Klausur: Grundlagen der Elektronik WS 07/08

Kurzfragen ohne Unterlagen (Bearbeitungszeit: 30 min)

- 1) Welche der Aussagen zu einem Halbleiter im thermodynamischen Gleichgewicht sind richtig?
- 2) Die Diffusionskapazität eines pn-Übergangs
- Welche der Aussagen zu einem idealen pn-Übergang mit angelegter Spannung sind zutreffend?
- 4) Gegeben ist eine Verstärker-Schaltung a) und das Kleinsignal-Ersatzschaltbild des Transistors b). Die Kapazitäten stellen im interessierenden Frequenzbereich Kurzschlüsse dar. Zeichnen Sie das Wechselstromersatzschaltbild der Schaltung, und tragen Sie neben Ein- und Ausgangsgrößen die steuernde Größe ugs ein.

| Um welche Grundschaltung handelt es sich? | |
|---|--|
| Um welchen Transistortyp handelt es sich? | |

- 5) Tragen Sie in die Strom-Spannungskennlinien eines pn-Übergangs die <u>üblichen Arbeitspunkte in</u> Form eines Kreuzes mit entsprechendem Buchstaben für folgende optoelektronische Bauelemente ein.
- 6) Skizzieren Sie in das vorbereitete Feld das Schaltbild eines CMOS-Inverters.
- 7) Welche der Aussagen zu einer MOS-Kapazität sind richtig?
- 8) Welche der Aussagen zum Bipolartransistor sind richtig?
- Welche der Aussagen zum Operationsverstärker sind richtig?s wird üblicherweise als Darlington-Stufe ausgeführt.
- 10) Beschriften Sie in dem gezeigten Bändermodell die Bandkanten $W_{\rm V}$ und $W_{\rm L}$ sowie die beiden Quasi-Ferminiveaus für die Elektronen und Löcher $W_{\rm Fn}$ und $W_{\rm Fp}$. Welche der Aussagen dazu sind richtig unter der Voraussetzung gleicher effektiver Zustandsdichten im Leitungs- und Valenzband?



Name:

Klausur: Grundlagen der Elektronik WS 07/08

Aufgaben ohne Unterlagen (Bearbeitungszeit: 2 Std.)

 Die Konzentrationen der Elektronen und Löcher sowie der ionisierten Störstellen im homogenen Halbleiter hängen von der Lage des Fermi-Niveaus W_F wie folgt ab:

$$n = N_{\rm L} \exp\left(\frac{W_{\rm F} - W_{\rm L}}{kT}\right); \quad p = N_{\rm V} \exp\left(\frac{W_{\rm V} - W_{\rm F}}{kT}\right)$$

$$N_{\rm D}^{+} = N_{\rm D} \left(g \exp \left(\frac{W_{\rm F} - W_{\rm D}}{kT} \right) + 1 \right)^{-1} \text{ mit } g = 2$$

$$N_A^- = N_A \left(g \exp \left(\frac{W_A - W_F}{kT} \right) + 1 \right)^{-1} \text{ mit } g = 4$$

Folgende Daten sind bekannt:

 $kT_0 = 26 \text{ meV}; N_L = N_V = 10^{-19} \text{ cm}^3 \cdot (T/T_0)^{3/2}; N_D = 5 \cdot 10^{13} \text{ cm}^3; N_A = 1 \cdot 10^{15} \text{ cm}^3; W_L = 1.4 \text{ eV}; W_V = 0; W_L - W_D = 6 \text{ meV}; W_A = 0.3 \text{ eV}.$

Im thermodynamischen Gleichgewicht soll die Lage des Fermi-Niveaus bei den beiden Temperaturen $T_0 = 300$ K und $T_1 = 3 \cdot T_0$ grafisch bestimmt werden (Shockley-Diagramm, Abb. 1).

