao[0], coords)
    print(f'Geração {numGeracoes} melhor = {melhor_percursso}' )

melhor_percursso = calcular_percursso_total(geracao[0], coords)
print(f'A melhor solução encontrada: distância = {melhor_percursso}, {geracao[0]}')

```

0 primeiro percurso: 5135.730960737056, [0, 30, 61, 36, 29, 63, 84, 44, 87, 68, 40, 4, 35, 92, 13, 10, 97, 8, 17, 90, 22, 64, 9, 74, 6, 57, 82, 2, 42, 19, 59, 62, 85, 58, 60, 80, 38, 41, 47, 72, 94, 28, 20, 3, 34, 95, 14, 12, 24, 33, 70, 75, 16, 23, 93, 56, 77, 78, 46, 88, 39, 21, 73, 98, 49, 43, 79, 32, 91, 5, 66, 54, 81, 27, 99, 69, 37, 83, 45, 31, 15, 86, 52, 11, 51, 7, 96, 71, 65, 67, 25, 55, 76, 53, 26, 89, 48, 18, 1, 50, 0]

Geracao 4900 melhor = 2211.866756954625

Geracao 4800 melhor = 1990.064453956458

Geracao 4700 melhor = 1932.4225967859638

Geracao 4600 melhor = 1852.2788649899994

Geracao 4500 melhor = 1829.7597965653829

Geracao 4400 melhor = 1758.9654521458763

Geracao 4300 melhor = 1758.9654521458763

Geracao 4200 melhor = 1758.3806671184682

Geracao 4100 melhor = 1758.3806671184682

Geracao 4000 melhor = 1730.0510416057493

Geracao 3900 melhor = 1697.6605758774522

Geracao 3800 melhor = 1669.1290739956398

Geracao 3700 melhor = 1630.5111463231292

Geracao 3600 melhor = 1600.6218157786882

Geracao 3500 melhor = 1567.4483600212036

Geracao 3400 melhor = 1561.1142378079237

Geracao 3300 melhor = 1558.1690689152028

Geracao 3200 melhor = 1558.1690689152028

Geracao 3100 melhor = 1558.1690689152028

Geracao 3000 melhor = 1558.1690689152028

Geracao 2900 melhor = 1558.1690689152028

Geracao 2800 melhor = 1558.1690689152028

Geracao 2700 melhor = 1558.1690689152028

