

# Sektkellerei (1)

Aufgabennummer: B-C6\_15

Technologieeinsatz:

möglich ☐

erforderlich ☒

Eine Sektkellerei erzeugt und vertreibt Sekt unterschiedlicher Marken.

$x$  ... Anzahl der produzierten oder verkauften Flaschen pro Tag

$K(x)$  ... Gesamtkosten bei  $x$  Flaschen pro Tag in Euro (€)

- a) Man ermittelt die gesamt anfallenden Produktionskosten in Abhängigkeit von den pro Tag abgefüllten Flaschen der Marke *Dom*.

$x$	0	100	200	300	400	500	600
$K(x)$	10 000	12 800	14 800	16 000	18 000	19 000	21 600

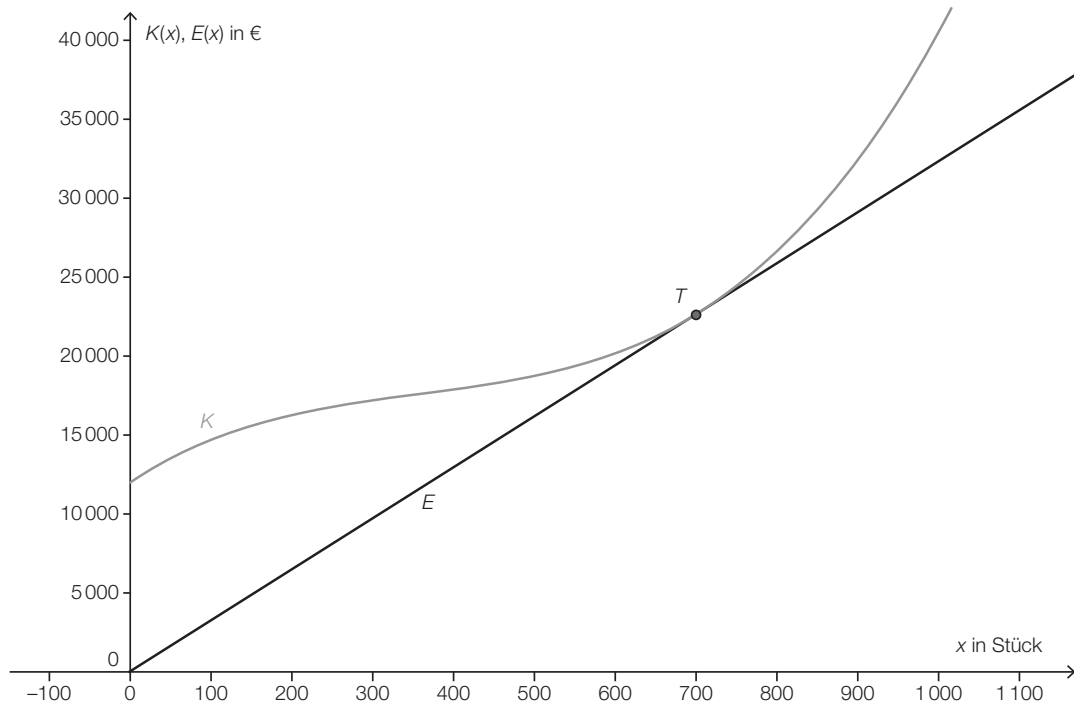
- Bestimmen Sie für diese Gesamtkosten mithilfe von Regression eine passende Polynomfunktion 3. Grades.
- Zeichnen Sie die gegebenen Punkte und den Graphen der Regressionslinie.
- Dokumentieren Sie, wie man mithilfe der Differenzialrechnung die Kostenkehre berechnen kann.

- b) Die Kellerei verkauft täglich die Tagesproduktion der Sektmarke *Gold* zu € 40 pro Flasche. Die Kostenfunktion für diese Marke lautet:

$$K(x) = 7 \cdot 10^{-5} \cdot x^3 - 0,07 \cdot x^2 + 30 \cdot x + 12\,000$$

- Berechnen Sie, wie viele Flaschen mindestens und wie viele höchstens pro Tag verkauft werden sollen, damit die Kellerei einen Gewinn macht.

- c) Interpretieren Sie in der nachstehenden Grafik die Tangente an die Kostenfunktion  $K$  als lineare Erlösfunktion  $E$ .



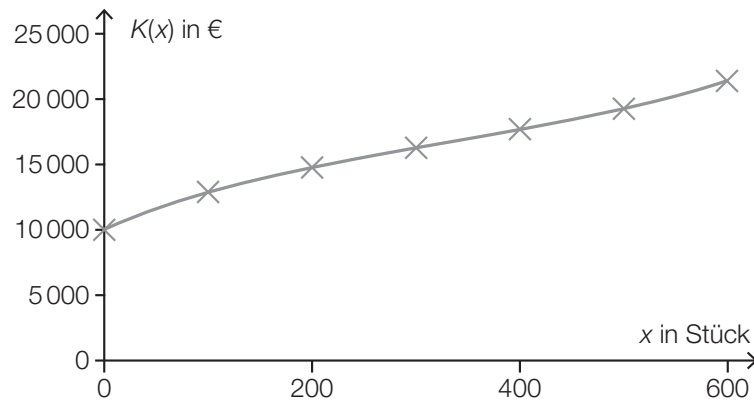
- Lesen Sie den Anstieg der Tangente und die Koordinaten des Berührungspunktes  $T$  ab.
- Interpretieren Sie die Aussage der Koordinaten von  $T$  und des abgelesenen Tangentenanstiegs im Sachzusammenhang.
- Argumentieren Sie, welche Informationen diese Grafik über den möglichen Gewinn enthält.

