

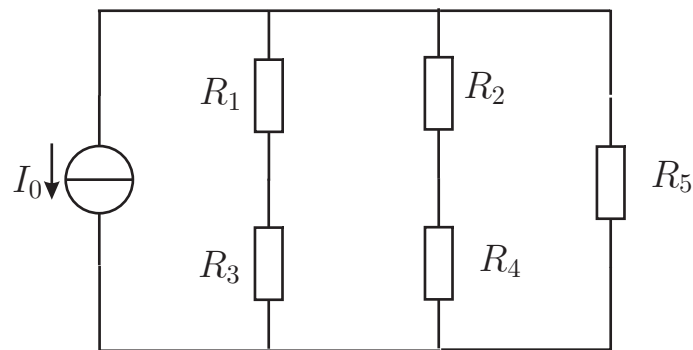
# 1 Gleichstromnetzwerk

Punkte:

a)

Quellen durch Innenwiderstand ersetzen.

Quelle 1:



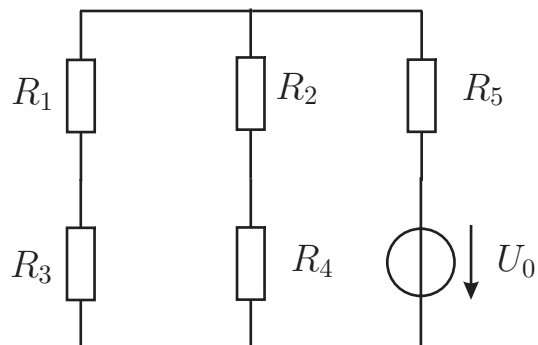
Skizze 1 Punkt

Stromteiler:

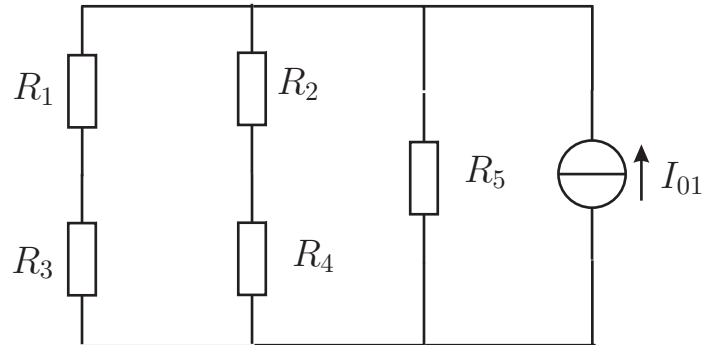
$$\begin{aligned}
 I_{41} &= -I_0 \frac{(R_1 + R_3) || R_5}{(R_1 + R_3) || R_5 + R_2 + R_4} \\
 &= -I_0 \frac{(R_1 + R_3) R_5}{(R_1 + R_3) R_5 + (R_2 + R_4)(R_1 + R_3 + R_5)}
 \end{aligned}$$

Ansatz und Rechnung je 1 Punkt

Quelle 2:



Skizze 1 Punkt



Stromteiler

$$\begin{aligned}
 I_{42} &= I_{01} \frac{(R_1 + R_3)R_5}{(R_1 + R_3)R_5 + (R_2 + R_4)(R_1 + R_3 + R_5)} \\
 &= \frac{U_0}{R_5} \cdot \frac{(R_1 + R_3)R_5}{(R_1 + R_3)R_5 + (R_2 + R_4)(R_1 + R_3 + R_5)}
 \end{aligned}$$

Ansatz und Rechnung je 1 Punkt

$$I_4 = I_{41} + I_{42} = \left( \frac{U_0}{R_5} - I_0 \right) \frac{(R_1 + R_3)R_5}{(R_1 + R_3)R_5 + (R_2 + R_4)(R_1 + R_3 + R_5)}$$

Ergebnis 1 Punkt

 $\sum_a 7$ 

- b)  $I_L = 0$   
 $\Rightarrow U_{ab} = 0$  1 Punkt  
 $\Rightarrow U_3 = U_4$  1 Punkt

Spannungsteiler:

$$\begin{aligned}
 U_{13} \frac{R_3}{R_1 + R_3} &= U_{24} \frac{R_4}{R_2 + R_4} \text{ mit } U_{13} = U_{24} \text{ wegen Parallelschaltung} \\
 \frac{R_3}{R_1 + R_3} &= \frac{R_4}{R_2 + R_4} \\
 R_3 &= \frac{R_4(R_1 + R_3)}{R_2 + R_4} \\
 &= \frac{R_4}{R_2 + R_4} R_1 + \frac{R_4}{R_2 + R_4} R_3 \\
 \left(1 - \frac{R_4}{R_2 + R_4}\right) R_3 &= \frac{R_4}{R_2 + R_4} R_1 \\
 R_3 &= \frac{1}{\left(1 - \frac{R_4}{R_2 + R_4}\right)} \frac{R_4}{R_2 + R_4} R_1 \\
 &= \frac{R_4}{R_2 + R_4 - R_4} R_1 \\
 &= \frac{R_4}{R_2} R_1
 \end{aligned}$$

