数学建模与数学实验

MATLAB作图



MATLAB/F [8]

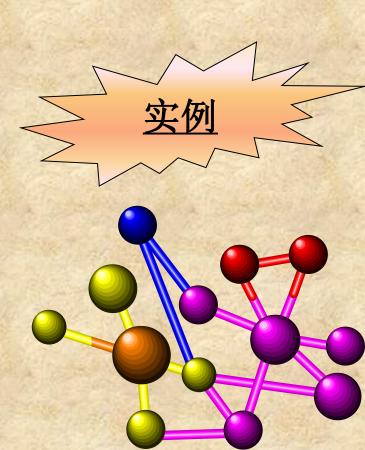
二维图形

三维图形

图形处理

特殊二、三维图形





1.曲线图

MATLAB作图是通过描点、连线来实现的,故在画一个曲线图形之前,必须先取得该图形上的一系列的点的坐标(即横坐标和纵坐标),然后将该点集的坐标传给MATLAB函数画图

命令为:
 plot(X,Y,'S')
 ・m 洋红 。 圏 : 短虚线
 ・c 蓝绿色 x x-符号
 -. 长短线 r 红色
 + 加号 -- 长虚线

X,Y是向量,分别表示点集的横坐标和纵坐标

plot(X,Y)—画实线 plot(X,Y1,'S1',X,Y2,'S2',....,X,Yn,'Sn')

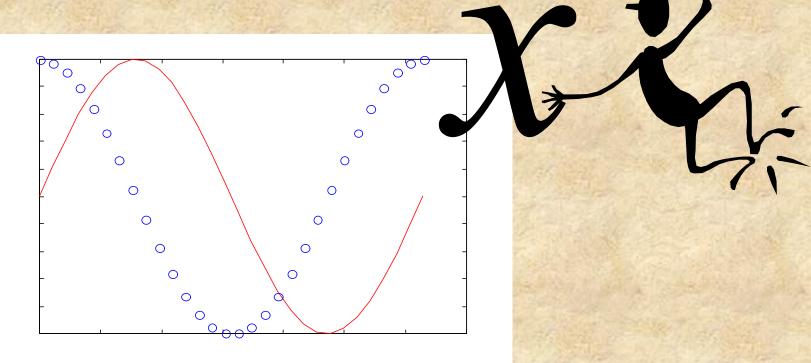
— 将多条线画在一起

表 常用的绘图/属性选项

选项	含义	选项	含义		
	实线		用点号标出数据点		
	虚线	0	用圆圈标出数据点		
	点线	X	用叉号标出数据点		
	点划线	+	用加号标出数据点		
r	红色	S	用小正方形标出数据点		
g	绿色	D	用菱形标出数据点		
b	蓝色	V	用下三角标出数据点		
у	黄色		用上三角标出数据点		
m	品红	<	用左三角标出数据点		
С	青色	>	用右三角标出数据点		
k	黑色	Р	用五角形标出数据点		
W	白色	Н	用六角形标出数据点		
*	用星号标出数据点				
属性名	含义	属性名	含义		
LineWidth	设置线的宽度	MarkerEdgeColor	设置标记点的边缘颜色		
MarkerSize	设置标记点的大小	MarkerFaceColor	设置标记点的填充颜色		

例 在 $[0,2\pi]$ 用红线画sin x, 用绿圈画cos x.

```
x=linspace(0,2*pi,30);
y=sin(x);
z=cos(x);
plot(x,y,'r',x,z, 'go')
```



2.符号函数(显函数、隐函数和参数方程)画图 (1) ezplot ezplot('f(x)',[a,b])

表示在a<x<bs/>b绘制显函数f=f(x)的函数图.

ezplot('f(x,y)',[xmin,xmax,ymin,ymax])

表示在区间xmin<x<xmax和 ymin<y<ymax绘制 隐函数f(x,y)=0的函数图.

ezplot('x(t)','y(t)',[tmin,tmax]) 表示在区间tmin<t<tmax绘制参数方程 x=x(t),y=y(t)的函数图. 例 在 $[0, \pi]$ 上画 $y=\cos x$ 的图形.

解输入命令

ezplot('cos(x)',[0,pi])

MATLAB liti25

例 在 $[0,2\pi]$ 上画 $x = \cos^3 t$, $y = \sin^3 t$ 星形图.