- a) Berechnen Sie für T_0 und T_1 Zahlenwerte für N_L , N_v , Eigenleitungskonzentration n_i und -niveau W_i .
- b) Berechnen Sie zahlenmäßig für beide Temperaturen die Konzentrationen $N_D^+(W_F = W_L)$ und $N_A^-(W_F = W_V)$.
- c) Tragen Sie in das vorbereitete Shockley-Diagramm (Abb. 1) die Verläufe für n(W_F), p(W_F), N_D⁺(W_F), N_A⁻(W_F) sowie die Summenkurven für positive Ladungen und für negative Ladungen für beide Temperaturen ein (bitte eindeutig beschriften!). Markieren Sie alle wichtigen Größen (N_L, N_V, n_i, W_D, W_A, W_L, W_V, W_i).
- d) Wie groß sind für Ladungsneutralität die Elektronen- und Löcherkonzentrationen und wo liegt das Fermi-Niveau bei beiden Temperaturen (Werte aus Shockley-Diagramm ablesen)? Diskutieren Sie das Ergebnis!

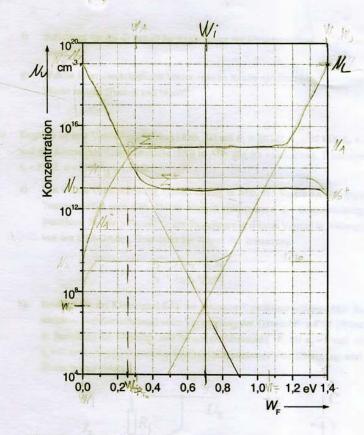
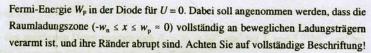


Abb. 1: Shockley-Diagramm

- Berechnen Sie für einen np^* -Übergang (Abb. 2a) die Diffusionsspannung U_D und für den spannungslosen Fall (U=0) die Ausdehnung der Verarmungszone - w_n und die Größe der Sperrschichtkapazität pro Fläche c_s . Gegeben sind die thermische Energie kT=26 meV, die konstanten Dotierungen $N_D=10^{15}$ cm⁻³ und $N_A=10^{18}$ cm⁻³ (alle vollständig ionisiert) des abrupten Übergangs, die Eigenleitungskonzentration $n_i=10^{-10}$ cm⁻³ sowie $\varepsilon=10^{-12}$ As/(Vcm); $q=1,602\cdot10^{-19}$ As.
 - a) Skizzieren Sie in den vorbereiteten Diagrammen (Abb. 2b bis d) die Verläufe der Raumladungsdichte ρ , der Feldstärke E und der Bandkanten W_L und W_V sowie der



b) Berechnen Sie im Bereich $-w_n \le x \le 0$ den Verlauf der Raumladungen. Leiten Sie daraus unter Verwendung der Poisson-Gleichung

$$\Delta W_{L} = q \operatorname{div} E = \frac{q}{\varepsilon} \rho = \frac{q^{2}}{\varepsilon} \left(N_{D}^{+} + p - N_{A}^{-} - n \right)$$

die Verläufe der Feldstärke E(x) (die Bahngebiete sind feldfrei) und der Bandkante $W_L(x, W_L(-w_n))$ her (Formeln).

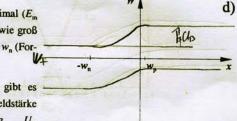
Wie groß sind im thermodynamischen Gleichgewicht die Elektronenkonzentrationen $n_{n0}(-w_n)$ und $n_{p0}(w_p)$ an beiden Rändern der Verarmungszone (Formeln und Werte)? Tragen Sie in Abb. 2d die Diffusionsspannung U_D ein und bestimmen Sie unter Verwendung der Gleichung

 $N_{\rm b}$ $N_{\rm A}$ p^{\uparrow} $N_{\rm A}$ p^{\uparrow} $N_{\rm A}$ p^{\uparrow} p^{\uparrow

 $n = N_{\rm L} \exp\left(\frac{W_{\rm F} - W_{\rm L}}{kT}\right)$

aus $n_{n0}(-w_n)$ und $n_{p0}(w_p)$ die Diffusionsspannung $U_{\rm D}$ (Formel und Wert).

d) Wo ist die Feldstärke maximal (E_m in Abb. 2c eintragen) und wie groß ist sie in Abhängigkeit von w_n (Formel aus b)?



