

# CITRC 期末競賽題解

1/

- 基礎組：A, C, D, E, G, H, I, J
- 進階組：B, F

題目難度

$D \ll E < C = G < A < H < J < I < F \ll B$

A. 我愛CITRC

*I love CITRC*

- 考點：基本輸入輸出、跳脫字元
- 難度：3 / 10
- 首殺：
- 提交次數：

- XXXXX當然是CITRC
- \ 要加跳脫字元
- 最後記得換行

```
cout << "Yes, I love CITRC so much.(\\\\\\\\\\>.<\\\\\\\\\\)\n"
```

第二行要輸出一個數字，可以是浮點數  
既然麥克阿瑟都說了 "Don't be greedy..."  
輸出 100 太貪心了肯定沒分  
而你輸出多少分就可以拿到多少分  
100 分的方法是輸出 (99.0, 100.0) 區間的小數

**Full Solution (100/100)**

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int main() {
    cout << "Yes, I love CITRC so much.(\\\\\\\\\\>.<\\\\\\\\\\)\n";
    cout << "99.7\n";
    return 0;
}
```

## B. 小孤獨，不要化成灰啊！

*Bocchi Ash*

---

- 考點：樹 + dp
  - 難度：9 / 10
  - 首殺：
  - 提交次數：
- 

### Subtask 1. 結構是一條鏈

直接用一維陣列做就行，實作方法有很多  
因為是鏈所以把涼的位置當作誰都不影響結果  
實作上先把Y設成K或B就好

---

### Subtask 2. $n \leq 2 \times 10^5$

若且唯若此結構由  $n$  個點組成，有  $n - 1$  條邊相連  
兩點間必有且僅有一條路徑，則此結構是一棵樹

---

這題首先你要先看出是一棵樹  
可以觀察出喜多(K)和小孤獨(B)是會互相影響的  
而涼(Y)是獨立不受影響的，所以可以直接視為K或B  
但是視為K或B會因為不同的子節點情況受到影響  
因此在dfs的時候用動態規劃去找到每個點的情況

---

定義  $K[i], B[i], Y[i]$  為以  $i$  為根節點所需最少的放置數  
 $K, B, Y$  是討論此節點是不同人的答案  
而已知  $K, B$  會互相影響所以不能視為其他可能  
而  $Y$  可以視情況當作  $B$  或  $K$ ，因此就可以得到轉移式

---

定義集合  $S_i$  為  $i$  的所有子節點  
$$K[i] = \sum_{j \in S_i} \min(K[j], B[j] + 1, Y[j])$$
$$B[i] = \sum_{j \in S_i} \min(K[j] + 1, B[j], Y[j])$$
$$Y[i] = \sum_{j \in S_i} \min(K[j] + 1, B[j] + 1, Y[j])$$

---

### Full Solution (100/100)

```
const int INF = 1e18;
void dfs(int cur, int from) {
    for(auto &nxt : g[cur]) {
        if(nxt == from) continue;
        dfs(nxt, cur);
        if(role[cur] == 'Y') {
            Kita[cur] += min({Kita[nxt], Bocchi[nxt]+1, Yamada[nxt]});
            Bocchi[cur] += min({Kita[nxt]+1, Bocchi[nxt], Yamada[nxt]});
        }
    }
}
```

```

        Yamada[cur] += min({Kita[nxt]+1, Bocchi[nxt]+1, Yamada[nxt]});
    }else if(role[cur] == 'B') {
        Kita[cur] = Yamada[cur] = INF;
        Bocchi[cur] += min({Kita[nxt]+1, Bocchi[nxt], Yamada[nxt]});
    }else {
        Bocchi[cur] = Yamada[cur] = INF;
        Kita[cur] += min({Kita[nxt], Bocchi[nxt]+1, Yamada[nxt]});
    }
}
if(role[cur] == 'K') Bocchi[cur] = Yamada[cur] = INF;
if(role[cur] == 'B') Kita[cur] = Yamada[cur] = INF;
}

```

### C. 嚴禁電神裝弱

#### HARC

- 考點：if statement
- 難度：2 / 10
- 首殺：
- 提交次數：

就找出數字最大的就是最電的那個  
 然後就把數字最大的那個名字輸出就好  
 這題主要只是要考在比較三個數字的時候  
 不能寫  $a > b > c$  這種寫法

#### Full Solution (100/100)