Ansatz 1 Punkt

Lösung 4 Punkte

 $\sum_b 7$ 

c)

$$R_3 = \frac{R_4}{R_2} R_1 = \frac{R}{2R} 6R = 3R$$

1 Punkt

 $\sum_c 1$ 

d)

$$\begin{aligned}P &= UI = RI^2 \\P_4 &= R_4 I_4^2 \text{ aus a)} \\&= R_4 \left( \left( \frac{U_0}{R_5} - I_0 \right) \frac{(R_1 + R_3)R_5}{(R_1 + R_3)R_5 + (R_2 + R_4)(R_1 + R_3 + R_5)} \right)^2 \\&= R \left( \left( \frac{U_0}{R} - I_0 \right) \frac{(6R + 3R)R}{(6R + 3R)R + (2R + R)(6R + 3R + R)} \right)^2 \\&= R \left( \left( \frac{U_0}{R} - I_0 \right) \frac{9R^2}{9R^2 + 3R \cdot 10R} \right)^2 \\&= R \left( \left( \frac{U_0}{R} - I_0 \right) \frac{9}{39} \right)^2 \\&= 30\Omega \left( \frac{30V}{30\Omega} - 14A \right) \frac{9}{39}^2 \\&= 270W\end{aligned}$$

Ansatz 1 Punkt

Allgemeine Lösung 1 Punkt

Ergebnis 1 Punkt

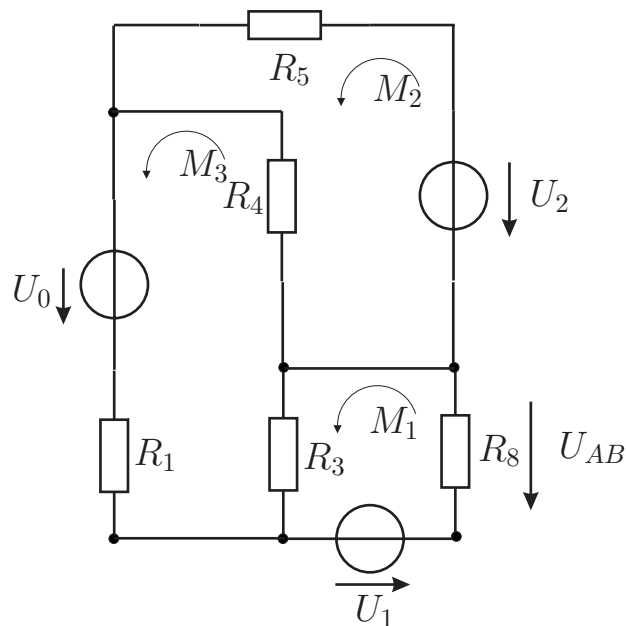
$\sum_d 3$

## 2 Gleichstromnetzwerk

Punkte: 27

a)

- $R_0$  entfällt, da in Reihe mit  $I_0$  **begründet 1 Punkt**
- $R_6$  entfällt, da parallel zu  $U_2$  **begründet 1 Punkt**
- $R_9$  hat wegen Leerlauf keine Bedeutung für  $U_{AB} \Rightarrow$  entfällt für diesen Aufgabenteil **begründet 1 Punkt**
- Umwandeln von Strom- in Spannungsquelle  $U_0 = I_0 \cdot R_1$  **begründet und mit Angabe von  $U_0$  1 Punkt**



Skizze 1 Punkt

$$\begin{pmatrix} R_3 + R_8 & 0 & -R_3 \\ 0 & R_4 + R_5 & -R_4 \\ -R_3 & -R_4 & R_1 + R_3 + R_4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} I_{M1} \\ I_{M2} \\ I_{M3} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -U_1 \\ U_2 \\ -U_0 \end{pmatrix} \quad (0.1)$$

Je Zeile 1 Punkt

$$\begin{aligned}
 U_{AB} &= U_8 \\
 &= R_8(-I_{M1})
 \end{aligned}$$

(folgt aus  $R_9$  ist irrelevant)

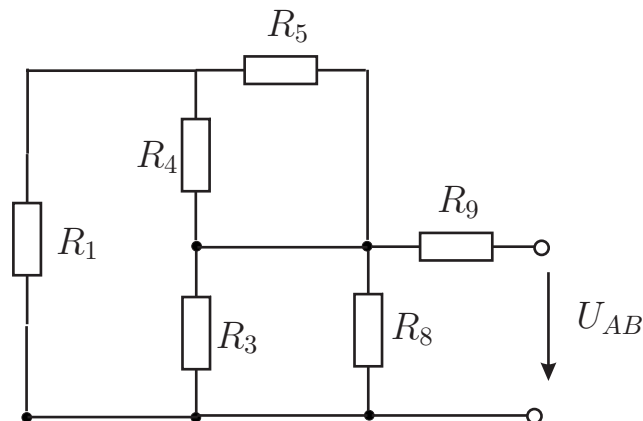
$$\begin{aligned}
 I_{M1} &= \frac{\det(R^*)}{\det(R)} \\
 &= \frac{-U_1((R_4 + R_5)(R_1 + R_3 + R_4) - R_4^2) - U_2(-R_3 R_4) - U_0(R_3(R_4 + R_5))}{(R_3 + R_8)((R_4 + R_5)(R_1 + R_3 + R_4) - R_4^2) - R_3(R_3(R_4 + R_5))} \\
 U_{AB} &= R_8 \cdot \frac{U_1((R_1 + R_3)R_4 + (R_1 + R_3 + R_4)R_5) - R_3 R_4 U_2 + U_0(R_3(R_4 + R_5))}{(R_3 + R_8)((R_1 + R_3)R_4 + (R_1 + R_3 + R_4)R_5) - (R_3^2(R_4 + R_5))}
 \end{aligned}$$

