### ÜÇ FAZLI TRAFO ÖRNEK1:

Üç fazlı, 50Hz'lik üçgen / yıldız bağlı bir transformatörün hat gerilimleri 22000V/400V'tur. Sekondere yıldız bağlı ve güç faktörü 0.8 olan dengeli bir yük bağlanmıştır. Primerde hattan 5A akım çekilmektedir.

- a) Primer ve sekonder sargıların akımlarını,
- b) Yüke aktarılan aktif gücü kW cinsinden hesaplayınız.

$$--$$
Çözüm  $\cdot - \blacksquare$  verilenler

3 faz 50 Hz

Üçgen / Yıldız

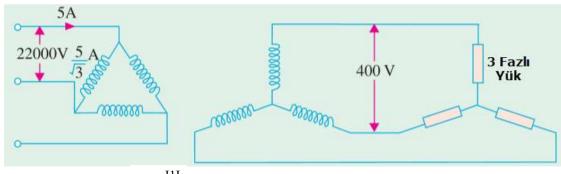
V1L := 22000 V V2L := 400 V

Yük yıldız bağlı - dengeli pf:0.8 geri

I1L := 5 A

11 ve l2 sargı akımlarını bulunuz?

Transformatörün yüke verdiği aktif güç kaçkW tır.



Primer üçgen bağlı

$$I1 := \frac{I1L}{\sqrt{3}}$$

$$a = \frac{V1}{V2} = \frac{I2}{I1}$$
 sargı akım ve gerilimleri cinsinden

V1 := V1L V1 = 
$$22 \times 10^3$$
 V V2 :=  $\frac{\text{V2L}}{\sqrt{3}}$  V2 = 230.94 V  
a :=  $\frac{\text{V1}}{\text{V2}}$  a = 95.263 I2 := a·I1 I2 = 275 A

Sekonder yıldız, dolayısıyla 12L := 12

$$PL := \sqrt{3} \cdot V2L \cdot I2L \cdot 0.8$$

$$\sqrt{3} \cdot 400 \cdot 275 \cdot 0.8 = 152.42 \times 10^3$$
 PL =  $152.42 \times 10^3$  W 152.42 kW yükte harcanır.

#### ÜÇ FAZLI TRAFO ÖRNEK 2:

500 kVA, 3 fazlı, 50Hz, 33/11 kV'luk üçgen / yıldız bağlı bir transformatörün: YG sargı direnci 35 Ohm, AG sargı direnci 0.876 Ohm ve demir kaybı 3050 W'tır.

a) Tam yük (omik) ile tam yük pf:08 ileri b) Yarı yük (omik) ile pf: 0.8 geri için verimleri (4 adet) hesaplayınız.

Çıkış güçlerini bulmak kolay, demir kayıpları verilmiş dolayısı ile Toplam kayıpları belirleyebilmek için bakır kayıpları ayrı ayrı hesaplanmalı. Pcu için farklı çözüm yolları var. Önce gerçek dirençler ile bakır kayıplarını bulalım. (pf ileri yada geri olması verime etki etmez!)

$$Pcu = 3 \cdot \left(I1^2 \cdot R1 + I2^2 \cdot R2\right)$$

Pcun = 
$$3 \cdot (11n^2 \cdot R1 + 12n^2 \cdot R2)$$

α yüklenme oranındaki bakır kayıpları ise:  $P_{cuα} = α^2 \cdot P_{cun}$  olacaktır

Önce nominal akımları bulalım  $Sn = \sqrt{3} \cdot V1L \cdot I1L$ 

$$Sn := 500 \cdot 10^3 \text{ VA}$$
  $V1Ln := 33 \cdot 10^2 \text{ V}$   $V2Ln := 11 \cdot 10^3 \text{ V}$ 

I1Ln := 
$$\frac{\text{Sn}}{\sqrt{3} \cdot \text{V1Ln}}$$
 I1Ln = 8.748 A I2Ln :=  $\frac{\text{Sn}}{\sqrt{3} \cdot \text{V2Ln}}$  I2Ln = 26.243 A

Primer üçgen: 
$$I1n := \frac{I1Ln}{\sqrt{3}}$$
  $I1 = 2.887$  A Sekonder yıldız:  $I2n := I2Ln$ 

$$R1 := 35 \text{ Ohm}$$
  $R2 := 0.876 \text{ Ohm}$ 

Pcun := 
$$3 \cdot (11n^2 \cdot R1 + 12n^2 \cdot R2)$$
 Pcun =  $4.488 \times 10^3$  W

X ler verilmediği için zorunlu olarak (kolay da) yaklaşık eşdeğer devre kullanılır. Yaklaşık eşdeğer devrede, demir kayıpları yükle değişmez!

Pc := 3050 W olarak verilmiş olup, bu güç 3 faza ait toplam demir kayıbıdır.