```

string nameA, nameB, nameC;
int a,b,c;
cin >> nameA >> a;
cin >> nameB >> b;
cin >> nameC >> c;
if(a > b && a > c) cout << nameA << '\n';
if(b > a && b > c) cout << nameB << '\n';
if(c > a && c > b) cout << nameC << '\n';

```

不覺得寫很多 if 很麻煩嗎

```

pair<int,string> a,b,c;
cin >> a.second >> a.first;
cin >> b.second >> b.first;
cin >> c.second >> c.first;
cout << max({a,b,c}).second << '\n';

```

---

## D. 雖然我不是數學家

### Mathematician

---

- 基本分考點：整數四則運算
  - 基本分難度：0 / 10
  - 首殺：
  - 提交次數：
- 

- Bonus考點：string, 陣列
  - Bonus難度：7 / 10
  - 首殺：
- 

這題根本就沒有難度  
之前強調過很多次數字太大要開long long了  
甚至你把之前題解的程式碼照著貼上就有 100 分了

---

Subtask 1.  $0 \leq A, B \leq 10^6$

`int` 範圍是  $-2^{32} \leq int \leq 2^{32} - 1$   
 $2^{32}$  大概是  $2 \times 10^9$

---

Subtask 2.  $0 \leq A, B \leq 10^{15}$

把 `int` 改成 `long long` 就好了  
範圍： $-2^{64} \leq longlong \leq 2^{64} - 1$   
大概比  $10^{18}$  次方再大一點

---

### Accepted Solution (100/100)

```
long long a,b;  
cin >> a >> b;  
cout << a+b << '\n';
```

---

Bonus:  $10^{24} \leq A, B \leq 10^{10^6}$

數字連 `long long` 都超過了，沒辦法紀錄  
使用陣列去存每一個數字，同位數再相加進位就好

---

### Bonus Solution(160/160)

---

```
string a,b;
cin >> a >> b;
int A[1000005],B[1000005],C[1000005];
for(int i=a.size()-1;i>=0;i--) A[a.size()-i-1] = a[i]-'0';
for(int i=b.size()-1;i>=0;i--) B[b.size()-i-1] = b[i]-'0';
for(int i=0;i<1000005;i++) C[i] = A[i] + B[i];
for(int i=0;i<1000005-1;i++) {
    if(C[i] >= 10) {
        C[i+1] += C[i] / 10;
        C[i] %= 10;
    }
}
int start = 0;
for(int i=1000004;i>=0;i--) {
    if(C[i] != 0) {
        start = i;
        break;
    }
}
for(int i=start;i>=0;i--) cout << C[i];
```

---

## E. 進擊的苔雞殿

### *Attack on Chicken*

---

- 考點：基本輸入輸出
  - 難度：1 / 10
  - 首殺：
  - 提交次數：
- 

就跟 hello, world 沒兩樣  
題目說要幹嘛就幹嘛，注意一下空格就好了

---

### **Full Solution (100/100)**

```
string a,b;
cin >> a >> b;
cout << a << ":Devote your " << b << "!\n";
```

---

## F. 關於我熬夜爆肝練題

成為IOI國手的那檔事

### *Stay Up*

---

- 基本分考點：dp
- 基本分難度：7.5 / 10
- 首殺：
- 提交次數：

- 
- Bonus考點：矩陣快速冪
  - Bonus難度：7.6 / 10
  - 首殺：
- 

很有趣的是這是2024TRML思考賽的題目  
只是被我魔改了題目敘述

---

### Subtask 1: $1 \leq n \leq 20$

數字這麼小就窮舉就好了啊  
你甚至叫電腦幫你窮舉還不用自己窮舉

---

#### Subtask1 Solution(55/100)

```
const int mod = 1e9+7;
int n, ans = 0;
cin >> n;
for(int status = 0; status < (1<<n); status++) {
    bool check = 1;
    for(int j=0;j<n-1;j++) {
        if((status>>j)&1 && (status>>(j+1))&1) {
            check = 0; break;
        }
    }
    if(check) ans += 1, ans %= mod;
}
cout << ans << '\n';
```

---

### Subtask 2 : $1 \leq n \leq 2 \times 10^5$

這種題目絕對是 dp · 所以就開始想 dp

---

可以知道每天有兩種狀態 · 要或不要  
所以轉移式也很簡單  
定義  $ch[i]$  為前  $i$  天中第  $i$  天要取的方法數  
反之 ·  $nch[i]$  為前  $i$  天中第  $i$  天不取方法數

---

顯而易見 · 考慮前後天關係而已  
 $ch[i] = nch[i - 1]$

$nch[i] = ch[i] + nch[i - 1]$   
實作的時候記得邊加邊  $mod$  以免溢位

---

### Accepted Solution (100/100)

