

# Aufgabe 1

## MUSTERLÖSUNG

a) (1P)



b) (1P)

$$y[n] = x[n] + x[n-6]$$

c) (1P)

$$Y(e^{j\Omega}) = X(e^{j\Omega}) \cdot (1 + e^{-j6\Omega})$$

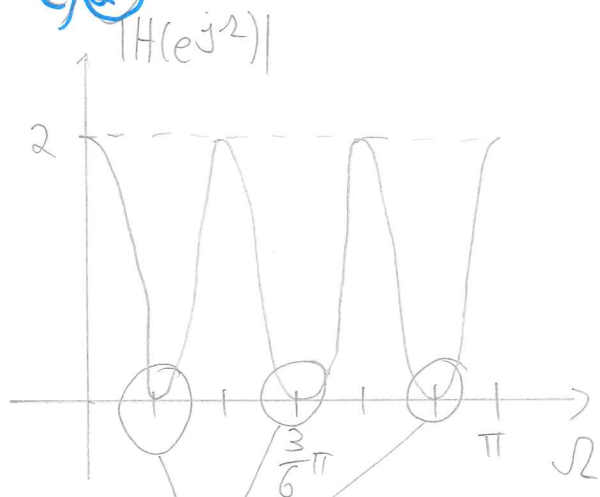
d) (3P)

$$\begin{aligned} H(e^{j\Omega}) &= (1 + e^{-j6\Omega}) \cdot \overbrace{(e^{j3\Omega})(e^{-j3\Omega})}^{=1} \\ &= (e^{j3\Omega} + e^{-j3\Omega}) \cdot e^{-j3\Omega} \\ &= 2 \cdot \cos(3\Omega) \cdot e^{-j3\Omega} \end{aligned}$$

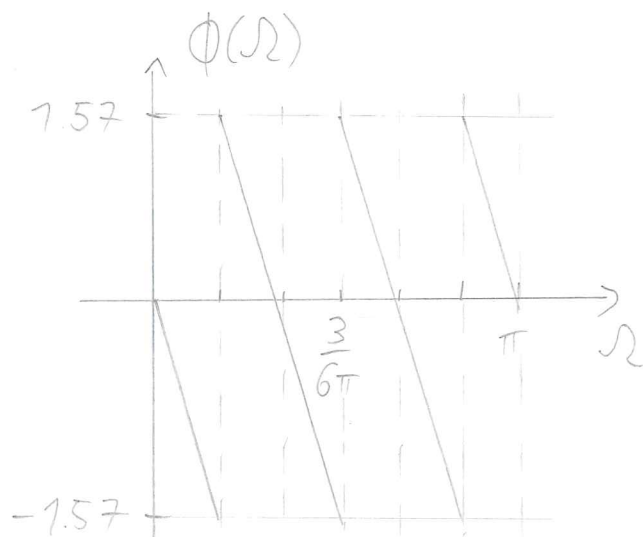
$$|H(e^{j\Omega})| = |2 \cdot \cos(3\Omega)|$$

$$\phi(\Omega) = -3\Omega$$

e) (2P)



Phasensprünge (VZ-Wechsel!)



f) (1P)

NST bei  $\Omega = \pi$ , da FIR Typ II

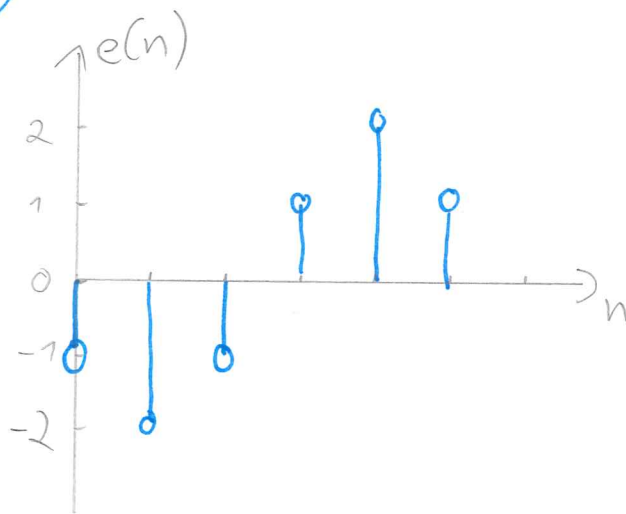
g) (1P)

NST bei  $\Omega = 0$  und  $\Omega = \pi$ , da FIR Typ III

h) (1P)

$$N_e = N_f + N_g - 1 = 4 + 3 - 1 = 6$$

i) (3P)



j) (2P)

NST bei  $\Omega = 0$ , da FIR Typ IV.

