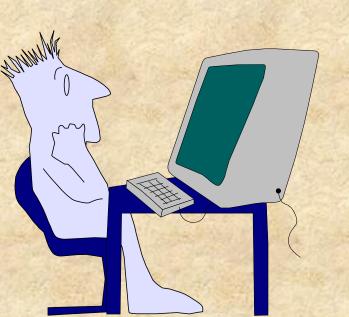
# 数学建模与数学实验

# MATLAB入门



# 数学建模(Mathematical Modelling)

#### • 数学建模

- 把现实世界中的实际问题加以提炼
  - , 抽象为数学模型, 求出模型的解
  - ,验证模型的合理性,并用该数学
  - 模型所提供的解答来解释现实问题
  - 。数学知识的这一应用过程称为数学建模。

# 常用数学软件

- · 综合型:通常功能比较全面,国际上有影响的主要有MATLAB、Maple、Mathematica等
- · 专业型: 通常功能比较单一 统计软件(SPSS SAS SPLUS) 数据处理和作图软件(Origin) 优化软件(Lingo)
- · 排版结合型:通常将科学排版和科学计算想融合, 如Mathcad、Scientific等

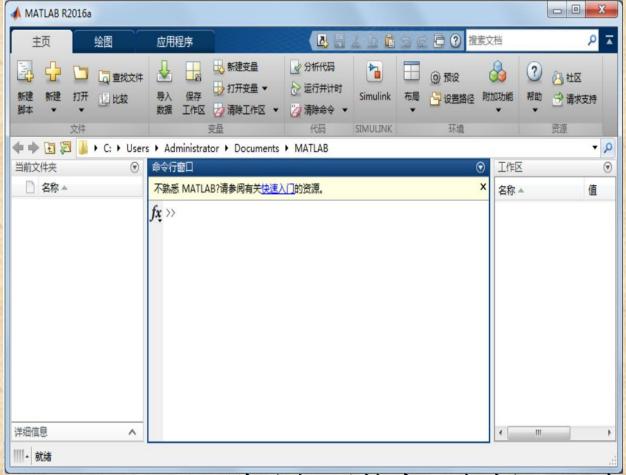
- MATLAB作为线性系统的一种分析和仿真工具, 是理工科大学生应该掌握的技术工具,它作为一 种编程语言和可视化工具,可解决工程、科学计 算和数学学科中许多问题.
- MATLAB建立在向量、数组和矩阵的基础上,使用方便,人机界面直观,输出结果可视化.
- 矩阵是MATLAB的核心.

· MATLAB的进入与运行方式(两种).

#### MATLAB R2016a 窗口

■ MATLAB的版本不断更新,图1展示的是MATLAB R2016a的界面,从中了解一下MATLAB操作界面的

构成。



打开MATLAB R2016a,默认打开的窗口包括: (1)命令行窗口; (2)当前文件夹窗口; (3)工作区窗口。

## 命令行窗口

- 命令行窗口用于输入命令并显示命令的执行结果。其中>>为命令 提示符。
- $\Rightarrow$  >> a=[1 2 3];
- $\Rightarrow$  >> b=[4 5 6];
- → >> c=a+b
- \* 得到运算结果为
- c =
- 5 7 9
  - 在MATLAB中变量默认为矩阵类型。
  - 命令行后面加; 表示不显示结果

# 表1 MATLAB 常用命令

| 命令     | 功能         | 命令    | 功能           |
|--------|------------|-------|--------------|
| who    | 显示内存变量     | whos  | 显示内存变量的详细信息  |
| clear  | 清除工作空间中的变量 | clc   | 清除命令窗口显示的内容  |
| help   | 获得帮助信息     | demo  | 获得demo演示帮助信息 |
| figure | 打开新图形窗口    | clf   | 清除图形窗口       |
| type   | 显示M文件的内容   | which | 显示文件所在文件夹    |
| cd     | 设置当前工作文件夹  | md    | 创建文件夹        |
| dir    | 显示目录清单     | edit  | 打开M文件编辑器     |
| exit   | 退出MATLAB   | quit  | 退出MATLAB     |

## 当前文件夹窗口

- 在程序设计时,如果不特别指明存放数据和文件的路径,MATLAB默认把数据和文件存放在当前文件夹中,为使用方便最好把用户文件夹设置为当前文件夹。有两种方式设置当前文件夹:
- ◆ (1) 在当前文件夹工具栏或当前文件夹窗□中选择某文件夹为当前 文件夹
- \* (2) 使用cd命令
- \* 在命令行窗口输入cd e:\matlabexers 命令就将e:\matlabexers文件夹设置 为当前文件夹。建立文件时会自动存入当前文件夹中。如果MATLAB 需要和多个文件夹交换信息,则可以把这些文件夹设置为MATLAB的 搜索路径中。使用path命令可以添加搜索路径,例如命令
- >> path(path,'e:\bai')
- ※ 将E:\bai文件夹添加到搜索路径中。

# 工作区(Workspace)窗口

- ★工作区中可以看到当前计算机内存中MATLAB变量的名称 、值、数学结构、该变量的字节数及其类型等,在默认设置下,工作间管理窗口自动显示于MATLAB界面中。
- № 鼠标双击某个变量后可以打开变量编辑器窗口,方便修改变量的值,选中数据b可以单击或右键plot(b),得到函数图像,下拉菜单中还有更多选择。如图所示。

|        | Stack: Base | <b>-</b> | plot(b) |  |
|--------|-------------|----------|---------|--|
| Vame * | Value       | Min      | Max     |  |
| a      | [1,2,3]     | 1        | 3       |  |
| b      | [4,5,6]     | 4        | 6       |  |
| С      | [5,7,9]     | 5        | 9       |  |
| ∃d     | [3,4,5]     | 3        | 5       |  |

| <b>1</b>         | /ariable Editor | b        |      |   |                                                     |        | →1 🗆 ह | ×    |
|------------------|-----------------|----------|------|---|-----------------------------------------------------|--------|--------|------|
|                  | % Pa Ca         | <b> </b> | Base | * | ] <mark>                                    </mark> | :(b( • |        | ×    |
| ⊞ b <1x3 double> |                 |          |      |   |                                                     |        |        |      |
|                  | 1               | 2        | 3    | 4 | 5                                                   | 6      | 7      |      |
| 1                | 4               | 5        | 6    |   |                                                     |        |        | A    |
| 2                |                 |          | . 6  |   |                                                     |        |        | Ш    |
| 3                |                 |          |      |   |                                                     |        |        | - 12 |
| 4                |                 |          |      |   |                                                     |        |        |      |

