

59、计算疫情扩散时间，考点 or 实现——图论/图的多源 BFS

题目描述

在一个地图中(地图由 $n*n$ 个区域组成)，有部分区域被感染病菌。感染区域每天都会把周围（上下左右）的4个区域感染。请根据给定的地图计算，多少天以后，全部区域都会被感染。如果初始地图上所有区域全部都被感染，或者没有被感染区域，返回-1

输入描述

一行 $N*N$ 个数字（只包含0,1，不会有其他数字）表示一个地图，数字间用,分割，0表示未感染区域，1表示已经感染区域 每 N 个数字表示地图中一行，输入数据共表示 N 行 N 列的区域地图。

例如输入1,0,1,0,0,0,1,0,1，表示地图

```
1,0,1
0,0,0
1,0,1
```

输出描述

一个整数，表示经过多少天以后，全部区域都被感染 $1 \leq N < 200$

用例

输入	1,0,1,0,0,0,1,0,1
输出	2
说明	1天以后，地图中仅剩余中心点未被感染；2天以后，全部被感染。

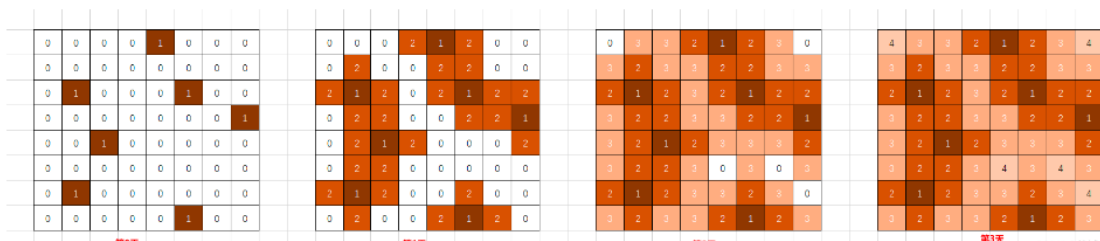
输入	0,0,0,0
输出	-1
说明	无感染区域

输入	1,1,1,1,1,1,1,1,1
输出	-1
说明	全部都感染

题目解析

自测用例: 0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,1,0,0

一共 8×8 个区域



感染区传播过程如上图所示。

本题其实就是图结构的多源 **BFS**。

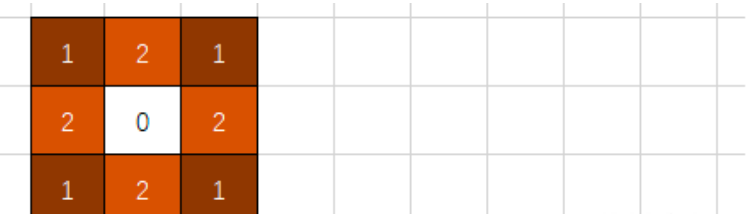
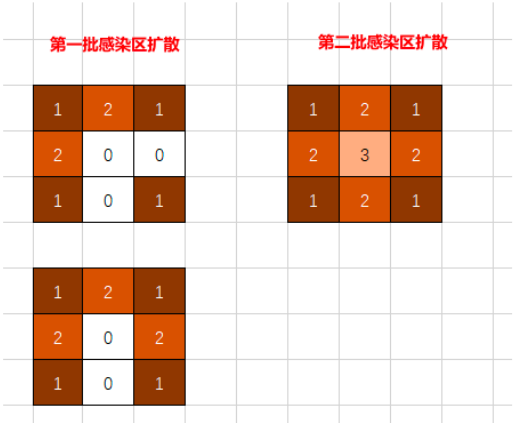
每个感染区就是图结构中需要进行 **广度优先搜索** 的起点。感染区就相当于我们往水面扔了一颗石子，广度优先搜索就相当于荡起的一圈涟漪。

