

20.发广播。考点 or 实现——数据结构/并查集

题目描述

某地有N个广播站，站点之间有些有连接，有些没有。有连接的站点在接受到广播后会互相发送。

给定一个N*N的二维数组matrix,数组的元素都是字符'0'或者'1'。

matrix[i][j] = '1', 代表i和j站点之间有连接,

matrix[i][j] = '0', 代表没连接,

现在要发一条广播，问初始最少给几个广播站发送，才能保证所有的广播站都收到消息。

输入描述

从stdin输入，共一行数据，表示二维数组的各行，用逗号分隔行。保证每行字符串所含的字符数一样的。

比如：110,110,001。

输出描述

返回初始最少需要发送广播站个数

用例

输入	110,110,001
输出	2
说明	站点1和站点2直接有连接，站点3和其他的都没连接，所以开始至少需要给两个站点发送广播。

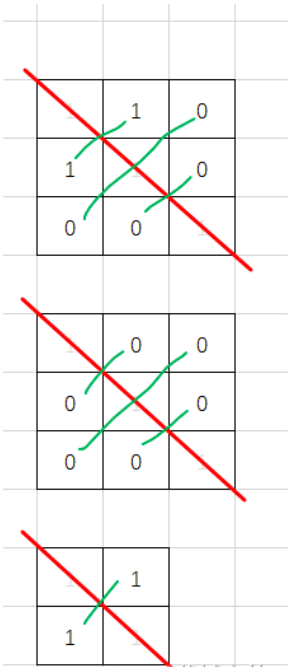
输入	100,010,001
输出	3
说明	3台服务器互不连接，所以需要分别广播这3台服务器。

输入	11,11
输出	1
说明	2台服务器相互连接，所以只需要广播其中一台服务器

题目解析

题目中说：“有连接的站点在接受到广播后会互相发送。”

这表明了如果 $matrix[i][j] = '1'$,则必然 $matrix[j][i] = '1'$ ，即如下图中二维矩阵中元素值，会沿左上右下对角线轴对称



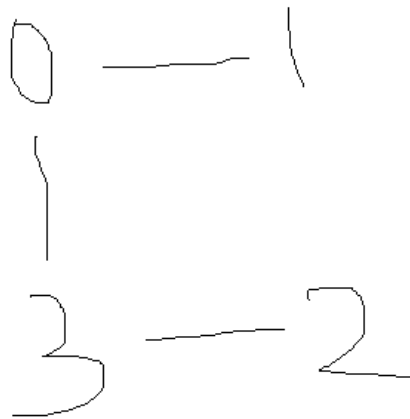
因此，解决本题，我们只需要看对角线的一侧即可。

有了上面的前提，下面我们可以通过画图来解决此题

比如输入：1101,1100,0011,1011，画图如下

1	1	0	1			(0,1)	(0,2)	(0,3)
1	1	0	0				(1,2)	(1,3)
0	0	1	1					(2,3)
1	0	1	1					

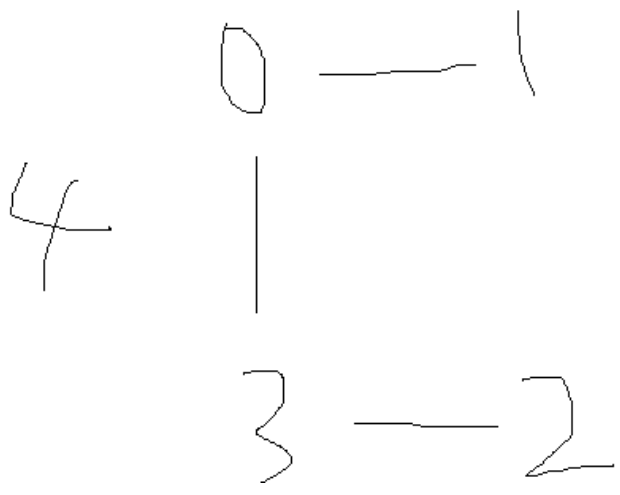
因此可得联通图如下



由于站点之间的连接是双向的，因此上面例子只要给一个站点发送广播，所有站点就都能收到广播了

再比如，输入11010,11000,00110,10110,00001

1	1	0	1	0			(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
1	1	0	0	0				(1,2)	(1,3)	(1,4)
0	0	1	1	0					(2,3)	(2,4)
1	0	1	1	0						(3,4)
0	0	0	0	1						



此时0, 1, 2, 3站点是互联的, 4没有任何连接, 因此我们需要给至少两个站点发送广播。

那么如何才能构建上面这种 连通图 呢?

