

37、没有回文串。考点 or 实现——数为搜索+回文子串涵盖判断

题目描述

回文串的定义：正读和反读都一样的字符串。

现在已经存在一个不包含回文串的字符串，字符串的字符都是在英语字母的前N个,且字符串不包含任何长度大于等于2的回文串；

请找出下一个字典序的不包含回文串的、字符都是在英语字母的前N个、且长度相同的字符串。

如果不存在，请输出NO。

输入描述

输入包括两行。

第一行有一个整数N ($1 \leq N \leq 26$)，表示字符串的每个字符范围都是前N的英语字母。

第二行输入一个字符串（输入长度 ≤ 10000 ），输入保证这个字符串是合法的并且没有包含回文串。

输出描述

输出下一个字典序的不包含回文串的、字符都是在英语字母的前N个、且长度相同的字符串；

如果不存在,请输出"NO"。

用例

输入	3 cba
输出	NO
说明	无

题目解析

本题还是比较难的。

首先，题目的意思是：

第二行会输入一个不含超过2位的回文子串的字符串。

啥意思呢？

首先，我们需要了解下回文串概念：

回文串是指一个字符串，正序和反序是一样的，即回文串是中心对称的，比如aba，abba。通常而言，空串，比如""、单字符的字符串，比如"a"，都算是回文串。

这里题目说给定的字符串中不含有超过2位的回文子串，隐含意思是，让我们不要把空串和单字符的字符串当成回文串。比如"abc"是符合题目要求的不含回文子串的字符串，而"abbc"是不符合题目要求的不含有回文子串的字符串。

第一行会输入一个整数n，表示符合题目要求的不含回文子串的字符串的每一位字符：取自前n个的英语字母（小写）

啥意思呢？

这个是限定字符串每一位字符的取值，比如n=2，则每一位只能取"a"或"b"，比如n=3，则每一位只能在"a"、"b"、"c"字符中取值

输出下一个字典序的不包含回文串的、字符都是在英语字母的前N个、且长度相同的字符串；

啥意思呢？

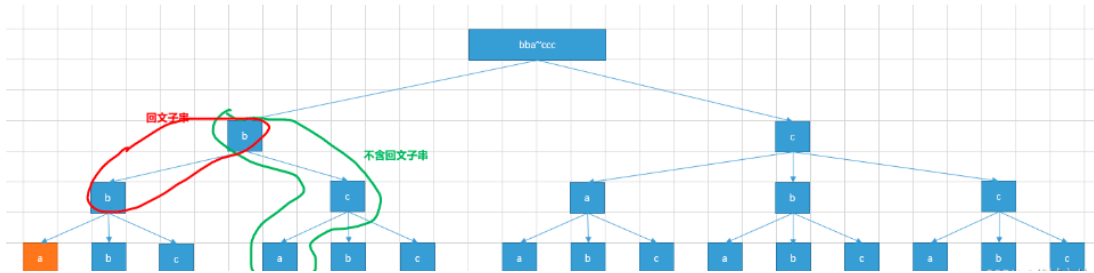
我们假设现在输入是

3

bba

那么bba后面的：字符都是在英语字母的前N个、且长度相同的字符串有哪些呢？如下图所示。

现在求bba下一个字典序的不包含回文串的字符串，从图中可以看出是bca。



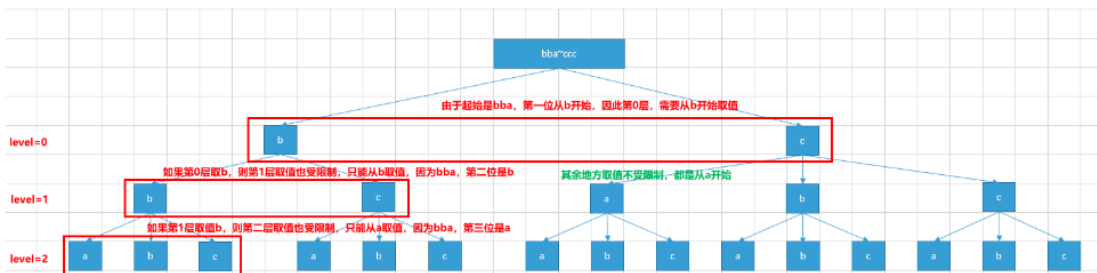
因此，本题的求解可以分为两步：

- 1、找出bba下一个字典序的、同范围、同长度的字符串F
- 2、判断找出的字符串F是否含有回文字符串，若含有，则继续找下一个字符串，若不含，则输出找到的字符串