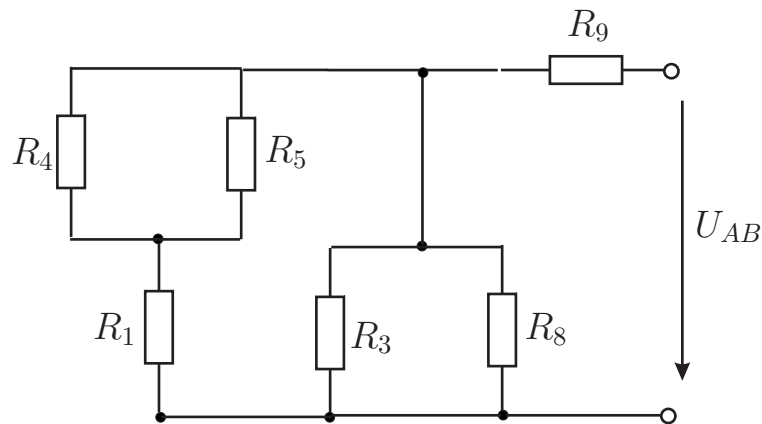
Je Determinante 1 Punkt

Ergebnis 1 Punkt

$\sum_a 11$

b) Quellen durch Innenwiderstände Ersetzen:





Skizze 1 Punkt

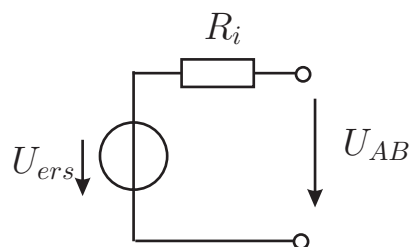
$$\begin{aligned}
 R_i &= R_9 + (R_3 || R_8) || (R_1 + R_4 || R_5) \\
 &= R_9 + \left( \frac{R_3 R_8}{R_3 + R_8} \right) || \left( R_1 + \frac{R_4 R_5}{R_4 + R_5} \right) \\
 &= R_9 + \frac{\left( \frac{R_3 R_8}{R_3 + R_8} \right) \left( R_1 + \frac{R_4 R_5}{R_4 + R_5} \right)}{\left( \frac{R_3 R_8}{R_3 + R_8} \right) + \left( R_1 + \frac{R_4 R_5}{R_4 + R_5} \right)} \\
 &= R_9 + \frac{R_3 R_8 (R_1 (R_4 + R_5) + R_4 R_5)}{R_3 R_8 (R_4 + R_5) + (R_1 (R_4 + R_5) + R_4 R_5) (R_3 + R_8)}
 \end{aligned}$$

Erkennen der Schaltung 2 Punkte

Umformen „ohne Doppelbrüche“ 2 Punkte

$$U_{ers} = U_{AB} \text{ aus a)}$$

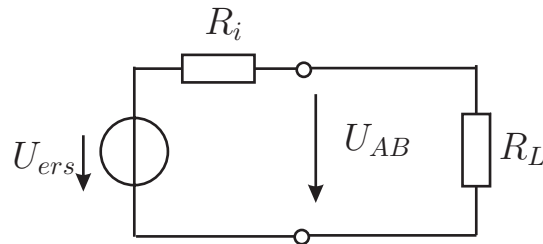
1 Punkt



Skizze 1 Punkt

$\Sigma_b 7$ 

c) Leistungsanpassung 1 Punkt



Ansatz: 1 Punkt

$$\begin{aligned}
 \frac{dP_{RL}(R_L)}{dR_L} &= 0 \\
 P_{RL} &= U_{RL} I \\
 &= U_{ers} \frac{R_L}{R_L + R_i} \frac{U_{ers}}{R_L + R_i} \\
 &= \frac{U_{ers}^2 R_L}{(R_L + R_i)^2} (= U_{ers}^2 R_L \cdot (R_L + R_i)^{-2}) \\
 \frac{dP_{RL}(R_L)}{dR_L} &= U_{ers}^2 \left( \frac{(R_L + R_i)^2 - R_L (2(R_i + R_L))}{(R_L + R_i)^4} \right) \\
 &= U_{ers}^2 ((R_L + R_i)^{-2} + R_L \cdot 1 \cdot (-2)(R_L + R_i)^{-3}) \\
 &= U_{ers}^2 \left( \frac{R_i - R_L}{(R_L + R_i)^3} \right) = 0 \\
 \Rightarrow R_i - R_L &= 0 \Rightarrow R_i = R_L
 \end{aligned}$$

Aufstellen der Gleichung 1 Punkt

Ableiten 1 Punkt

Ergebnis 1 Punkt

 $\Sigma_c 5$ 

$$d) \eta_{max} = \frac{P_{RL}}{P_{Quelle}} = \frac{U_{RL}}{U_{ers}} = \frac{U_{ers}/2}{U_{ers}} = 0.5 \text{ oder}$$

$\eta_{max} = 0.5$ , da  $R_L = R_i$  und damit die Hälfte der Leistung am Innenwiderstand „verloren“ geht. bei Begründung 2 Punkte



