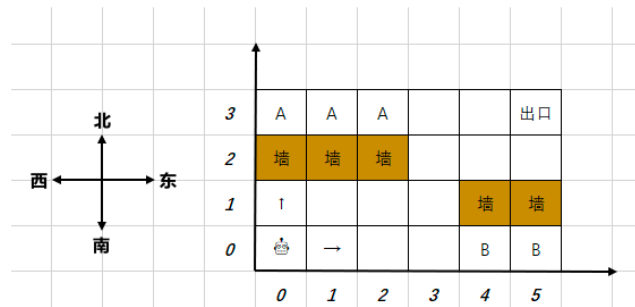


### 35、机器人走迷宫，考点 or 实现——深度优先搜索 DFS

#### 题目描述

1. 房间由XY的方格组成，例如下图为64的大小。每一个方格以坐标(x, y)描述。
2. 机器人固定从方格(0, 0)出发，只能向东或者向北前进。出口固定为房间的最东北角，如下图的方格(5, 3)。用例保证机器人可以从入口走到出口。
3. 房间有些方格是墙壁，如(4, 1)，机器人不能经过那儿。
4. 有些地方是一旦到达就无法走到出口的，如标记为B的方格，称之为陷阱方格。
5. 有些地方是机器人无法到达的，如标记为A的方格，称之为不可达方格，不可达方格不包括墙壁所在的位置。
6. 如下示例图中，陷阱方格有2个，不可达方格有3个。
7. 请为该机器人实现路径规划功能：给定房间大小、墙壁位置，请计算出陷阱方格与不可达方格分别有多少个。



#### 输入描述

- 第一行为房间的X和Y ( $0 < X, Y \leq 1000$ )
- 第二行为房间中墙壁的个数N ( $0 \leq N < X * Y$ )
- 接着下面会有N行墙壁的坐标

同一行中如果有多个数据以一个空格隔开，用例保证所有的输入数据均合法。（结尾不带回车换行）

#### 输出描述

陷阱方格与不可达方格数量，两个信息在一行中输出，以一个空格隔开。（结尾不带回车换行）

#### 用例

输入	6 4
	5
	0 2
	1 2
	2 2
	4 1
	5 1
输出	2 3
说明	该输入对应上图示例中的迷宫，陷阱方格有2个，不可达方格有3个

输入	6 4 4 2 0 2 1 3 0 3 1
输出	0 4
说明	<p>该输入对应的 <b>迷宫</b> 如下图，没有陷阱方格，不可达方格有4个，分别是(4,0) (4,1) (5,0) (5,1)</p> 