先看第一步，找下一个字典序的字符串F，该如何找呢？

从上面图树形结构，我们可以看出，这就是一个dfs的深度优先搜索的过程，那么该如何实现呢？

进行数位搜索时，如果是基于字符，那么就很难处理，我们可以预先将字符全部先转为数字，利用String(char).charCodeAt()方法得到字符char对应的ASCII码值，然后基于码值进行数位搜索。



因此可以得到如下dfs逻辑

```
1 // 假设第二行输入的是bba，则入参arr = [98, 98, 97]，元素值是bba各位对应的码值
2 // 入参level指的是当前正在设置第几层的值，从第0层开始
3 // 入参limit指的是当前取值的下限是否受到限制，默认第0层取值是受到限制
4 // 假设第一行输入的3，则入参max = 97 + 3 - 1 = 99，即对应字符c
5 // 入参path用于保存找到字符串的各位字符对应的码值
6 function dfs(arr, level, limit, max, path){
7   if(level === arr.length) {
8     const nextStr = path.map(num => String.fromCharCode(num)).join('')
9     return console.log(nextStr)
10  }
11
12  const min = limit ? arr[level] : 97; // 97对应'a'
13
14  for(let i = min; i <= max; i++) {
15    path.push(i)
16    dfs(arr, level+1, limit && i === min, max, path) // 这里的limit参数赋值为limit && i === min，大家可以参考图示好好
17    path.pop()
18  }
19 }
```

上面就是基于数位搜索思想，来遍历bba~ccc之间所有字符串的方式

上面就是基于数位搜索思想，来遍历bba~ccc之间所有字符串的方式

```
JS testjs > ...
1 // 假设第二行输入的是bba，则入参arr = [98, 98, 97]，元素值是bba各位对应的码值
2 // 入参level指的是当前正在设置第几层的值，从第0层开始
3 // 入参limit指的是当前取值的下限是否受到限制，默认第0层取值是受到限制
4 // 假设第一行输入的是3，则入参max = 97 + 3 - 1 = 99，即对应字符c
5 // 入参path用于保存找到字符串的各位字符对应的码值
6 function dfs(arr, level, limit, max, path) {
7   if (level === arr.length) {
8     const nextStr = path.map((num) => String.fromCharCode(num)).join("");
9     return console.log(nextStr);
10  }
11
12  const min = limit ? arr[level] : 97; // 97对应'a'
13
14  for (let i = min; i <= max; i++) {
15    path.push(i);
16    dfs(arr, level + 1, limit && i === min, max, path); // 这里的limit参数赋值为limit && i === min, 大
17    path.pop();
18  }
19 }
20
21 dfs([98, 98, 97], 0, true, 99, []);
22
```

接下来，我们就可以在遍历过程中，去做一些检测回文子串的动作。

我们可以很容易判断一个字符串是否为回文串（正序倒序相同），但是却无法轻易的判断一个字符串是否含有回文子串。

判断一个字符串str是否含有回文子串的方式，大致逻辑如下：

遍历字符串str的每一位，比如str[i]，然后将str[i]分别和str[i-1]、str[i+1]比较，若相同，则说明含有一个两位的回文子串，这其实是偶数位回文串判断方式，比如abbc，其中bb就是偶数位回文串。另外，我们还需要判断是否可能存在奇数位回文子串，即比较str[i-1]和str[i+1]是否相同，比如abac，其中aba就是奇数位回文串。当遍历str每一位过程中，发现了符合要求的回文子串，则可以返回true，表示在str中发现了回文子串。