# MATLAB入门

一、变量与函数

二、数组

三、矩 阵

四、MATLAB编程

五、实验作业

# 一、变量与函数

## 1. 变量

#### MATLAB中变量的命名规则是:

- (1) 变量名必须是不含空格的单个词;
- (2) 变量名区分大小写,标准函数名以及命令名 必须用小写字母;
  - (3) 变量名最多不超过63个字符;
- (4)变量名必须以字母打头,之后可以是任意字母、数字或下划线,变量名中不允许使用标点符号。

变量赋值语句有两种形式:

- (1) 变量=表达式
- (2) 表达式

# 练习

- ❖以下哪项是MATLAB的合法变量名
- A. 1a
- ❖ B. a#1
- C.a\_1
- ❖ D.平均

# 练习

- ❖以下哪项是MATLAB的合法变量名
- A. 1a
- ❖ B. a#1
- C.a\_1
- ❖ D.平均

答案: C

## 预定义变量

#### \* 预定义变量

- 预定义变量是在MATLAB工作空间中驻 留,由系统本身定义的变量。例如,
  - · Pi代表圆周率,
  - · ans代表默认变量名
  - · NaN代表非数,
  - · i和j代表虚数单位,
  - · inf或Inf代表无穷大等。
  - MATLAB可以直接面向复数进行运 算。

```
Command Window
File Edit Debug Desktop Window
\rangle\rangle x=1+2i
    1.0000 + 2.0000i
\rangle\rangle y=2+3j
   2.0000 + 3.0000i
>> c=x*y
  -4.0000 + 7.0000i
>> 1/0
ans =
    Inf
>> 0/0
ans =
   NaN
>> cos(pi)
ans =
     -1
>>
```

# 特殊变量表

| 特殊变量    | 取值                         |  |  |  |
|---------|----------------------------|--|--|--|
| ans     | 用于结果的缺省变量名                 |  |  |  |
| pi      | 圆周率                        |  |  |  |
| eps     | 计算机的最小数,和 1 相加时产生一个比 1 大的数 |  |  |  |
| flops   | 浮点运算数                      |  |  |  |
| inf     | 无穷大,如 1/0                  |  |  |  |
| NaN     | NaN 不定量,如 0/0              |  |  |  |
| i, j    | $i=j=\sqrt{-1}$            |  |  |  |
| nargin  | 所用函数的输入变量数目                |  |  |  |
| nargout | t 所用函数的输出变量数目              |  |  |  |
| realmin | 最小可用正实数                    |  |  |  |
| realmax | realmax 最大可用正实数            |  |  |  |

# 变量的管理

- ❖ 内存变量的删除与修改可以在工作区窗口进行。使用who 或whos命令可以查看内存变量。
- \* 内存变量文件用于保存MATLAB工作区变量的文件,其扩展名为.mat,也叫MAT文件,save命令用于创建内存变量文件。
- ❖ load命令用于装入内存变量文件。使用方式如下:
  - >> save mydata a x
  - >> load mydata

## 练习

- → 在命令行窗口输入下列命令后, a的值为
- >>clear
- → >>a=i\*j
- A. 0
- ❖ B. 不确定
- C. i\*j
- **❖** D. -1

## 练习

- \*在命令行窗口输入下列命令后, a的值为
- >>clear
- → >>a=i\*j
- A. 0
- ❖ B. 不确定
- C. i\*j
- **⋄** D. -1
- ◆ 思考题:如果没有clear这句,结果又如何?

答案: B

答案: D

## 2. 数学运算符号及标点符号

| +  | 加法运算,适用于两个数或两个同阶矩阵相加. |
|----|-----------------------|
|    | 减法运算                  |
| *  | 乘法运算                  |
| .* | 点乘运算                  |
| /  | 除法运算                  |
| ./ | 点除运算                  |
| ^  | 乘幂运算                  |
| .^ | 点乘幂运算                 |
|    | 反斜杠表示左除.              |

- (1) MATLAB的每条命令后,若为**逗号或无标点**符号,则显示命令的结果;若命令后为**分号**,则禁止显示结果.
- (2) "%"后面所有文字为注释.
- (3) "…"表示续行.

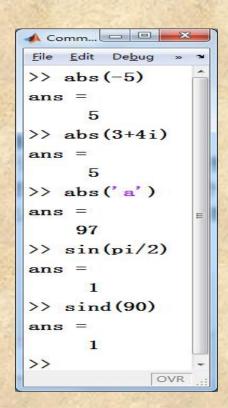
# 3. 数学函数

| 函数      | 名称                             | 函数             | 名称       |
|---------|--------------------------------|----------------|----------|
| sin(x)  | 正弦函数                           | asin(x)        | 反正弦函数    |
| cos(x)  | 余弦函数                           | acos(x)        | 反余弦函数    |
| tan(x)  | 正切函数                           | atan(x)        | 反正切函数    |
| abs(x)  | 绝对值                            | max(x)         | 最大值      |
| min(x)  | 最小值                            | sum(x)         | 元素的总和    |
| sqrt(x) | 开平方                            | exp(x)         | 以e为底的指数  |
| log(x)  | 自然对数                           | $\log_{10}(x)$ | 以10为底的对数 |
| sign(x) | 符号函数                           | fix(x)         | 取整       |
| abs(x)  | 求绝对值、复<br>数的模及字符<br>串的 ASCII 值 | rem(x,n)       | 求x除以n的余数 |

<sup>❖</sup> 三角函数有以弧度为单位的函数和以角度为单位的函数,如果是以角度为单位的函数,就在函数名后面加"d",以示区别,

<sup>●</sup> 例如sin(pi/2)和sind(90)分别是弧度和角度的函数用法,计算的值一样。

#### 数学函数



```
▲ Command Window
File Edit Debug Desktop Window Help
>> %求三位数m的个位、十位、百位 ^
\rightarrow m=456;
\rightarrow d1=rem(m, 10)
d1 =
     6
\Rightarrow d2=rem(fix(m/10), 10)
d2 =
   5
>> d3=fix(m/100)
d3 =
     4
>>
                               OVR
```

#### 取整函数

- ◆ 用于取整的函数有fix、floor、ceil、round
- ❖ round函数是按照四舍五入的规则来取整;
- ❖ ceil是向上取整,取大于等于这个数的第一个整数。
- ❖ floor是向下取整,取小于等于这个数的第 一个整数。
- ❖ fix是固定取靠近0的那个整数,也就是舍去 小数取整

```
♦ Comm... □ □ X

File Edit Debug
>> round (5.6)
ans =
\Rightarrow fix (5.6)
ans =
     5
>> floor (5.6)
ans =
     5
>> ceil(5.6)
ans =
     6
>>
             OVR
```