- Welchen Zusammenhang gibt es zwischen der maximalen Feldstärke $E_{\rm m}$ und Diffusionsspannung $U_{\rm D}$ (Formel)? Verdeutlichen Sie diesen in Abb. 2c).
 - Abb. 2 np*-Diode (a), Raumladungsverlauf (b), Feldstärkeverlauf (c), Bänderdiagramm

3

- f) Berechnen Sie aus d) und e) die Ausdehnung der Verarmungszone w_n (Formel und Wert).
- g) Welche Sperrschichtkapazität könnte man an diesem np^+ -Übergang bezogen auf die Fläche messen (Formel und Wert)?
- 3) Gegeben ist eine Verstärkerschaltung (Abb. 3a) mit $R_1 = 60 \text{ k}\Omega$; $R_2 = 20 \text{ k}\Omega$; $R_E = 50 \Omega$ und das Kleinsignal-Ersatzschaltbild (ESB in Abb. 3b) des verwendeten Transistors mit $r_e = 85 \Omega$; $\alpha = 0.99$; $r_b = 1.5 \text{ k}\Omega$.
 - a) Um welche Grundschaltung handelt es sich in Abb. 3a? Stellen Sie das gegebene Transistor-ESB (nur Abb. 3b) als Vierpol entsprechend der Grundschaltung dar. Berechnen Sie die y-Parameter des Transistors in diesem Vierpol in Abhängigkeit von den ESB-Größen. Berechnen Sie Werte. Zur Erinnerung:

$$i_1 = y_{11}u_1 + y_{12}u_2 ,$$

$$i_2 = y_{21}u_1 + y_{22}u_2 .$$

b) Erstellen Sie das Kleinsignal-ESB der gesamten Verstärkerschaltung (Abb. 3a, Kapazitäten sind Kurzschlüsse) unter Verwendung des Transistor- y-ESB (Werte aus a). Berechnen Sie Eingangs- und Ausgangswiderstand (R_e für u_a = 0 und R_a für u_e = 0) sowie Kurzschlussstrom- und Leerlaufspannungs-Verstärkung (v_{iKS} und v_{ull}) (Formeln und Zahlen).

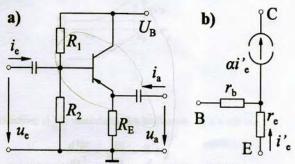


Abb. 3 Verstärkerschaltung (a) und Transistor-ESB (b)

1

-

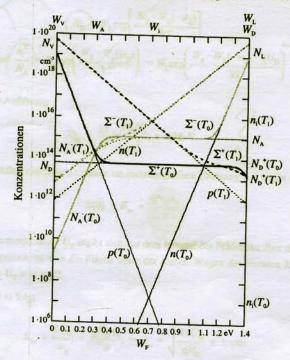
Lösungen zu 1):

Aus den gegebenen Daten ergeben sich $N_L = N_V = 10^{19} \text{ cm}^{-3}$ bei T_0 und $5.2 \cdot 10^{19} \text{ cm}^{-3}$ bei T_0 . Die gegebenen Gleichungen führen für T_0 (T_0) zu

$$n_i = \sqrt{n \cdot p} = \sqrt{N_L N_V} \exp\left(\frac{W_V - W_L}{2kT}\right) = 1.7 \cdot 10^7 (6.2 \cdot 10^{15}) \text{ cm}^{-3}$$

bzw. aus
$$n_i = N_L \exp\left(\frac{W_i - W_L}{kT}\right)$$
 folgt $W_i = \frac{W_L}{2} + kT \ln\left(\sqrt{\frac{N_V}{N_L}}\right) = 0.7 (0.7) \text{ eV}$.

