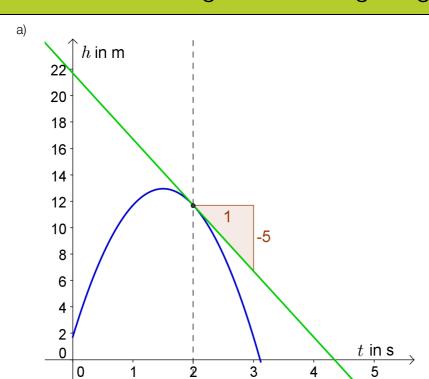


Steinschleuder				
Aufgabennummer: A_004				
Technologieeinsatz:		möglich □	erforderlich 🗵	
Andy hat eine einfache Steinschleuder gebaut. Er schießt zur Überprüfung des Geräts einen Stein vertikal nach oben. Der Stein steigt zunächst und fällt dann wegen der Erdanziehung wieder hinab.				
Die vom Stein erreichte Höhe $h$ ist von der Zeit $t$ abhängig. Wenn die Abschusshöhe 1,7 m beträgt, kann die Höhe näherungsweise durch die folgende Funktion beschrieben werden:				
		$h(t) = -5t^2 + 15t + 1$	,7	
<ul><li>h(t) Höhe zum Zeitpunkt t in Metern (m)</li><li>t Zeitpunkt nach dem Abschuss in Sekunden (s)</li></ul>				
a)		ngenten an den Graphen d indigkeiten des Steins zu de	er Funktion $h$ geben Auskunft über die en einzelnen Zeitpunkten $t$ .	
	bei $t = 2$ s.		die Tangente an den Graphen	
	– Bestimmen Sie aus d	der Grafik ungefähr die Stei	gung der langente.	
b)	Die momentane Gesch 1. Ableitung der Funkti	=	n zu jedem Zeitpunkt <i>t</i> durch die	
	<ul> <li>Berechnen Sie mithil</li> <li>Stein auf dem Boder</li> </ul>	_	cher Geschwindigkeit v (in m/s) der	
c)		n mithilfe der 1. und der 2. ø erreicht, berechnen kann.	Ableitung der Funktion <i>h</i> die maximale	
Hinwe	is zur Aufgabe:			

Lösungen müssen der Problemstellung entsprechen und klar erkennbar sein. Ergebnisse sind mit passenden Maßeinheiten anzugeben. Diagramme sind zu beschriften und zu skalieren.

Steinschleuder 2

## Möglicher Lösungsweg



Die Tangente hat an der Stelle t = 2 s die Steigung -5. (Ableseungenauigkeit ist zu tolerieren!)

b) Der Stein trifft auf dem Boden auf, wenn h(t) = 0.  $h(t) = -5t^2 + 15t + 1,7 = 0 \rightarrow \text{Technologieeinsatz } t = 3,109... \text{ s}$ 

$$h'(t) = -10t + 15$$
  
 $h'(3,109...) \approx -16,09$ 

Die Geschwindigkeit beim Auftreffen auf dem Boden beträgt rund 16,09 m/s.

c) Mit h'(t) = 0 berechnet man den Zeitpunkt, an dem ein Extremwert von h erreicht wird. Durch Einsetzen in die Gleichung für h(t) wird dieser Extremwert berechnet. Das kann im Allgemeinen ein Maximum oder ein Minimum sein.

Um bei einem berechneten Extremwert zwischen einem Minimum und einem Maximum zu unterscheiden, benötigt man die 2. Ableitung. Sie beschreibt das Krümmungsverhalten der Funktion. Bei einem lokalen Maximum liegt eine negative Krümmung vor. Wenn man daher den Zeitpunkt, zu dem das Extremum erreicht wird, in die 2. Ableitung einsetzt, dann erhält man im Falle eines Maximums eine negative Zahl.

(Wenn jemand mit Geschwindigkeit und Beschleunigung argumentiert, weil er Kenntnisse aus der Physik einbringen kann, so ist das ebenfalls gültig!)

Steinschleuder 3

## Klassifikation

Nassiiikaliur				
⊠ Teil A □ Teil B				
Wesentlicher Bereich der Inhaltsdimension:				
<ul><li>a) 3 Funktionale Zusammenhänge</li><li>b) 4 Analysis</li><li>c) 4 Analysis</li></ul>				
Nebeninhaltsdimension:				
a) 4 Analysis b) — c) —				
Wesentlicher Bereich der Handlungsdimension:				
<ul><li>a) B Operieren und Technologieeinsatz</li><li>b) B Operieren und Technologieeinsatz</li><li>c) D Argumentieren und Kommunizieren</li></ul>				
Nebenhandlungsdimension:				
<ul> <li>a) C Interpretieren und Dokumentieren</li> <li>b) –</li> <li>c) –</li> </ul>				
Schwierigkeitsgrad:	Punkteanzahl:			
<ul><li>a) mittel</li><li>b) mittel</li><li>c) mittel</li></ul>	a) 2 b) 2 c) 2			
Thema: Physik				
Quellen: —				