## 矩阵运算函数

- ❖ MATLAB提供了矩阵计算的有关函数,可以求矩阵的维数、 长度、行列式值、矩阵的秩、矩阵的迹、矩阵的范数和条件 数等。
  - size(A):求矩阵的各维的大小。
  - length(A):求矩阵的长度,
  - 如果是多维矩阵,取各维长度的最大值。

# 求矩阵大小和长度

- >> A=[1 2 3 4 5; 6 7 8 9 0];
- >> size(A)
- ans =
- **\*** 2 5
- >> length(A)
- **\*** 5
- >> length(A')
- ans =
- **\*** 5

#### 练习

- ❖ 假设a是一个2行3列的矩阵,执行以下命令后b的值是
- >> b=zeros(size(a))
- \* A. 3行2列的全0矩阵
- ❖ B. 2行3列的全0矩阵
- ❖ C. 2行1列的全0矩阵
- \* D. 1行3列的全0矩阵

#### 练习

- ❖ 假设a是一个2行3列的矩阵,执行以下命令后b的值是
- >> b=zeros(size(a))
- \* A. 3行2列的全0矩阵
- ❖ B. 2行3列的全0矩阵
- \* C. 2行1列的全0矩阵
- \* D. 1行3列的全0矩阵

答案: B

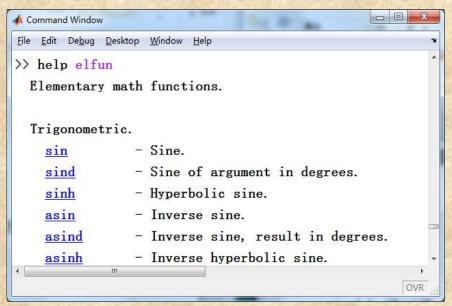
#### 矩阵函数

- ❖ det (A): 求方阵A所对应的行列式的值。
- ❖ rank(A): 求矩阵A的秩,矩阵线性无关的行数或列数称为矩阵的秩。
- ❖ trace(A): 求矩阵A的迹,矩阵的迹等于矩阵的对角线元素之和,也等于矩阵的特征值之和。
- ❖ 矩阵或向量的范数用来度量矩阵或向量在某种意义下的长度。
- ❖ 在 MATLAB 中,求向量范数的函数为:
- ❖ norm(V)或norm(V,2): 计算向量V的2范数。
- ❖ norm(V,1): 计算向量V的1范数。
- norm(V,inf): 计算向量V的∞范数。

- ❖ 矩阵A的条件数等于A的范数与A的逆矩阵的范数的乘积。条件数越接近于1,矩阵的性能越好,反之,矩阵的性能越差。
- ❖ 在MATLAB中, 计算矩阵A的3种条件数的函数是:
- ❖ cond(A,1): 计算A的1范数下的条件数。
- ❖ cond(A)或cond (A,2): 计算A的2范数下的条件数。
- ❖ cond((A,inf)): 计算A的∞范数下的条件数。

#### 帮助函数

- ❖ MATLAB提供了帮助命令可以查询个函数的用法,例如 help可以列出全部的帮助主题;
  - help elfun命令可以查阅各基本函数的用法;
  - help elmat命令可以查阅初等矩阵和矩阵运算的相关函数。



#### 4. M文件

MATLAB的内部函数是有限的,有时为了研究某一个函数的各种性态,需要为MATLAB定义新函数,为此必须编写函数文件. 函数文件是文件名后缀为M的文件, 这类文件的第一行必须是一特殊字符function开始, 格式为:

function 因变量名=函数名(自变量名) 函数值的获得必须通过具体的运算实现,并赋给 因变量.

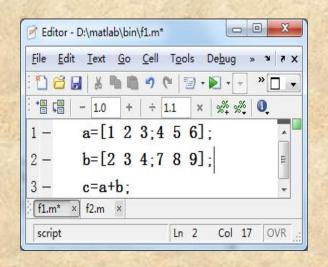
- M文件建立方法: 1. 在MATLAB中,点:File→New → M-file
  - 2. 在编辑窗口中输入程序内容
  - 3. 点File → Save, 存盘, M文件名必须 与函数名一致.

MATLAB的应用程序也以M文件保存.

- ❖M文件可分为两大类,M脚本文件和M函数 文件,这两种Matlab程序代码所编写的文 件通常都是以".m"为扩展名,因此都统称为 M文件。
  - 在MATLAB窗口的文件菜单File中new再 选script,即可打开脚本文件的编辑器
  - 在File菜单中new下再选function即可打开函数文件的编辑器。函数文件的标志就是以function开头
  - MATLAB的不同版本菜单和操作稍有差 异。

# 脚本文件

- ❖ 脚本文件可在命令行窗口直接执行的文件,也叫命令文件, 直接输入文件名即可执行。
- ❖ 例如,文件名为f1.m,则在命令窗口直接输入f1即可执行这个脚本文件,得到运行结果,其变量定义在工作空间中。



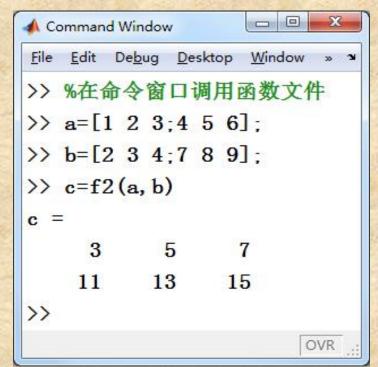


# 函数文件

- ❖ 函数文件是定义一个函数(function),不能在编辑器窗口直接执行,而必须以函数调用的方式来执行它。函数文件在保存时需要文件名要和函数名一致。当函数文件名与函数名不相同时,MATLAB将忽略函数名,调用时使用函数文件名。例如,函数名为f2,那么保存的文件名也应该为f2,在命令窗口调用函数时,
- ❖ 使用如下的一般调用形式:
  - 函数名(实际参数)

#### f2(a,b), 函数的定义和调用





例: 定义函数  $f(x_1,x_2)=100(x_2-x_1^2)^2+(1-x_1)^2$ 

1.建立M文件: fun.m

2. 可以直接使用函数fun.m

例如: 计算f(1,2), 只需在MATLAB命令窗口键入命令:

$$x = [1 \ 2]$$

fun(x)

MATLAB(fun)

## 二、数组

1. 创建简单的数组

x=[a b c d e f] 创建包含指定元素的行向量.

x=first: last

创建从first开始,加1计数,到last结束的行向量.

x=first: increment: last

创建从first开始,加increment计数,到last结束的行向量.

x=linspace(first, last, n)

创建从first开始,到last结束,有n个元素的行向量.

x=logspace(first, last, n)

创建从first开始,到last结束,有n个元素的对数分隔行向量.