解输入命令

MATLAB liti41

ezplot('cos(t)^3','sin(t)^3',[0,2*pi])

例 在[-2, 0.5], [0, 2]上画隐函数 $e^x + \sin(xy) = 0$ 的图.

解输入命令

MATLAB liti40

ezplot('exp(x)+sin(x*y)',[-2,0.5,0,2])

(2) fplot

fplot('fun', lims)

表示绘制字符串fun指定的函数在lims=[xmin,xmax]的图形.

注意:

- [1] fun必须是M文件的函数名或是独立变量为x的字符串.
- [2] fplot函数不能画参数方程和隐函数图形,但在一个图上可以画多个图形.

例 在[-1, 2]上画 $y = e^{2x} + \sin(3x^2)$ 的图形.

解 先建M文件myfun1.m:

function Y=myfun1(x)
Y=exp(2*x)+sin(3*x.^2)

MATLAB liti43

再输入命令:

fplot('myfun1', [-1,2])

例 在[-2,2]范围内绘制函数tanh的图形.

解 fplot('tanh',[-2,2])

MATLAB liti28

例 x、y 的取值范围都在[-2 π , 2π], 画函数 tanh(x), sin(x), cos(x) 的图形.

解输入命令:

MATLAB liti42

fplot('[tanh(x), sin(x), cos(x)]', 2*pi*[-1 1 -1 1])

3. 对数坐标图

在很多工程问题中,通过对数据进行对数转换可以 更清晰地看出数据的某些特征,在对数坐标系中描绘数 据点的曲线,可以直接地表现对数转换.对数转换有双对 数坐标转换和单轴对数坐标转换两种.用loglog函数 可以实现双对数坐标转换,用semilogx和semilogy 函数可以实现单轴对数坐标转换.

loglog(Y) 表示 x、y坐标都是对数坐标系 semilogx(Y) 表示 x坐标轴是对数坐标系 semilogy(...) 表示y坐标轴是对数坐标系 plotyy 有两个y坐标轴,一个在左边,一个在右边

例 用方形标记创建一个简单的loglog.

解 输入命令:

```
x=logspace(-1,2);
loglog(x,exp(x),'-s')
grid on %标注格栅
```

MATLAB liti37

例 创建一个简单的半对数坐标图.

解 输入命令:

```
x=0:.1:10; semilogy(x,10.^x)
```

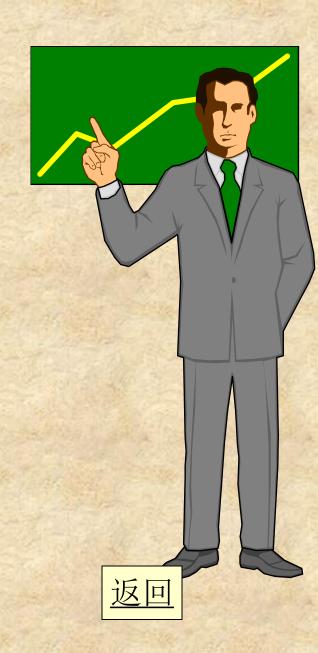
MATLAB liti38

例 绘制y=x³的函数图、对数坐标图、半对数坐标图.

MATLAB liti22

三维图形

- 1. 空间曲线
- 2. 空间曲面



空间曲线

1. 一条曲线

plot3(x,y,z,s)

n维向量,分别表示曲 线上点集的横坐标、纵 坐标、函数值

指定颜色、 线形等

例 在区间[0,10 π]画出参数曲线 x=sint,y=cost,

z=t.

解 t=0:pi/50:10*pi; plot3(sin(t),cos(t),t) rotate3d %旋转

2. 多条曲线

plot3(x,y,z)

其中x,y,z是都是 $m \times n$ 矩阵,其对应的每一列表示一条曲线.

例 画多条曲线观察函数Z=(X+Y)2.

x=-3:0.1:3;y=1:0.1:5;
[X,Y]=meshgrid(x,y);
Z=(X+Y).^2;
plot3(X,Y,Z)

(这里meshgrid(x,y)的作用 是产生一个以向量x为行、向量y 为列的矩阵)