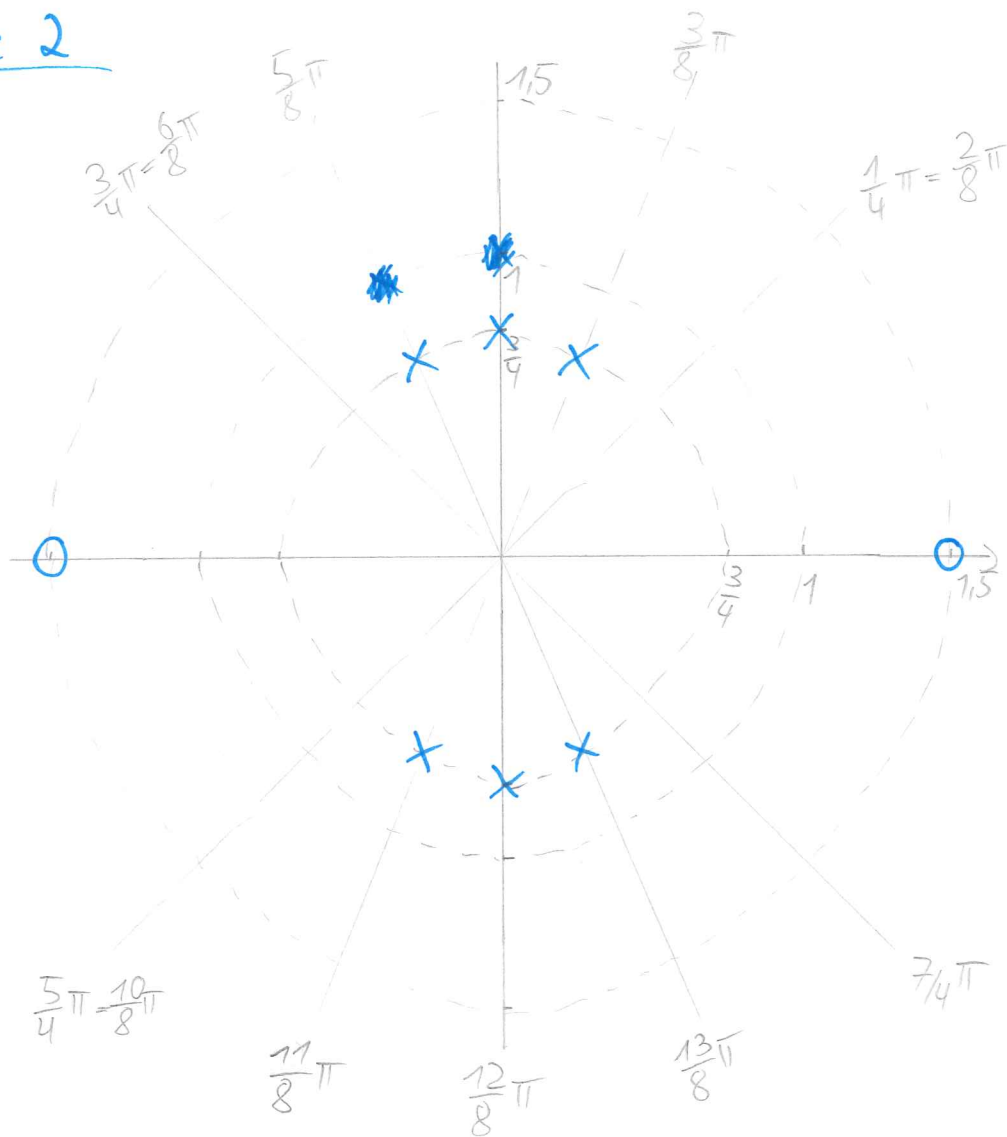
zusätzlich: NST bei  $\Omega = \pi$  !