本题的广度优先搜索是基于队列实现的。

创建一个队列queue，初始时，遍历矩阵，找到所有感染区位置，并加入队列。

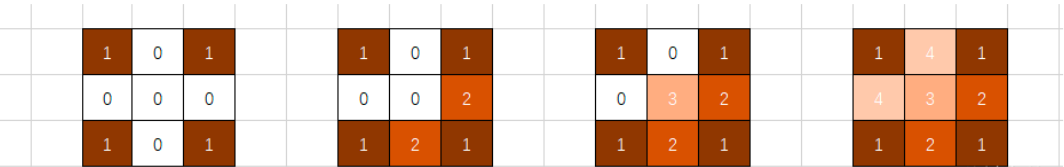
queue初始化完成后，我们对queue进行出队操作，每一个出队元素就是一个感染区位置，我们需要将其上下左右的区域全部改为感染区，并将新的感染区入队queue。

这样的话才能保证 第一批感染区 的传播才能优先进行，达到广度优先搜索的目的。



我们再举一个例子，如果采用stack栈来保存感染区的话，则必然先弹栈一个感染区位置，然后将其上下左右区域感染，这个过程中，将新的感染区压栈，而之后再次弹栈，必然是第二批的感染区位置，也就是后进先出，这将会产生 **深度优先搜索** 的效果。

最终会产生如下效果



了解图的多源广度优先搜索的实现后，我们就需要考虑如何统计感染时间了，这里我们可以将感染区标记和感染时间捆绑在一起，比如第0天的新增感染区标记为1（即矩阵初始时元素1），第1天的新增感染区标记为2，这个标记是我们广度优先搜索过程中，遍历每个感染区位置上下左右时标记的。

因此，最后一次被标记的时间就是感染全区的时间，但是要减去1，因为我们是第1天标记为2了，因此第n天标记为n+1了。

JavaScript算法源码

```
1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5    input: process.stdin,
6    output: process.stdout,
7  });
8
9  rl.on("line", (line) => {
10    const arr = line.split(",").map(Number);
11    console.log(howLong(arr));
12  });
13
14  function howLong(arr) {
15    // 题目说会输入n*n个值
16    const n = Math.sqrt(arr.length);
17
18    // 将一维输入转为二维矩阵
19    const matrix = new Array(n).fill(0).map(() => new Array(n).fill(0));
20
21    // 将矩阵中所有感染区域位置记录到queue中, 这里选择queue先进先出的原因是保证当天的感染区域并发扩散
22    let queue = [];
23    for (let i = 0; i < n; i++) {
24      for (let j = 0; j < n; j++) {
25        matrix[i][j] = arr[i * n + j];
26        if (matrix[i][j] === 1) queue.push([i, j]);
27      }
28    }
29
30    // 全是感染区, 或全是健康区
31    if (queue.length === 0 || queue.length === arr.length) {
32      return -1;
33    }
34
35    // 健康区个数
36    let healthy = arr.length - queue.length;
37
38    // 上下左右位置偏移量
39    const offset = [
40      [-1, 0], // 上
41      [1, 0], // 下
42      [0, -1], // 左
43      [0, 1], // 右
44    ];
45
46    // day用于统计感染全部花费的时间, 理论上应该从1开始统计, 但是这里从2开始统计, 因此最终结果要减去1, 为什么从2开始统计, 是因为这
47    let day;
48    // 如果健康区个数为0, 说明感染完了
49    while (queue.length && healthy) {
50      const newQueue = [];
51      for (const [x, y] of queue) {
52        day = matrix[x][y] + 1;
53      }
```

```

54     for (let i = 0; i < offset.length; i++) {
55         const [offsetX, offsetY] = offset[i];
56         const newX = x + offsetX;
57         const newY = y + offsetY;
58
59         if (newX < 0 || newX >= n || newY < 0 || newY >= n) continue;
60
61         if (matrix[newX][newY] === 0) {
62             healthy--;
63             matrix[newX][newY] = day;
64             newQueue.push([newX, newY]);
65         }
66     }
67 }
68 queue = newQueue;
69 }
70
71 return day - 1;
72 }