*Hinweis zur Aufgabe:*

*Lösungen müssen der Problemstellung entsprechen und klar erkennbar sein. Ergebnisse sind mit passenden Maßeinheiten anzugeben. Diagramme sind zu beschriften und zu skalieren.*

## Möglicher Lösungsweg

a)  $K(x) = 0,00006 \cdot x^3 - 0,0602 \cdot x^2 + 33,365 \cdot x + 10\,000$



Man berechnet die Kostenkehre, indem man die 2. Ableitung der Kostenfunktion gleich null setzt und die Gleichung nach  $x$  auflöst.

b)  $p = 40$

$$G(x) = 40 \cdot x - (7 \cdot 10^{-5} \cdot x^3 - 0,07 \cdot x^2 + 30 \cdot x + 12\,000)$$

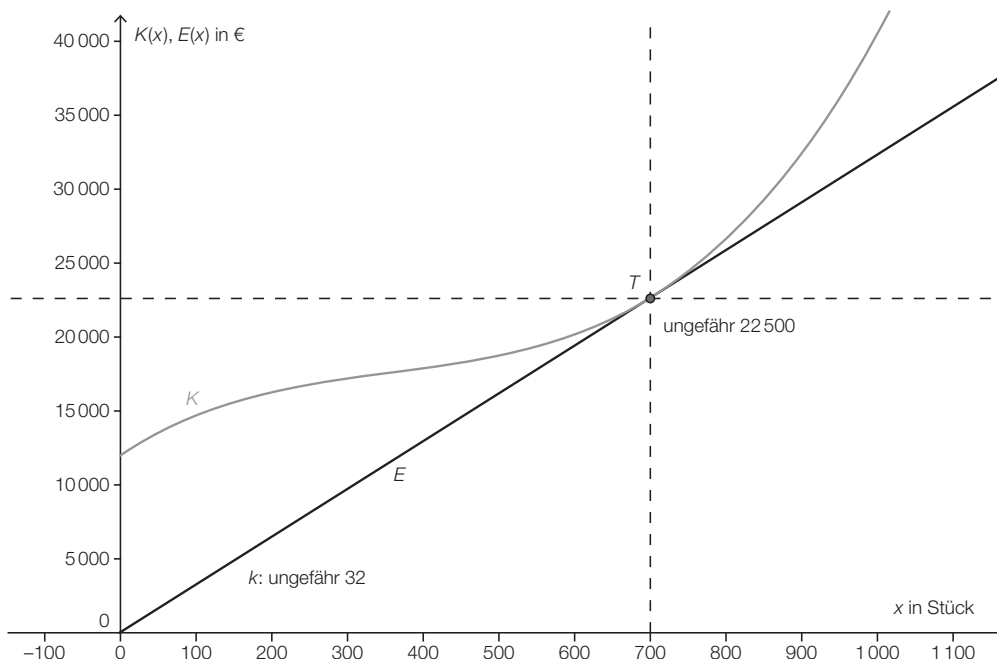
$$G(x) = 0$$

Lösung mittels Technologieeinsatz:

$$x_1 \approx 440,35; x_2 \approx 963,64$$

Die Gewinnzone für diesen Sekt liegt zwischen mindestens 441 und höchstens 963 verkauften Flaschen pro Tag.

c) Genau ablesen lässt sich die  $x$ -Koordinate von  $T$ : 700 Flaschen, die Kosten lassen sich nur ungefähr bestimmen ( $\approx 22\,500$ ). Der Anstieg beträgt ungefähr 32.



Der Tangentenanstieg der Erlösfunktion ergibt den Verkaufspreis pro Flasche, die Koordinaten von  $T$  ergeben das Betriebsoptimum  $x_0 = 700$  Flaschen und den Erlös bzw. die Gesamtkosten am Betriebsoptimum von ca. € 22.500.

Aussage: Wenn eine Flasche zu ungefähr € 32 verkauft wird, dann müsste man genau 700 Flaschen verkaufen und nimmt ca. € 22.500 ein. Die Kosten sind bei dieser Verkaufsmenge gleich hoch wie der Erlös, das bedeutet, dass der Betrieb kostendeckend arbeitet. Es wird kein Gewinn erwirtschaftet.

*Eine angemessene Ungenauigkeit beim Ablesen der Werte wird toleriert.*

## Klassifikation

☐ Teil A

☒ Teil B

Wesentlicher Bereich der Inhaltsdimension:

- a) 5 Stochastik
- b) 3 Funktionale Zusammenhänge
- c) 3 Funktionale Zusammenhänge

Nebeninhaltsdimension:

- a) 4 Analysis
- b) —
- c) 4 Analysis

Wesentlicher Bereich der Handlungsdimension:

- a) B Operieren und Technologieeinsatz
- b) A Modellieren und Transferieren
- c) C Interpretieren und Dokumentieren

Nebenhandlungsdimension:

- a) C Interpretieren und Dokumentieren
- b) B Operieren und Technologieeinsatz
- c) D Argumentieren und Kommunizieren

Schwierigkeitsgrad:

- a) mittel
- b) leicht
- c) schwer

Punkteanzahl:

- a) 3
- b) 2
- c) 3

Thema: Wirtschaft

Quellen: —