空间曲面

(1) surf(x,y,z) 画出数据点(x,y,z)表示的曲面

数据矩阵.分别表示 数据点的横坐标、纵 坐标、函数值

```
例 画函数Z=(X+Y)<sup>2</sup> 的图形.
```

解
$$x=-3:0.1:3;$$

$$y=1:0.1:5;$$

$$[X,Y] = meshgrid(x,y);$$

 $Z = (X + Y) .^2;$

surf(X,Y,Z)

shading flat

MATLAB liti11

%将当前图形变得平滑

(2) mesh(x,y,z) 画网格曲面

数据矩阵.分别表示 数据点的横坐标、纵 坐标、函数值

例 画出曲面Z=(X+Y)2的网格图.

```
## x=-3:0.1:3; y=1:0.1:5;
[X,Y]=meshgrid(x,y);
Z=(X+Y).^2;
mesh(X,Y,Z)
```

(3) meshz(X,Y,Z) 在网格周围画一个curtain图(如,参考平面)

例 绘peaks的网格图

```
解输入命令:
```

```
[X,Y]=meshgrid(-3:.125:3);
Z=peaks(X,Y);
meshz(X,Y,Z)
```

MATLAB liti36

<u>返回</u>

在图形上加格栅、图例和标注

定制坐标

图形保持

分割窗口

缩放图形

改变视角

动画

图形处理



处理图形

1. 在图形上加格栅、图例和标注

(1) grid on: 加格栅在当前图上

grid off: 删除格栅



(2) hh = xlabel(string):在当前图形的x轴上加图例string

hh = ylabel(string): 在当前图形的y轴上加图例string

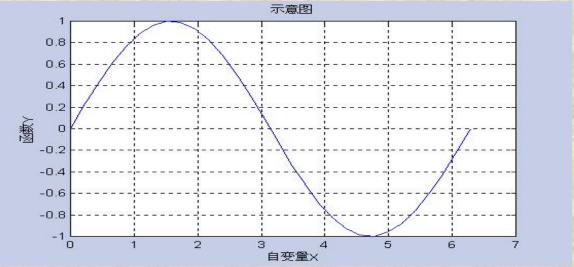
hh = zlabel(string): 在当前图形的z轴上加图例string

hh = title(string): 在当前图形的顶端上加图例string

例 在区间[0,2π]画sin(x)的图形,并加注图例"自变量 X"、"函数Y"、"示意图",并加格栅.

```
解 x=linspace(0,2*pi,30);
y=sin(x);
plot(x,y)
xlabel('自变量x')
ylabel('函数Y')
title('示意图')
```

grid on



(3) hh = gtext('string')

命令gtext('string')用鼠标放置标注在现有的图上. 运行命令gtext('string')时,屏幕上出现当前图形,在 图形上出现一个交叉的十字,该十字随鼠标的移动移动, 当按下鼠标左键时,该标注string放在当前十交叉的位 置.

例 在区间[0,2π]画sin(x),cos(x),并分别标注"sin(x)" "cos(x)".

```
解 x=linspace(0,2*pi,30);
y=sin(x);
z=cos(x);
plot(x,y,x,z)
gtext('sin(x)');gtext('cos(x)')
```

2. 定制坐标

axis([xmin xmax ymin ymax zmin zmax])定制图形坐标

x、y、z的最大、最小值

axis 将坐标轴返回到自动缺省值 auto

例 在区间[0.005,0.01]显示sin(1/x)的图形.

解 x=linspace(0.0001,0.01,1000); y=sin(1./x); plot(x,y) axis([0.005 0.01 -1 1])

3. 图形保持

(1) hold on 保持当前图形,以便继续画图到当前图上 hold off释放当前图形窗口

例 将y=sin(x)、y=cos(x)分别用线和点画出在同一屏幕上.

```
## x=linspace(0,2*pi,30);
y=sin(x);
z=cos(x)
plot(x,z,':')
hold on
Plot(x,y)
```



(2) figure (h)新建h窗口,激活图形使其可见,并把它置于其它图形之上

例 区间[0,2π]新建两个窗口分别画出y=sin(x);
z=cos(x).