#### 2. 数组元素的访问

- (1) 访问一个元素: x(i)表示访问数组x的第i个元素.
- (2) 访问一块元素: x(a:b:c)表示访问数组x的第a个元素开始,以步长b到第c个元素(但不超过c),b可以为负数,b缺省时为1.
- (3) **直接使用元素编址序号**. x([a b c d]) 表示提取数组x的第a、b、c、d个元素构成一个新的数组 [x(a) x(b) x(c) x(d)].

MATLAB(shuzu2)

#### 3. 数组的方向

前面例子中的数组都是一行数列,是行方向分布的. 称之为行向量.数组也可以是列向量,它的数组操作和运 算与行向量是一样的,唯一的区别是结果以列形式显示.

产生列向量有两种方法:

直接产生 例 c=[1; 2; 3; 4]

转置产生 例 b=[1 2 3 4]; c=b'

说明:以空格或逗号分隔的元素指定的是不同列的元素,而以分号分隔的元素指定了不同行的元素.

#### 4. 数组的运算

#### (1) 标量-数组运算

数组对标量的加、减、乘、除和平方运算,是指数组的每个元素对该标量施加相应的加、减、乘、除、平方运算. 设: a=[a<sub>1</sub>,a<sub>2</sub>,...,a<sub>n</sub>], c是标量.

```
则: a+c=[a1+c,a2+c,...,an+c]
    a.*c=[a1*c,a2*c,...,an*c]
    a./c= [a1/c,a2/c,...,an/c](右除)
    a.\c= [c/a1,c/a2,...,c/an] (左除)
    a.^c= [a1^c,a2^c,...,an^c]
    c.^a= [c^a1,c^a2,...,c^an]

MATLAB(shuzu3)
```

#### (2) 数组-数组运算

当两个数组有相同维数时,加、减、乘、除、 幂运算可按元素对元素方式进行,不同大小或维数 的数组是不能进行运算的.

设: 
$$a=[a_1,a_2,...,a_n]$$
,  $b=[b_1,b_2,...,b_n]$ 则:  $a+b=[a_1+b_1,a_2+b_2,...,a_n+b_n]$ 
a.\*b=  $[a_1*b_1,a_2*b_2,...,a_n*b_n]$ 
a./b=  $[a_1/b_1,a_2/b_2,...,a_n/b_n]$ 

a.  $b=[b_1/a_1,b_2/a_2,...,b_n/a_n]$ MATLAB(shuzu4)

$$a.^b=[a_1^b_1,a_2^b_2,...,a_n^b_n]$$

## 三、矩 阵

1. 矩阵的建立

逗号或空格用于分隔某一行的元素,分号用于区分不同的行.除了分号,在输入矩阵时,按Enter键也表示开始新一行.输入矩阵时,严格要求所有行有相同的列.

例 m=[1 2 3 4; 5 6 7 8; 9 10 11 12]

2 2 2 2

3 3 3 3]

### 创建矩阵

- \* (1) 直接输入
- (2) 利用已建好的矩阵连接为更大的矩阵:
- ❖ (3) 冒号操作符
- ◆ (4) 利用linspace产生行向量

#### (1) 直接输入

\* 将矩阵的元素用中括号括起来,按矩阵行的顺序输入各元素,同一行的各元素之间用逗号或空格分隔,不同行的元素之间用分号分隔或直接回车。

```
>> a=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
```

- a =
- **1** 2 3
- **4** 5 6
- **7** 8 9

#### (2) 利用已建好的矩阵连接为更大的矩阵

- \* 一个大矩阵可以由已经建立好的小矩阵拼接而成。
  - 水平方向连接用horzcat(a,b)或[a,b]或[a b];
  - 垂直方向连接用vertcat(a,b)或[a;b]。
  - c=[a a;b b]就是由a矩阵和b矩阵拼接成一个更大的矩阵。

#### 矩阵的拼接

```
>> a=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
a =
```

#### (3) 冒号操作符

- \* 冒号表达式的一般格式为:
  - e1:e2:e3
    - 其中e1为初始值, e2为步长, e3为终止值, 省略步长e2, 则步长为1。生成一个从e1到e3, 以步长e2自增的行向量。
  - >> x=1:5
  - x =
  - **1** 2 3 4 5
  - >> y=1:2:10
  - y =
  - **1** 3 5 7 9

### (4) 利用linspace产生行向量

- ❖ 使用线性等分函数linspace, 其一般形式为:
  - linspace(a,b,n)
    - 其中a为第一个元素, b为最后一个元素, n为元素个数。当n省略时, 自动产生100个元素。这样产生的向量的元素成等差数列。
  - >> z=linspace(1,9,5)
  - z=
  - **1** 3 5 7 9

#### 2. 矩阵中元素的引用

- (1) 通过下标来引用矩阵元素
- (2) 通过序号来引用
- (3) 利用冒号表达式获得子矩阵

#### (1) 通过下标来引用矩阵元素

- a(1,2)表示a矩阵第1行第2列的元素,用赋值语句可以改变其值,a(1,2)=100。
- 注意:如果给出的行下标或列下标大于原来矩阵的行数和列数,那么MATLAB将自动扩展原来的矩阵,并将扩展后没有赋值的矩阵元素置为0。
- >> a=[1 2 3;4 5 6;7 8 9]
- **⋄** a =
- 1 2 3
- 4 5 6
- 7 8 9

| >> a(4,5)=100 |   |   |   |     |  |  |
|---------------|---|---|---|-----|--|--|
| a = `         |   |   |   |     |  |  |
| 1             | 2 | 3 | 0 | 0   |  |  |
| 4             | 5 | 6 | 0 | 0   |  |  |
| 7             | 8 | 9 | 0 | 0   |  |  |
| 0             | 0 | 0 | 0 | 100 |  |  |
|               |   |   |   |     |  |  |

