SMD: Blatt 4

Sophie Bork sophie.bork@udo.edu

Simon Schulte simon.schulte@udo.edu

Michael Windau michael.windau@udo.edu

15. November 2018

TU Dortmund – Fakultät Physik

1 Aufgabe 12

1.1 Aufgabe 12a

Mittelwerte:

$$\mu_{P0} = (-0.0274, 2.9799)^{\top} \tag{1}$$

$$\mu_{P1} = (5.9864, 3, 0852)^{\top} \tag{2}$$

1.2 Aufgabe 12b

Kovarianzmatrizen:

$$V_{P0} = \begin{pmatrix} 12.2089 & 8.1584 \\ 8.1584 & 6.7228 \end{pmatrix}$$

$$V_{P1} = \begin{pmatrix} 12.3521 & 7.4107 \\ 7.4107 & 5.4773 \end{pmatrix}$$

$$(3)$$

$$V_{P1} = \begin{pmatrix} 12.3521 & 7.4107 \\ 7.4107 & 5.4773 \end{pmatrix} \tag{4}$$

$$V_{P1P0} = V_{P0} + V_{P1} = \begin{pmatrix} 24.5611 & 15.5691 \\ 15.5691 & 12.2001 \end{pmatrix}$$
 (5)

1.3 Aufgabe 12c

Wie im Skript steht, lässt sich die Fisher-Diskriminante mittels

$$\vec{\lambda}^* = \arg\max\left[\frac{\vec{\lambda}^\top S_B \vec{\lambda}}{\vec{\lambda}^\top S_W \vec{\lambda}}\right] = S_W^{-1} \cdot (\vec{\mu}_1 - \vec{\mu}_2) \tag{6}$$

ermitteln. Mit der kombinierten Kovarianzmatrix $S_{W}=V_{P1P0}$ und den Mittelwerten, ergibt sich folgende Diskriminante:

$$\vec{\lambda} = (1.2529, -1.5902)^{\top} \tag{7}$$

1.4 Aufgabe 12d

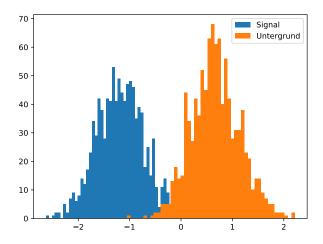


Abbildung 1: Histogramme der Verteilungen ${\cal P}_0$ und ${\cal P}_1.$

1.5 Aufgabe 12e

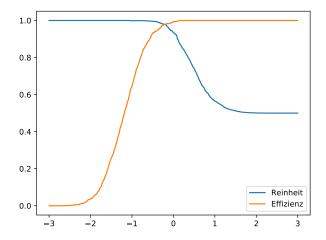


Abbildung 2: Darstellung der Reinheit und Effizienz in Abhängigkeit des Schnittes $\lambda.$