

# A. 硬币 (coins)

这是一道交互题。

时间限制：3 秒，空间限制：2 GiB

有  $n$  堆硬币，第  $i$  ( $0 \leq i < n$ ) 堆硬币有  $a_i$  枚。每一枚硬币的质量是 5 克，但有一堆当中的所有硬币都是假币，假币的质量是每一枚 6 克。除了这一堆外的所有硬币都是真币。

你有一个精确的称重仪器，在它上面放置任意枚硬币之后，它会返回这些硬币的质量之和。

你需要找到假币是哪一堆，且称重的次数尽可能少。

## 实现要求

你的程序应当包含如下的头文件：

- `#include "coins.h"`

你的程序不应包含 `main` 函数，而应当实现以下函数：

- `int solve(std::vector<int> a);`

该函数接受大小为  $n$  的数组  $a$ ，含义与题面中相同。该函数应当返回一个 0 到  $n - 1$  中的整数，表示假币堆的编号。

你的程序可以调用以下函数：

- `long long weigh(std::vector<int> p);`

该函数接受大小为  $n$  的数组  $p$ ，其中  $0 \leq p_i \leq a_i$ ，表示将第  $i$  堆中的  $p_i$  枚硬币放到称重仪器上。该函数返回所有放到仪器上的硬币的质量之和。称重完成后，所有硬币将会回到它本来所在的堆。

你的程序不应进行任何输入和输出操作。但是，作为特例，你可以向标准错误流（`stderr`）输出信息，但是注意这也会计算进你的运行时间。

## 样例

假设  $a = [1, 2]$ ，假币堆的编号为 0。评分程序将会调用 `solve([1, 2])`。

示例解决方案将会调用 `weigh([1, 0])`，得到返回值 6。

示例解决方案找到了假币堆，于是返回其编号 0。

## 评分方式

在每个测试点中，`solve` 函数将会被调用恰好一次。如果你的程序没有正确运行，或是没有返回正确的答案，则得分为 0。

如果你的程序正确运行，且返回了正确的答案，令  $W$  是如果使用最优策略，在最坏情况下确定假币堆需要的称重次数的最小值。令  $C$  为你的程序调用 `weigh` 函数的次数。则你在该测试点的得分为：

$C$	得分
$\leq W$	100%
$= W + 1$	50%
$= W + 2$	25%
$\geq W + 3$	0%

你在一个子任务的得分是该子任务中每个测试点得分的最小值。

在正式的评分程序中，如果你调用 `weigh` 函数的次数不超过  $W + 2$ ，则保证评分程序占用的时间不超过 1 秒，占用的空间不超过 256MiB。

## 数据约束

- $1 \leq n \leq 10^6$
- $1 \leq a_i \leq 10^9$  ( $0 \leq i < n$ )

子任务的列表如下：

子任务	额外约束	分数
1	$a_i = 1$ ( $0 \leq i < n$ )	8
2	至多一次称重就能确定假币堆，即 $W \leq 1$	8
3	$n \leq 1000$ ，且至多两次称重就能确定假币堆，即 $W \leq 2$	28
4	所有 $a_i$ 相等	12
5	$n \leq 10^3$	32
6	无	12

## 测试

下发文件中包含了如下内容：

- `coins.h`：你的程序需要包含的头文件。
- `coins.cpp`：本题解决方案的示例代码。
- `grader.cpp`：示例评分程序。
- `coins1~3.in`：样例输入。

你可以使用以下的命令编译示例评分程序（其中 `coins.cpp` 是你的解决方案）：

```
g++ -std=c++14 -O2 -o grader coins.cpp grader.cpp
```

编译好的评分程序将会从标准输入以如下的格式读入数据：

- 第一行两个整数  $n, k$ ，表示硬币的堆数和假币堆的编号。
- 第二行  $n$  个整数  $a_0, a_1, \dots, a_{n-1}$ ，表示每一堆硬币的枚数。

如果你的程序执行了不合法的操作，或是得到了错误的答案，评分程序会返回如下的错误：

- `wrong answer [1]`： $p$  的大小不为  $n$ 。

- `wrong answer [2]`:  $p_i$  的范围不在 0 到  $a_i$  中。
- `wrong answer [3]`: `solve` 的返回值不在 0 到  $n - 1$  中。
- `wrong answer [4]`: `solve` 返回了错误的硬币堆。

如果你的程序正确运行并返回了正确答案，则评分程序会告知你调用 `weigh` 函数的次数。

注意！示例评分程序和正式评分使用的评分程序不同：

- 示例程序并不会检查你的称重次数是否是最少的。
- 正式评分程序是适应性的，即假币堆并不是事先确定的，而是可以在交互过程中随时改变，只要与之前的所有称重结果一致。

## B. 局部最大值 (local)

时间限制：3 秒，空间限制：2 GiB

对于一个非空数组  $A$ ，定义  $f(A)$  如下：

- 重复以下操作直到  $A$  只包含一个数：将  $A$  替换为  $A$  的所有局部最大值保持相对顺序形成的数组。其中  $A_i$  是局部最大值当且仅当下列条件均满足：
  - $i = 1$  或  $A_i > A_{i-1}$ ；
  - $i = |A|$  或  $A_i > A_{i+1}$ 。
- $f(A)$  是上述操作的重复次数。