#### (2) 通过序号来引用

- ❖ 在MATLAB中,矩阵元素按列存储,
- ❖ 即首先存储矩阵的第1列元素,然后存储第2列元素, ..., 一直到矩阵的最后一列元素。
- ❖ 矩阵元素的序号就是矩阵元素在内存中的排列顺序。序号 与下标是一一对应的
- ❖以m×n矩阵A为例,矩阵元素A(i,j)的序号为(j-1)×m+i。 当a为之前例子中的4\*5矩阵时,第5个元素的值为2。
- \* >> a(5)
- **\*** 2

| 1 | 2 | 3 | 0 | 0   |
|---|---|---|---|-----|
| 4 | 5 | 6 | 0 | 0   |
| 7 | 8 | 9 | 0 | 0   |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 100 |

#### (3) 利用冒号表达式获得子矩阵

- \* 子矩阵是指由矩阵中的一部分元素构成的矩阵。
- \* 包括以下几种方式:
- ❖ a(i,:)表示a矩阵第i行的全部元素;
- ❖ a(:,j) 表示a矩阵第j列的全部元素;
- ❖ a(i:i+d,k:k+d) 表示a矩阵第i~i+d行内且在第k~k+d列中的所有元素;
- ❖ a(i:i+d,:)表示a矩阵第i~i+d行的全部元素;
- ❖ end运算符:表示某一维的末尾元素下标。
  - a(end,:)表示最后一行。

#### (3) 利用冒号表达式获得子矩阵

```
>> a=[1 2 3 4;5 6 7 8;9 10 11 12]
```

```
♦ a =
```

```
>> a(:,2:3)
ans =
    2    3
    6    7
    10    11
>> a(end,:)
ans =
    9    10    11    12
```

### 练到 以下命令序列输出结果是:

- >> a=[1 2 3 4;5 6 7 8;9 10 11 12]
- **♦** a =
- 4
- **\*** 5 6 7 8
- 9 10 11 12
- ♦ >> a(:,3)

A. 3

B. 9 10 11 12

C. 3

7

11

D. 1 2 3

5 6 7

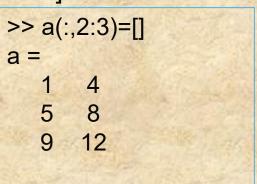
9 10 11

答案: C

#### 3.利用空矩阵删除矩阵元素

- \* 空矩阵是指没有任何元素的矩阵。
  - x=[], x就是一个空矩阵。a(:,2:3)=[]表示把a矩阵的第2列到第3列删除
  - >> a=[1 2 3 4;5 6 7 8;9 10 11 12]

| • a = |    |    |    |
|-------|----|----|----|
| - 1   | 2  | 3  | 4  |
| - 5   | 6  |    | 8  |
| • 9   | 10 | 11 | 12 |



#### 4.改变矩阵的形状

- ❖ 单撇号'或transpose函数可实现矩阵的转置,即行列互换。
- ❖ 冒号:可将矩阵变为一维列向量。
- ❖ reshape(A,m,n): 在矩阵总元素保持不变的前提下,将矩阵A重新排成m×n的二维矩阵。
  - 注意,reshape函数只是改变原矩阵的行数和列数,但并不改变原 矩阵元素个数及其存储顺序。

#### 改变形状

- → >> x=1:9
- 1 2 3 4 5 6 7 8 9
- $\Rightarrow$  >> a=reshape(x,3,3)
- **⋄** a =
- 4 1 4 7
- 2 5 8
- 3 6 9

### 将矩阵变为列向量

- ❖ A(:)可将矩阵A的每一列元素堆叠起来,成为一个列向量。
  - >> c=[1 2; 3 4]
  - c =
  - 1 2
  - **3** 4
  - >> d=c(:)
  - d =
  - **1**
  - **3**
  - 2
  - 4

### 矩阵中元素的操作

- (1) 矩阵A的第r行: A(r,:)
- (2) 矩阵A的第r列: A(:, r)
- (3) 依次提取矩阵A的每一列,将A拉伸为一个列向量: A(:)
- (4) 取矩阵A的第i1~i2行、第j1~j2列构成新矩阵:A(i1:i2, j1:j2)
- (5) 以逆序提取矩阵A的第i1~i2行,构成新矩阵:A(i2:-1:i1,:)
- (6) 以逆序提取矩阵A的第j1~j2列,构成新矩阵:A(:,j2:-1:j1)
  - (7) 删除A的第i1~i2行,构成新矩阵:A(i1:i2,:)=[]
  - (8) 删除A的第j1~j2列,构成新矩阵:A(:,j1:j2)=[]
  - (9) 将矩阵A和B拼接成新矩阵: [A B]; [A; B]

#### MATLAB(matrix2)

#### 5.利用函数创建特殊矩阵

创建矩阵的函数包括eye、ones、zeros、rand、randn、diag、magic、meshgrid和ndgrid等。

- ❖ eye产生一个单位阵;
- \* ones产生一个全一的矩阵,
- ❖ zeros产生一个全零的矩阵,
- ❖ rand产生一个随机阵,数值介于0~1之间,
- ❖ randn产生一个随机矩阵,数据呈标准正态分布。
- \* diag产生一个以一个向量为主对角线的对角阵。
- ❖ magic产生一个魔方阵。各函数的参数如果只有一个就是产生一个方阵,如果给两个参数(m,n)则产生一个m行n列的矩阵。
- ❖ [x,y]=meshgrid(1:10,1:10)可生成3-D图形所需要的多维数据。

#### 特殊矩阵的建立:

c=ones(m, n) 产生一个m行n列的元素全为1的矩阵

b=zeros(m, n) 产生一个m行n列的零矩阵

a=[ ]

产生一个空矩阵, 当对一项操作无结

果时,返回空矩阵,空矩阵的大小为零

d=eye(m, n) 产生一个m行n列的单位矩阵

**MATLAB(matrix1)** 

## 产生特殊矩阵

### 产生特殊矩阵

- >> e=rand(2,5)
- **⋄** e =
- 0.1576 0.9572 0.8003 0.4218 0.7922
- 0.9706 0.4854 0.1419 0.9157 0.9595
- ⇒ >> f=randn(2,4)
- **⋄** f =
- 0.6715 0.7172 0.4889 0.7269
- -1.2075 1.6302 1.0347 -0.3034

## 产生特殊矩阵

- >> g=diag([1 2 3])
- **⋄** g =
- 1 0 0
- 0 2 0
- 0 0 3

例分别建立3×3、3×2和与矩阵A同样大小的零矩阵。

(1)建立一个3×3零矩阵。

zeros(3)

(2)建立一个3×2零矩阵。

zeros(3,2)