Geracao 2600 melhor = 1553.6324258847303

Geracao 2500 melhor = 1550.5485482381964

Geracao 2400 melhor = 1528.475341184628

Geracao 2300 melhor = 1512.4713708447446

Geracao 2200 melhor = 1501.2363107835492

Geracao 2100 melhor = 1491.072832720006

Geracao 2000 melhor = 1483.7544705973362

Geracao 1900 melhor = 1483.7544705973362

Geracao 1800 melhor = 1483.7544705973362

Geracao 1700 melhor = 1483.7544705973362

Geracao 1600 melhor = 1465.5106930219274

Geracao 1500 melhor = 1465.5106930219274

Geracao 1400 melhor = 1463.9091125638522

Geracao 1300 melhor = 1462.4619519230575

Geracao 1200 melhor = 1440.4103727794543

Geracao 1100 melhor = 1430.97508877731

Geracao 1000 melhor = 1430.153631975814

Geracao 900 melhor = 1430.153631975814

Geracao 800 melhor = 1427.5922080989474

Geracao 700 melhor = 1414.544502789003

Geracao 600 melhor = 1414.544502789003

Geracao 500 melhor = 1414.544502789003

Geracao 400 melhor = 1414.544502789003

Geracao 300 melhor = 1414.544502789003

Geracao 200 melhor = 1414.544502789003

Geracao 100 melhor = 1380.6412529293605

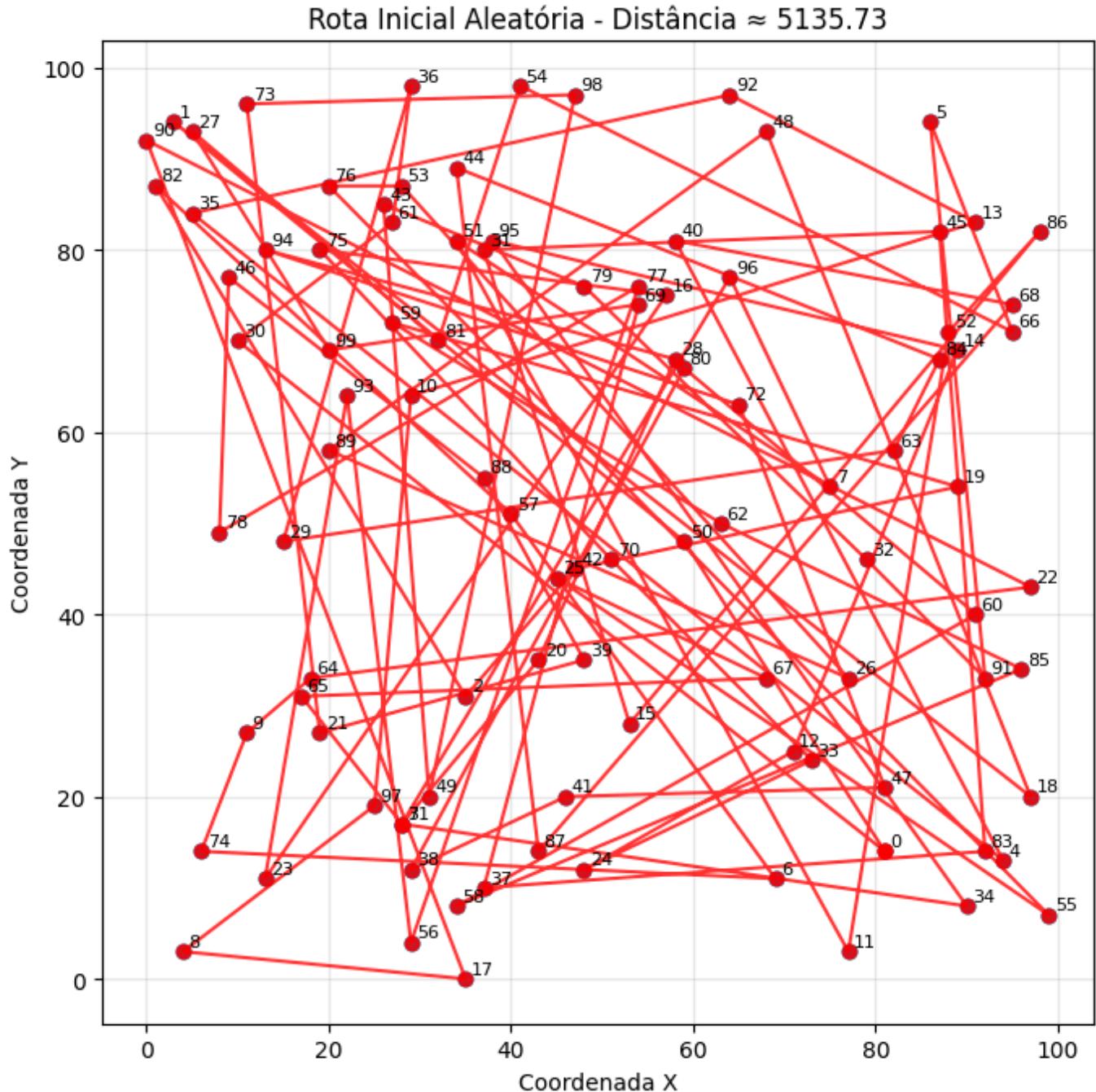
Geracao 0 melhor = 1380.6412529293605

A melhor solucao encontrada: distancia = 1380.6412529293605, [0, 12, 46, 35, 82, 90, 27, 1, 7, 3, 94, 99, 89, 64, 2, 20, 39, 50, 62, 7, 63, 19, 32, 26, 67, 70, 42, 88, 81, 59, 10, 93, 57, 41, 87, 24, 11, 34, 55, 18, 60, 22, 66, 68, 86, 13, 72, 28, 80, 79, 31, 95, 51, 61, 43, 53, 44, 76, 75, 30, 78, 29, 65, 21, 97, 38, 58, 56, 17, 37, 91, 85, 4, 83, 6, 33, 15, 9, 74, 8, 23, 7, 1, 3, 49, 25, 69, 77, 16, 40, 98, 54, 36, 96, 52, 14, 84, 48, 92, 5, 45, 47, 0]