了解了如何判断字符串含有回文子串后，我们回到前面讨论，如何在dfs生成下一个字典序，且符合要求的字符串的过程中，去判断是否产生回文子串呢？

答：每当给一层取值时，比如给level=1层取值，则我们可以判断：

- arr[level - 1] === arr[level] 即判断是否出现偶数位回文子串
- arr[level - 2] === arr[level] 即判断是否出现奇数位回文子串

```
1 function dfs(arr, level, limit, max, path) {
2   if (level === arr.length) {
3     const nextStr = path.map((num) => String.fromCharCode(num)).join("");
4     return console.log(nextStr);
5   }
6
7   const min = limit ? arr[level] : 97;
8
9   for (let i = min; i <= max; i++) {
10    if (level >= 1 && i === path[level - 1]) continue; // 偶数位回文子串
11    if (level >= 2 && i === path[level - 2]) continue; // 奇数位回文子串
12    path.push(i);
13    dfs(arr, level + 1, limit && i === min, max, path);
14    path.pop();
15  }
16 }
17
18 dfs([98, 98, 97], 0, true, 99, []);
```

```
JS index.js JS test.js X
JS test.js > dfs
1 function dfs(arr, level, limit, max, path) {
2   if (level === arr.length) {
3     const nextStr = path.map(num => String.fromCharCode(num)).join("");
4     return console.log(nextStr);
5   }
6
7   const min = limit ? arr[level] : 97;
8
9   for (let i = min; i <= max; i++) {
10    if (level >= 1 && i === path[level - 1]) continue; // 偶数位回文子串
11    if (level >= 2 && i === path[level - 2]) continue; // 奇数位回文子串
12    path.push(i);
13    dfs(arr, level + 1, limit && i === min, max, path);
14    path.pop();
15  }
16 }
17
18 dfs([98, 98, 97], 0, true, 99, []);
19
```

PS D:\Desktop\alg> node test
bca
cab
cba
PS D:\Desktop\alg>

可以发现，答案给出的字符串少了很多，但都是不含回文子串的，字典序排后面的字符串。

但是我们只想要字典序下一个的，不想要下面全部的，因此：

```
JS index.js JS test.js X
JS test.js > ...
1 function dfs(arr, level, limit, max, path) {
2   if (level === arr.length) {
3     return path.map(num => String.fromCharCode(num)).join("");
4   }
5
6   const min = limit ? arr[level] : 97;
7
8   for (let i = min; i <= max; i++) {
9     if (level >= 1 && i === path[level - 1]) continue; // 偶数位回文子串
10    if (level >= 2 && i === path[level - 2]) continue; // 奇数位回文子串
11    path.push(i);
12    const ans = dfs(arr, level + 1, limit && i === min, max, path);
13    if (ans) return ans;
14    path.pop();
15  }
16 }
17
18 console.log(dfs([98, 98, 97], 0, true, 99, []));
19
```

PS D:\Desktop\alg> node test
bca
PS D:\Desktop\alg>

上面逻辑是，能走到dfs最后一步的肯定是符合要求的，不含回文子串的，处于下一个字典序的字符串，其他的都是中途失败的，返回undefined的，因此我们只要看dfs返回的是不是undefined即可。

但是上面逻辑存在一个漏洞，可以尝试用例

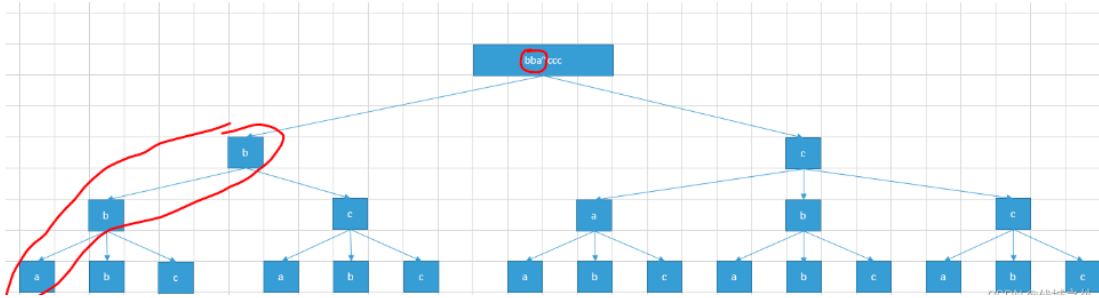
```
4
bacd
```

```
JS index.js JS test.js
JS test.js > ...
1 function dfs(arr, level, limit, max, path) {
2   if (level === arr.length) {
3     return path.map(num => String.fromCharCode(num)).join("");
4   }
5
6   const min = limit ? arr[level] : 97;
7
8   for (let i = min; i <= max; i++) {
9     if (level >= 1 && i === path[level - 1]) continue; // 偶数位回文子串
10    if (level >= 2 && i === path[level - 2]) continue; // 奇数位回文子串
11    path.push(i);
12    const ans = dfs(arr, level + 1, limit && i === min, max, path);
13    if (ans) return ans;
14    path.pop();
15  }
16 }
17
18 // 4, 对应100
19 // bacd, 对应[98, 97, 99, 100]
20 console.log(dfs([98, 97, 99, 100], 0, true, 100, []));
21
```

