24

नाव और धारा

(BOAT AND STREAM)

BASIC CONCEPT

- (a) शांत जल में तैराक/नाव/जहाज की चाल = x किमी॰/घंटा
- (b) धारा की चाल = y किमी (घंटा तो,
- तैराक/नाव/जहाज की धारा के साथ गति = (x + y) किमी॰/घंटा
- (d) तैराक/नाव/जहाज की धारा के विरूद्ध गति = (x y) किमी॰/घंटा

TYPE - 1

एक नाव की धारा के साथ गति 12 किमी॰ र्घंटा तथा धारा के विरुद्ध गति 6 किमी॰ पंटा है। नाव की शांत जल में गति बतायें ?

Speedy Solution :-

नाव. की गति =
$$\frac{12+6}{2}$$
 = 9 किमी $^{\circ}$ 1 घंटा

TRICK : यदि मनुष्य/नाव/जहाज की धारा के साथ गति u किमी॰/घंटा तथा धारा के विरुद्ध गति v किमी॰/घंटा हो, तो

- (A) मनुष्य/नाव/जहाज की गति = $\left(\frac{u+v}{2}\right)$ किमी॰/घंटा
- (B) धारा की गति = $\left(\frac{u-v}{2}\right)$ किमी॰/घंटा
- एक नाव का धारा के साथ गति 12 किमी॰ र्घंटा तथा धारा के विरुद्ध गति 8 किमी॰ / घंटा है। धारा की गति बतायें ?

Speedy Solution :-

धारा की गति =
$$\frac{12-8}{2}$$
 = 2 किमी॰/घंटा

TYPE - 2

3. एक व्यक्ति पानी के प्रवाह के साथ 28 किमी॰ जाने में 5 घंटा लेता है तथा प्रवाह के विरुद्ध 13 किमी॰ जाने में भी 5 घंटा लेता है। पानी की प्रवाह की गति बतायें ? THE RESIDENCE OF THE PERSON

Speedy Solution :-

∴ u =
$$\frac{28}{5}$$
 किमी∘/घंटा

∴ पानी के प्रवाह की गित =
$$\frac{28}{5} - \frac{13}{5} = 1.5$$
 िकमी $\sqrt{2}$ बंदा

एक नाविक धारा की दिशा में 48 किमी॰ की दूरी 4 घंटे में तय कर सकता है, जबकि धारा की विपरीत दिशा में 30 किमी॰ की दूरी वह 5 घंटे में तय कर सकता है। नाविक की शांत जल में चाल बतायें ?

Speedy Solution :-

$$∴ u = \frac{48}{4} = 12$$
 किमी॰/घंटा

v =
$$\frac{30}{5}$$
 = 6 किमी॰/घंटा

$$\therefore$$
 नाव की चाल = $\frac{12+6}{2}$ = 9 किमी॰/घंटा

TYPE - 3

 एक नाव की धारा के साथ गित 15 किमी॰ / घंटा है। यदि धारा की गति 1.5 किमी॰∕घंटा हो, तो नाव की धारा के विरुद्ध गति बतायें ?

$$x + y = 15$$

$$y = 1.5$$

$$x = 15 - 1.5 = 13.5$$

- ∴ धारा के विरुद्ध गति (x y) = 13.5 1.5 = 12 किमी∘/घंटा NOTE: शांत जल में मनुष्य या नाव की चाल x तथा धारा की गति y ही माने।
- एक नाव की धारा के साथ गित 12 किमी॰ पंटा है। यदि धारा की गति 4 किमी॰ /घंटा हो, तो शांत जल में नाव की चाल बतायें ?

Speedy Solution :-

$$\therefore x+y=12$$

$$v = 4$$

TYPE - 4

 एक नाव धारा की दिशा में कुछ दूरी 3 घंटे में तय करता है, तथा धारा के विरुद्ध उतनी ही दूरी 7 घंटे में तय करता है। यदि शांत जल में नाव की गति 5 किमी॰/घंटा हो, तो धारा की गति बतायें ?