```
In [22]: def plotar_geracao(rota, coords, titulo, color_line):
    xs_rota = [coords[i][0] for i in rota] + [coords[rota[0]]][0]]
```

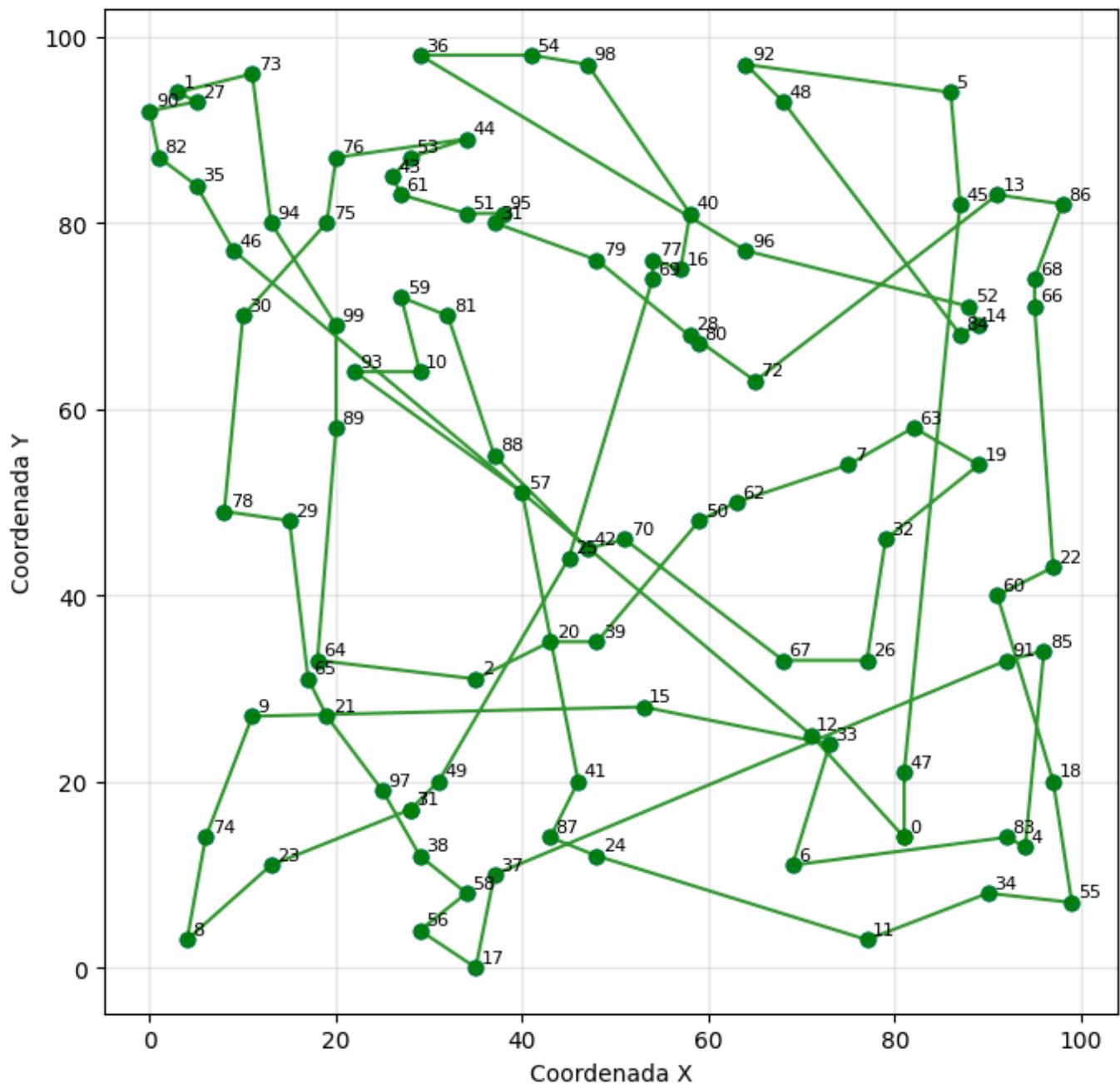
```
ys_rota = [coords[i][1] for i in rota] + [coords[rota[0]][1]]
plt.figure(figsize=(7,7))
plt.plot(xs_rota, ys_rota, '-o', color=color_line, alpha=0.8)
plt.scatter(xs, ys, color='tab:blue', s=40)
for i, (x, y) in enumerate(coords):
    plt.text(x + 0.6, y + 0.6, str(i), fontsize=8)
distancia = calcular_percorso_total(rota, coords)
plt.title(f'{titulo} - Distância ≈ {distancia:.2f}')
plt.xlabel("Coordenada X")
plt.ylabel("Coordenada Y")
plt.grid(alpha=0.3)
plt.gca().set_aspect('equal', adjustable='box')
plt.tight_layout()
plt.show()
```

