

Standardisierte kompetenzorientierte
schriftliche Reife- und Diplomprüfung

BHS

11. Mai 2015

Angewandte Mathematik

Teil A

Korrekturheft

Handreichung zur Korrektur der standardisierten schriftlichen Reife- und Diplomprüfung in Angewandter Mathematik

1. In der Lösungserwartung ist nur ein möglicher Lösungsweg angegeben. Andere richtige Lösungswege sind als gleichwertig anzusehen.
2. Der Lösungsschlüssel ist verbindlich anzuwenden unter Beachtung folgender Vorgangsweisen:
 - a. Grundsätzlich sind Punkte nur zu vergeben, wenn die abgefragte Handlungskompetenz in der Bearbeitung als erfüllt zu erkennen ist.
 - b. Berechnungen ohne nachvollziehbaren Rechenansatz bzw. ohne nachvollziehbare Dokumentation des Technologieeinsatzes (verwendete Ausgangsparameter und die verwendete Technologiefunktion müssen angegeben sein) sind mit null Punkten zu bewerten.
 - c. Werden zu einer Teilaufgabe mehrere Lösungen bzw. Lösungswege von der Kandidatin/vom Kandidaten angeboten und nicht alle diese Lösungen bzw. Lösungswege sind korrekt, so ist diese Teilaufgabe mit null Punkten zu bewerten.
 - d. Bei abhängiger Punktevergabe gilt das Prinzip des Folgefehlers. Das heißt zum Beispiel: Wird von der Kandidatin/vom Kandidaten zu einem Kontext ein falsches Modell aufgestellt, mit diesem Modell aber eine richtige Berechnung durchgeführt, so ist der Berechnungspunkt zu vergeben, wenn das falsch aufgestellte Modell die Berechnung nicht vereinfacht.
 - e. Werden von der Kandidatin/vom Kandidaten kombinierte Handlungsanweisungen in einem Lösungsschritt erbracht, so sind alle Punkte zu vergeben, auch wenn der Lösungsschlüssel Einzelschritte vorgibt.
 - f. Abschreibfehler, die aufgrund der Dokumentation der Kandidatin/des Kandidaten als solche identifizierbar sind, sind ohne Punkteabzug zu bewerten, wenn sie zu keiner Vereinfachung der Aufgabenstellung führen.
 - g. Rundungsfehler können vernachlässigt werden, wenn die Rundung nicht explizit eingefordert ist.
 - h. Jedes Diagramm bzw. jede Skizze, die Lösung einer Handlungsanweisung ist, muss eine qualitative Achsenbeschriftung enthalten, andernfalls ist dies mit null Punkten zu bewerten.
 - i. Die Angabe von Einheiten kann bei der Punktevergabe vernachlässigt werden, sofern sie im Lösungsschlüssel nicht explizit eingefordert wird.
3. Sind Sie sich als Korrektor/in über die Punktevergabe nicht schlüssig, können Sie eine Korrekturanfrage an das BIFIE (via Telefon-Hotline oder Online-Helpdesk) stellen.

Aufgabe 1

Farbenfrohe Gummibären

Möglicher Lösungsweg

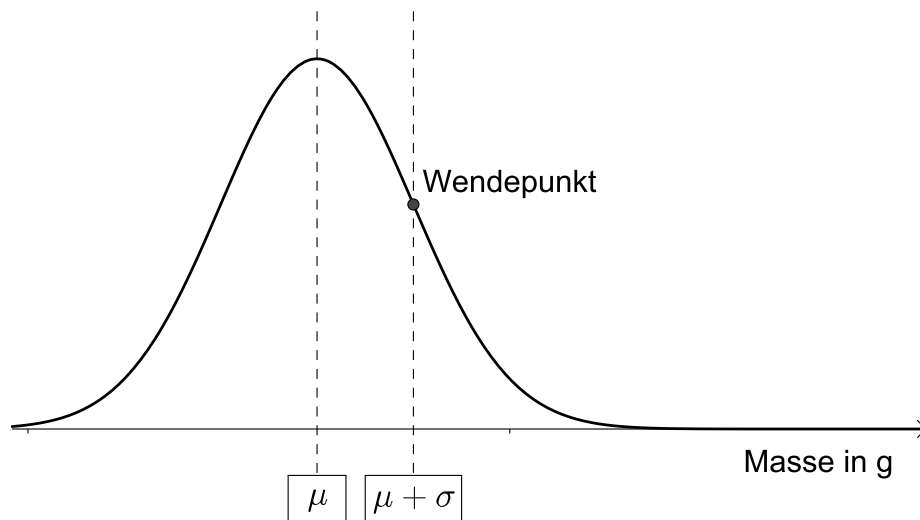
a) $\bar{x} = \frac{17 \cdot 2 + 20 \cdot 3 + 21 \cdot 3 + 22 \cdot 1 + 24 \cdot 4}{2 + 3 + 3 + 1 + 4} = 21,153... \approx 21,15$

b) Diese Packung enthält mindestens 26 und höchstens 34 gelbe Gummibären.

