

Спецкурс: системы и средства параллельного программирования.

Отчёт № 1. Анализ влияния кэша на операцию матричного умножения.

Работу выполнил **Тимачев А. А.**

Постановка задачи и формат данных.

Задача: Реализовать последовательный алгоритм матричного умножения и оценить влияние кэша на время выполнения программы.

Формат командной строки: <имя файла матрицы A><имя файла матрицы B><имя файла матрицы C><режим, порядок индексов>.

Режимы: 0 - ijk, 1 - ikj, 2 - kij, 3 - jik, 4 - jki, 5 - kji.

Формат файла-матрицы: Матрица представляются в виде бинарного файла следующего формата:

Тип	Значение	Описание
Число типа char	T – f (float) или d (double)	Тип элементов
Число типа uint64_t	N – натуральное число	Число строк матрицы
Число типа uint64_t	М – натуральное число	Число столбцов матрицы
Массив чисел типа Т	<i>N</i> × <i>M</i> элементов	Массив элементов матрицы

Элементы матрицы хранятся построчно.

Описание алгоритма.

Математическая постановка: Алгоритм матричного умножения ($A \times B = C$) можно представить в следующем виде: $c_{ij} = \sum_k a_{ik} \cdot b_{kj}$ для каждого элемента матрицы C . Оценка влияния кэша на время выполнения программы осуществляется за счёт перестановки индексов суммирования.

Анализ времени выполнения: Для оценки времени выполнения программы использовалась библиотека chrono. Для повышения надёжности экспериментов опыты проводились несколько раз (10).

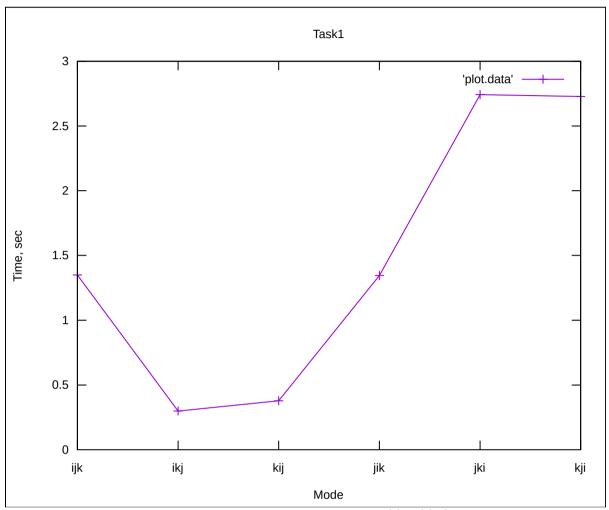
Верификация: Для проверки корректности работы программы использовались тестовые данные.

Основные функции:

- **Чтение матрицы из файла.** В рамках функции осуществляется чтение параметров матрицы и значений ее элементов.
- **Перемножение матриц.** В рамках функции осуществляется перемножение матриц в соответствие с выбранным порядком индексов суммирования.
- Запись матрицы в файл. В рамках функции осуществляется запись параметров матрицы и значений ее элементов.

Результаты выполнения.

Результаты:



Проводилось перемножение двух матриц с размерами 500х500. Зависимость времени выполнения от порядка индексов суммирования представлена на графике (время в секундах).

Основные выводы.

Исследования показывают, что изменения порядка индексов суммирование оказывает влияние на время выполнения программы. Наименьшее время выполнения при следующих порядках индексов — ikj и kij. При таких порядках доступ к элементам обеих входных матриц осуществляется последовательно. Наихудшее время при порядках jki и kji. При таких подходах доступ к памяти осуществляется максимально непоследовательно.