```
In [23]: #plotar a rota inicial
          plotar_geracao(p0[0], coords, "Rota Inicial Aleatória", 'red')
```



```
In [24]: #plotar a melhor rota encontrada
plotar_geracao(geracao[0], coords, "Melhor Rota Encontrada", 'green')
```

Melhor Rota Encontrada - Distância ≈ 1380.64



2. Compare a representação de dois modelos vetoriais

Pegue um texto relativamente pequeno, o objetivo será visualizar a representação vetorial, que poderá ser um vetor por palavra ou por sentença. Seja qual for a situação, considere a quantidade de palavras ou sentenças onde tenha no mínimo duas similares e no mínimo 6 textos, que deverão produzir no mínimo 6 vetores. Também limite o número máximo, para que a visualização fique clara e objetiva.

O trabalho consiste em pegar os fragmentos de texto e codificá-las na forma vetorial. Após obter os vetores, imprima-os em figuras (plot) que demonstrem a projeção desses vetores usando a PCA.

O PDF deverá conter o código-fonte e as imagens obtidas.

In [56]:

```
import numpy as np
import re
import math
import matplotlib.pyplot as plt
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
from sklearn.decomposition import PCA
from scipy.cluster.hierarchy import dendrogram, linkage, ClusterWarning
```

```

from warnings import simplefilter

from sentence_transformers import SentenceTransformer

#!pip install gensim
import gensim.downloader as api

```

```

In [57]: #frases = [
#"Flamengo faz história e conquista o quarto título da Libertadores 2025.",
#"Em uma partida de tirar o fôlego, o Flamengo venceu o Palmeiras na final da Libertadores.",
#"O time do Flamengo mostrou grande organização tática durante toda a Libertadores.",
#"O Palmeiras criou várias chances, mas não conseguiu evitar a vitória do Flamengo.",
#"A torcida do Flamengo lotou o estádio e empurrou o time para mais um título da Libertadores"
#"Em 2025, a decisão da Libertadores entre Flamengo e Palmeiras entrou para a história."
#]

# Trocando duas frases (1 e 4) para ver se no dendograma ficam próximas num mesmo contexto
# índice de 0 a 5
frases = [
"Flamengo faz história e conquista o quarto título da Libertadores 2025.",
"Muitos que vivem merecem a morte. E alguns que morrem merecem viver. Você pode dar-lhes " +
"vida? Então não seja tão ávido para julgar e condenar alguém à morte. Gandalf",
"Em uma partida de tirar o fôlego, o Flamengo venceu o Palmeiras na final da Libertadores.",
"O Palmeiras criou várias chances, mas não conseguiu evitar a vitória do Flamengo.",
"Não vou pedir que não chorem, pois nem todas as lágrimas são um mal. Gandalf.",
"Em 2025, a decisão da Libertadores entre Flamengo e Palmeiras entrou para a história."
]

# Usando SBERT
nome_modelo_sbert = 'sentence-transformers/paraphrase-multilingual-MiniLM-L12-v2'
model_sbtert = SentenceTransformer(nome_modelo_sbtert)

def vetor_sbtert(frase):
    return model_sbtert.encode(frase)