$$\hookrightarrow E(e^{j\pi}) = F(e^{j\pi}) \cdot G(e^{j\pi}) = 0 \cdot 0 = 0$$

16P

## Aufgabe 2

a) (2P)



b) (1P)

Bandpass

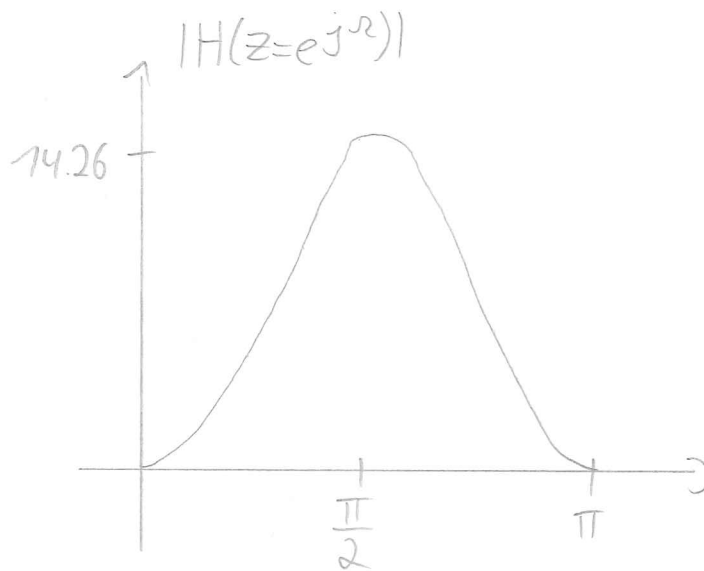
c) (1P)

$$|H(z=e^{j\frac{\pi}{2}})| = 14.26$$

d) (1P)

Ja, vor und nach  $\Omega = \frac{\pi}{2}$  wird der Einfluss der Nullstellen wieder größer

e) (2P)



f) (2P)

$$P_{\text{OUTSIDE}}(z) = \left(z - \frac{3}{2}\right) \left(z + \frac{3}{2}\right)$$

↓

$$P'_{\text{OUTSIDE}}(z) = \left(z - \frac{2}{3}\right) \left(z + \frac{2}{3}\right)$$

$$H_{\text{AP}}(z) = \frac{P_{\text{OUTSIDE}}(z)}{P'_{\text{OUTSIDE}}(z)}$$

$$P_{\text{REST}}(z) = 1$$

$$H_{\text{min}}(z) = \frac{P'_{\text{OUTSIDE}}(z)}{Q(z)}$$

$Q(z)$  = Nenner von  $H(z)$

g) (2P)

$$|H_{\text{AP}}(z=e^{j0}=1)| = \left| \frac{\left(\frac{2}{2} - \frac{3}{2}\right) \left(\frac{2}{2} + \frac{3}{2}\right)}{\left(\frac{3}{3} - \frac{2}{3}\right) \left(\frac{3}{3} + \frac{2}{3}\right)} \right| = \left| \frac{-5/4}{5/9} \right| = \left| -\frac{9}{4} \right| = \frac{9}{4}$$

$$|H_{\text{AP}}(z=e^{j\varphi})| = \frac{9}{4} \quad \forall \varphi \in [0, \pi]$$

h) (1P)

Ja, da  $G(z) = \frac{1}{H_{\text{min}}(z)} = \frac{Q(z)}{P'_{\text{OUTSIDE}}(z)}$  stabil ist.

12P

### Aufgabe 3

a) (1P)

$L = 480$  Samples

b) (1P)

$K = 512$

c) (1P)

32

d) (1P)

$L_s = 240$  Samples

e) (2P)

$$\frac{48000}{512} = 93,75 \text{ Hz pro } k$$

$$\rightarrow k = \frac{3000 \text{ Hz}}{93,75 \text{ Hz}} = 32$$

f) (2P)

Ja, bei einem unendlich langen Signal kommt es bei Anwendung der FFT/DFT immer zu Spectral Leakage.

g) (2P)

Zyklische Faltung! Wegen  $k - N' + 1 = L$  kann  $N$  nur noch  $N' = 1$  sein. Da  $N = 6 > 1 = N'$  ist keine lineare Faltung möglich.  
gegeben in Aufgabe