(3) 设A为2×3矩阵,则可以用zeros(size(A))建立一个与矩阵A同样大小零矩阵。

A=[1 2 3;4 5 6]; %产生一个2×3阶矩阵A zeros(size(A)) %产生一个与矩阵A同样大小的 零矩阵

#### 例 建立随机矩阵:

- (1) 在区间[20,50]内均匀分布的5阶随机矩阵。
- (2)均值为0.6、方差为0.1的5阶正态分布随机矩阵。

命令如下:

x=20+(50-20)\*rand(5)

y=0.6+sqrt(0.1)\*randn(5)

此外,常用的函数还有reshape(A,m,n),它在矩阵总元素保持不变的前提下,将矩阵A重新排成m×n的二维矩阵。

#### 练习 以下哪个命令序列不能得到3\*3的矩阵

♣ A. >> a=[1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]

❖ B. >> a=1:9

>> b=reshape(a,3,3)

❖ C. >> a=1:16

>>b=reshape(a,4,4)

 $\Rightarrow$  >>c=b(1:3,2:4)

D.>>a=ones(2,3)

答案: D

#### MATLAB的基本运算

- \* 1. 算术运算
  - (1) 基本算术运算
    - +(加)、-(减)、\*(乘)、/(右除)、\(左除)、^(乘方)
  - (2) 点运算
    - .\*、./、.\和.^
- \* 2.关系运算
  - <(小于)、<=(小于或等于)、>(大于)、>=(大于或等于)
  - ==(等于)、~=(不等于)。
- ❖ 3.逻辑运算
  - ♣(逻辑与)、|(逻辑或)和~(逻辑非)

## 基本算术运算

- ❖基本算术运算符包括+(加)、一(减)、\*(乘)、/(右除)、\(左除)、^(乘方)。
- ❖ MATLAB的算术运算对象默认是矩阵类型的。单个数据的 算术运算只是矩阵运算的一种特例。
- ❖ 加减运算时,若两矩阵同型,则运算时两矩阵的相应元素相加减。
- ❖ 若两矩阵不同型,则MATLAB将给出错误信息。
- ❖一个标量也可以和矩阵进行加减运算,这时把标量和矩阵的每一个元素进行加减运算。

### 矩阵的运算

- (1) 标量-矩阵运算 标量-数组运算相同.
- (2)矩阵-矩阵运算 [1]元素对元素的运算,同数组-数组运算.

[2]矩阵运算:

矩阵加法: A+B

矩阵乘法: A\*B

方阵的行列式: det(A)

方阵的逆: inv(A)

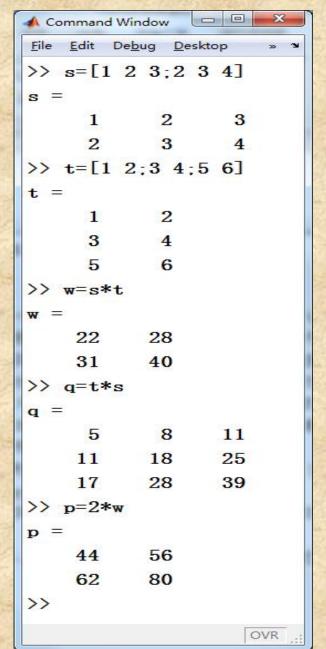
方阵的特征值与特征向量: [V, D]=eig[A]

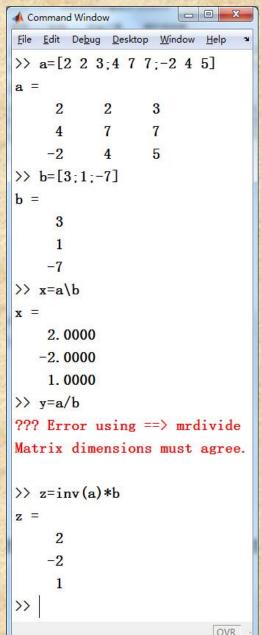
MATLAB(matrix3)

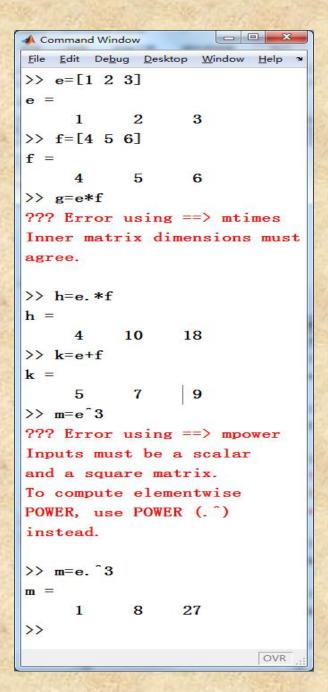
- 在MATLAB中,有两种矩阵除法运算:右除/和左除\。如果A矩阵是非奇异方阵,则B/A等效于B\*inv(A), A\B等效于inv(A)\*B。
- · 乘方运算时,一个矩阵的乘方运算可以表示成A^x,要求A为方阵,x为标量。

# 点运算

- 点运算符包括 .\*、./、.\和.^。
- 两矩阵进行点运算是指它们的对应元素进行相关运算,要求两矩阵同型。







# 关系与逻辑运算

### 1. 关系操作符

| 关系操作符                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | 说明    |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------|
| <                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | 小于    |
| <= \cdot <= \cdot | 小于或等于 |
| >                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | 大于    |
| >=                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | 大于或等于 |
|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | 等于    |
| ~=                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | 不等于   |

- ❖ 当两个比较量是标量时,直接比较两数的大小。若关系成立,关系表达式的值为1,否则值为0。
- ❖ 当参与比较的量是两个同型的矩阵时,比较时对两矩阵相同位置的元素按标量关系运算规则逐个进行,最终的关系运算的结果是一个与原矩阵同型的矩阵,它的元素由0或1组成。
- ❖ 当参与比较的一个是标量,而另一个是矩阵时,则把标量与矩阵的每一个元素按标量关系运算规则逐个比较,最终的关系运算的结果是一个与原矩阵同型的矩阵,它的元素由0或1组成。

# 建立2行4列的矩阵,判断哪些元素是偶数。

- >> a=[23 46 65 78;21 34 56 99]
- **⋄** a =
- 23 46 65 78
- 21 34 56 99
- >> b=rem(a,2)==0
- 0 1 0 1
- 0 1 1 0
- ❖ b中元素值为1的对应a矩阵中的元素即为偶数。

