§ 6. Розв'язування лінійних рівнянь з двома змінними

Означення

Лінійним рівнянням з двома змінними x і y називається рівняння виду: ax+by+c=0, де x і y — змінні, a,b,c — деякі числа.

Розв'язком рівняння з двома змінними називається будь-яка пара чисел (x; y), яка перетворює рівняння на тотожність.

Розв'язати рівняння з двома змінними — означає знайти всі пари чисел (x; y), які є його розв'язком.

Множина точок, координати яких задовольняють рівняння ax+by+c=0,

називається його графіком.

Графіком рівняння ax + by + c = 0, де a,b,c — деякі числа, є пряма.

Приклади

3x + 4y + 5 = 0 — лінійне рівняння.

AND AND MANUS CTECHES TO CHARLE

x + 2y = 5 — лінійне рівняння.

Пара \cdot (1;2) — розв'язок рівняння, тобто при x=1; y=2, отримуємо $1+2\cdot 2=5; 5=5$ — правильну рівність, пара (2;1) — не є розв'язком, оскільки при x=2; y=1 отримуємо $2+2\cdot 1=5$.

4=5 не є тотожністю, тобто пара (2;1) не є розв'язком рівняння x+2y=5.

1) Якщо коефіцієнт b при y не дорівнює нулю, то y можна виразити через x: ax + by + c = 0, by = -ax + c,

 $y = -\frac{a}{b}x - \frac{c}{b}$ — це лінійне рівняння.

2) Якщо b=0, то ax+by+c=0 набуває вигляду.

ax+0y+c=0, ax+c=0, при $a\neq 0, x=-\frac{c}{a}$ і графіком рівняння буде пряма, паралельна осі ординат, що перетинає вісь абсцис у точці $x=-\frac{c}{a}$

3) При a = 0 маємо:

0x+by+c=0, by+c=0, $y=-\frac{c}{b}$ — це пряма, паралельна осі абсцис, що перетинає вісь ординат в точці $y=-\frac{c}{b}$.

4) Якщо a=0 і b=0, то рівняння набуває вигляду 0x+0y+c=0, тоді при c=0 рівність правильна при всіх x і y, при $c\neq 0$ — неправильна при будьяких x та y, тобто при a=b=c=0 в цьому випадку графіком лінійного рівняння ax+by+c=0 є вся координатна площина.

x i y mas symme spishuse gogsankorse

* Similie pibranus z gbeina zinimumi 012+by = c Mani pibranus manore mecaincenno Tarano pozbizznib ceki ymboprosom npauly na noopganamie noovguni Ocodulbocmi vinitulis juburus