# 높은 마찰의 수중 매니퓰레이터 모듈의 LuGre 모델을 이용한 마찰 모델 및 보상

홍종인\*<sup>†</sup> · 문예철\* · 배장호\*\* · 박정애\*\* · 진상록\*\*\* · 김종원\*\* · 서태원\* \*한양대학교 기계공학부, \*\*서울대학교 기계항공공학부, \*\*\*부산대학교 기계공학부

# Friction Model and Compensation Using LuGre Model of High Friction Underwater Manipulator Module

Jongin Hong\*†, Yecheol Moon\*, Jangho Bae\*\*, Jeongae Bak\*\*, Sangrok Jin\*\*\*, Jongwon Kin\*\* and Taewon Seo\*

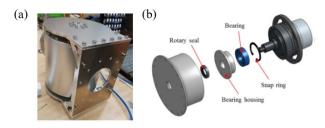
\* School of Mechanical Engineering, Hanyang Univ.,

\*\* School of Mechanical and Aerospace Engineering, Seoul Nat'l Univ.,

\*\*\* School of Mechanical Engineering, Pusan Nat'l Univ.

### 1. 서론

수중 매니퓰레이터 구동 방식에 따라 유압구동 방식과 전기모터 구동 방식으로 나눌 수 있다. 전기모터 기반의 수중 매니퓰레이터 제작에 있어서 가장 큰 어려움은 모터의 회전축에 대한 방수이다. 이전 수중 매니퓰레이터 연구(1)에서는 구동 축부분의 방수처리를 위해 Fig.1 (b)에서와 같이 Rotary Seal 을 이용하였다. 하지만 마찰에 의한 부하가 크기 때문에 마찰 모델로 이용된 Dahl Model(2) 은 Stribeck 영향을 설명하지 못한다.(3)



**Fig. 1** Underwater manipulator joint module

(a) Joint module

(b) Configuration of joint module

본 연구에서는 이전 연구의 마찰 보상에 있어서 정확도 높은 마찰 보상을 위해 LuGre 마찰 모델을 제시한다. LuGre 마찰 모델 매개변수는 Matlab 프 로그램을 이용하여 최적화 과정을 거쳐 정하였다. 매니퓰레이터의 관절 마찰이 실제로 얼마나 발생 하는지 계산 모델을 작성하고, 최적화 과정을 거 친 이론 값을 기반으로 실제 마찰을 얼마나 보상 하는지 실험을 통해 확인하였다.

† Presenting Author, dlswhd1108@hanyang.ac.kr

### 2. LuGre 마찰 모델 이론

LuGre 마찰 모델을 구현하기 위해 두 단계의 과정을 거친다. 먼저, Stribeck curve 를 통해 4 개의 Static Parameter 추정한다. 매개변수를 정하는데 필요한 식은 (1), (2)로 표현되고, 정리된 식은 (3)과 같다. (4)

$$\tau_{\text{fric}} = \sigma_0 Z + \sigma_1 \frac{dZ}{dt} + \sigma_2 \omega \tag{1}$$

$$\frac{dZ}{dt} = \omega - \frac{\sigma_0 |\omega|}{(\tau_C + (\tau_S - \tau_C) e^{-(\frac{\omega}{\omega_S})^2}}$$
(2)

$$\tau_{\text{tric,ss}} = ((\tau_C + (\tau_S - \tau_C)e^{-(\frac{\omega}{\sigma_S})^2}) \operatorname{sgn}(\omega) + \sigma_2 \omega$$
 (3)

추정된 매개 변수를 기반으로 최적화 식(4)를 통해 실험 토크 값과 비교하여 차이를 최소화하는 2 개의 Dynamic Parameter 를 추정한다.

$$\min \sum_{i=1}^{4} \int [\tau_{fric}(\sigma_0, \sigma_1, t) - \hat{\tau}_{fric}(\sigma_0, \sigma_1, t)]^2 dt$$
 (4)

#### 3. 실험 및 결과

실험에 사용된 수중 매니퓰레이터 관절 모듈은 Fig. 1 (a)와 같다. LuGre 마찰 모델 변수를 구하기위해서 먼저 Static Parameter 를 구한다. BLDC 모터의 duty 를 양, 음의 값으로 각각 90, 120, 170, 200. 300 으로 변화시키며 측정한다. 측정된 결과 값과오차를 최소로 하는 Static Parameter 를 최적화 과정으로 계산한다. 그에 따른 모델의 추정 형태와실제 실험값을 비교한 것은 Fig. 2과 같다.

앞서 얻은 Static Parameter 를 가지고 Dynamics Parameter 를 얻는다. 증폭은 200 으로 고정하고 주기는 0.1, 0.2, 0.5, 1.0 Hz 를 가진 사인파의 토크를 인가한다. 실제로 가해진 측정값과 비교하여 오차를 최소화한다. 그에 따른 모델의 추정 형태와 실제 실험값을 비교한 것은 Fig. 3 와 같다. Table. 1 에서는 실험을 통해 최종 결정된 LuGre 모델의 최적화 매개변수이다.

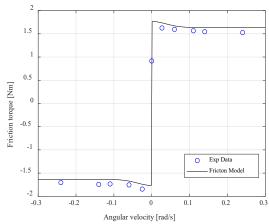
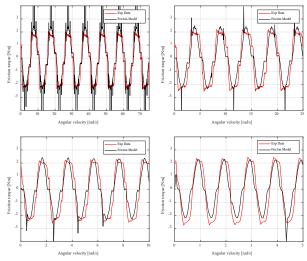


Fig. 2 Static parameter and Experiment result



**Fig. 3** Dynamic parameter and Experiment result; (a) Frequency 0.1Hz; (b) Frequency 0.2Hz; (c) Frequency 0.5Hz; (d) Frequency 1.0Hz

Table 1 LuGre friction model parameter

Parameter	Value	Unit
$ au_{\mathcal{C}}$	1.77	Nm
$ au_S$	1.63	Nm
$\omega_S$	0.053	rad/s
$\sigma_0$	2.31	N/m
$\sigma_1$	16.8	Ns
$\sigma_2$	2.99 X 10 <sup>-5</sup>	Ns
$ au_{0ffset}$	-0.92	Nm

#### 4. 결 론

수중 매니퓰레이터의 환경적 특성 때문에 관절에 강한 마찰이 존재한다. 이를 LuGre 모델의 매개 변수 최적화를 통해서 수중 매니퓰레이터에 사용할 수 있는 마찰 보상 방법을 제시하였다. 실험을 통하여 실제 값과 비슷하게 보정할 수 있다는 것을 보였다. 추가적인 실험을 통해 Dahl 모델과의 성능 비교 및 검증이 필요하다.

## 참고문헌

- J. Bae, "Cooperative operation of underwater robotic vehicle and dual-arm manipulator," Ph.D. dissertation, Seoul National University, Korea, Seoul, 2019.
- (2) P.R. Dahl "Solid friction damping of mechanical vibrations." AIAA journal, vol. 14, no. 12, pp. 1675-1682, December, 1976.
- (3) Shiping, Liu. and Gang, S. Chen., 2019, "Dynamics and Control of Robotic Manipulators with Contact and Friction", John Wiley & Sons, Hoboken, pp. 115~123.
- (4) C.C.De Wit, "A new model for control of systems with friction," *IEEE Transactions on automatic control*, vol. 40, no. 3, pp. 419-425, March, 1995.