Speedy Solution :-

$$\therefore \frac{5}{y} = \frac{(7+3)}{(7-3)}$$

$$\frac{5}{y} = \frac{(7+3)}{(7-3)}$$
 $\therefore y = \frac{5 \times 4}{10} = 2$ किमी॰/घंटा

TRICK: यदि दूरी समान हो, तो ऐसे प्रश्न में.

$$\frac{\text{तैराक की चाल }(x)}{\text{धार की चाल }(y)} = \frac{\text{समय का योग}}{\text{समय का अंतर}}$$

एक नाविक धारा की दिशा में निश्चित दूरी तय करने में 4 घंटे का समय लेता है जबकि उतनी ही दूरी धारा की विपरीत दिशा में तय करने में वह 8 घंटे का समय लेता है। यदि धारा की चाल 2 किमी॰/घंटा हो, तो नाविक की चाल बतायें ?

Speedy Solution :-

$$\frac{x}{2} = \frac{8+4}{8-4}$$

TYPE - 5

किसी नाव की चाल शांत जल में 7.5 किमी॰ पंटा है। यदि नदी की चाल 2.5 किमी॰/घंटा हो, तो 15 किमी॰ जल-प्रवाह के विपरीत जाने तथा लौटने में कितने घंटे लगेंगे ?

Speedy Solution :-

अभीष्ट संख्या =
$$\frac{15}{(7.5+2.5)} + \frac{15}{(7.5-2.5)} = 4.5$$
 घंटे

TRICK : यदि आने तथा जाने में दूरी समान हो, तो ऐसे प्रश्न में.

कुल समय =
$$\frac{\text{दूरी}}{\text{चालों का योग}} + \frac{\text{दूरी}}{\text{चालों का अंतर}}$$

10. एक नाव नदी की धारा के साथ तथा धारा के विरुद्ध 6 किमी॰ आने तथा जाने में कुल 2 घंटा समय लेती है। यदि नदी की गति 4 किमी॰/घंटा हो, तो नाव की शांत जल में गति बतायें ?

Speedy Solution :-

$$\therefore$$
 कुल समय = $\frac{\text{दूरी}}{\text{चालों का योग}} + \frac{\text{दूरी}}{\text{चालों का अंतर}}$

$$\therefore 2 = \frac{6}{x+4} + \frac{6}{x-4} \qquad \therefore x = 8 \quad \text{किमी} \circ / \text{घंटा}$$

11. एक नाविक धारा की दिशा में निश्चित दूरी तय कर पुन: प्रारंभिक स्थान पर लौट आता है, तो उसे जाने तथा लौटने में 8 घंटे का समय लगता है। यदि धारा एवं नाव की चाल क्रमश: 2 किमी॰/घंटा एवं 8 किमी॰/घंटा हो, तो उसने धारा की दिशा में कितनी दूरी तय की ?

Speedy Solution :-

$$\Rightarrow 8 = \frac{d}{8+2} + \frac{d}{8-2}$$
 ∴ d = 30 किमी•

NOTE: कुल दूरी = 2d = 2 × 30 = 60 किमी॰

TYPE-6 00 to the factor of the for

12. एक आदमी की शांत जल में गति 6 किमी॰/घंटा है। यदि उसकी गति नदी के बहाव की दिशा में, बहाव की विपरीत दिशा से दुगुनी हो, तो नदी की गति बतायें ? जा नाम कि कि कि कि कि

Speedy Solution :- To the second

प्रश्न से,

बहाव की दिशा में गति = बहाव के विरुद्ध गति × 2

$$\Rightarrow (x+y) = (x-y) \times 2$$

 $\Rightarrow (6+y) = (6-y) \times 2$ किमी॰/घंटा

TYPE-7 THE THE STATE OF STATE

13. एक नाव धारा के विरूद्ध 24 किमी॰ तथा धारा की दिशा में 36 किमी॰ की दूरी तय करने में 6 घंटे लेती है। यदि नाव धारा के विरुद्ध 36 किमी॰ तथा धारा की दिशा में 24 किमी॰ की दूरी तय करने में

6 1 घंटे लेती हो, तो धारा का वेग बतायें ?