最好的方式就是创建 并查集 结构。

并查集本身其实就是一个数组, 数组的索引指代站点, 数组的元素值指代当前索引站点的祖先站点。

比如上面例子中, 我们有5个站点, 因此我们可以创建一个长度为5的数组arr, 初始时, 每个站点都可以视为互不相连的, 即每个站点的祖先站点都是自己

当前站点	0	1	2	3	4
父站点	0	1	2	3	4

我们开始遍历输入的二维数组对角线一侧的站点连接情况, 来更新上面的并查集结构, 实现代码如下

```
1 // 输入是一个n*n的二维矩阵
2 for(let i=0; i<n; i++) {
3     for(let j=i+1; j<n; j++) {
4         if(matrix[i][j] === '1') 更新并查集
5     }
6 }
```

1	1	0	1	0			(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
1	1	0	0	0				(1,2)	(1,3)	(1,4)
0	0	1	1	0					(2,3)	(2,4)
1	0	1	1	0						(3,4)
0	0	0	0	1						

matrix[0][1] = 1, 因此我们将站点1的父站点更新为0, 即arr[1] = 0

当前站点	0	1	2	3	4
父站点	0	0	2	3	4

matrix[0][3] = 1, 因此我们将站点3的父站点更新为0, 即arr[3] = 0

当前站点	0	1	2	3	4
父站点	0	0	2	0	4

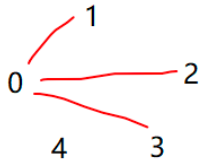
matrix[2][3] = 1, 因此我们将站点3的父站点更新为2, 但是由于站点3已经更新过父站点为0了, 因此我们此时再次更新, 只会覆抹除掉站点3和站点0之间的父子关系, 为了避免这种情况, 我们可以先找到站点的3的祖宗站点 (即为站点0), 然后将祖先站点0的父站点更新为2

当前站点	0	1	2	3	4
父站点	2	0	2	0	4

有人可能会感到疑惑，如果这样更新的话，岂不是影响了站点1，因为站点1的父站点是站点0，现在站点0的父站点更新为了站点2，那么也就意味着站点1的祖先站点变为站点2？

我们再回头思考下，我们使用并查集的目的是啥，是构造连通图，而不是构造准确的父子关系，我们将上面并查集结构转为连通图看看

当前站点	0	1	2	3	4
父站点	2	0	2	0	4



JavaScript算法源码

```
1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5    input: process.stdin,
6    output: process.stdout,
7  });
8
9  rl.on("line", (line) => {
10    const matrix = line.split(",").map((str) => str.split(""));
11    console.log(getMinCount(matrix));
12  });
13
14  function getMinCount(matrix) {
15    const n = matrix.length;
16
17    const ufs = new UnionFindSet(n);
18
19    for (let i = 0; i < n; i++) {
20      for (let j = i + 1; j < n; j++) {
21        if (matrix[i][j] === "1") {
22          ufs.union(i, j);
23        }
24      }
25    }
26
27    return ufs.count;
28  }
```

```

28 }
29
30 class UnionFindSet {
31   constructor(n) {
32     this.fa = new Array(n).fill(true).map((_, idx) => idx);
33     this.count = n; // 初始时各站点互不相连，互相独立，因此需要给n个站点发送广播
34   }
35
36   // 查x站点对应的顶级祖先站点
37   find(x) {
38     while (x !== this.fa[x]) {
39       x = this.fa[x];
40     }
41     return x;
42   }
43
44   // 合并两个站点，其实就是合并两个站点对应的顶级祖先节点
45   union(x, y) {
46     let x_fa = this.find(x);
47     let y_fa = this.find(y);
48
49     if (x_fa !== y_fa) { // 如果两个站点祖先相同，则在一条链上，不需要合并
50       this.fa[y_fa] = x_fa; // 合并站点，即让某条链的祖先指向另一条链的祖先
51       this.count--; // 一旦两个站点合并，则发送广播次数减1
52     }
53   }
54 }

