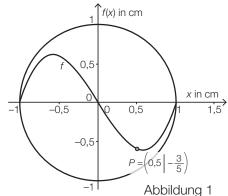


Aufgabennummer:	\Box	278
Auigabennunner.	\Box	210

Technologieeinsatz: möglich □ erforderlich ☑

Ein Goldschmied fertigt Schmuckstücke nach kreisrunden Designvorlagen.

- a) Die kreisrunde Designvorlage für einen Ohrring wird durch eine Trennlinie geteilt, die durch den Graphen einer Polynomfunktion 3. Grades beschrieben werden kann (siehe Abbildung 1).
 - Stellen Sie ein Gleichungssystem auf, mit dem die Koeffizienten dieser Polynomfunktion f ermittelt werden können.
 - Berechnen Sie die Koeffizienten dieser Polynomfunktion f.

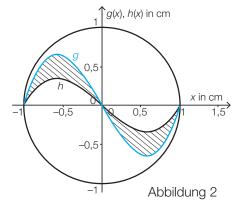


b) Die kreisrunde Designvorlage für einen Armbandanhänger wird durch die in der Abbildung 2 veranschaulichte Fläche zwischen den beiden Funktionsgraphen von *g* und *h* geteilt.

$$h(x) = \frac{8}{9} \cdot x^3 - \frac{8}{9} \cdot x$$

$$g(x) = a \cdot h(x)$$
 mit $a > 0$

x, g(x), h(x) ... Koordinaten in Zentimetern (cm)



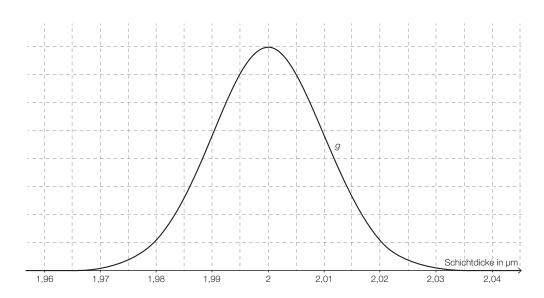
- Erklären Sie, was eine Multiplikation einer Funktion mit einem Faktor a > 0 bewirkt.
- Begründen Sie, warum gilt: $\int_{-1}^{1} (g(x) h(x)) dx = 0$
- Bestimmen Sie den Faktor a so, dass der schraffierte Flächeninhalt 0,4 cm² beträgt.

- c) Für einen Kettenanhänger wird eine kreisrunde Designvorlage mit einem größeren Radius hergestellt.
 - Ordnen Sie richtig aus A bis D zu. [2 zu 4]

Wird der Radius um 50 % vergrößert,	
Wird der Radius verdoppelt,	

А	so verdoppelt sich der Flächeninhalt.
В	so steigt der Flächeninhalt auf das 1,5-Fache an.
С	so vervierfacht sich der Flächeninhalt.
D	so steigt der Flächeninhalt auf das 2,25-Fache an.

d) Die Schmuckstücke werden mit einer Goldschicht überzogen. Die Schichtdicke in Mikrometern (μ m) aller produzierten Schmuckstücke ist annähernd normalverteilt. Die nachstehende Grafik stellt die Dichtefunktion g dar.



- Lesen Sie die Parameter μ und σ aus der obigen Grafik ab.
- Veranschaulichen Sie in der obigen Grafik die Wahrscheinlichkeit, dass die Schickdicke eines zufällig ausgewählten Schmuckstücks maximal 1,995 µm beträgt.

Hinweis zur Aufgabe:

Lösungen müssen der Problemstellung entsprechen und klar erkennbar sein. Ergebnisse sind mit passenden Maßeinheiten anzugeben. Diagramme sind zu beschriften und zu skalieren.