c) Anteil einer Geschmacksrichtung: $\frac{1}{6}$

Da die Farbe Rot 2-mal vorkommt: $\frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{1}{3} \approx 33,33\%$.

d)



$$P(\text{„Gummibär wird aussortiert“}) = 1 - P(2,05 \leq X \leq 2,55) = 0,01241... \approx 0,0124$$

Ein zufällig ausgewählter Gummibär wird mit einer Wahrscheinlichkeit von rund 1,24 % aussortiert.

Lösungsschlüssel

- a) 1 × B: für die richtige Berechnung des arithmetischen Mittels
- b) 1 × C: für das richtige Ablesen des Bereichs
- c) 1 × B: für die richtige Berechnung des Prozentsatzes
- d) 1 × A: für das richtige Eintragen der fehlenden Beschriftungen (μ und $\mu + \sigma$ bzw. die entsprechenden Werte 2,3 und 2,4)
1 × B: für die richtige Berechnung der Wahrscheinlichkeit

Aufgabe 2

Ganzkörperhyperthermie

Möglicher Lösungsweg

a) $-0,18 \cdot t^3 + 0,85 \cdot t^2 + 0,6 \cdot t + 36,6 = 37$

Lösung der Gleichung mittels Technologieeinsatz: $t = 0,429... \Rightarrow t \approx 0,43$ h

- b) Dazu muss das Maximum der Funktion f ermittelt werden: Man berechnet die Nullstellen der 1. Ableitung f' . Dann berechnet man die Funktionswerte an diesen Stellen und den Randstellen. Die größte dieser Zahlen ist der maximale Funktionswert.

Die 1. Ableitung einer Polynomfunktion 3. Grades ist eine quadratische Funktion. Eine quadratische Funktion hat höchstens 2 Nullstellen. Daher kann der Graph der Polynomfunktion 3. Grades nur höchstens 2 Extrempunkte haben.

- c) Die stärkste Temperaturzunahme erfolgt an der Maximumstelle von f' :

$$f''(t) = -1,08t + 1,7$$

$$-1,08t + 1,7 = 0 \Rightarrow t = 1,57... \approx 1,6$$

Rund 1,6 Stunden nach Beginn der Therapie ist die Temperaturzunahme am größten.

d) $\bar{f} = \frac{1}{5} \cdot \int_0^5 f(t) dt = 39,55... \approx 39,6$

Die mittlere Körpertemperatur beträgt rund 39,6 °C.

Lösungsschlüssel

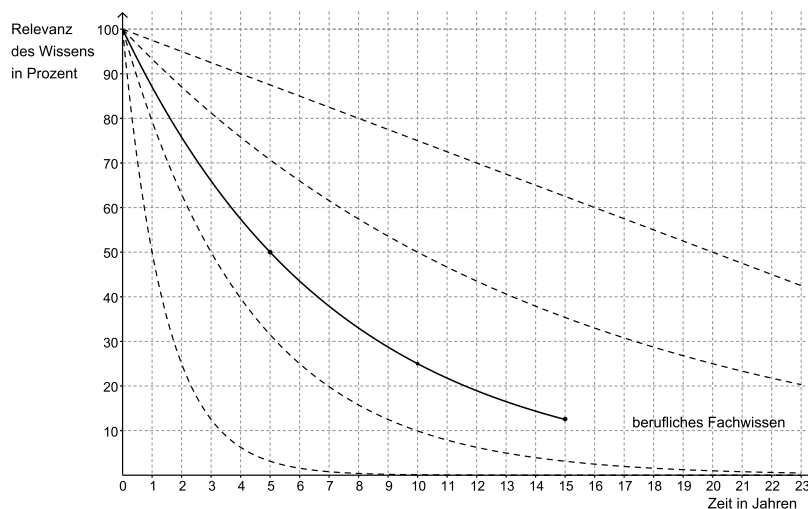
- a) 1 × B: für die richtige Berechnung des Zeitpunktes
- b) 1 × C: für die richtige Dokumentation zur Berechnung der maximalen Körpertemperatur
(In der Grafik ist klar zu erkennen, dass der Extremwert der maximalen Körpertemperatur entspricht. Daher sind eine Überprüfung mithilfe der 2. Ableitung und eine Überprüfung der Randstellen nicht erforderlich.)
- 1 × D: für die richtige Begründung
- c) 1 × A: für die richtige Modellbildung (Ermittlung der Wendestelle)
- 1 × B: für die korrekte Berechnung des Zeitpunktes der maximalen Temperaturzunahme
(In der Grafik ist klar zu erkennen, dass an der Stelle der maximalen Temperaturänderung eine Temperaturzunahme vorliegt. Daher ist eine rechnerische Überprüfung, ob an der berechneten Stelle eine Zu- oder Abnahme erfolgt, nicht erforderlich.)
- d) 1 × B: für die richtige Berechnung der mittleren Körpertemperatur