# Usando WORD2VEC gensim
model_w2v = api.load("word2vec-google-news-300")

def preprocess(texto):
    texto = texto.lower()
    # texto = re.sub(r'^[a-zA-Z0-9 ]', '', texto)
    texto = re.sub(r'[^w\s]', '', texto)
    return texto.split()

def vetor_w2v(frase):
    tokens = preprocess(frase)
    print("Tokens:", tokens)
    vetores = []

    for t in tokens:
        if t in model_w2v:
            vetores.append(model_w2v[t])

    if len(vetores) == 0:
        return np.zeros(300)

    return np.mean(vetores, axis=0)

```

```

In [58]: # Gerando os vetores
vetores_sbtert = np.array([vetor_sbtert(f) for f in frases])
print(vetores_sbtert.shape)

```

```
vetores_w2v = np.array([vetor_w2v(f) for f in frases])
print(vetores_w2v.shape)
```

```
(6, 384)
Tokens: ['flamengo', 'faz', 'história', 'e', 'conquista', 'o', 'quarto', 'título', 'da', 'liber-
tadores', '2025']
Tokens: ['muitos', 'que', 'vivem', 'merecem', 'a', 'morte', 'e', 'alguns', 'que', 'morrem', 'm-
erecem', 'viver', 'você', 'pode', 'darlhes', 'vida', 'então', 'não', 'seja', 'tão', 'ávido',
'para', 'julgar', 'e', 'condenar', 'alguém', 'à', 'morte', 'gandalf']
Tokens: ['em', 'uma', 'partida', 'de', 'tirar', 'o', 'fôlego', 'o', 'flamengo', 'venceu', 'o',
'palmeiras', 'na', 'final', 'da', 'libertadores']
Tokens: ['o', 'palmeiras', 'criou', 'várias', 'chances', 'mas', 'não', 'conseguiu', 'evitar',
'a', 'vitória', 'do', 'flamengo']
Tokens: ['não', 'vou', 'pedir', 'que', 'não', 'chorem', 'pois', 'nem', 'todas', 'as', 'lágrima-
s', 'são', 'um', 'mal', 'gandalf']
Tokens: ['em', '2025', 'a', 'decisão', 'da', 'libertadores', 'entre', 'flamengo', 'e', 'palmei-
ras', 'entrou', 'para', 'a', 'história']
(6, 300)
```

In [59]: # reduzindo para 3D - PCA

```
def reduzir_3d(vetores):
    pca = PCA(n_components=3)
    return pca.fit_transform(vetores)

vetores_sbert_3d = reduzir_3d(vetores_sbert)
vetores_w2v_3d = reduzir_3d(vetores_w2v)
```

In [60]: # Gráficos (slides aula)

```
def plot_projecoes(vetores, titulo):
    centro = vetores.mean(axis=0)
    v_centro = vetores - centro

    # obter o plano para projeção ortogonal
    U, s, Vh = np.linalg.svd(v_centro)
    # print('Variância: ', np.square(s) / np.square(s).sum() )
    W2 = Vh.T[:, :2]

    # v1_plano = Vh.T[:, 0]
    # v2_plano = Vh.T[:, 1]
    projetados2d = v_centro.dot(W2)
    # print(projetados2d)

    # 3D
    fig = plt.figure(figsize=(6, 3.8))
    ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')
    #for v in vetores:
    for i, v in enumerate(vetores): # com labels
        xs = np.linspace(0, v[0], 10)
        ys = np.linspace(0, v[1], 10)
        zs = np.linspace(0, v[2], 10)
        ax.plot(xs, ys, zs=zs)
        ax.text(v[0], v[1], v[2], str(i))

    ax.set_title("Projeção 3D - " + titulo)
    plt.show()

    # 2D
    fig = plt.figure(figsize=(6, 3.8))
    ax = fig.add_subplot(111)
    #for v in projetados2d:
    for i, v in enumerate(projetados2d): # com labels
        xs = np.linspace(0, v[0], 10)
        ys = np.linspace(0, v[1], 10)
```

```

        ax.plot(xs, ys)
        ax.text(v[0], v[1], str(i), fontsize=12)