```
const int mod = 1e9+7;
int n;
cin >> n;
ch[1] = notch[1] = 1;
for(int i=2;i<=n;i++) {
    ch[i] = notch[i-1] % mod;
    notch[i] = (ch[i-1] + notch[i-1]) % mod;
}
cout << (ch[n] + notch[n]) % mod << '\n';
```

但是其實這題還有另一個思考方式  
定義  $dp[i]$  為前  $i$  天的方法數  
方法數有第  $i$  天取和不取兩種  
若第  $i$  天要取，則第  $i - 1$  必不取，為  $dp[i - 2]$   
若第  $i$  天不取，則第  $i - 1$  可以取，為  $dp[i - 1]$   
因此  $dp[i] = dp[i - 1] + dp[i - 2]$   
這不就是費氏數列嗎ouob

---

### Accepted Solution (100/100)

```
const int mod = 1e9+7;
int n;
cin >> n;
dp[1] = 2, dp[2] = 3;
for(int i=3;i<=n;i++) {
    dp[i] = (dp[i-1] + dp[i-2]) % mod;
}
cout << dp[n] % mod << '\n';
```

Bonus :  $10^9 \leq n \leq 10^{18}$

數字很大沒辦法用迴圈跑怎麼辦？

---

既然是費氏數列那就數學解？

$$ans = \frac{1}{\sqrt{5}} \left[ \left( \frac{1+\sqrt{5}}{2} \right)^{n+2} - \left( \frac{1-\sqrt{5}}{2} \right)^{n+2} \right]$$

---

很明顯不可能  
都說了是費氏數列  
那就用矩陣快速冪ouob

```
\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}^{n+2}
```

---

### Full Solution (160/160)

```
const int mod = 1e9+7;
struct matrix {int a = 0,b = 0,c = 0,d = 0;};
matrix cross(const matrix x,const matrix y){
    matrix res;
    res.a = (x.a*y.a+x.b*y.c)%mod;
    res.b = (x.b*y.a+x.d*y.b)%mod;
    res.c = (x.a*y.c+x.c*y.d)%mod;
    res.d = (x.b*y.c+x.d*y.d)%mod;
    return res;
}
matrix fast_power(matrix a,int b) {
    if(b == 1) return a;
    if(b & 1) return cross(a,fast_power(a,b-1));
    matrix half = fast_power(a,b>>1);
    return cross(half,half);
}
int main() {
    long long n;
    cin >> n;
    n += 2;
    matrix T = {1,1,1,0};
    matrix ans = fast_power(T,n);
    cout << ans.b%mod << '\n';
}
```

---

## G. 神之一手

### Checkmate

- 
- 考點：if statement
  - 難度：2 / 10
  - 首殺：
  - 提交次數：
- 

題目廢話偏多，只要看是否同行或同列就好

---

### Full Solution (100/100)



```
char a,b,c,d;
cin >> a >> b >> c >> d;
if(a == c && b == d) cout << "What\n";
else if(a == c || b == d) cout << "Checkmate\n";
else cout << "Nothing Happened\n";
```

---

## H. 傳說九缺一

10-1=9

---

- 考點：迴圈
  - 難度：4 / 10
  - 首殺：
  - 提交次數：
- 

使用for迴圈或while迴圈跑規定的次數，就這麼簡單  
比較特別的是這題是 *Sh1ng* 出的

---

### Full Solution (100/100)

```
int n,times;
string who;
cin >> n;
for(int i=0;i<n;i++) {
    cin >> who >> times;
    for(int t=0;t<times;t++) {
        cout << "@" << who << '\n';
    }
}
```

---

## I. 聊天室亂源

*Chaos*

---

- 基本分考點：for迴圈
  - 基本分難度：6.5 / 10
  - 首殺：
  - 提交次數：
- 

- Bonus 考點：KMP演算法
  - Bonus 難度：12 / 10
  - 首殺：
-

簡化問題就是給予字串  $S_1, S_2$   
詢問  $S_2$  是否為  $S_1$  的子字串

---

### Subtask 1: $|S_2| = 1$

只有一個字母就檢查整個字串裡面有沒有這個字就好

---

#### Subtask1 Solution(50/100)

```
string a;
char b;
cin >> a >> b;
for(int i=0;i<a.size();i++) {
    if(a[i] == b) {
        cout << "fake\n";
        return 0;
    }
}
cout << "real\n";
```

---

### Subtask 2: $|S_2| \leq |S_1| \leq 1000$

1000非常小，直接檢查所有的可能就好了  
簡單來說就是試試看每個字為開頭的可能  
時間複雜度  $O(|S_1| \times |S_2|)$

---

#### Accepted Solution (100/100)