$$\frac{24}{x-y} + \frac{36}{x+y} = 6 \qquad ...(i)$$

$$\frac{36}{x-y} + \frac{24}{x+y} = 6\frac{1}{2}, \qquad ...(ii)$$
समी॰ (i) तथा (ii) को हल करने पर,

∴ у=2 किमी∘/घंटा

अत: धारा का वेग = 2 किमी॰/घंटा

14. एक नाव 48 किमी॰ की दूरी नदी के बहाव के दिशा में जाने तथा उतना ही दूरी वापस लौटने में 14 घंटे का समय लेती है। यदि वह नाव, नदी के बहाव के दिशा में जितने समय में 4 किमी॰ जाती है उतने समय में नदी के बहाव के विपरीत दिशा में 3 किमी॰ जाती हो, तो नदी की चाल बतायें ?

Speedy Solution :-

$$\frac{48}{x+y} + \frac{48}{x-y} = 14 \qquad ...(i)$$

$$\frac{4}{x+y} = \frac{3}{x-y}$$

$$\Rightarrow \frac{4}{x+y} - \frac{3}{x-y} = 0 \qquad ...(ii)$$

समी॰ (i) तथा (ii) को हल करने पर,

y = 1

:. धारा की गति = 1 किमी॰/घंटा

TYPE - 8 THE GO THE GOVERNMENT OF THE STATES

15. एक व्यक्ति 10 घंटे में धारा की दिशा में 44 किमी॰ जाता है एवं घारा के विरूद्ध 30 किमी॰ की यात्रा करता है। पुनः वह धारा के विरूद्ध 40 किमी॰ की दूरी एवं धारा की दिशा में 55 किमी॰ की दूरी तय करने में 13 घंटा का समय लगता है। धारा की चाल क्या है ?

Speedy Solution :-

माना कि धारा की विपरीत दिशा में व्यक्ति की चाल = x किमी / घंटा एवं धारा की दिशा में व्यक्ति की चाल = y किमी॰/घंटा

$$\frac{30}{x} + \frac{44}{y} = 10$$
 $\left[\text{Hirl} \ \frac{1}{x} = \text{u } \text{ Ver} \ \frac{1}{y} = \text{v} \right]$

तंब 30u+44v=10(i)

इसी प्रकार
$$\frac{40}{x} + \frac{55}{y} = 13$$
 ...(ii)

... 40u + 55 v = 13, ... (ii) समीकरण (i) एवं (ii) को सरल करने पर,

$$u = \frac{1}{5} \quad \forall \mathbf{q} \quad \mathbf{v} = \frac{1}{11}$$

$$\therefore x = 5 \quad \forall \mathbf{q} \quad y = 11$$

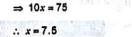
∴ धारा की चाल =
$$\frac{1}{2}(11-5)=3$$
 किमी•/घंटा

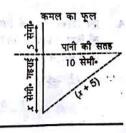
16. एक झील में एक कमल का फूल पानी की सतह से 5 सेमी उपर रहता है। तेज हवा चलने पर वह अपने स्थान से 10 सेमी॰ दूर पानी में इवता है। फूल के स्थान पर पानी की गहराई कितनी है ?

Speedy Solution :-

माना गहराई =
$$x$$
 सेमी
$$(x+5)^2 = x^2 + 10^2$$

$$\Rightarrow x^2 + 25 + 10x = x^2 + 100$$





QUESTIONS RRB'S YEAR'S **PREVIOUS**

- एक नदी में एक आदमी 3 किमी॰ धारा की विपरीत दिशा में अथवा 15 किमी॰ धारा की दिशा में नाव खेने में 3 घण्टे लेता है। धारा की चाल
 - (A) 9 किमी॰ ∕घंटा
- (B) 2 किमी॰∕घंटा
- (C) 4 किमी॰ ∕घंटा
- (D) 6 किमी॰∕घंटा

(RRB राँची T.C., 2000)

Speedy Solution: (B)