$\sum_d 2$ 

e) Der Gesamtwiderstand des R-2R-Netzwerk ist  $R$ . **1 Punkt**

Also muss nach Aufgabenteil c)  $R = R_i$  sein. **1 Punkt**

 $\sum_e 2$

### 3 Kondensatornetzwerk

Punkte: 23

a) Kapazitiver Teiler:

$$\frac{U_2}{U_0} = \frac{C_1}{C_1 + C_2}$$

oder Herleitung über  $C_1 U_1 = C_2 U_2$  und  $U_1 + U_2 = U_0$ 

1 Punkt

$$\Rightarrow C_2 = \frac{U_0 - U_2}{U_2} C_1$$

1 Punkt

$$C_2 = 100nF \frac{100V - 10V}{10V} = 900nF$$

1 Punkt

 $\sum_a 3$ b) ersetze  $C_2$  durch  $C_2 + C_x$ :

Parallelschaltung erkannt 1 Punkt

$$\begin{aligned} \frac{U_{2x}}{U_0} &= \frac{C_1}{C_1 + C_2 + C_x} \\ \frac{U_{20}}{U_0} &= \frac{C_1}{C_1 + C_2} \end{aligned}$$

1 Punkt

Durch Teilen der beiden Gleichungen durcheinander folgt:

$$\begin{aligned} \frac{U_{20}}{U_{2x}} &= \frac{\frac{C_1}{C_1 + C_2}}{\frac{C_1}{C_1 + C_2 + C_x}} \\ &= \frac{C_1 + C_2 + C_x}{C_1 + C_2} \end{aligned}$$

Rechnung 1 Punkt

$\Rightarrow$

$$C_x = \frac{U_{20}}{U_{2x}}(C_1 + C_2) - (C_1 + C_2) = \left( \frac{U_{20}}{U_{2x}} - 1 \right) (C_1 + C_2)$$

Ergebnis 1 Punkt

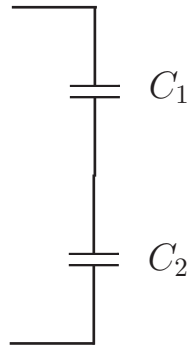
$\Sigma_b 4$

c)  $C_x = (100nF + 900nF) \left( \frac{9V}{3V} - 1 \right) = 2\mu F$

Ergebnis 1 Punkt

$\Sigma_c 1$

d)

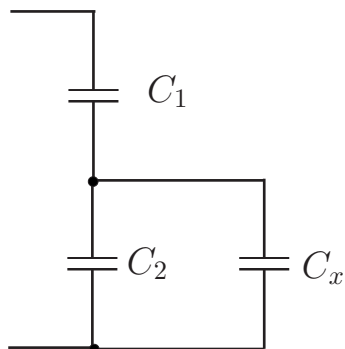


$Q_1 = Q_2$  1 Punkt

$Q_2 = C_2 U_{20} = 9V \cdot 900nF = 8,1\mu C$  1 Punkt

$\Sigma_d 2$

e)



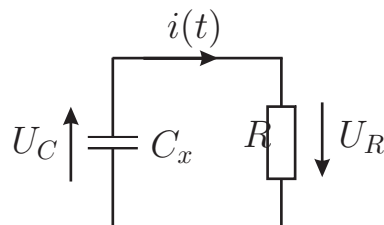
$$Q_2 = C_2 U_{2x} = 3V \cdot 900nF = 2,7\mu C \text{ 1 Punkt}$$

$$Q_x = C_x U_{2x} = 3V \cdot 2\mu F = 6\mu C \text{ 1 Punkt}$$

$$Q_1 = Q_2 + Q_x = 8,7\mu C \text{ 1 Punkt}$$

$\Sigma_e$  3

f)



Skizze 1 Punkt

Strom und Spannungen richtig angetragen (Verbraucherzählpfeilsystem)?

$$U_C + U_R = 0$$

$$U_C = -i(t)R \text{ mit } i(t) = \frac{dQ}{dt} = \frac{dU_C}{dt}C_x \text{ Ansatz 1 Punkt}$$

$$\begin{aligned} U_C &= -\frac{dU_C}{dt}RC_x \\ -\int dt &= \int \frac{1}{U_C} dU_C \cdot RC_x \\ \frac{-t}{RC_x} &= \ln(U_C) + c \\ e^{\frac{-t}{RC_x}} &= U_C \cdot e^c \\ U_C(t) &= e^{-c} \cdot e^{\frac{-t}{RC_x}} \end{aligned}$$

DGL und Lösen 3 Punkte

$$\text{Randbedingung: } U_C(t=0) = U_{2x} \Rightarrow e^{-c} = U_{2x}$$

Randbedingungen 1 Punkt

$$U_c(t) = U_{2x} \cdot e^{\frac{-t}{RC_x}}$$

Skizze des Verlaufs 1 Punkt

$\Sigma_f$  7

g)aus f):

$$\begin{aligned} R &= \frac{1}{\ln\left(\frac{U_0}{U_{2x}}\right)} \cdot \frac{-t}{C_x} \\ &= \frac{1}{\ln(0,5)} \frac{-1s}{2\mu F} \\ &\approx -1,44 \cdot \frac{-1s}{2\mu F} \\ &= 0,72 \cdot 10^6 \Omega = 720k\Omega \end{aligned}$$

