

... tritt ein	Symbol	Bsp. $A = \{2, 4, 6\}$ $B = \{5, 6\}$
A und B	$A \cap B$	$\{2, 4, 6\} \cap \{5, 6\} = \{6\}$
A oder B	$A \cup B$	$\{2, 4, 6\} \cup \{5, 6\} = \{2, 4, 5, 6\}$
nicht A	$\Omega \setminus A =: \bar{A}$ ↓ Komplement	$\{1, 3, 5\}$

Bsp. Augenzahl beim Würfeln

$$\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

$$\text{nicht } B \quad | \quad \Omega \setminus B =: \bar{B} \quad | \quad \{1, 2, 3, 4\}$$

(andere Schreibweise B^c)

$$P(\{2, 4, 6\} \cup \{5, 6\}) = P(\{2, 4, 6\}) + P(\{5, 6\}) - P(\{6\})$$

Laplace-Modell (diskrete Gleichverteilung)

$$|\Omega| = m \in \{1, 2, 3, \dots\} =: \mathbb{N} \setminus \{0\}$$

Anzahl der Elemente oder Mächtigkeit von Ω : $|\Omega|$

$$P\{\omega\} = \frac{1}{|\Omega|} \text{ für alle } \omega \in \Omega$$

$$\begin{array}{ll} \text{z.B. fairer Münzwurf} & |\Omega| = 2 : P\{\omega\} = \frac{1}{2} \\ \text{fairer Würfeln} & |\Omega| = \underline{6} : P\{\omega\} = \underline{\frac{1}{6}} \end{array}$$

$$\begin{aligned} \text{Sei } A \subseteq \Omega \text{ Ereignis: } P(A) &= P\left(\bigcup_{\omega \in A} \{\omega\}\right) = \\ &= \sum_{\omega \in A} P\{\omega\} = \sum_{\omega \in A} \frac{1}{|\Omega|} = \underline{\underline{\frac{|A|}{|\Omega|}}} \end{aligned}$$

3. Kolmogorov-Axiom
Additivität von P

$$\text{Bsp. } A = \{2, 4, 6\} : P(A) = \frac{|A|}{|\Omega|} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$B = \{5, 6\} : P(B) = \frac{|B|}{|\Omega|} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3} \quad A \cup B = \{2, 4, 5, 6\}$$

$$A \cap B = \{6\} : P(A \cap B) = \frac{|A \cap B|}{|\Omega|} = \frac{1}{6} \quad P(A \cup B) = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$