### 2. 逻辑运算符

| 逻辑操作符 | 说明 |
|-------|----|
| &     | 与  |
|       | 或  |
| ~     | 非  |

- ❖ 设a、b为参与逻辑运算的是两个标量,那么运算规则为:
  - a&b: a、b全为非零时,运算结果为1,否则为0。
  - a|b: a、b中只要有一个为非零时,运算结果为1。
  - ~a: 当a为零时,运算结果为1;当a为非零时,运算结果为0。
- ❖ 若参与逻辑运算的是两个同型矩阵,那么将对矩阵相同位置上的元素按标量规则逐个进行运算,最终运算结果是一个与原矩阵同型的矩阵,其元素由1或0组成。
- ❖ 若参与逻辑运算的两个运算对象一个是标量,另一个是矩阵,那么将在标量与矩阵中的每个元素之间按标量规则逐个进行运算,最终运算结果是一个与矩阵同型的矩阵,其元素由1或0组成。

- \* >> a=[1 2 3 4;5 6 7 8;9 10 11 12]
- **⋄** a =
- 1 2 3 4
- 5 6 7 8
- 9 10 11 12
- >>a>6
- **⋄** a =
- \* 0 0 0 0
- 0 0 1 1
- 4 1 1 1 1

# 顺序结构程序设计

- ❖ 1、数据的输入
- ❖ 2、数据的输出
- ❖ 3、程序的暂停

### 1、数据的输入

- ❖ 从键盘输入数据,则可使用input函数来实现,其格式:
- ❖ A=input(提示信息,选项);
  - 其中, 提示信息为字符串, 用于提示用户输入什么样的数据。例如:
- ❖ A=input('请输入A矩阵:');
  - 如果在input函数调用时采用's'选项,则允许用户输入一个字符串。 例如,想输入一个人的姓名,可采用命令:
- xm = input ('What"s your name?', 's')

# 2、数据的输出

❖ Matlab提供的命令窗口输出函数主要有disp函数和fprintf 函数。

### (1) disp函数

- ❖(1)disp函数将数据输出到matlab的命令窗口
  - disp函数的调用格式为:
  - disp(输出项)
  - 其中,输出项既可以是字符串、也可以是矩阵。
  - 用disp函数显示矩阵时将不显示矩阵的名字,而且其格式更紧密 ,且不留任何没有意义的空行。

# 输入和输出举例





## (2) fprintf函数

- ❖(2)用fprintf函数格式化输出数据到文件中
- ❖ fprintf函数显示带有相关文本的一个或多个值,允许程序员 控制显示数据的方式。它在命令行窗口打印一个数据的一般 格式如下:
- ❖ fprintf(文件句柄fid,格式format,数据data)
  - 其中fid表示由fopen函数打开的文件句柄,如果fid省略,则直接输出 在屏幕上,format用于表示一个描述打印数据方式的字符串,data代 表要打印的一个或多个标量或数组。format包括两方面的内容,一方 面是打印文本内容;另一方面是打印内容中的数据格式。

# fprintf举例

- >> fprintf('the value of pi is%6.2f\n',pi)
- the value of pi is 3.14
  - 打印的结果为the value of pi is 3.14,后面带有一个换行符。
  - 转义序列%6.2f代表在本函数中的第一个数据项将占有6个字符宽度, 小数点后有2位小数。
- ❖ fprintf函数有一个重大的局限性,只能显示复数的实部。当我们的计算结果是复数时,这个局限性将会产生错误。在这种情况下,最好用disp显示数据。

# format命令中格式符的意义:

| 表 format命令中的格式符 |                      |  |
|-----------------|----------------------|--|
| 格式符             | 功能                   |  |
| %d              | 把值作为整数来处理            |  |
| %e              | 用科学记数法来显示数据          |  |
| %f              | 用于格式化浮点数,并显示这个数      |  |
| %g              | 用科学记数格式,或浮点数格式,根据长度最 |  |
|                 | 短的显示                 |  |
| %n              | 换行符                  |  |

# 3、程序的暂停

- ❖ Matlab中程序暂停函数的调用格式:
- ❖ pause(延时秒数)
  - 若省去延时秒数,直到用户按任意键程序继续执行,按Ctrl+C强 行中止程序的执行。

# 这样结构程序设计

- ❖ MATLAB中可以用3种语句实现选择结构
- ❖ if语句
- ❖ switch语句
- ❖ try语句

# if語句

- \* 单分支
- \* 双分支
- \* 多分支

# (1) 单分支if语句

### ❖ 格式:

- if 条件
- **■** 语句组
- end
- 如果条件成立就执行语句组,条件通常是关系表达式或逻辑表达式, 当条件结果为标量时,非零表示条件成立,零表示条件不成立;
- 当条件结果为矩阵时,如果矩阵为非空,且不包含零元素,条件成立 ,否则不成立。
- [1,2;0,3]表示条件时,条件不成立; [1,2;3,4]表示条件时,条件成立。

### (2) 双分支if语句

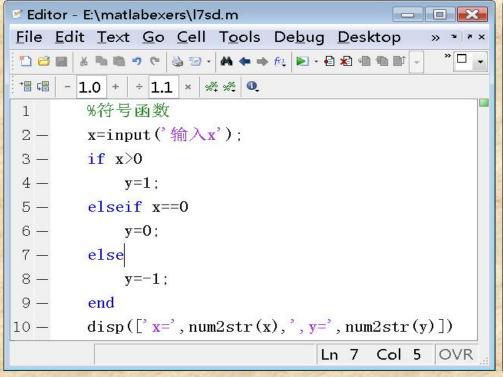
- ❖ (2) 双分支if语句
- ❖ 格式:
  - if 条件
  - 语句组**1**
  - else
  - 语句组2
  - end
- ❖ 如果条件成立则执行语句组1,否则执行语句组2。

