

Sampling Distribution of Sample Mean.

If the population distribution is $N(\mu, \sigma^2)$

- X_1, X_2, \dots, X_n are i.i.d. $N(\mu, \sigma^2)$.

independent, identically distributed.

- \bar{X} is distributed $N(\mu, \sigma^2/n)$

평균 분산

$$\bar{X} \sim N(\mu, \sigma^2/n)$$

표준화한 변수

$$Z = \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \quad * \text{ is distributed } N(0, 1)$$

예제 1) $\Sigma_{\text{sample}}: X_1, X_2, \dots, X_{25} \text{ i.i.d. } N(\mu=15, \sigma^2=100)$

$$P[\bar{X} \leq 20]$$

$$\checkmark \bar{X} \sim N(15, \frac{100}{25})$$

$$Z = \frac{\bar{X} - 15}{10/5} = \frac{\bar{X} - 15}{2} \sim N(0, 1)$$

$$\downarrow \leq \frac{20 - 15}{2} = 2.5$$

$$> P(Z \leq 2.5)$$

Sampling Distribution. (표본분포, 통계량의 분포)

A sampling distribution is the distribution of a statistic. (\bar{X} or S^2 ...)

Sample Mean: $\bar{X} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n x_i$
 expected value of \bar{X}

$$E(\bar{X}) = \mu$$

$$V(\bar{X}) = \sigma^2 / n$$

Proof ~ knowledge.

확률변수 X 가.

x_i : ~~가능한 값들~~ p_i 라고 하자!

$$E(X) = \sum_{i=1}^n x_i \cdot p_i = \sum x \cdot f(x)$$

↓ x : 가능한 모든 값들 중에서

$E(X)$: x 의 값들의 평균 X

확률변수의 특징.

1. 변수다.
2. 어떤 범위가 있다.
3. 각 범위에 확률이 주어진다.

$$Pr(X=x) > 1/e, 2/e, 3/e, 1/e$$

; x : 어떤 값일 때 확률값을 알게 됨.

; 각 범위의 확률

; n 이 클수록 확률값이 작아짐

• n 이 클수록 ; 무한히 가까워진 확률값을 알아볼 수 있음.

정리 : n 이 클수록 정밀해진다. 된다.

* $Var(X)$ (Variance) ?

$$Var(X) = E(X - \mu)^2 = E(X^2) - \mu^2$$

$$= \sum (x - \mu)^2 \cdot f(x)$$

$$= \sum x^2 f(x) - \mu^2$$

정리 : $Var(X)$: X 의 분산

- n 이 클수록 (정확) 0에 가까워진다. $Var(X)$ 가 작아진다.