```

Java算法源码

```

1  import java.util.Arrays;
2  import java.util.LinkedList;
3  import java.util.Scanner;
4
5  public class Main {
6      public static void main(String[] args) {
7          Scanner sc = new Scanner(System.in);
8
9          Integer[] arr =
10             Arrays.stream(sc.nextLine().split(",")).map(Integer::parseInt).toArray(Integer[]::new);
11
12             System.out.println(getResult(arr));
13         }
14
15         public static int getResult(Integer[] arr) {
16             // 题目说会输入n*n个值
17             int n = (int) Math.sqrt(arr.length);
18
19             // 将一维arr输入转为二维矩阵matrix
20             int[][] matrix = new int[n][n];
21
22             // 将矩阵中所有感染区域位置记录到queue中, 这里选择queue先进先出的原因是保证当天的感染区域并发扩散
23             LinkedList<Integer[]> queue = new LinkedList<>();
24

```

```

25         for (int i = 0; i < n; i++) {
26             for (int j = 0; j < n; j++) {
27                 matrix[i][j] = arr[i * n + j];
28                 if (matrix[i][j] == 1) queue.add(new Integer[] {i, j});
29             }
30         }
31
32         // 全是感染区, 或全是健康区
33         if (queue.size() == 0 || queue.size() == arr.length) {
34             return -1;
35         }
36
37         // 健康区个数

```

```

38     int healthy = arr.length - queue.size();
39
40     // 上下左右偏移量
41     int[][] offsets = {{-1, 0}, {1, 0}, {0, -1}, {0, 1}};
42
43     // day用于统计感染全部花费的时间，理论上应该从1开始统计，但是这里从2开始统计，因此最终结果要减去1，为什么从2开始统计，是因为
44     int day = 0;
45     // 如果感染区域个数为0，说明感染完了
46     while (queue.size() > 0 && healthy > 0) {
47         // 利用queue的先进先出特点，才能保证同一天的感染区并发传播，即广度优先搜索
48         Integer[] tmp = queue.removeFirst();
49         int x = tmp[0], y = tmp[1];
50         day = matrix[x][y] + 1;
51
52         for (int[] offset : offsets) {
53             int newX = x + offset[0];
54             int newY = y + offset[1];
55
56             if (newX < 0 || newX >= n || newY < 0 || newY >= n) continue;
57
58             if (matrix[newX][newY] == 0) {
59                 healthy--;
60                 matrix[newX][newY] = day;
61                 queue.add(new Integer[] {newX, newY});
62             }
63         }
64     }
65
66     return day - 1;
67 }

```

```

68 }

```

Python算法源码

```

1 import math
2
3 # 输入获取
4 arr = list(map(int, input().split(",")))
5
6
7 # 算法入口
8 def getResult(arr):
9     # 题目说会输入n*n个值
10    n = int(math.sqrt(len(arr)))
11
12    # 将一维arr输入转为二维矩阵matrix
13    matrix = [[0 for _ in range(n)] for _ in range(n)]
14
15    # 将矩阵中所有感染区域位置记录到queue中,这里选择queue先进先出的原因是保证当天的感染区域并发扩散
16    queue = []
17
18    for i in range(n):
19        for j in range(n):
20            matrix[i][j] = arr[i * n + j]
21            if matrix[i][j] == 1:
22                queue.append([i, j])
23
24    # 全是感染区，或全是健康区
25    if len(queue) == 0 or len(queue) == len(arr):
26        return -1

```

```
27
28 # 健康区个数
29 healthy = len(arr) - len(queue)
30
31 # 上下左右偏移量
32 offsets = ((-1, 0), (1, 0), (0, -1), (0, 1))
33
34 # day用于统计感染全部花费的时间，理论上应该从1开始统计，但是这里从2开始统计，因此最终结果要减去1，为什么从2开始统计，是因为这
35 day = 0
36 # 如果健康区个数为0，说明感染完了
37 while len(queue) > 0 and healthy > 0:
38     newQueue = []
39
40     for x, y in queue:
41         day = matrix[x][y] + 1
42
43         for offsetX, offsetY in offsets:
44             newX = x + offsetX
45             newY = y + offsetY
46
47             if newX < 0 or newX >= n or newY < 0 or newY >= n:
48                 continue
49
50             if matrix[newX][newY] == 0:
51                 healthy -= 1
52                 matrix[newX][newY] = day
53                 newQueue.append([newX, newY])
54
55     queue = newQueue
56
57     return day - 1
58
59
60 # 算法调用
61 print(getResult(arr))
```