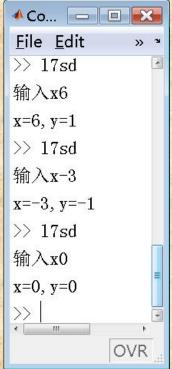
# (3) 多分支if语句

### ❖ 格式:

- if 条件1
- 语句组1
- elseif 条件2
- 语句组2
- •
- elseif 条件m
- 语句组m
- else
- 语句组n
- end

# 【例】编写程序完成心下分段函数,要求输入X的值,输出相应的Y值。



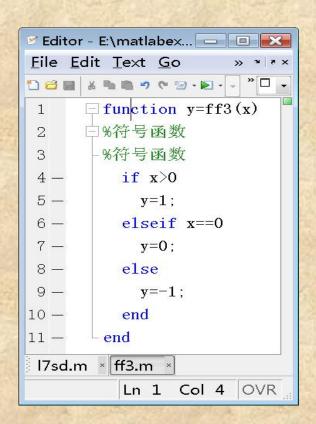


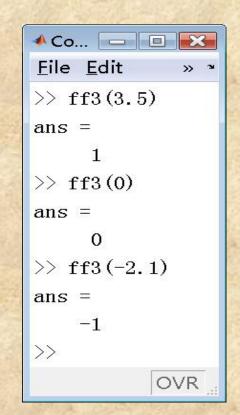
$$y = \begin{cases} 1 & & (x > 0) \\ 0 & & (x = 0) \\ -1 & & (x < 0) \end{cases}$$

# 【例】编写函数, 完成符号函数的功能

- ❖ 首先要定义函数,计算符号函数时,需要已知x,因此函数要有一个形式参数x,再给函数一个名字,这里用ff3,这样,函数首部即可确定为function y=ff3(x),
- ❖ 当x为形参时,它的值是调用函数时传递过来的,所以在函数中无需也不能再输入x,即当x为已知的,
- ❖ 求完函数值也不在函数内打印,而是由函数名带回到调用 它的位置。

# 【例】编写函数, 完成符号函数的功能





例 设
$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x > 1 \\ 2x & x \le 1 \end{cases}$$
, 求 $f(2), f(-1)$ 

MATLAB命令窗口输入fun1(2),fun1(-1)即可.

#### MATLAB(fun1)

先建立M文件fun2.m来定义函数f(x),再在MATLAB命令窗口输入fun2(2),fun2(0.5),fun2(-1)即可.

MATLAB(fun2)

### 2、switch铬句

- switch语句是根据表达式的取值不同,分别执行不同的语句,其语句格式:
  - · switch 表达式
  - · case 表达式1
  - 语句组1
  - · case 表达式2
  - 语句组2
  - •
  - case 表达式m
  - 语句组m
  - otherwise
  - 语句组n
  - end

## Switch語句舉例

- ◆输入某个学生的成绩g(假设0≤g≤100)。如果g≥90,输出"A";80≤g<90,输出"B";70≤g<80,输出"C";60≤g<70,输出"D";g<60,输出"E"。</li>
- ❖ 建立脚本文件,取名swi1.m,程序代码如下:

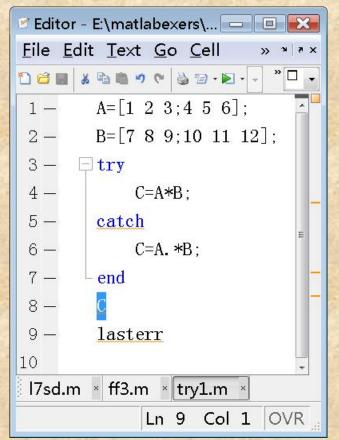
- ❖ x=input('输入整数成绩');
- switch(fix(x/10))
- case {9,10}
- disp('A')
- case 8
- disp('B')
- case 7
- disp('C')
- case 6
- disp('D')
- otherwise
- disp('E')
- end

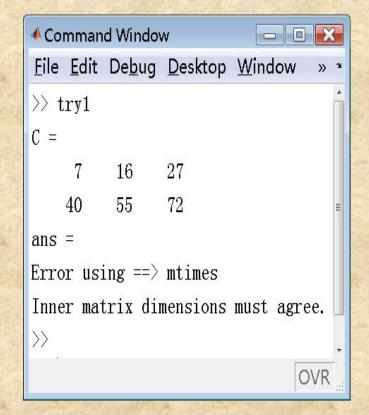
# 成绩等级

## 3、try铬句

- ❖ try语句是一种试探性执行语句, 其语句格式:
  - try
  - 语句组1
  - catch
  - 语句组2
  - end
- ❖ try语句先试探执行语句组1,如果语句组1在执行过程中出现错误,则将错误信息保留在lasterr变量中,并转去执行语句组2。

# Try语句举例





# 3.4 循环结构程序设计

- ❖ 1、for语句
- ❖ 2、while语句
- ❖ 3、break语句和continue语句

# for語句

- ❖ 1、for语句
- ❖ (1) 简单格式:
- \* for 循环变量=循环初值: 步长: 终值
- \* 循环体语句
- end
  - 1. for循环: 允许一组命令以固定的和预定的次数重复 for x=array {commands}

end

在for和end语句之间的命令串{commands}按数组(array)中的每一列执行一次.在每一次迭代中,x被指定为数组的下一列,即在第n次循环中,x=array(:,n)

例 对n=1,2,...,10,求 $x_n = \sin \frac{n \cdot \pi}{10}$ 的值.

MATLAB(for1)

### 2、while铬句

- ❖ while语句的一般格式为:
- ❖ while (条件)
- \* 循环体语句
- end
- \* 其执行过程为: 若条件成立,则执行循环体语句,执行后再判断条件是否成立,如果不成立则跳出循环

### 2. While循环

与for循环以固定次数求一组命令相反,while循环以不定的次数求一组语句的值.

只要在表达式(expression)里的所有元素为真,就执行while和end语句之间的命令串{commands}.

例 设银行年利率为11.25%.将10000元钱存入银行,问 多长时间会连本带利翻一番?

MATLAB(while1)

### 3、break铬句和continue铬句

- ❖ break语句用来跳出循环体,结束整个循环。
- ❖ continue语句用来结束本次循环,接着进行下一次是否执行循环的判断。该语句一般与if语句配合使用。
- ❖ 在多重循环中,break只能使程序跳出包含它的最内层的那个循环。

### 【例】 求 [100, 200]之间第一个能被33整除的整数

- ♦ for n=100:200
- $\Rightarrow$  if rem(n,33)~=0
- continue
- end
- n
- break
- end
  - 运行结果为:
  - n=
  - 132

# 实验作业

对以下问题,编写M文件:

- (1)用起泡法对10个数由小到大排序.即将相邻两个数比较,将小的调到前头.
- (2)有一个4×5 矩阵,编程求出其最大值及其所处的位置.
- (3)编程求  $\sum_{n=1}^{20} n!$
- (4)一球从100米高度自由落下,每次落地后反跳回原高度的一半,再落下. 求它在第10次落地时,共经过多少米?第10次反弹有多高?
- (5)有一函数  $f(x,y) = x^2 + \sin xy + 2y$ ,写一程序,输入自变量的值,输出函数值.

# 谢谢!