Ansatz 1 Punkt

Allgemeine Lösung 1 Punkt

Zahlen 1 Punkt

$\sum_g 3$

## 4 Kondensator

Punkte: 17

a) Reihenschaltung  $\Rightarrow Q = \text{const}$  aus  $Q = \iint \vec{D} d\vec{A}$  mit  $A = \pi r^2$  folgt: **1 Punkt**  
 $D = \frac{Q}{\pi r^2} = \text{const}$  **Ergebnis 1 Punkt**

$$E = \frac{1}{\epsilon} D$$

- $0 \leq x \leq a$ :

$$E_1 = \frac{1}{\epsilon_{r1} \epsilon_0} \frac{Q}{\pi r^2}$$

**1 Punkt**

- $a \leq x \leq 2a$ :

$$\begin{aligned} E_2 &= \frac{1}{\epsilon_{r2} \epsilon_0} \frac{Q}{\pi r^2} \\ &= \frac{1}{\frac{\epsilon_{r1}}{2} \left(1 + \frac{2(x-a)}{a}\right) \epsilon_0} \frac{Q}{\pi r^2} \\ &= \frac{2a}{a + 2(x-a)} E_1 = \frac{2a}{2x-a} E_1 \end{aligned}$$

**2 Punkte** $\sum_a 5$ 

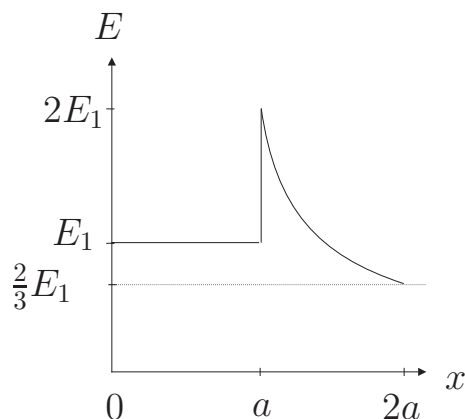
b)

$$E_1 = \frac{36\pi V m}{4 \cdot 10^{-9} As} \cdot \frac{20 \cdot 10^{-9} As}{\pi(0,06)^2 m^2} = \frac{36}{0,0036} \cdot 5 \frac{V}{m} = 5 \cdot 10^4 \frac{V}{m}$$

**E1 1 Punkt**

$$\begin{aligned} E_2(a) &= 2E_1 = 10^5 \frac{V}{m} \\ E_2(2a) &= \frac{2}{3} E_1 = 3,33 \cdot 10^4 \frac{V}{m} \end{aligned}$$

**E2 je 1 Punkt**



je Bereich 1 Punkt

 $\Sigma_b 5$ 

$$c) U = \int \vec{E} d\vec{s}$$

$$E_1 = \text{const} \Rightarrow U_{12} = 5 \cdot 10^4 \frac{\text{V}}{\text{m}} \cdot 0,02\text{m} = 1000\text{V}$$

Ansatz 1 Punkt Ergebnis 1 Punkt

$$\begin{aligned}
 U_{23} &= \int_a^{2a} \vec{E}_2 d\vec{x} \\
 &= \int_a^{2a} \frac{2a}{2x-a} E_1 dx \\
 &= 2a \cdot E_1 \int_a^{2a} \frac{1}{2x-a} dx \\
 &= 2a \cdot E_1 \frac{1}{2} \ln(2x-a) \Big|_a^{2a} \\
 &= a \cdot E_1 \cdot \ln\left(\frac{3a}{a}\right) \\
 &= U_{12} \cdot \ln(3) \text{ mit } \ln(3) \approx 1,1 \\
 &\approx 1100\text{V}
 \end{aligned}$$

Aufstellen des Integrals 1 Punkt

Lösen des Integrals 1 Punkt

allgemeine Lösung 1 Punkt

Ergebnis 1 Punkt

$$U_{13} = U_{12} + U_{23} = 2100\text{V} \text{ Ergebnis 1 Punkt}$$

 $\Sigma_c 7$

## 5 Elektromagnetismus

Punkte: 21

a)

$$\begin{aligned}
 \vec{F} &= I \cdot (\vec{l} \times \vec{B}) \\
 |\vec{F}| &= I \cdot l \cdot B \text{ für } B \text{ senkrecht auf } l \\
 F_2 &= I_1 \cdot l \cdot B_2 = I_1 \cdot l \cdot \mu H_2 = I_1 \cdot l \cdot \mu_0 \frac{I_2}{2\pi 4a} \\
 &= 10A \cdot 100m \cdot 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{Vs}{Am} \cdot \frac{20A}{2\pi \cdot 4 \cdot 10^{-2}m} \\
 &= \dots \\
 &= 0,1N \\
 F_2 &= F_1
 \end{aligned}$$

Ansatz 1 Punkt

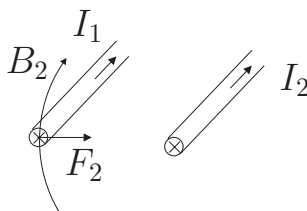
allgemeine Lösung 1 Punkt

Ergebnis je 1 Punkt

 $\sum_a 4$ 

b) anziehend begründet 1 Punkt

Begründung: Da  $B_2$ -Feld an der Stelle von Leiter 1 nach oben zeigt, Rechte-Hand-Regel.  
Alternativ:



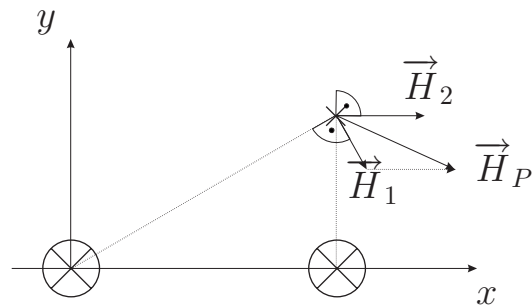
oder rechnerisch mit Vektorprodukt

1 Punkt

 $\sum_b 2$ 

c)