**题目解析**

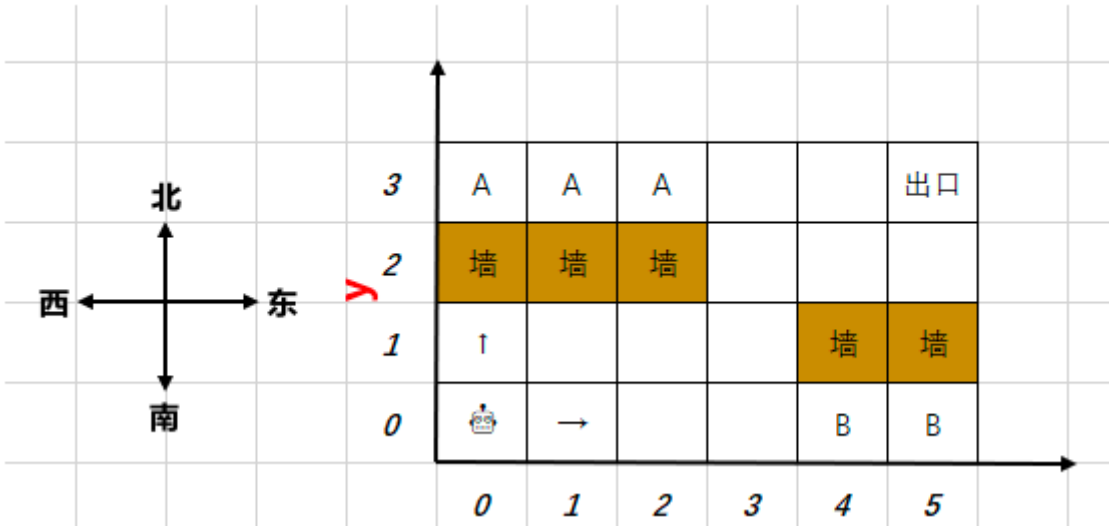
本题要求的并不是入口到出口的路径，而是找陷阱位置和不可达位置。

陷阱位置的特点是，它的北边位置和东边位置都是死路，我们可以认为越界位置和墙位置是死路，另外陷阱本身也是死路。

不可达位置的特点是，从起点位置开始，只能朝东或者朝北进行dfs，到过的点就标记一下，如果dfs结束，矩阵中任然存在着未被标记过的点，那么就是不可达点。

了解了陷阱和不可达位置特点后，我们就可以开始初始化地图了，初始化地图主要是为了标记出墙的位置和非墙位置。我们用1标记墙，用0标记非墙。

另外地图我们应该这样看：



这样的话，x就是矩阵的行数，y就是矩阵的列数

比如，根据用例1初始化完地图后，如下图所示

	0	0	1	0	
	0	0	1	0	
	0	0	1	0	
	0	0	0	0	
	0	1	0	0	
	0	1	0	0	

下面我们要做的工作是，从起点开始dfs，即找起点的 东边点（下边）以及北边点（右边）

	0	→ 0	1	0	
	↓ 0	0	1	0	
	0	0	1	0	
	0	0	0	0	
	0	1	0	0	
	0	1	0	0	

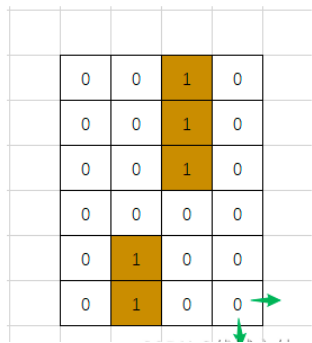
如果这东边点和北边点有一个可达，那么起点就可达。但是我们并不知道这两个点是否可达，因此将这两个进行dfs

	0	0	→ 1	0	
	0	→ 0	↓ 1	0	
	↓ 0	0	1	0	
	0	0	0	0	
	0	1	0	0	
	0	1	0	0	

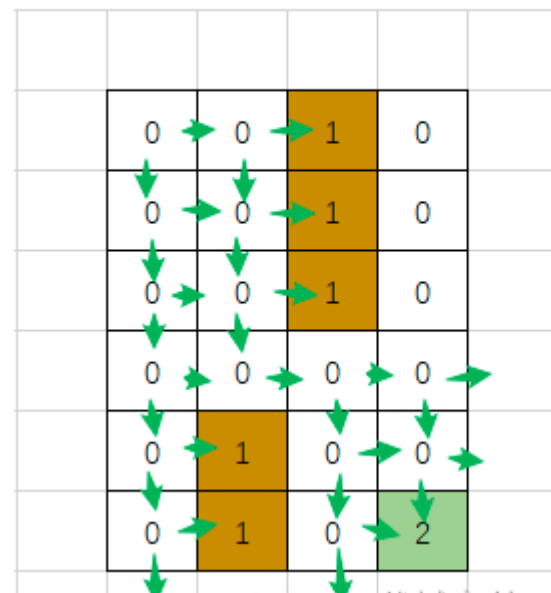
如果发现当前点的东点和北点都是死路，则当前点就是死路，如果只有一边是死路，则不能说明什么，即还需要继续dfs。当然，死路点不需要dfs。

最终，我们必然会dfs到终点位置

如果根据前面判断逻辑，则此时终点的东边、北边都是死路，因此会错误判断终点也是死路，从而影响前面所有的点，因此，我们在从起点dfs之前，就要将终点位置设为活路，即标记为2



这样的话，就可以正确影响前面的点了



最终得到如下图

	2	2	1	0	
	2	2	1	0	
	2	2	1	0	
	2	2	2	2	
	-1	1	2	2	
	-1	1	2	2	

矩阵中，-1值的元素个数作为陷阱数量，0值的元素个数作为不可达数量

## JavaScript算法源码

```
1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5    input: process.stdin,
6    output: process.stdout,
7  });
8
9  const lines = [];
10 let x, y, n, poses;
11
12 rl.on("line", (line) => {
13   lines.push(line);
14
15   if (lines.length === 2) {
16     [x, y] = lines[0].split(" ").map(Number);
17     n = lines[1] - 0;
18   }
19
20   if (n !== undefined && lines.length === n + 2) {
21     poses = lines.slice(2).map((line) => line.split(" ").map(Number));
22     console.log(getResult());
23     lines.length = 0;
24   }
25 });
26
27 function getResult() {
28   const matrix = new Array(x).fill(0).map(() => new Array(y).fill(0));
29
30   for (let [i, j] of poses) {
31     matrix[i][j] = 1; // 墙标记为1, 非墙标记为0
32   }
33
34   matrix[x - 1][y - 1] = 2; // 可达点标记为2
35
36   dfs(0, 0, matrix);
37
38   let trap = 0; // 陷阱数量
39   let unreach = 0; // 不可达点数量
40
41   for (let i = 0; i < x; i++) {
42     for (let j = 0; j < y; j++) {
43       if (matrix[i][j] == 0) unreach++;
44       else if (matrix[i][j] == -1) trap++;
45     }
46   }
47
48   return unreach - trap;
49 }
```

```
45     }
46 }
47
48 return `${trap} ${unreach}`;
49 }
50
51 function dfs(cx, cy, matrix) {
52     if (cx >= x || cy >= y) return false; // 如果下一步越界，则下一步不可达
53
54     if (matrix[cx][cy] == 1) return false; // 如果下一步为墙，则下一步不可达
55     if (matrix[cx][cy] == -1) return false; // 如果下一步为不可达点，则下一步不可达
56     if (matrix[cx][cy] == 2) return true; // 如果下一步为可达点，则下一步可达
57
58     if (matrix[cx][cy] == 0) {
59         const east = dfs(cx + 1, cy, matrix); // 向东走下一步
60         const north = dfs(cx, cy + 1, matrix); // 向北走下一步
61
62         if (east || north) {
63             matrix[cx][cy] = 2; // 如果向东可达或者向北可达，则当前点可达，标记2
64         } else {
65             matrix[cx][cy] = -1; // 如果向东，向北都不可达，则当前点也是不可达点，标记-1
66         }
67     }
68
69     return matrix[cx][cy] == 2;
70 }
```