नाव की धारा की दिशा में चाल $=\frac{15}{3}=5$ किमी॰/घंटा

तथा नाव की धारा की विपरीत दिशा में चाल $=\frac{3}{3}=1$ किमी \circ /घंटा

- .. धारा की चाल = $\frac{5-1}{2}$ = 2 किमी•/घटा
- एक व्यक्ति नाव को धारा के अनुकुल 14 किमी॰/घंटा से व धारा के विरुद्ध 9 किमी॰/घण्टा से चला सकता है। ठहरे हुए पानी में व्यक्ति की चाल है -
 - (A) 5 किमी॰/घंटा
- (B) 23 किमी॰ ∕घंटा
- (C) 11.5 किमी॰ /घंटा
- (D) इनमें से कोई नहीं

(RRB बंगलौर T.A., 2003)

Speedy Solution: (C)

ठहरे हुए पानी में व्यक्ति की चाल $=\frac{14+9}{2}=11.5$ किमी॰/घंटा

- एक नाव को अनुकूल धारा में बिन्दु A से बिन्दु B तक तथा प्रतिकूल धारा में बिन्दु A तक वापस पहुँचने में 4 घंटे लगते है। यदि प्रवाह का वेग 2 किमी॰/घंटा है व ठहरे पानी में नाव की गति 4 किमी॰ प्रति घंटा है, तो A व B के बीच की दूरी है -
 - (A) 8 किमी॰
- (B) 9 किमी॰ (C) 4 किमी॰ (D) 6 किमी॰

(RRB चंडीगढ़ A.S.M., 2004)

Speedy Solution: (D)

धारा की दिशा में चाल = ठहरे पानी में नाव की गति + धारा का वेग = 4 + 2 = 6 किमी॰/घंटा

धारा की विपरीत दिशा में चाल =4-2=2 किमी॰/घंटा माना कि A से B की दूरी = x किमी॰

$$\frac{x}{6} + \frac{x}{2} = 4$$
 man fine = 4.8 mm .

The day
$$\frac{2x+6x}{12}=4$$
 that then yet in the first in t

∴ x = 6 किमी॰

- एक नाविक धारा के विपरीत 2 किमी॰ एक घंटे में जाता है तथा धारा की दिशा में 1 किमी॰ 10 मिनट में जाता है। रूके पानी में 5 किमी॰ जाएगा-(A) 1 घंटे में (B) 1 घंटे 15 मिनट में
 - (C) 1 1/2 घंटे में
- (D) 40 मीटर में

is the receipt of morth light b

(RRB जम्मू A.S.M., 2004

Speedy Solution: (B) माना कि रूके पानी में नाव की गति = x किमी॰/घंटा तथा धारा की गति = y किमी॰/घंटा

∴ धारा की दिशा में गित = $x + y = \frac{1}{10}$ किमी∘/मिनट

= 6 किमी॰/घंटा

धारा की विपरीत दिशा में गति = x - y

= 2 किमी॰/घंटा

समी॰ (i) व (ii) को जोड़ने पर,

2x = 6 + 2 = 8

x = 4 किमी॰/घंटा

अत: 5 किमी॰ तय करने में लगा समय = $\frac{ \frac{1}{2} }{ = 1 } = \frac{5}{4} = 1$ घंटा 15 मिनट

 एक व्यक्ति धारा के विरूद्ध नौका को तीन चौथाई किलोमीटर चलाने में $11\frac{1}{4}$ मिनट लेता है और वापस लौटने में $7\frac{1}{2}$ मिनट लेता है। स्थिर जल में व्यक्ति की गति होगी -

- (A) 2 किमी॰ ∕घंटा
- (B) 3 किमी॰ ∕घंटा
- (C) 4 किमी॰ ∕घंटा
- (D) 5 किमी॰/घंटा

(RRB बंगलोर Supervisor, 2004)

Speedy Solution : (D)

धारा के विरूद्ध व्यक्ति की चाल $= \frac{3 \times 4 \times 60}{4 \times 45} = 4$ किमी \circ /घंटा

धारा की दिशा में व्यक्ति की चाल $= \frac{3}{4} \times \frac{2}{15} \times 60 = 6$ किमी $\frac{1}{4}$