PS D:\Desktop\alg> node test
bacd
PS D:\Desktop\alg>

可以发现，输出的还是bacd

原因是，我们在第一次dfs时，遍历的起始就是原始字符串



因此，我们要跳过第一次的遍历

```
JS index.js JS test.js X
JS test.js > ...
1 function dfs(arr, level, limit, max, path) {
2   if (level === arr.length) {
3     return path.map((num) => String.fromCharCode(num)).join("");
4   }
5
6   const min = limit ? arr[level] : 97;
7
8   for (let i = min; i <= max; i++) {
9     if (limit && level === arr.length - 1 && i === min) continue; // 跳过首次dfs结果
10    if (level >= 1 && i === path[level - 1]) continue;
11    if (level >= 2 && i === path[level - 2]) continue;
12    path.push(i);
13    const ans = dfs(arr, level + 1, limit && i === min, max, path);
14    if (ans) return ans;
15    path.pop();
16  }
17 }
18
19 // 4, 对应100
20 // bacd, 对应[98, 97, 99, 100]
21 console.log(dfs([98, 97, 99, 100], 0, true, 100, []));
22
```

PS D:\Desktop\alg> node test
bacd
PS D:\Desktop\alg> []

```
1 function dfs(arr, level, limit, max, path) {
2   if (level === arr.length) {
3     return path.map((num) => String.fromCharCode(num)).join("");
4   }
5
6   const min = limit ? arr[level] : 97;
7
8   for (let i = min; i <= max; i++) {
9     if (limit && level === arr.length - 1 && i === min) continue; // 跳过首次dfs结果
10    if (level >= 1 && i === path[level - 1]) continue;
11    if (level >= 2 && i === path[level - 2]) continue;
12    path.push(i);
13    const ans = dfs(arr, level + 1, limit && i === min, max, path);
14    if (ans) return ans;
15    path.pop();
16  }
17 }
18
19 // 4, 对应100
20 // bacd, 对应[98, 97, 99, 100]
21 console.log(dfs([98, 97, 99, 100], 0, true, 100, []));
```

JavaScript算法源码

```
1  /* JavaScript Node ACM模式 控制台输入获取 */
2  const readline = require("readline");
3
4  const rl = readline.createInterface({
5    input: process.stdin,
6    output: process.stdout,
7  });
8
9  const lines = [];
10 rl.on("line", (line) => {
11   lines.push(line);
12
13   if (lines.length === 2) {
14     const n = lines[0] - 0;
15     const str = lines[1];
16
17     console.log(getResult(n, str));
18
19     lines.length = 0;
20   }
21 });
22
23 /**
24  *
25  * @param {*} n 字符串的每个字符范围都是前N的英语字母 (1<=N<=26)
26  * @param {*} str 合法的并且没有包含回文串的字符串 (长度<=10000)
27  */
```

```
28 function getResult(n, str) {
29   const arr = [...str].map((char) => String(char).charCodeAt());
30   const min = 97; // 对应字符'a'
31   const max = min + n - 1;
32
33   const ans = dfs(arr, 0, true, max, []);
34   return ans ?? "NO";
35 }
36
37 function dfs(arr, level, limit, max, path) {
38   if (level === arr.length) {
39     return path.map((num) => String.fromCharCode(num)).join("");
40   }
41
42   const min = limit ? arr[level] : 97;
43
44   for (let i = min; i <= max; i++) {
45     if (limit && level === arr.length - 1 && i === min) continue; // 此步跳过原始字符串
46     if (level >= 1 && i === path[level - 1]) continue; // 此步表示含有回文串, 如abb这种情况
47     if (level >= 2 && i === path[level - 2]) continue; // 此步表示含有回文串, 如aba这种情况
48     path.push(i);
49     const ans = dfs(arr, level + 1, limit && i === min, max, path);
50     if (ans) return ans; // 找到了不含回文串的字典序下一个字符串, 则直接返回
51     path.pop();
52   }
53 }
```