- b) Einsetzen ergibt $N_D^+(W_F = W_L) = 1.4 \cdot 10^{13} \text{ cm}^3 \text{ und } N_A^-(W_F = W_V) = 2.3 \cdot 10^9 \text{ cm}^{-3} \text{ bei } T_0 \text{ und } N_D^+(W_F = W_L) = 1.6 \cdot 10^{13} \text{ cm}^{-3} \text{ und } N_A^-(W_F = W_V) = 5.2 \cdot 10^{12} \text{ cm}^{-3} \text{ bei } T_1$.
- c) Zunächst werden mit den berechneten Daten die vier Asymptoten konstruiert und daraus

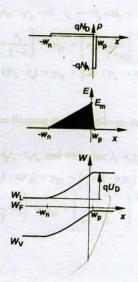


dann die Summenkurven (gestrichelte Verläufe gelten für T_1).

d) Für Elektroneutralität müssen sich die positiven und negativen Ladungen ausgleichen. Am Schnittpunkt der beiden Summenkurven (fett) kann man ablesen $W_F(T_0;T_1)=0.29;0.7$ eV und $p(T_0;T_1)=1.5 \cdot 10^{14};6.2 \cdot 10^{15}$ cm⁻³ sowie $n(T_0;T_1)=2$ (berechnet aus n_i^2/p);6.2·10¹⁵ cm⁻³. Bei der höheren Temperatur ist die Eigenleitungskonzentration höher als die Dotierungskonzentrationen, so dass der Halbleiter dann eigenleitend $(n=p=n_i)$ ist.

Lösung zu 2:

a)



b) Die Poisson-Gleichung (1.39) vereinfacht sich im Bereich $-w_n \le x \le 0$ zu:

$$\frac{\mathrm{d}^2 W}{\mathrm{d}x^2} = q \frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}x} = \frac{q^2}{e} N_{\mathrm{I}}$$

Einfache Integration vom linken Rand der Verarmungszone bis zu einem Ort x in der Verarmungszone ergibt die elektrische Feldstärke:

.

$$E(x) = \frac{q}{\epsilon} N_{\rm D}(x + w_{\rm n}).$$

Die zweite Integration liefert den Verlauf der Bandkanten:

$$W_{L}(x) - W_{L}(-w_{n}) = \frac{q^{2}}{\varepsilon} N_{D} \int_{-w_{n}}^{x} (x' + w_{n}) dx' = \frac{q^{2}}{2\varepsilon} N_{D}(x + w_{n})^{2}$$

$$\rightarrow W_{L}(x) = \frac{q^{2}}{2\varepsilon} N_{D}(x + w_{n})^{2} + W_{L}(-w_{n}).$$

Am Rande der Verarmungszone herrscht wie in der gesamten Struktur Gleichgewicht, also $n_{n0}(-w_p) = N_D = 10^{15}$ cm⁻³ bzw. $n_{p0}(w_p) = n_1^2/N_A = 10^2$ cm⁻³. Aus

$$\frac{\left(N_{\rm D}\right)}{\left(N_{\rm D}\right)} = N_{\rm L} \exp\left(\frac{W_{\rm F} - W_{\rm L}(-w_{\rm h})}{kT}\right)$$

$$= N_{\rm L} \exp\left(\frac{W_{\rm F} - W_{\rm L}(w_{\rm p})}{kT}\right) = N_{\rm L} \exp\left(\frac{W_{\rm F} - W_{\rm L}(-w_{\rm h}) - qU_{\rm D}}{kT}\right)$$

folgt nach Auflösung

$$U_{\rm D} = \frac{kT}{q} \ln \frac{N_{\rm D} N_{\rm A}}{n_{\rm i}^2} = 0.78 \text{ V}.$$