```
string a,b;
cin >> a >> b;
// i 為可能的比對, j 為可能相同的開頭位置
for(int i=0;i<a.size()-b.size()+1;i++) {
    string check = ""; // 記得設為空字串
    for(int j=0;j<b.size();j++) {
        check += a[i+j];
    }
    if(b == check) {
        cout << "fake\n";
        return 0;
    }
}
cout << "real\n";
```

---

### Bonus: $|S_2| \leq |S_1| \leq 2 \times 10^5$

考慮worst case,當 $|S_1|, |S_2|$ 都很大的時候  
一秒是不夠跑完的，因此要優化  
有個叫做 KMP 的演算法  
可以在  $O(|S_1| + |S_2|)$  的複雜度內解出  
有興趣可以自己 Google

---

### Full Solution (200/200)

```
bool KMP_Algorithm(string &haystack, string &needle) {
    int lps[needle.size()];
    lps[0] = 0;
    int prev = 0, ptr = 1;
    while(ptr < needle.size()) {
        if(needle[ptr] == needle[prev])
            lps[ptr] = ++prev, ptr += 1;
        else if(prev == 0)
            lps[ptr] = 0, ptr += 1;
        else
            prev = lps[prev-1];
    }
    int i = 0, j = 0;
    while(i < haystack.size()) {
        if(haystack[i] == needle[j])
            i += 1, j += 1;
        else
            if(j == 0) i += 1;
            else j = lps[j-1];
        if(j == needle.size()) return 1;
    }
    return 0;
}
```

---

J. 神啊拜託，讓暑假重回第一天吧

### Summer

---

- 考點：一維陣列
  - 難度：5 / 10
  - 首殺：
  - 提交次數：
- 

看似沒難度，實則沒難度  
把數列存起來之後反過來輸出就好

---

### Full Solution (100/100)

```
int n;
cin >> n;
int arr[n];
for(int i=0;i<n;i++) cin>>arr[i];
for(int i=n-1;i>=0;i--) cout<<arr[i]<<' ';
```

---

還有黑魔法 reverse

```
int n;
cin >> n;
vector<int> f(n);
for(int &i : f) cin >> i;
reverse(f.begin(),f.end());
for(int &i : f) cout << i << ' ';
```

---

K. 不時以培訓為由翹課的鄰座 *Zhenzhe* 同學

### *Skip Class*

- 
- 考點：map
  - 難度：7 / 10
  - 首殺：
  - 提交次數：
- 

用 map 紀錄什麼課共出現幾次  
最後再檢查哪個最多和總和是多少

---

### *Full Solution (100/100)*

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int main() {
    int n,q,x;
    string cls;
    cin >> n >> q;
    map<string,int> mp;
    for(int i=0;i<n;i++) {
        cin >> cls >> x;
        mp[cls] += x;
    }
    int MAX = 0, total = 0;
    string m;
    for(auto [cs, tms] : mp) {
        if(tms > MAX) {
```

```

        MAX = tms;
        m = cs;
    }
    total += tms;
}
for(int i=0;i<q;i++) {
    cin >> cls;
    cout << mp[cls] << '\n';
}
cout << "total:" << total << '\n';
cout << "most:" << m << '\n';
}

```

## L. 大盤子法師 *Sh1ng*

### *Plates Master*

- 考點：string
- 難度：5 / 10
- 首殺：
- 提交次數：

#### Subtask 1. $n = 0$

就說輸出 **Happy Birthday!** 就有 1 分

#### Subtask 2. $n \leq 10, P_i \leq 10^{18}$

既然要判斷是不是11的倍數，那就對11取餘數就好

#### Subtask 3. $n \leq 1000, P_i \leq 10^{1000}$

11的倍數判斷方法就是奇數位數跟偶數位數的差是否為11的倍數去判斷

#### // **Full Solution (100/100)**

```

if(n == 0) {cout<<"Happy Birthday!\n";return 0;}
for(int i=0;i<n;i++) {
    string s;
    cin >> s;
    int diff = 0;
    for(int j=0;j<s.size();j++) {
        if(j & 1) diff += s[j]-'0';
        else diff -= s[j]-'0';
    }
    diff = abs(diff);
}

```

```
cout << (diff%11==0? "How perfect this plate is!\n" : "Broken\n");  
}
```

---

M. 競程有奇樹，剖分發華茲