.. स्थिर जल में व्यक्ति की गित या चाल = $\frac{1}{2}(4+6) = 5$ किमी॰/घंटा

- यदि एक नौका नदी के बहाव में प्रति घंटा 3 किमी॰ की चाल से गयी तथा प्रतिकूल बहाव में प्रति घंटा 2 किमी॰ की चाल से आयी, तो प्रति घंटा औसत चाल है-
- (A) $2\frac{1}{2}$ (B) $2\frac{1}{4}$ (C) $2\frac{3}{4}$ (D) $2\frac{2}{5}$

(RRB राँची Assit. Driver, 2003)

Speedy Solution: (D)

नाव (नौका) की औसत चाल = $\frac{2xy}{x+y}$

भूतकार्थ के प्राप्त के प्राप्त

 $g_{HS} = 10^{-2} = 2\frac{2}{5}$ किमी $\sqrt{2}$

- यदि एक आदमी नदी के प्रवाह के विपरीत 13 किमी॰ और नदी के प्रवाह की दिशा में 28 किमी॰ चलता है, दोनों ही अवस्था में 5 घंटे का समय लगता है। तो नदी की धारा की गित होगी -
 - (A) 0.5 किमी॰∕घंटा
- (B) 1 किमी॰/घंटा
- (C) 1.5 किमी॰ ∕घंटा
- (D) 2 किमी॰/घंटा

(RRB जम्मू T.C., 2001

Speedy Solution : (C)

धारा के विपरीत दिशा में व्यक्ति की

धारा की दिशा में व्यक्ति की चाल $=\frac{28}{5}=5.6$ किमी \circ /घंटा

- \therefore नदी की धारा की गति = $\frac{5.6 2.6}{2} = \frac{3}{2} = 1.5$ किमी \circ /घंटा
- एक व्यक्ति को नौका नदी के प्रवाह की दिशा में चलाने में 15 किमी॰ चलाने के लिए 3 घण्टे 45 मिनट लगते हैं और उल्टी दिशा में 5 किमी॰ चलाने में 2 घंटा 30 मिनट लगते है, तो धारा प्रवाह की गति किमी॰/घंटा होगी -
 - (A) 1 किमी॰/घंटा
- (B) 3 किमी॰ ∕घंटा
- (C) 2 किमी॰/घंटा
- (D) इनमें से कोई नहीं

(RRB मुम्बई/भोपाल G.M./T.M., 2003)

Speedy Solution: (A) नौका की धारा की दिशा में

गति =
$$\frac{15 \text{ किमी}}{3\frac{3}{4} \text{ चंटा}} = \frac{15}{\frac{15}{4}} = \frac{15 \times 4}{15} = 4 \text{ किमी}/ घंटा$$

तथा धारा की विपरीत दिशा में नौका की

चाल
$$=\frac{5}{\frac{5}{2}} = \frac{5 \times 2}{5} = 2$$
 किमी \circ चंदा

- \therefore धारा की गति = $\frac{4-2}{2}$ = 1 किमी \circ /घंटा
- एक नौका नदी के अनुकूल बहाव में प्रति घंटे 5 किमी॰ की चाल से गई और नदी के प्रतिकूल बहाव में प्रति घंटे 6 किमी॰ की चाल से वापस आई। उस नौके की चाल किमी॰/घंटे में है -

- (A) $5\frac{5}{11}$ (B) $2\frac{11}{5}$ (C) $3\frac{5}{11}$ (D) $4\frac{5}{11}$

(RRB इलाहाबाद A.S.M., 2002

Speedy Solution : (A)

यदि निश्चित दूरी क्रमश: 🗴 तथा 🎐 किमी॰/घंटा की चाल से तय की

गई हो, तो औसत चाल =
$$\frac{2xy}{x+y} = \frac{2 \times 5 \times 6}{5+6} = \frac{60}{11} = 5\frac{5}{11}$$

- ∴ औसत चाल = 5 ⁵/₁₁ किमी•/घंटा
- 10. 1.5 किमी॰/घंटा की गति से बहती हुई धारा में प्रवाह के साथ किसी नौका की गति 15 किमी / घंटा है, तो धारा के विपरीत उसकी गति किमी॰/घंटा होगी -
 - (A) 13.5 किमी॰ /घंटा
- (B) 16.5 किमी॰∕घंटा
- (C) 12 किमी॰ ∕घंटा विक्रमी॰ ∕घंटा विक्रमी॰ ∕घंटा
- (E) इनमें से कोई नहीं कि 10 K A 10 1 कि 10 दे कि 10 स