解 x=linspace(0,2*pi,100);
y=sin(x);z=cos(x);
plot(x,y);
title('sin(x)');
pause

MATLAB liti6

Mattlab liti6

返回

figure (2);

plot(x,z);

title('cos(x)');



4. 割窗口

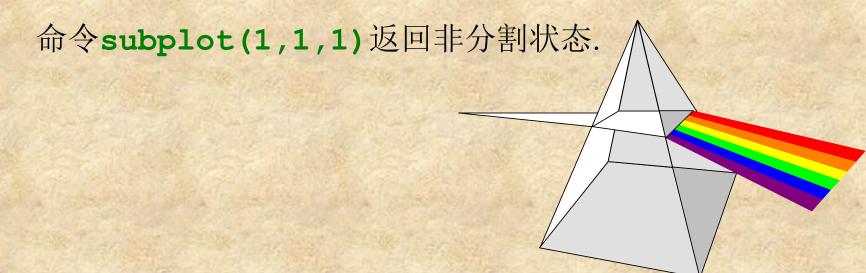
h=subplot(mrows, ncols, thisplot)

划分整个作图区域为mrows*ncols块(逐行对块访问) 并激活第thisplot块,其后的作图语句将图形画在该块上.

subplot(mrows, ncols, thisplot)

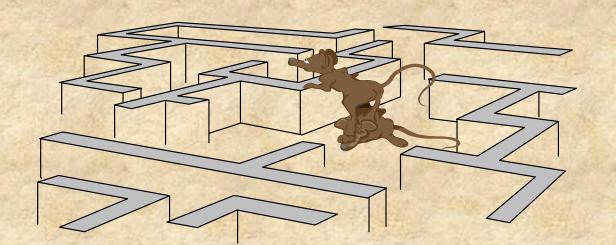
激活已划分为mrows*ncols块的屏幕中的第thisplot块,其后的作图语句将图形画在该块上.

subplot (1,1,1)



```
例 将屏幕分割为四块,并分别画出y=sin(x),z=cos(x),a=sin(x) \times cos(x),b=sin(x)/cos(x).
```

```
解x=linspace(0,2*pi,100);
y=sin(x); z=cos(x);
a=sin(x).*cos(x);b=sin(x)./cos(x)
subplot(2,2,1);plot(x,y),title('sin(x)')
subplot(2,2,2);plot(x,z),title('cos(x)')
subplot(2,2,3);plot(x,a),title('sin(x)cos(x)')
subplot(2,2,4);plot(x,b),title('sin(x)/cos(x)')
```



5. 缩放图形

zoom on 为当前图形打开缩放模式

单击鼠标左键,则在当前图形窗口中,以鼠标点中的点为中心的图形放大2倍;单击鼠标右键,则缩小2倍.

zoom off 关闭缩放模式

例 缩放y=sin(x)的图形.

x=linspace(0,2*pi,30);
y=sin(x);
plot(x,y)
zoom on



6. 改变视角view

(1) view(a,b)

命令view(a,b)改变视角到(a,b),a是方位角,b为仰角. 缺省视角为(-37.5,30).

(2) view ([x, y, z])

view用空间向量表示的,三个量只关心它们的比例,与数值的大小无关,x轴view([1, 0, 0]), y轴view([0, 1, 0]), z 轴view([0, 0, 1]).

例 画出曲面Z=(X+Y)2在不同视角的网格图.

解 x=-3:0.1:3; y=1:0.1:5; [X,Y]=meshgrid(x,y); MATLAB liti10

 $Z = (X + Y) .^2;$

subplot(2,2,1), mesh(X,Y,Z)

subplot (2,2,2), mesh (X,Y,Z), view (50,-34)

subplot(2,2,3), mesh(X,Y,Z), view(-60,70)

subplot(2,2,4), mesh(X,Y,Z), view(0,1,1)

7. 动画

moviein(),getframe,movie()

函数moviein()产生一个帧矩阵来存放动画中的帧;函数getframe对当前的图像进行快照;函数movie()按顺序回放各帧.

```
例 将曲面peaks做成动画.
解 [x,y,z] = peaks(30);
   surf(x, y, z)
   axis([-3 \ 3 \ -2 \ 3 \ -10 \ 10])
   m=moviein(15);
   for i=1:15
      view(-37.5+24*(i-1),30)
      m(:,i) = getframe;
   end
   movie (m)
```

MATLAB liti14

特殊二、三维图形

1. 特殊的二维图形函数

2. 特殊的三维图形函数

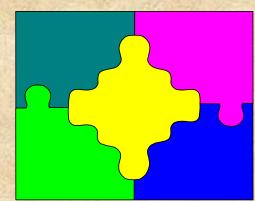


特殊的二维图形函数

1. 极坐标图: polar (theta, rho, s)

用角度theta(弧度表示)和极半径rho作极坐标图,用s指定线型.

例 $r = \sin 2\theta \times \cos 2\theta$ 的极坐标图形.