Möglicher Lösungsweg

a)
$$f(x) = a \cdot x^3 + b \cdot x^2 + c \cdot x + d$$

I:
$$(-1|0) \in f$$
: $0 = -a + b - c + d$

II:
$$(0|0) \in f$$
: $0 = d$

III:
$$(1|0) \in f$$
: $0 = a + b + c + d$

IV:
$$\left(0,5|-\frac{3}{5}\right) \in f$$
: $-\frac{3}{5} = \frac{a}{8} + \frac{b}{4} + \frac{c}{2} + d$

$$f(x) = 1.6 \cdot x^3 - 1.6 \cdot x$$

Auch ein Gleichungssystem mit nur 2 Variablen ist zulässig, wenn man $f(x) = a \cdot x^3 + b \cdot x$ mit Punktsymmetrie begründet.

b) Die Multiplikation einer Funktion mit einem Faktor a > 0 bewirkt eine vertikale Streckung des Graphen um den Faktor a. (Die Null-, Extrem- und Wendestellen bleiben an der gleichen Stelle, nur deren y-Koordinaten werden mit a multipliziert.)

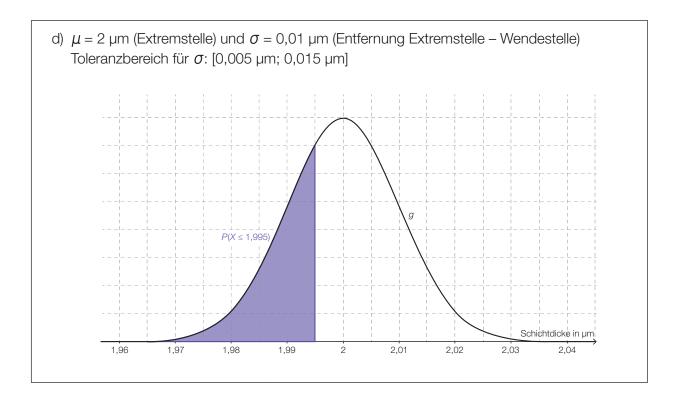
 $\int_{-1}^{1} g(x) - h(x) dx = 0$, da die Fläche rechts von der y-Achse genau der Fläche links von der y-Achse, jedoch mit negativem Vorzeichen entspricht.

Zu lösen ist die Gleichung
$$\int_{-1}^{0} \left(\frac{8 \cdot a \cdot x^3}{9} - \frac{8 \cdot a \cdot x}{9} - \frac{8 \cdot x^3}{9} + \frac{8}{9} \cdot x \right) dx = 0,2 \ \Rightarrow \ a = 1,9.$$

ŕ	Wird der Radius um 50 % vergrößert,	D

Wird der Radius verdoppelt, ...

А	so verdoppelt sich der Flächeninhalt.
В	so steigt der Flächeninhalt auf das 1,5-Fache an.
С	so vervierfacht sich der Flächeninhalt.
D	so steigt der Flächeninhalt auf das 2,25-Fache an.



Klassifikation

□ Teil A 🗵 Teil B

Wesentlicher Bereich der Inhaltsdimension:

- a) 3 Funktionale Zusammenhänge
- b) 3 Funktionale Zusammenhänge
- c) 2 Algebra und Geometrie
- d) 5 Stochastik

Nebeninhaltsdimension:

- a) 2 Algebra und Geometrie
- b) 4 Analysis
- c) —
- d) —

Wesentlicher Bereich der Handlungsdimension:

- a) B Operieren und Technologieeinsatz
- b) D Argumentieren und Kommunizieren
- c) C Interpretieren und Dokumentieren
- d) C Interpretieren und Dokumentieren

Nebenhandlungsdimension:

- a) A Modellieren und Transferieren, C Interpretieren und Dokumentieren
- b) A Modellieren und Transferieren, B Operieren und Technologieeinsatz
- c) -
- d) A Modellieren und Transferieren

Schwierigkeitsgrad:

Punkteanzahl:

a) mittel
b) mittel
b) 4
c) leicht
d) mittel
d) 2

Thema: Design

Quellen: –