## Aufgabe 4

a) (1P)

$$\nu = \frac{32 \text{ kHz}}{48 \text{ kHz}} = \frac{2}{3}$$

b) (1P)

$$f_c^* = 16 \text{ kHz}$$

c) (1P)

$$f_s' = 96 \text{ kHz}$$

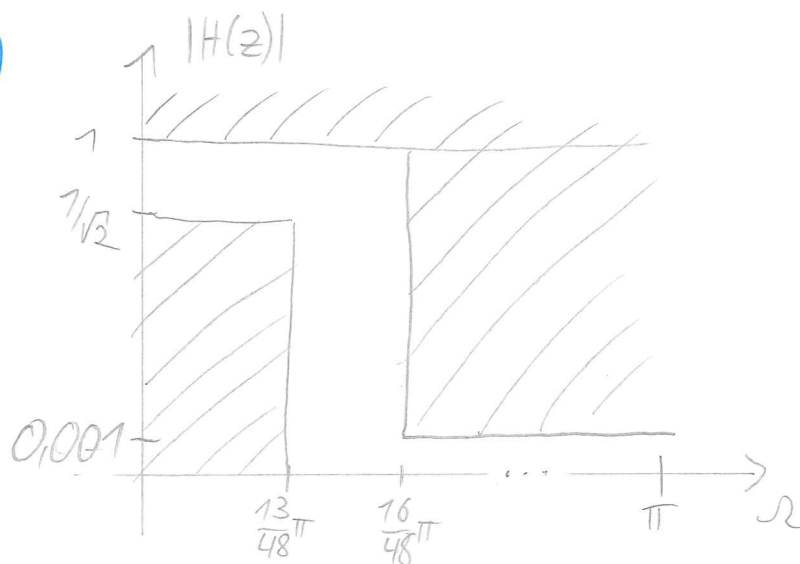
d) (1P)

$$\Omega_c^* = \frac{\pi}{3}$$

e) (1P)

Der ideale TP ist nicht rausch.

f) (2P)



$$\sigma_{st} = 10^{\frac{-60 \text{ dB}}{100 \text{ dB}}} = 0.001$$

$$R_p = 3 \text{ dB} \rightarrow 1 - \sigma_p = 1/\sqrt{2}$$

$$\Omega_{st} = \frac{\pi}{3} = \frac{16}{48} \pi$$

$$\Omega_p = \frac{\pi}{3} - \frac{3}{48} \pi = \frac{13}{48} \pi$$



g) (2P)

$$\omega' = \omega_{st} = \Omega_{st} \cdot f_s' = \frac{\pi}{3} \cdot 96 \text{ kHz} = 100530,965 \text{ s}^{-1}$$

$$v = \frac{\omega'}{\tan\left(\frac{\Delta\phi'}{2}\right)} = \frac{\frac{\pi}{3} \cdot 96 \text{ kHz}}{\tan\left(\frac{\pi}{3 \cdot 2}\right)} = 174124,739 \text{ s}^{-1}$$

$$\omega_p = v \cdot \tan\left(\frac{\Delta\phi}{2}\right) = v \cdot \tan\left(\frac{13}{96} \pi\right) = 78894,893 \text{ s}^{-1}$$

h) (1P)

$$f_p = f_c = \frac{\omega_p}{2\pi} = 12,55 \text{ kHz}$$

i) (2P)

$$1 + \left(\frac{\omega_{st}}{\omega_p}\right)^{2N} = 1000000 \quad | -1$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{\omega_{st}}{\omega_p}\right)^{2N} = 999999 \quad |\sqrt{\quad}$$

$$\Leftrightarrow \left(\frac{\omega_{st}}{\omega_p}\right)^N = 999,9995 \quad |\log$$

$$\Leftrightarrow N \cdot \log\left(\frac{\omega_{st}}{\omega_p}\right) = 2,999 \quad | : \log\left(\frac{\omega_{st}}{\omega_p}\right)$$

$$\Leftrightarrow N \geq \frac{2,999}{0,105} = 28,56$$

$$\Rightarrow \underline{N = 29}$$