2. 散点图: scatter(X,Y,S,C) 在向量x和Y的指定位置显示彩色圈. x和Y必须大小相同.

例 绘制seamount散点图

解 输入命令:

load seamount

scatter(x,y,5,z)

MATLAB liti29

3. 平面等值线图: contour(x,y,z,n) 绘制n个等值线的二维 等值线图

例 在范围-2<x<2,-2<y<3 内绘 $z = xe^{-x^2-y^2}$ 的等值线图.

解 输入命令:

[X,Y]=meshgrid(-2:.2:2,-2:.2:3);

 $Z=X.*exp(-X.^2-Y.^2);$

[C,h]=contour(X,Y,Z);

clabel(C,h)

colormap cool



MATLAB liti34

特殊的三维图形函数

1. 空间等值线图: contour 3(x,y,z,n) 其中n表示等值线数.



例 山峰的三维和二维等值线图.

```
解 [x,y,z]=peaks;
subplot(1,2,1)
contour3(x,y,z,16,'s')
grid, xlabel('x-axis'), ylabel('y-axis')
zlabel('z-axis')
title('contour3 of peaks');
subplot(1,2,2)
contour(x,y,z,16,'s')
grid, xlabel('x-axis'), ylabel('y-axis')
title('contour of peaks');
```

2. 三维散点图 scatter3(X,Y,Z,S,C) 在向量X,Y和Z指定的位置上显示彩色圆圈. 向量X,Y和Z的大小必须相同.

例 绘制三维散点图.

```
解 输入命令:
[x,y,z]=sphere(16);
X=[x(:)*.5 x(:)*.75 x(:)];
Y=[y(:)*.5 y(:)*.75 y(:)];
Z=[z(:)*.5 z(:)*.75 z(:)];
S=repmat([1 .75 .5]*10,prod(size(x)),1);
C=repmat([1 2 3],prod(size(x)),1);
scatter3(X(:),Y(:),Z(:),S(:),C(:),'filled'),view(-60,60)
```

绘制山区地貌图

要在某山区方圆大约27km²范围内修建一条公路,从山脚出发经过一个居民区,再到达一个矿区. 横向纵向分别每隔400m测量一次,得到一些地点的高程: (平面区域0≤x≤5600,0≤y≤4800),需作出该山区的地貌图和等高线图.

MATLAB shanqu

3600	1480	1500	1550	1510	1430	1300	1200	980
3200	1500	1550	1600	1550	1600	1600	1600	1550
2800	1500	1200	1100	1550	1600	1550	1380	1070
2400	1500	1200	1100	1350	1450	1200	1150	1010
2000	1390	1500	1500	1400	900	1100	1060	950
1600	1320	1450	1420	1400	1300	700	900	850
1200	1130	1250	1280	1230	1040	900	500	700
Y/x	1000	1.000	2000	2400	2000	2200	2400	4000
	1200	1600	2000	2400	2800	3200	3600	4000

实验作业

1. 在同一平面中的两个窗口分别画出心形线和马鞍面.

要求: 1)在图形上加格栅、图例和标注

- 2)定制坐标
- 3)以不同角度观察马鞍面

2. 以不同的视角观察球面 $x^2 + y^2 + z^2 = r^2$ 和 圆柱面 $x^2 + y^2 = rx$ 所围区域.

道道。



```
eg1 利用plot函数绘制奥运圈标志。
程序如下:
clear all;
j=sqrt(-1); x=2; y=0.4;
bluecircle=cos(-pi:pi/20:pi)+j*sin(-pi:pi/20:pi)+(j*y-x);
blackcircle=cos(-pi:pi/20:pi)+j*sin(-pi:pi/20:pi)+(j*y);
redcircle=cos(-pi:pi/20:pi)+j*sin(-pi:pi/20:pi)+(j*y+x);
yellowcircle=cos(-pi:pi/20:pi)+j*sin(-pi:pi/20:pi)+(-j*y-x/2);
greencircle=cos(-pi:pi/20:pi)+j*sin(-pi:pi/20:pi)+(-j*y+x/2);
figure; plot(bluecircle,'b','Linewidth',5); hold on;
plot(blackcircle, 'k', 'Linewidth', 5); hold on;
plot(redcircle,'r','Linewidth',5); hold on;
plot(yellowcircle,'y','Linewidth',5); hold on;
plot(greencircle, 'g', 'Linewidth', 5); hold on;
```

eg2 在同一坐标中,可以绘制3个同心圆,并加

坐标控制。

程序如下:

t=0:0.01:2*pi;

x=exp(i*t);

y=[x;2*x;3*x]';

plot(y)

grid on; %加网格线

box on; %加坐标边框

axis equal %坐标轴采用等刻度

eg3 绘制多峰函数的瀑布图和等高线图。

程序如下:

subplot(1,2,1);