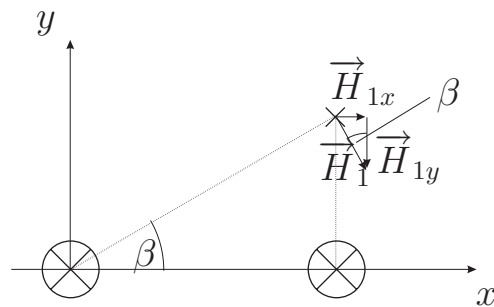




je Vektor 1 Punkt

 $\Sigma_c 3$ 

d)



Erkennung/Definition des Winkels 1 Punkt

Aus Skizze:

$$\begin{aligned}
 H_{1x} &= H_1 \cdot \sin(\beta) = H_1 \cdot \frac{3a}{5a} = \frac{3}{5} H_1 \\
 H_{1y} &= H_1 \cdot (-\cos(\beta)) = H_1 \cdot \frac{-4a}{5a} = -\frac{4}{5} H_1 \\
 H_{2x} &= H_2 \\
 H_{2y} &= 0
 \end{aligned}$$

Je Komponente 1 Punkt

$$\begin{aligned}
 H_1 &= |\vec{H}_1| = \frac{I_1}{2\pi 5a} = \frac{10A}{\pi \cdot 10 \cdot 10^{-2}m} = \frac{100}{\pi} \frac{A}{m} \\
 H_2 &= |\vec{H}_2| = \frac{I_2}{2\pi 3a} = \frac{20A}{\pi \cdot 6 \cdot 10^{-2}m} = \frac{1000}{3\pi} \frac{A}{m}
 \end{aligned}$$

je Feld 1 Punkt

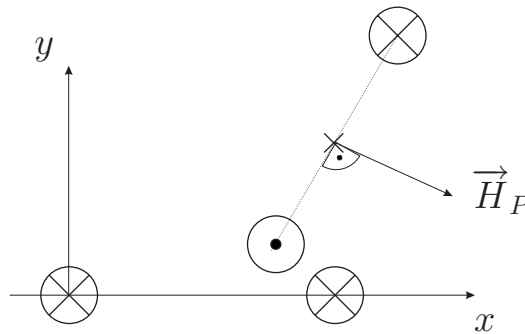
$$H_{px} = H_{1x} + H_{2x} = \left( \frac{3}{5} \frac{100}{\pi} + \frac{1000}{3\pi} \right) \frac{A}{m} = \frac{1180}{3\pi} \frac{A}{m}$$

$$H_{py} = \frac{-4}{5} \frac{100}{\pi} \frac{A}{m} = \frac{-80}{\pi} \frac{A}{m}$$

je Komponente 1 Punkt

 $\Sigma_d 9$ 

e)



je Lösung 1

 $\Sigma_e 2$ 

f)

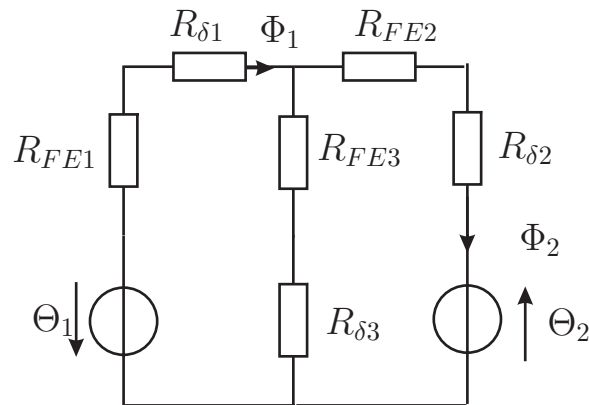
$$|\vec{H}_p| = \frac{I_3}{2\pi b} \Rightarrow b = \frac{I_3}{2\pi H_p}$$

 $\Sigma_f 1$

## 6 Magnetischer Kreis

Punkte: 26

a)



Je Schenkel 1 Punkt = 3 Punkte

$$R_{fe1} = \frac{2 \cdot l/2 + l - \delta_1}{\mu_r \mu_0 a^2} = \frac{2l - \delta_1}{\mu_r \mu_0 a^2}$$

$$R_{fe2} = \frac{3l - \delta_2}{\mu_r \mu_0 a^2}$$

$$R_{fe3} = \frac{l - \delta_3}{\mu_r \mu_0 a^2}$$

$$R_{\delta 1} = \frac{\delta_1}{\mu_0 a^2}$$

$$R_{\delta 2} = \frac{\delta_2}{\mu_0 a^2}$$

$$R_{\delta 3} = \frac{\delta_3}{\mu_0 a^2}$$

$$\Theta_1 = N_1 I_1$$

$$\Theta_2 = N_2 I_2$$

Je Zeile 1 Punkt = 8 Punkte

b)

$$R_{fe1} = \frac{2l}{\mu_r \mu_0 a^2} = 2R_{fe}$$

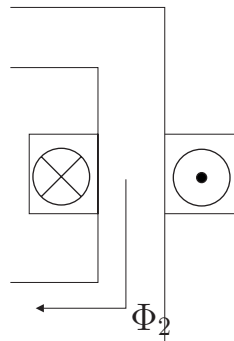
$$R_{fe2} = \frac{3l}{\mu_r \mu_0 a^2} = 3R_{fe}$$

$$R_{fe3} = \frac{l}{\mu_r \mu_0 a^2} = R_{fe}$$

Je Zeile 1 Punkt = 3 Punkte

 $\Sigma_b 3$ c)  $U_i = 0$ , da Gleichstrom wenn begründet 1 Punkt $\Sigma_c 1$ 

d)