Aufgabe 3

Halbwertszeit des Wissens

Möglicher Lösungsweg

a)



b) Aufstellen der Exponentialfunktion:

$$T(t) = 100 \cdot 2^{-\frac{t}{3}}$$

t ... Zeit in Jahren

$T(t)$... Relevanz des Technologiewissens zur Zeit t in Prozent der anfänglichen Relevanz des Wissens

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$1 = 100 \cdot 2^{-\frac{t}{3}} \Rightarrow t = 19,9... \approx 20$$

Nach rund 20 Jahren ist die Relevanz des Technologiewissens auf 1 % der anfänglichen Relevanz gesunken.

c) $100 - N(7) = 100 - 100 \cdot e^{-0,0693 \cdot 7} = 38,4... \approx 38$

Die Relevanz des Hochschulwissens hat um rund 38 % abgenommen.

d) $k = -\frac{5}{2}$

Lösungsschlüssel

- a) 1 × A: für das richtige Einzeichnen des Funktionsgraphen im Intervall $[0; 15]$ (dabei müssen die Werte nach 5, 10 bzw. 15 Jahren als 50 %, 25 % bzw. 12,5 % erkennbar sein)
- b) 1 × A: für das richtige Aufstellen der Exponentialfunktion
1 × B: für die richtige Berechnung der Zeitdauer
- c) 1 × B: für die richtige Berechnung des Prozentsatzes
- d) 1 × C: für das richtige Ablesen der Steigung

Aufgabe 4

Gold

Möglicher Lösungsweg

a) Kantenlänge des Würfels: $a = \sqrt[3]{V} = \sqrt[3]{\frac{1,713 \cdot 10^{11} \text{ g}}{19,3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}}} = 2070,4... \text{ cm}$

Der Würfel hat eine Kantenlänge von rund 20,7 Metern.

b) $W = \frac{m \cdot p}{31,1035}$

c) Die weltweite jährliche Förderung ist zwischen 1980 und 1990 absolut am stärksten gestiegen.

d) Die angegebenen Prozentsätze dürfen nicht addiert werden, weil sie sich nicht auf denselben Grundwert beziehen.

Der Wert der Goldmünze ist um den Faktor $1,2 \cdot 1,1 = 1,32$ gestiegen, also um 32 %.

Lösungsschlüssel

- a) 1 × B: für die richtige Berechnung der Kantenlänge in Metern
- b) 1 × A: für das richtige Erstellen der Formel
- c) 1 × C: für das richtige Ablesen des Jahrzehnts mit dem stärksten Anstieg
- d) 1 × D: für die richtige Begründung, warum die angegebene Wertsteigerung nicht richtig ist, oder die Angabe des richtigen Prozentsatzes

Aufgabe 5

Stadtturm

Möglicher Lösungsweg

a) $\frac{51}{\tan(\alpha)} - \frac{51}{\tan(2\alpha)} = 52,471... \approx 52,47$

Man muss sich um rund 52,47 m annähern.

b) Der Höhenwinkel α ($0^\circ < \alpha < 90^\circ$) kann bestimmt werden durch:

$$\alpha = \arctan\left(\frac{h}{b}\right)$$

c) Die einzukleidende Fläche setzt sich aus 2 Rechtecken (Seitenlängen 51 m und 4 m) zusammen. Um die Gesamtmasse der Glasverkleidung in Tonnen zu erhalten, muss der Gesamtflächeninhalt dieser beiden Rechtecke in Quadratmetern mit der Masse von 30 Kilogramm pro Quadratmeter multipliziert und anschließend durch 1 000 dividiert werden.

Lösungsschlüssel

- a) 1 × A: für die Verwendung eines richtigen Modells zur Berechnung
1 × B: für die richtige Berechnung der Streckenlänge \overline{PB}
- b) 1 × A: für das richtige Aufstellen der Formel zur Berechnung des Höhenwinkels
- c) 1 × C: für die richtige Dokumentation zur Berechnung der Gesamtmasse in Tonnen

Beurteilungsschlüssel

Sehr gut: 22–24 Punkte

Gut: 19–21 Punkte

Befriedigend: 15–18 Punkte

Genügend: 11–14 Punkte

Nicht genügend: 0–10 Punkte