े त कि Se को किन के बात कर किला (RRB राँची A.S.M., 2002)

Speedy Solution : (C)

धारा के विपरीत नौका की 📨 📆

चाल = धारा के अनुदिश चाल -2 × धारा की गति

- ठहरे हुए पानी में किसी नौका की गति 15 किमी /घंटा है। तथा धारा की गति 3 किमी॰/घंटा है। धारा की दिशा में वह 12 मिनट में दूरी तय
 - (A) 3.6 किमी॰ (B) 2.4 किमी॰ (C) 1.2 किमी॰ (D) 1.8 किमी॰

(RRB भोपाल C.C., 2001)

- Speedy Solution: (A) धारा की दिशा में नौका की चाल = स्थिर जल में चाल + धारा की चाल = 15 + 3 = 18 किमी । घंटा
 - ·· 60 मिनट में नाव द्वारा तय दूरी = 18 किमी॰
 - : 12 मिनट में नाव द्वारा तय दूरी = $\frac{18 \times 12}{60}$ = 3.6 किमी॰
- 12. ठहरे हुए पानी में किसी नौका की गति 2 किमी / घंटा है। यदि धारा के विपरीत उसकी गति 1 किमी॰/घंटा हो, तो धारा की गति होगी -
 - (A) 1 किमी॰/घंटा
- (B) 2 किमी॰ ∕घंटा
- (C) 3 किमी॰∕घंटा
- (D) इनमें कोई नहीं

(RRB सिकन्दराबाद A.S.M., 2001)

Speedy Solution : (A)

धारा की गति.= शान्त जल में नाव की चाल - धारा के विपरीत चाल = 2 - 1 = 1 किमी॰/घंटा

- 13. एक नाविक धारा के विरूद्ध 11 किमी॰ जाता है तथा धारा की दिशा में 27 किमी॰ जाता है। प्रत्येक दशा में 4 घंटे लगते हैं तो धारा का वेग है -
 - (A) 9 किमी॰ ∕घंटा
- (B) 4 किमी॰∕घंटा
- (C) 2 किमी॰/घंटा (D) 4 किमी॰/घंटा

(RRB चेन्नई C.C./T.C., 2001) ा है। हिंदी किसी के मान हम प

Speedy Solution: (C)

धारा की दिशा में चाल = $\frac{27}{4}$ किमी $\sqrt{2}$ ये $\frac{1}{2}$

धारा के विपरीत दिशा में चाल $=\frac{11}{4}$ किमी \circ /घंटा

$$\therefore$$
 धारा का बेग = $\frac{1}{2} \left(\frac{27}{4} - \frac{11}{4} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{27 - 11}{4} \right)$ किमी॰/घंटा
$$= \frac{1}{2} \times \frac{16}{4} = 2$$
 किमी॰/घंटा

14. एक व्यक्ति धारा के विरूद्ध नौका को तीन चौथाई किमी॰ खेने में 11 4

मिनट लेता है और वापस लौटने में $7\frac{1}{2}$ मिनट लेता है। स्थिर जल में व्यक्ति की गति बताइए -

- (A) 2 किमी॰/घंटा
- (B) 3 किमी॰/घंटा
- (C) 4 किमी॰/घंटा
- (D) 5 किमी॰/घंटा

(RRB इलाहाबाद A.S.M., 2001)

Speedy Solution : (D)

प्रतिकृल चाल =
$$\frac{\frac{3}{4}}{\frac{45}{4} \times \frac{1}{60}} = 4$$
 किमी॰/घंटा

अनुकूल चाल =
$$\frac{\frac{3}{4}}{\frac{15}{2} \times \frac{1}{60}} = 6$$
 किमी॰/घंटा

स्थिर जल में व्यक्ति की गति =
$$\frac{4+6}{2} = \frac{10}{2} = 5$$
 किमी॰/घंटा