## Java算法源码

```
1  import java.util.Scanner;
2
3  public class Main {
4      static int x;
5      static int y;
6      static int n;
7      static int[][] poses;
8      static int[][] matrix;
9
10     public static void main(String[] args) {
11         Scanner sc = new Scanner(System.in);
12
13         x = sc.nextInt(); // 行数
14         y = sc.nextInt(); // 列数
15         n = sc.nextInt(); // 墙数
16
17         poses = new int[n][2]; // 墙位置
18         for (int i = 0; i < n; i++) {
19             poses[i][0] = sc.nextInt();
20             poses[i][1] = sc.nextInt();
21         }
22
23         getResult();
24     }
25
26     public static void getResult() {
27         matrix = new int[x][y];
28
29         for (int[] pos : poses) {
30             int i = pos[0];
31             int j = pos[1];
32             matrix[i][j] = 1; // 墙点值为1，非墙点值为0
33         }
34
35         matrix[x - 1][y - 1] = 2; // 可达点值为2
36
37         dfs(0, 0);
38     }
```



```
39     int trap = 0; // 陷阱数量
40     int unreach = 0; // 不可达点数量
41
42     for (int i = 0; i < x; i++) {
43         for (int j = 0; j < y; j++) {
44             if (matrix[i][j] == 0) unreach++;
45             else if (matrix[i][j] == -1) trap++;
46         }
47     }
48
49     System.out.println(trap + " " + unreach);
50 }
51
52 public static boolean dfs(int cx, int cy) {
53     if (cx >= x || cy >= y) return false;
54     if (matrix[cx][cy] == 1) return false;
55     if (matrix[cx][cy] == -1) return false;
56     if (matrix[cx][cy] == 2) return true;
57
58     if (matrix[cx][cy] == 0) {
59         boolean east = dfs(cx + 1, cy);
60         boolean north = dfs(cx, cy + 1);
61
62         if (east || north) {
63             matrix[cx][cy] = 2; // 如果向东可达或者向北可达，则当前点可达，将值设为2
64         } else {
65             matrix[cx][cy] = -1; // 如果向东，向北都不可达，则当前点也是不可达点，将值设为-1
```

```
66         }
67     }
68
69     return matrix[cx][cy] == 2;
70 }
71 }
```

## Python算法源码

```
1  # 输入获取
2  x, y = map(int, input().split())
3  n = int(input())
4  poses = [list(map(int, input().split())) for _ in range(n)]
5
6
7  # 深搜
8  def dfs(cx, cy, matrix):
9      if cx >= x or cy >= y:
10         return False
11
12         if matrix[cx][cy] == 1: # 如果下一步为墙，则下一步不可达
13             return False
14
15             if matrix[cx][cy] == -1: # 如果下一步为不可达点，则下一步不可达
16                 return False
17
18                 if matrix[cx][cy] == 2: # 如果下一步为可达点，则下一步可达
19                     return True
20
21                     if matrix[cx][cy] == 0:
22                         east = dfs(cx + 1, cy, matrix) # 向东走下一步
23                         north = dfs(cx, cy + 1, matrix) # 向北走下一步
24
25                         if east or north:
26                             matrix[cx][cy] = 2 # 如果向东可达或者向北可达，则当前点可达，标记2
27
28                             else:
29                                 matrix[cx][cy] = -1 # 如果向东，向北都不可达，则当前点也是不可达点，标记-1
30
31                                 return matrix[cx][cy] == 2
32
33 # 算法入口
34 def getResult():
35     matrix = [[0 for _ in range(y)] for _ in range(x)]
36
37     for i, j in poses:
38         matrix[i][j] = 1 # 墙标记为1，非墙标记为0
39
40         matrix[x - 1][y - 1] = 2 # 可达点标记为2
41
42         dfs(0, 0, matrix)
43
44     trap = 0 # 陷阱数量
45     unreach = 0 # 不可达点数量
46
```

```
47     for i in range(x):
48         for j in range(y):
49             if matrix[i][j] == 0:
50                 unreachable += 1
51             elif matrix[i][j] == -1:
52                 trap += 1
53
54     return f"{trap} {unreachable}"
55
56
57 # 算法调用
58 print(getResult())
```