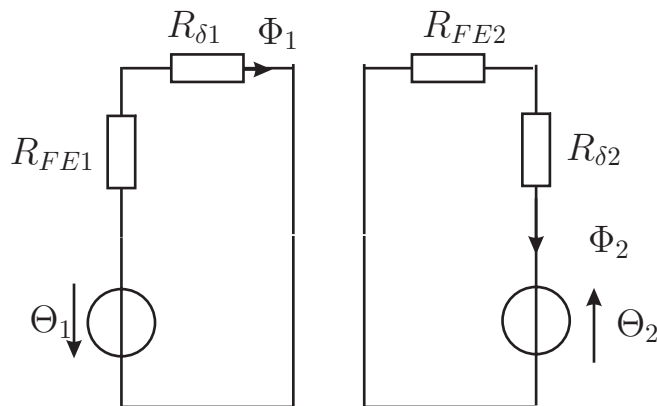


Je Eintrag wenn in sich stimmig 1 Punkt = 2 Punkte

 $\Sigma_d 2$

e)

$$\Phi_3 = 0 \Rightarrow$$



$$\Phi_3 = 0 \Rightarrow \Phi_1 = \Phi_2$$

$$\begin{aligned}\Theta_1 &= \Phi_1(R_{fe1} + R_{\delta 1} + R_{fe3} + R_{\delta 3}) - \Phi_2(R_{fe3} + R_{\delta 3}) \\ &= \Phi_1(2R_{fe} + R_{\delta 1})\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\Theta_2 &= \Phi_2(R_{fe2} + R_{\delta 2}) \\ &= \Phi_2(3R_{fe} + R_{\delta 2})\end{aligned}$$

$$\text{mit } \Phi_1 = \Phi_2$$

$$\frac{\Theta_1}{2R_{fe} + R_{\delta 1}} = \frac{\Theta_2}{3R_{fe} + R_{\delta 2}}$$

Je neue Erkenntnis 1 Punkt = 4 Punkte

$$\text{mit } \Theta_2 = 3\Theta_1$$

$$\begin{aligned}\frac{1}{2R_{fe} + R_{\delta 1}} &= \frac{3}{3R_{fe} + R_{\delta 2}} \\ \Rightarrow R_{\delta 2} - 3R_{\delta 1} &= 3R_{fe}\end{aligned}$$

$$\text{mit } \delta_2 = 4\delta_1$$

$$\Rightarrow 4R_{\delta 1} - 3R_{\delta 1} = 3R_{fe}$$

$$\frac{\delta_1}{\mu_0 a^2} = \frac{3l}{\mu_0 \mu_r a^2}$$

$$\Rightarrow \delta_1 = \frac{3l}{\mu_r} = \frac{0,3}{600}m = 0,5mm$$

$$\delta_2 = 4\delta_1 = 2mm$$

Je neue Erkenntnis 1 Punkt = 2 Punkte

allgemeine Lösung  $\delta_1$  1 Punkt

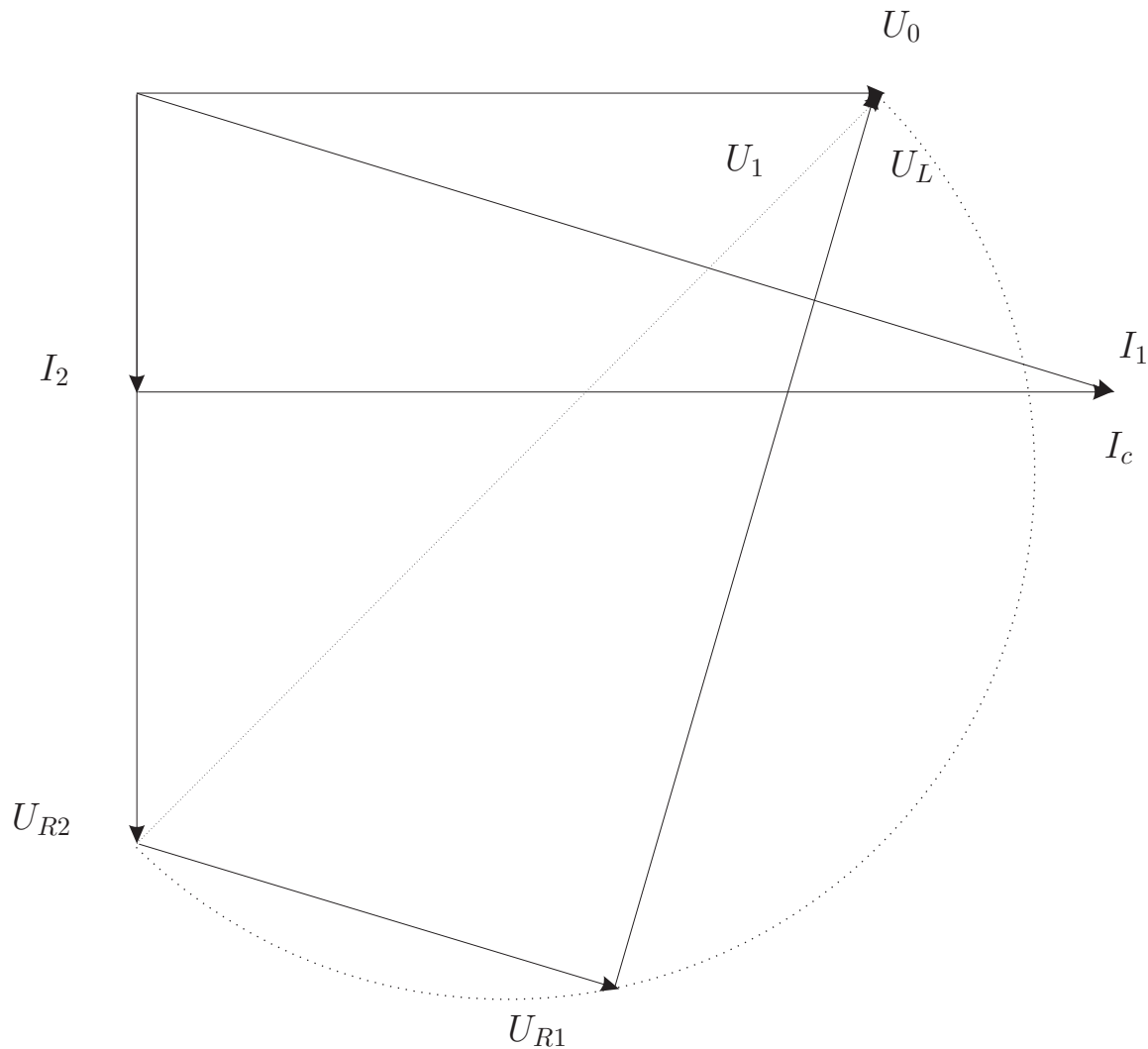
Zahlenmäßige Lösung je 1 Punkt = 2 Punkte

