Отчёт по лабораторной работе №5

Модель хищник-жертва

Егорова Диана Витальевна

Содержание

Список литературы		16
5	Выводы	15
4	Выполнение лабораторной работы	9
3	Теоретическое введение	7
2	Задание	6
1	Цель работы	5

Список иллюстраций

4.1	"Код на Julia"									9
4.2	"Результат выполнения программы"									10
4.3	"Результат выполнения программы"									10
4.4	"Код на Julia"									11
4.5	"Результат выполнения программы"									11
4.6	"Код в OpenModelica"									12
4.7	"Результат выполнения программы"									12
4.8	"Результат выполнения программы"									13
4.9	"Код в OpenModelica"									13
4 10	"Результат выполнения программы"									14

Список таблиц

1 Цель работы

Разобрать задачу Лотки-Вольтерры.

2 Задание

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях: $x_0=8, y_0=13.$ Найти стационарное состояние системы.

3 Теоретическое введение

- 1. Численность популяции жертв x и хищников y зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории)
- 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает
- 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными
- 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается
- 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников

$$\frac{dx}{dt} = ax(t) - bx(t)y(t)$$

$$\frac{dy}{dt} = -cy(t) + dx(t)y(t)$$

В этой модели x – число жертв, y - число хищников. Коэффициент a описывает скорость естественного прироста числа жертв в отсутствие хищников, с естественное вымирание хищников, лишенных пищи в виде жертв.

Вероятность взаимодействия жертвы и хищника считается пропорциональной как количеству жертв, так и числу самих хищников (xy).

Каждый акт взаимодействия уменьшает популяцию жертв, но способствует увеличению популяции хищников (члены -bxy и dxy в правой части уравнения).

Стационарное состояние системы (1) (положение равновесия, не зависящее от

времени решение) будет в точке: $x_0=\frac{c}{d},y_0=\frac{a}{b}.$

Если начальные значения задать в стационарном состоянии $x(0)=x_0,y(0)=y_0$, то в любой момент времени численность популяций изменяться не будет. При малом отклонении от положения равновесия численности как хищника, так и жертвы с течением времени не возвращаются к равновесным значениям, а совершают периодические колебания вокруг стационарной точки.

Амплитуда колебаний и их период определяется начальными значениями численностей x(0),y(0). Колебания совершаются в противофазе.

4 Выполнение лабораторной работы

Напишем код программы на julia. Построение зависимости численности популяций хищников и жертв (фазовый портрет системы) и изменение количества численности хищников и жертв при начальном условие (рис. 4.1).

Рис. 4.1: "Код на Julia"

Зависимость изменения численности хищников от изменения численности жертв (рис. 4.2)

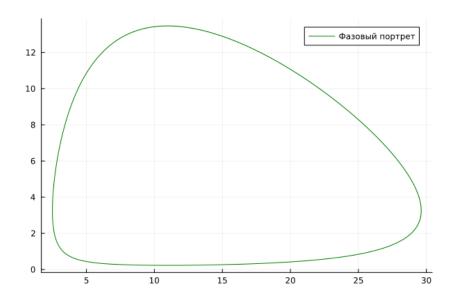


Рис. 4.2: "Результат выполнения программы"

Изменение численности хищников и численности жертв (рис. 4.3)

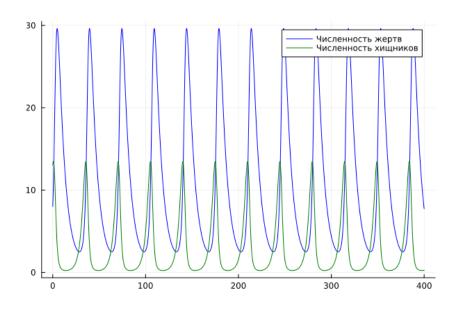


Рис. 4.3: "Результат выполнения программы"

Напишем код программы на julia. Найдем стационарное состояние (рис. 4.4).

Рис. 4.4: "Код на Julia"

Изменение численности хищников и численности жертв (рис. 4.5)

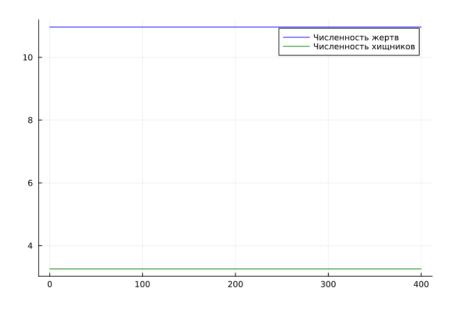


Рис. 4.5: "Результат выполнения программы"

Смоделируем ситуацию в OpenModelica. Построение зависимости численности популяций хищников и жертв (фазовый портрет системы) и изменение количества численности хищников и жертв при начальном условие (рис. 4.6).

```
1 model one
2 Real a = 0.14;
3 Real b = 0.043;
4 Real c = 0.34;
5 Real d = 0.031;
6 Real x;
7 Real y;
8 initial equation
9 x = 8;
10 y = 13;
11 equation
12 der(x) = -a*x + b*x*y;
13 der(y) = c*y - d*x*y;
14 end one;
```

Рис. 4.6: "Код в OpenModelica"

Зависимость изменения численности хищников от изменения численности жертв (рис. 4.7)

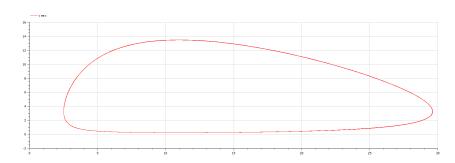


Рис. 4.7: "Результат выполнения программы"

Изменение численности хищников и численности жертв (рис. 4.8)

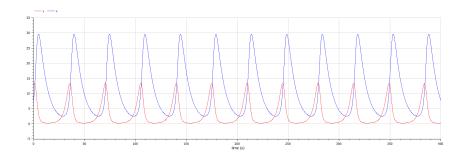


Рис. 4.8: "Результат выполнения программы"

Смоделируем ситуацию в OpenModelica. Найдем стационарное состояние (рис. 4.9).

```
Доступный на запись
 1
   model two
 2
   Real a = 0.14;
   Real b = 0.043;
 3
   Real c = 0.34;
 4
   Real d = 0.031;
 5
 6
   Real x;
 7
   Real y;
   initial equation
8
9 x = c/d;
10 y = a/b;
11 equation
   der(x) = -a*x + b*x*y;
12
13 der(y) = c*y - d*x*y;
    end two;
14
```

Рис. 4.9: "Код в OpenModelica"

Изменение численности хищников и численности жертв (рис. 4.10)

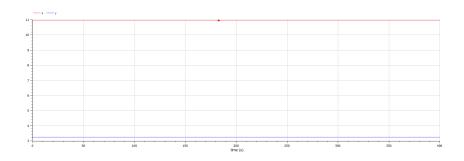


Рис. 4.10: "Результат выполнения программы"

5 Выводы

- Я рассмотрела моделирование ситуации хищник-жертва.
- В результате выполнения работы получила графики с помощью моделирования на Julia и OpenModelica.
- Построbkf график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях: $x_0=8, y_0=13.$
- Нашла стационарное состояние системы.

Список литературы