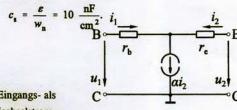
d) Die maximale Feldstärke ist immer am metallurgischen Übergang und ergibt sich aus b)

$$E(0) = E_{\mathbf{m}} = \frac{\mathbf{q} N_{\bar{\mathbf{D}}} \mathbf{w}_{\mathbf{n}}}{\varepsilon}.$$

- e) Die Diffusionsspannung U_D ergibt sich aus dem Integral der Feldstärke über die gesamte Verarmungszone, ist also die Fläche unter der Kurve. Wegen des linearen Zusammenhangs folgt U_D = w_a·E₋/2.
- f) Aus d) und e) folgt

$$E_{\rm m} = \frac{2U_{\rm D}}{w_{\rm n}} = \frac{qN_{\rm D}w_{\rm n}}{\varepsilon}; \rightarrow w_{\rm n} = \sqrt{\frac{2\varepsilon U_{\rm D}}{qN_{\rm D}}} = 1 \ \mu {\rm m}.$$

g) Die Sperrschichtkapazität pro Fläche ergibt sich nach (1.56) zu



Lösung zu 3:

 Da der Kollektor sowohl im Eingangs- als auch im Ausgangskreis des Wechselstrom-

Ersatzschaltbildes vorhanden ist, handelt es sich hier um eine Kollektorschaltung (siehe y-ESB). Zur Bestimmung der y-Parameter betrachten wir zunächst einen Kurzschluss am Ausgang ($u_2 = 0$) und lesen ab

$$u_1 = i_1 r_b - i_2 r_e \text{ und } i_1 = -i_2 + \alpha i_2 = -i_2 (1 - \alpha)$$

$$\rightarrow u_1 = i_1 \left(r_b + \frac{r_e}{1 - \alpha} \right) \rightarrow y_{11} = \left(r_b + \frac{r_e}{1 - \alpha} \right)^{-1} = 100 \text{ } \mu\text{S und}$$

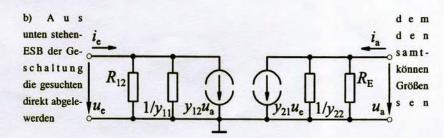
$$u_1 = i_2 \left([\alpha - 1] r_b - r_e \right) \rightarrow y_{21} = \left([\alpha - 1] r_b - r_e \right)^{-1} = -10 \text{ } \text{mS}.$$

Bei einem Kurzschluss am Eingang lässt sich ablesen, dass

$$u_{2} = i_{2}r_{e} - i_{1}r_{b} \text{ und weiterhin } i_{1} = i_{2}(\alpha - 1)$$

$$\Rightarrow u_{2} = i_{2}(r_{e} + (1 - \alpha)r_{b}) \Rightarrow y_{22} = (r_{e} + (1 - \alpha)r_{b})^{-1} = 10 \text{ mS und}$$

$$u_{2} = i_{1}\left(\frac{r_{e}}{(\alpha - 1)} - r_{b}\right) \Rightarrow y_{12} = \left(\frac{r_{e}}{(\alpha - 1)} - r_{b}\right)^{-1} = -100 \text{ } \mu\text{S} .$$



0

 $R_{e} = \frac{u_{e}}{i_{e}}\Big|_{w_{a}=0} = \frac{R_{12}}{y_{11}R_{12}+1} = 6 \text{ k}\Omega \text{ mit } R_{12} = \frac{R_{1}R_{2}}{R_{1}+R_{2}};$ $R_{a} = \frac{u_{a}}{i_{a}}\Big|_{w_{a}=0} = \frac{R_{E}}{y_{22}R_{E}+1} = 33 \Omega;$ $v_{ul.L} = \frac{u_{a}}{u_{e}}\Big|_{u_{a}=0} = -R_{a}y_{21} = 0.33;$ $v_{iKS} = \frac{i_{a}}{i_{e}}\Big|_{w_{a}=0} = R_{e}y_{21} = 60.$

6/6