```

以上算法，还可以继续优化find逻辑，当前find逻辑，找某个站点的祖先，都会从所在链的自身位置开始向上逐级查找，这个过程其实也找到了同一链上它之后的站点的祖先

```

1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5    input: process.stdin,
6    output: process.stdout,
7  });
8
9  rl.on("line", (line) => {
10    const matrix = line.split(",").map((str) => str.split(""));
11    console.log(getMinCount(matrix));
12  });
13
14  function getMinCount(matrix) {
15    const n = matrix.length;
16
17    const ufs = new UnionFindSet(n);
18
19    for (let i = 0; i < n; i++) {
20      for (let j = i + 1; j < n; j++) {
21        if (matrix[i][j] === "1") {
22          ufs.union(i, j);
23        }
24      }
25    }
26

```

```

26
27 // console.log(ufs.fa);
28
29 return ufs.count;
30 }
31
32 class UnionFindSet {
33   constructor(n) {
34     this.fa = new Array(n).fill(true).map((_, idx) => idx);
35     this.count = n;
36   }
37
38   find(x) {
39     if (x !== this.fa[x]) {
40       this.fa[x] = this.find(this.fa[x]);
41       return this.fa[x];
42     }
43     return x;
44   }
45
46   union(x, y) {
47     let x_fa = this.find(x);
48     let y_fa = this.find(y);
49
50     if (x_fa !== y_fa) {
51       this.fa[y_fa] = x_fa;
52       this.count--;
53     }
54   }
55 }

```

我们可以将while循环改为递归，将每次递归的结果（祖先站点）更新为递归站点的父站点。

还有一道相同意思的题目：[LeetCode - 547 省份数量_伏城之外的博客-CSDN博客](#)

有兴趣的小伙伴可以试试

Java算法源码

```

1 import java.util.Scanner;
2
3 public class Main {
4   public static void main(String[] args) {
5     Scanner sc = new Scanner(System.in);
6
7     String[] matrix = sc.nextLine().split(",");
8
9     System.out.println(getResult(matrix));
10  }
11
12  public static int getResult(String[] matrix) {
13    int n = matrix.length;
14
15    UnionFindSet ufs = new UnionFindSet(n);
16
17    for (int i = 0; i < n; i++) {
18      for (int j = i + 1; j < n; j++) {
19        if (matrix[i].charAt(j) == '1') {
20          ufs.union(i, j);
21        }
22      }
23    }
24
25    return ufs.count;
26  }
27 }
28

```

```

28
29 // 并查集实现
30 class UnionFindSet {
31     int[] fa;
32     int count;
33
34     public UnionFindSet(int n) {
35         this.fa = new int[n];
36         for (int i = 0; i < n; i++) fa[i] = i;
37         this.count = n;
38     }
39
40     public int find(int x) {
41         if (x != this.fa[x]) {
42             this.fa[x] = this.find(this.fa[x]);
43             return this.fa[x];
44         }
45         return x;
46     }
47
48     public void union(int x, int y) {
49         int x_fa = this.find(x);
50         int y_fa = this.find(y);
51
52         if (x_fa != y_fa) {
53             this.fa[y_fa] = x_fa;
54             this.count--;
55         }
56     }
57 }

```

Python算法源码

```

1 # 输入获取
2 matrix = input().split(",")
3
4
5 # 并查集实现
6 class UnionFindSet:
7     def __init__(self, n):
8         self.fa = [i for i in range(n)]
9         self.count = n
10
11     def find(self, x):
12         if x != self.fa[x]:
13             self.fa[x] = self.find(self.fa[x])
14         return self.fa[x]
15     return x
16
17     def union(self, x, y):
18         x_fa = self.find(x)
19         y_fa = self.find(y)
20
21         if x_fa != y_fa:
22             self.fa[y_fa] = x_fa
23             self.count -= 1
24
25
26 # 算法入口
27 def getResult(matrix):
28     n = len(matrix)
29

```



```
29
30     ufs = UnionFindSet(n)
31
32     for i in range(n):
33         for j in range(i + 1, n):
34             if matrix[i][j] == "1":
35                 ufs.union(i, j)
36
37     return ufs.count
38
39
40 # 算法调用
41 print(getResult(matrix))
```