[X,Y,Z]=peaks(30);

waterfall(X,Y,Z)

xlabel('X-axis'),ylabel('Y-axis'),zlabel('Z-axis');

subplot(1,2,2);

contour3(X,Y,Z,12,'k'); %其中12代表高度的等级数

xlabel('X-axis'),ylabel('Y-axis'),zlabel('Z-axis');

```
eg4 绘制三维图形:
```

- (1) 绘制魔方阵的三维条形图。
- (2) 以三维杆图形式绘制曲线y=2sin(x)。

fill3(rand(3,5),rand(3,5),rand(3,5),'y')

- (3) 己知x=[2347,1827,2043,3025], 绘制饼图。
- (4) 用随机的顶点坐标值画出五个黄色三角形。程序如下:

```
subplot(2,2,1);
bar3(magic(4))
subplot(2,2,2);
y=2*sin(0:pi/10:2*pi);
stem3(y);
subplot(2,2,3);
pie3([2347,1827,2043,3025]);
subplot(2,2,4);
```

```
eg5 绘制标准三维曲面图形。
程序如下:
t=0:pi/20:2*pi;
[x,y,z] = cylinder(2+sin(t),30);
subplot(2,2,1);
surf(x,y,z);
subplot(2,2,2);
[x,y,z]=sphere;
surf(x,y,z);
subplot(2,1,2);
[x,y,z]=peaks(30);
surf(x,y,z);
```

```
eg6 在xy平面内选择区域[-8,8]×[-8,8], 绘制4种三维曲面图。
程序如下:
[x,y] = meshgrid(-8:0.5:8);
z=\sin(sqrt(x.^2+y.^2))./sqrt(x.^2+y.^2+eps);
subplot(2,2,1);
mesh(x,y,z);
title('mesh(x,y,z)')
subplot(2,2,2);
meshc(x,y,z);
title('meshc(x,y,z)')
subplot(2,2,3);
meshz(x,y,z)
title('meshz(x,y,z)')
subplot(2,2,4);
surf(x,y,z);
title('surf(x,y,z)')
```

```
eg7 在0≤x≤2π区间内,绘制曲线y1=2e-0.5x和 y2=cos(4πx),并给图形添加图形标注。
程序如下:
```

```
x=0:pi/100:2*pi;
y1=2*exp(-0.5*x);
y2=cos(4*pi*x);
plot(x,y1,x,y2)
```

title('x from 0 to 2{\pi}');

%加图形标题

xlabel('Variable X');

%加X轴说明

ylabel('Variable Y');

%加Y轴说明

text(0.8,1.5,'曲线y1=2e^{-0.5x}'); %在指定位置添加 图形说明

text(2.5,1.1,'曲线y2=cos(4{\pi}x)'); legend('y1','y2') %加图例 eg8 绘制图形:

(1) 某企业全年各季度的产值(单位:万元)分别为:

2347,1827,2043,3025, 试用饼图作统计分析。

(2) 绘制复数的相量图: 7+2.9i、2-3i和-1.5-6i。

```
程序如下:
subplot(1,2,1);
pie([2347,1827,2043,3025]);
title('饼图');
legend('一季度','二季度','三季度','四季度');
subplot(1,2,2);
compass([7+2.9i,2-3i,-1.5-6i]);
title('相量图');
```

```
eg9 分别以条形图、阶梯图、杆图和填充图形式绘
制曲线y=2sin(x)。
程序如下:
x=0:pi/10:2*pi;
y=2*sin(x);
subplot(2,2,1);bar(x,y,'g');
title('bar(x,y,''g'')');axis([0,7,-2,2]);
subplot(2,2,2); stairs(x,y,'b');
title('stairs(x,y,''b'')'); axis([0,7,-2,2]);
subplot(2,2,3);stem(x,y,'k');
title('stem(x,y,''k'')'); axis([0,7,-2,2]);
subplot(2,2,4);fill(x,y,'y');
title('fill(x,y,''y'')'); axis([0,7,-2,2]);
```