Yüklenme oranı α ya bağlı verimi yazalım.

$$\eta_{\alpha} = \frac{\alpha \cdot \operatorname{Sn} \cdot (\operatorname{pf})}{\alpha \cdot \operatorname{Sn} \cdot (\operatorname{pf}) + \operatorname{Pc} + \alpha^2 \cdot \operatorname{Pcun}}$$

a) Önce 
$$\alpha 1 := 1$$
 tam yük,  $pf1 := 1$   $pf2 := 0.8$ 

$$\eta_{\alpha} = \frac{\alpha_1 \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pf2})}{\alpha_1 \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pf2}) + \text{Pc} + \alpha_1^2 \cdot \text{Pcup}}$$
 $\eta_{\alpha} = \frac{\alpha_1 \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pf2})}{\alpha_1 \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pf2}) + \text{Pc} + \alpha_1^2 \cdot \text{Pcup}}$ 
 $\eta_{\alpha} = \frac{\alpha_1 \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pf2})}{\alpha_1 \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pf2}) + \text{Pc} + \alpha_1^2 \cdot \text{Pcup}}$ 

b) Sonra 
$$\alpha 2 := 0.5$$
 yarı yük,

$$\eta_{\alpha}^{2} = \frac{\alpha \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pfl})}{\alpha \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pfl}) + \text{Pc} + \alpha \cdot \text{Pcun}} \qquad \qquad \eta_{\alpha}^{2} = 0.9836 \quad \% \text{ 98.36}$$

$$\eta_{\alpha}^2 = \frac{\alpha \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pf2})}{\alpha \cdot \text{Sn} \cdot (\text{pf2}) + \text{Pc} + \alpha \cdot 2^2 \cdot \text{Pcun}} \qquad \eta_{\alpha}^2 = 0.9796 \quad \% 97.96$$

## Pcun için alternatif yol:

$$\begin{aligned} \text{Pcun} &= 3 \cdot \left( \text{I} 1 \text{n}^2 \cdot \text{R} 1 + \text{I} 2 \text{n} \underline{\text{ussu}}^2 \cdot \text{R} 2 \underline{\text{ussu}} \right) = 3 \cdot \text{I} 1 \text{n}^2 \cdot \text{Req} 1 \end{aligned} \end{aligned}$$
 zira Req1=R1+R2\_ussu dür. 
$$\begin{aligned} \text{Primer üçgen} \qquad \text{V} 1 \text{n} &:= \text{V} 1 \text{Ln} \end{aligned}$$

Sekonder yıldız 
$$V2n := \frac{V2Ln}{\sqrt{3}}$$
  $a := \frac{V1n}{V2n}$   $a = 5.196$ 

$$R2\_ussu := a^2 \cdot R2$$
  $R2\_ussu = 23.652$   $\Omega$  primer ve sekonder bağlantıları farklı türden olduğu için  $R2\_ussu$   $R1$  e çok yakın olmadı!

$$Req1 := R1 + R2 ussu$$

Req1 = 
$$58.652 \Omega$$
 Pcun:=  $3.11n^2$ ·Req1 Pcun =  $4.488 \times 10^3$ 

# ÇÖZÜMÜN DEVAMI AYNIDIR!

## ÜÇ FAZLI TRAFO ÖRNEK 3:

3 Fazlı, 50Hz, 6600V / 415V , Yıldız / yıldız bağlı, 120 kVA'lık bir transformatörün demir kayıpları 1600W'tır. Maksimum verim 3/4 yükte oluşmaktadır. Aşağıdaki durumlar için verimleri hesaplayınız:

a) Tam yük ve pf:0.8 b) yarı yük, tam omik c) Maksimum verim

Pcu bilinmiyor. Fakat maksimum verim şartından Pcu bulunabilir. Maksimum verimde Pcu=Pc olmalıdır. Veya diğer deyişle  $\alpha^2$  Pcun=Pc olamlıdır. Maks verimin  $\alpha$ =3/4 olduğu verilmiştir.

$$\alpha_{\text{mv}} := \frac{3}{4}$$

$$\alpha_{\text{mv}}^2 \cdot \text{Pcun} = \text{Pc}$$

$$\text{Buradan} \quad \text{Pcun} := \frac{\text{Pc}}{\alpha_{\text{mv}}^2} \quad \text{Pcun} = 2.844 \times 10^3 \quad \text{W}$$

a) 
$$S_{\text{m}} := 120 \cdot 10^3 \text{ VA}$$

$$\eta_{\text{tamyuk}} = \frac{1 \cdot \text{Sn} \cdot (0.8)}{1 \cdot \text{Sn} \cdot (0.8) + \text{Pc} + 1^2 \cdot \text{Pcun}}$$

$$\eta_{\text{tamyuk}} = 0.956$$

c) Maksimum verim için α verilmiş. Fakat, maksimum verimin pf=1 de olacağı bilinmelidir!

$$\eta_{\text{max}} := \frac{\frac{3}{4} \cdot \text{Sn} \cdot (1)}{\frac{3}{4} \cdot \text{Sn} \cdot (1) + \text{Pc} + \left(\frac{3}{4}\right)^2 \cdot \text{Pcun}} \qquad \eta_{\text{max}} = 0.966$$