

Aufgabe 1

Entscheiden Sie, welche der folgenden (sprachlichen) Sätze man als Aussagen bezeichnen könnte:

a) Die Sonne ist ein Fixstern und der Mond ein Planet.

Aussage

b) Auf dem Planeten Alpha Centauri gibt es Eisen.

Aussage (Begründung: Unabhängig vom Wissensstand ob es wirklich so ist, können wir 'wahr' oder 'falsch' zuordnen)

c) $3 \cdot 3 = 10$.

Keine Aussage (Begründung: Es ist kein sprachlicher Satz)

d) Herr Ober, bitte zahlen, und schreiben Sie auch eine Rechnung aus!

Keine Aussage

e) Je zwei Geraden schneiden sich in einem Punkt.

Aussage

' f) Es werde Licht.

Keine Aussage

g) Es gilt $x^2 - 2x + 5x = 0$.

Keine Aussage (Begründung: Wir wissen nicht was x ist, somit ist es eine Aussageform und keine Aussage)

h) Alle (FH-)Lehrer sind faule Säcke, bekommen aber ein hohes Gehalt.

Aussage (Begründung: 'wahr' oder 'falsch' sind logisch zuordbar)

i) Wie lange noch wirst Du unsere Geduld missbrauchen?

Keine Aussage

j) Die Gleichung $x^n + y^n = z^n$ hat für $n \geq 3$ in den positiven ganzen Zahlen keine Lösung.

Aussage

k) Für jede reelle Zahl a ist die Gleichung $ax + b = 0$ lösbar.

Keine Aussage (Begründung: b ist nicht gegeben)

1) Für je zwei Zahlen a und b ist die Gleichung $ax + b = 0$ lösbar.

Aussage (Begründung: a und b sind gegeben)

Aufgabe 2

Versuchen Sie, die folgenden Aussagen logisch zu zerlegen in elementarere Aussagen, die mit aussagenlogischen Operatoren (siehe oben) verknüpft sind!

Achten Sie darauf, dass es für diese logische Zerlegung u.U. nötig ist, die Aussagen anders zu formulieren, ohne an ihrer eigentlichen (logischen) Bedeutung etwas zu ändern.

Kursiv gedruckt: *Elementare Aussage*

Fett gedruckt: **Aussagenlogische Operatoren (Junktoren)**

a) Köln und Düsseldorf liegen am Rhein.

Köln liegt am Rhein **und** *Düsseldorf liegt am Rhein*.

b) Eine der Städte Frankfurt, Köln, Dresden und Berlin liegt an der Elbe.

Frankfurt liegt an der Elbe **oder** *Köln liegt an der Elbe* **oder** *Dresden liegt an der Elbe* **oder** *Berlin liegt an der Elbe*

c) Wenn es regnet, werden die Straßen nass und der Himmel verdunkelt sich.

A: "*Es regnet*"

B: "*Die Straßen werden nass*"

C: "*Der Himmel verdunkelt sich*"

Wenn A dann (B und C)

d) Ist p eine Primzahl und teilt p das Produkt xy der zwei Zahlen x und y , so teilt p auch einen der beiden Faktoren x oder y .

A: " p ist eine Primzahl"

B: " p teilt xy "

C: " p teilt x "

D: " p teilt y "

Wenn (A und B) dann (C oder D) und nicht (C und D)

e) Hans und Franz sind verwandt.

Bereits elementar Aussage ('Und' ist hier kein elementar logischer Operator).

f) Hans und Franz sind rothaarig.

Hans ist rothaarig **und** *Franz ist rothaarig*.

g) Jede Stadt, die an einem Fluss liegt, liegt entweder am Rhein oder an der Donau.

A: "*Die Stadt liegt an einem Fluss*"

B: "*Die Stadt liegt am Rhein*"

C: "*Die Stadt liegt an der Donau*"

Wenn A dann (B oder C) und nicht (B und C)

h) Ist G eine abelsche Gruppe, so ist G eine zyklische Gruppe oder ein Produkt von zyklischen Gruppen.

A: " *G ist eine abelsche Gruppe*"

B: " *G ist eine zyklische Gruppe*"

C: " *G ist Produkt von zyklischer Gruppe*"

Wenn A dann (B oder C)