Java算法源码

```
1 import java.util.LinkedList;
2 import java.util.Scanner;
3
4 public class Main {
5     public static void main(String[] args) {
6         Scanner sc = new Scanner(System.in);
7
8         int n = sc.nextInt();
9         String s = sc.next();
10
11         System.out.println(getResult(n, s));
12     }
13
14     /**
15      * @param n 字符串的每个字符范围都是前N的英语字母 (1<=N<=26)
16      * @param s 合法的并且没有包含回文串的字符串 (长度<=10000)
17      */
18     public static String getResult(int n, String s) {
19         char[] tmp = s.toCharArray();
20         int[] arr = new int[tmp.length];
21         for (int i = 0; i < tmp.length; i++) arr[i] = tmp[i];
22         int max = 97 + n - 1;
23
24         String ans = dfs(arr, 0, true, max, new LinkedList<>());
25
26         if (ans == null) {
27             return "NO";
28         } else {
```

```
29     return ans;
30 }
31 }
32
33 public static String dfs(int[] arr, int level, boolean limit, int max, LinkedList<Integer> path) {
34     if (level == arr.length) {
35         StringBuilder sb = new StringBuilder();
36         for (Integer num : path) sb.append((char) ((int) num));
37         return sb.toString();
38     }
39
40     int min = limit ? arr[level] : 97;
41
42     for (int i = min; i <= max; i++) {
43         // 此步跳过原始字符串
44         if (limit && level == arr.length - 1 && i == min) continue;
45         // 此步表示含有回文串, 如abb这种情况
46         if (level >= 1 && i == path.get(level - 1)) continue;
47         // 此步表示含有回文串, 如aba这种情况
48         if (level >= 2 && i == path.get(level - 2)) continue;
49         path.add(i);
50         String ans = dfs(arr, level + 1, limit && i == min, max, path);
51         if (ans != null) return ans; // 找到了不含回文串的字典序下一个字符串, 则直接返回
52         path.removeLast();
53     }
54
55     return null;
56 }
```


Python算法源码

```
1 # 输入获取
2 n = int(input())
3 s = input()
4
5
6 def dfs(arr, level, limit, maxV, path):
7     if level == len(arr):
8         return "".join(map(lambda x: chr(x), path))
9
10    minV = arr[level] if limit else 97
11
12    for i in range(minV, maxV + 1):
13        # 此步跳过原始字符串
14        if limit and level == len(arr) - 1 and i == minV:
15            continue
16        # 此步表示含有回文串, 如abb这种情况
17        if level >= 1 and i == path[level - 1]:
18            continue
19        # 此步表示含有回文串, 如aba这种情况
20        if level >= 2 and i == path[level - 2]:
21            continue
22
23    path.append(i)
24    ans = dfs(arr, level + 1, limit and i == minV, maxV, path)
25    # 找到了不含回文串的字典序下一个字符串, 则直接返回
26    if ans is not None:
```

```
27         return ans
28     path.pop()
29
30     return None
31
32
33 # 算法入口
34 def getResult(n, s):
35     """
36     :param n: 字符串的每个字符范围都是前N的英语字母 (1<=N<=26)
37     :param s: 合法的并且没有包含回文串的字符串 (长度<=10000)
38     """
39     arr = list(map(lambda x: ord(x), list(s)))
40     maxV = 97 + n - 1
41
42     ans = dfs(arr, 0, True, maxV, [])
43     return ans or "NO"
44
45
46 # 算法调用
47 print(getResult(n, s))
```