$\sum_e 9$

## 7 Komplexe Wechselstromrechnung

Punkte: 27

a)



- $\underline{U}_0$
- $|\underline{U}_{R2}| = |\underline{U}_0|$ ,  $90^\circ$  nacheilend
- $|\underline{I}_2| = \frac{10V}{25\Omega} = 0,4A$ , in Phase zu  $\underline{U}_{R2}$
- $|\underline{I}_c| = \omega C |\underline{U}_{R2}| = 2\pi \frac{500}{\pi} kHz \cdot 130nF \cdot 10V = 1,3A$
- $|\underline{I}_1| = 1,36A$  durch ablesen
- $\underline{U}_1$  einzeichnen
- Thaleskreis über  $\underline{U}_1$ ,  $\underline{U}_{R1}$  in Phase mit  $\underline{I}_1$

h)  $\underline{U}_1 = \underline{U}_{R1} + \underline{U}_L$

i)  $\underline{U}_{R1} = 6,7V$

j)  $\underline{U}_L = 12,5V$

k)  $\phi = 17^\circ$

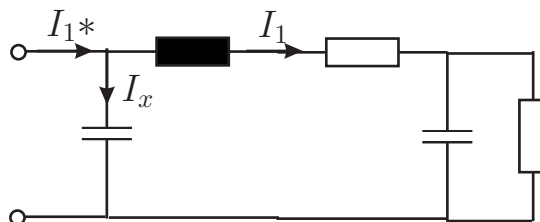
je gezeichneter/ermittelter Komponente 1 Punkt

 $\Sigma_a$  11

b)

 $I_1$  ist nacheilend  $\Rightarrow$  Schaltung ist induktiv 1 Punkt $\Rightarrow$  kapazitives Element 1 Punkt

$I_1^* = I_1 + I_x$  1 Punkt



aus ZD:  $|\underline{I}_x| = |\underline{I}_2|$  1 Punkt

$\omega C_x = \frac{|\underline{I}_x|}{|\underline{U}_0|}$  Ansatz 1 Punkt

$\Rightarrow C_x = \frac{|\underline{I}_2|}{|\underline{U}_0|} \frac{1}{2\pi f} = 0,04\mu F = 40nF$  Allgemeine Lösung 1 Punkt

Ergebnis 1 Punkt

 $\Sigma_b$  7

c)  $R = \frac{|\underline{U}_{R1}|}{|\underline{I}_1|} = \frac{7,8V}{1,3A} = 6\Omega$  1 Punkt

$\omega L = \frac{|\underline{U}_L|}{|\underline{I}_1|} \Rightarrow L = \frac{|\underline{U}_L|}{|\underline{I}_1|} \frac{1}{2\pi f} = \frac{40V}{1,3A} \frac{1}{2\pi \frac{500}{\pi} kHz} = \frac{400}{13}\mu H$  Allgemeine Lösung 1 Punkt

Ergebnis 1 Punkt

d) Resonanz tritt auf für  $\text{img}(Z) \rightarrow \min = 0$  1 Punktmit  $R_1 = 0$  laut Ansage.



$$\begin{aligned}Z &= R_1 + j\omega L + \frac{1}{j\omega C} \\0 &= j\omega L + \frac{1}{j\omega C} \\\omega L &= \frac{1}{\omega C} \\\Rightarrow \omega_0 &= \sqrt{\frac{1}{LC}} \\&= \sqrt{\frac{1}{\frac{400}{13} \mu H 130 nF}} \\&= \sqrt{\frac{10^{14}}{400 s^2}} \\&= \frac{1}{20} 10^7 Hz \\&= 500 kHz\end{aligned}$$

Ansatz 1 Punkt

Allgemeine Lösung 1 Punkt

Ergebnis 1 Punkt

Reihenschwingkreis: 1 Punkt

Resonanzfrequenz wird durchgelassen. 1 Punkt

$\Sigma_d 6$