例如，对于数组  $[1, 5, 2, 3, 4]$ ，第一次操作后得到  $[5, 4]$ ，第二次操作后得到  $[5]$ ，因此  $f([1, 5, 2, 3, 4]) = 2$ 。

给定  $N, K, P$ ，求有多少大小为  $N$  的排列  $P$  满足  $f(P) = K$ ，答案对  $P$  取模。

### 输入格式

一行三个整数  $N, K, P$ 。

### 输出格式

输出一行一个整数，表示答案。

### 样例

#### 样例 1 输入

```
5 3 100000007
```

#### 样例 1 输出

```
4
```

#### 样例 1 解释

满足条件的序列是：

- $[4, 1, 3, 2, 5]$ ,
- $[4, 2, 3, 1, 5]$ ,
- $[5, 1, 3, 2, 4]$ ,
- $[5, 2, 3, 1, 4]$ 。

样例 2~5

见下发文件 `local2~5.in/out`。

数据约束

- $2 \leq N \leq 5\,000$
- $1 \leq K \leq N - 1$
- $10^8 \leq P \leq 10^9$

子任务的列表如下：

子任务	额外约束	分数
1	$N \leq 10$	10
2	$N \leq 30$	20
3	$N \leq 1\,000$	50
4	无	20

C. 并程序（program）

时间限制：9 秒，空间限制：2 GiB

有  $n$  个程序。所有程序共享一个全局整数型变量  $x$ ，此外，每个程序都有一个私有的计数器  $y$ 。每个程序都由一连串的指令组成，每个指令都属于以下四种类型之一：

- **W**：将全局变量的值  $x$  载入私有计数器  $y$ 。
- **Z**：将私有计数器  $y$  的值写入全局变量  $x$ 。
- **+ c**：将  $y$  的值加一正常数  $c$ 。
- **- c**：将  $y$  的值减一正常数  $c$ 。

这些程序将会并行运行。所有计数器  $y$  和变量  $x$  的初始值都是 0。这些程序的指令**交错**执行，即所有程序的所有指令都是一个接一个地执行，对于每个时刻，每个程序满足它的指令的一个前缀以一定顺序被执行。

计算所有程序并行执行后变量  $x$  的最小可能值是多少。

输入格式

第一行一个整数  $t$ ，表示该测试点的数据组数。

每组数据第一行一个整数  $n$ ，表示程序的数量。每组数据的第 2 到  $2n + 1$  行，每两行表示一个程序。

每个程序的第一行一个整数  $l_i$ ，表示该程序的指令数量。每个程序的第二行是  $l_i$  个空格分隔的指令，每个指令的格式是如下四种之一：

- 一个字符 **W**：表示载入指令；
- 一个字符 **Z**：表示写入指令；
- 空格分隔的一个字符 **+** 和一个数字  $c_{ij}$ ：表示给私有计数器加  $c_{ij}$ ；
- 空格分隔的一个字符 **-** 和一个数字  $c_{ij}$ ：表示给私有计数器减  $c_{ij}$ 。

输出格式

每组数据输出一行一个整数，表示答案。

样例

样例 1 输入

```
2
2
12
W + 2 Z W + 2 Z W + 2 Z W + 2 Z
12
W + 3 Z W + 3 Z W + 3 Z W + 3 Z
3
3
W W - 5
5
+ 9 Z + 1 Z W
8
+ 10 Z - 2 Z - 5 W - 1 Z
```

样例 1 输出

```
5
7
```

样例 1 解释

对于第一组数据，得到最小的  $x$  程序指令执行顺序如下表。

			W				+ 2					Z	W		+ 2	Z	W	+ 2		Z	W	+ 2	Z	
	W	+ 3		Z	W	+ 3		Z	W	+ 3	Z		W					+ 3						Z
$y_1$	0	0	0	0	0	0	2	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	6	6	6	8	8	8	8
$y_2$	0	3	3	3	3	6	6	6	6	9	9	9	9	2	2	2	2	2	5	5	5	5	5	5
$x$	0	0	0	3	3	3	3	6	6	6	9	2	2	2	2	4	4	4	4	6	6	6	8	5

该样例满足子任务的约束。

样例 2-4

见下发文件。

数据约束

- $1 \leq t \leq 10^6$
- $1 \leq n \leq 10^6$
- $1 \leq l_i \leq 10^6$
- $1 \leq c_{ij} \leq 10^9$
- 一个测试点中的所有数据的  $\sum l_i$  之和不超过  $10^6$

子任务的列表如下：

子任务	额外约束	分数
-----	------	----

子任务	额外约束	分数
1	$t \leq 10$ , 每组数据中 $\sum l_i \leq 10$	3
2	$n = 2$ , 每个测试点中的所有数据的 $\sum l_i$ 之和不超过 $10^4$	10
3	$n = 2$	15
4	$n \leq 50$ , 每个测试点中的所有数据的 $\sum l_i$ 之和不超过 $10^4$	13
5	每个测试点中的所有数据的 $\sum l_i$ 之和不超过 $10^4$	21
6	$l_i \leq 10$	22
7	无	16