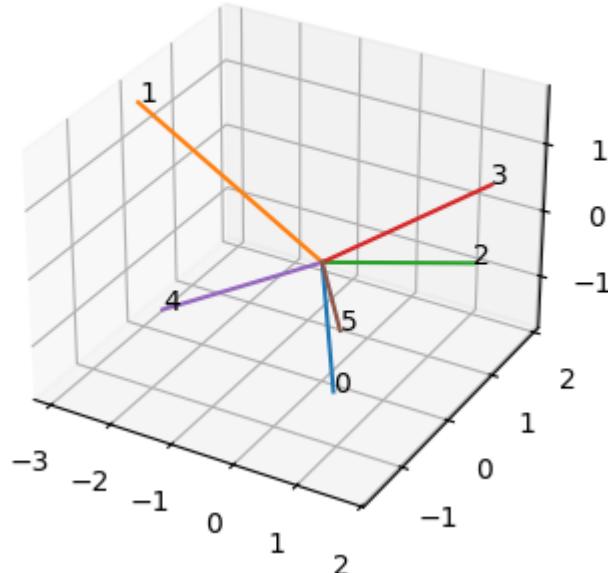
    ax.grid(True)
    ax.set_title("Projeção PCA 2D - " + titulo)
    plt.show()

    return projetados2d

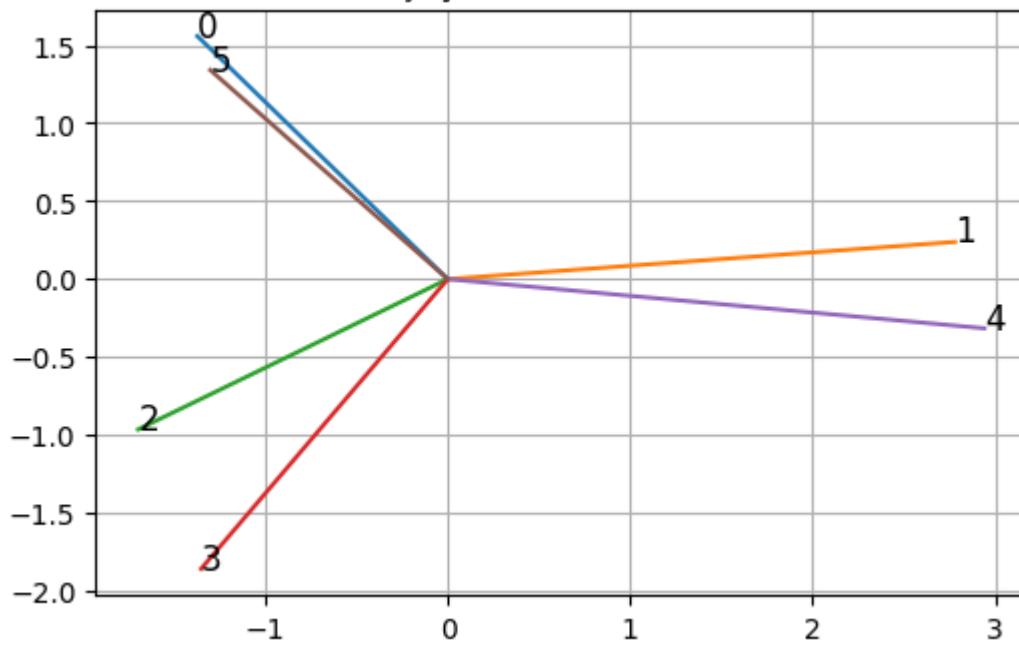
```

In [61]: # Gráfico SBERT
`proj_sbert_2d = plot_projecoes(vetores_sbert_3d, "SBERT")`

Projeção 3D - SBERT

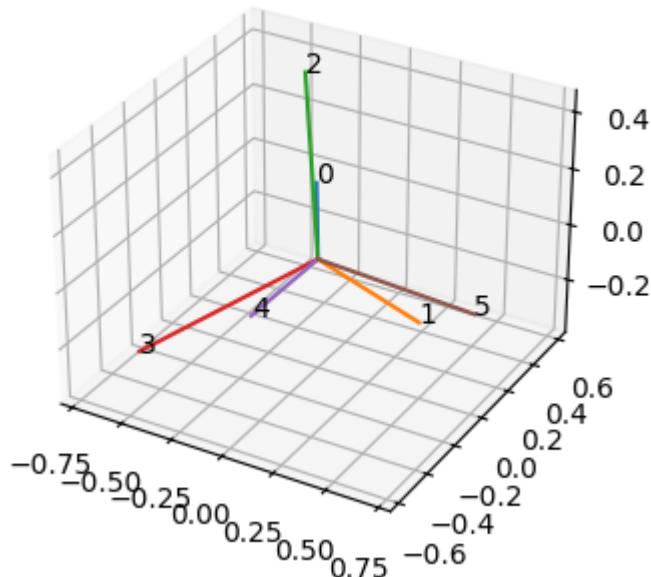


Projeção PCA 2D - SBERT

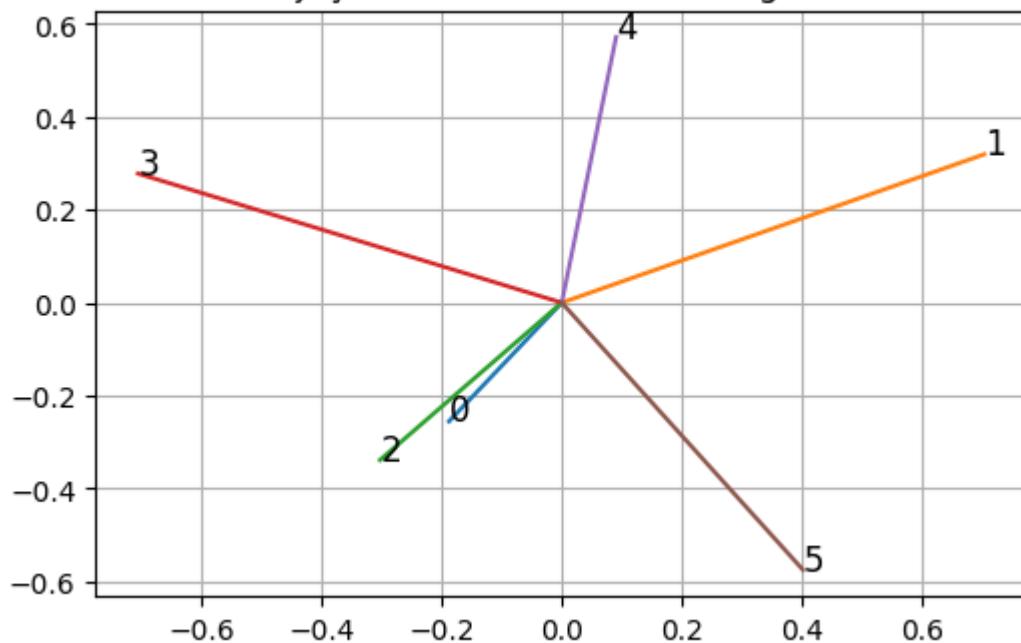


In [62]: # Gráfico Gensim
`proj_w2v_2d = plot_projecoes(vetores_w2v_3d, "WORD2VEC gensim")`

Projeção 3D - WORD2VEC gensim



Projeção PCA 2D - WORD2VEC gensim



In [63]:

```
# Dendogramas
def vectorDistance(v1, v2):
    return np.sqrt(np.sum((v1 - v2)**2))

def calcDistance(mat):
    n = len(mat)
    res = np.zeros((n, n))
    for i in range(n):
        for j in range(n):
            if i != j:
                res[i][j] = vectorDistance(mat[i], mat[j])
    return res

simplefilter("ignore", ClusterWarning)

for nome, vetor in [("SBERT", vetores_sbert_3d), ("Word2Vec gensim", vetores_w2v_3d)]:
    d = calcDistance(vetor)
    Z = linkage(d, method='ward', metric='euclidean')
    plt.figure()
    dendrogram(Z)
```

```
plt.title("Dendrograma - " + nome)
plt.xlabel("Frase")
plt.ylabel("Distância")
plt.tight_layout()
plt.show()
```

