# CITRC 期末競賽題解

• 基礎組: A,C,D,E,G,H,I,J

進階組: B,F

## 題目難度

D << E < C = G < A < H < J < I < F << B

#### A. 我愛CITRC

I love CITRC

• 考點:基本輸入輸出、跳脫字元

• 難度:3/10

• 首殺:

• 提交次數:

- XXXXX當然是CITRC
- \ 要加跳脫字元
- 最後記得換行

```
cout << "Yes, I love CITRC so much.(\\\\\)\n"</pre>
```

第二行要輸出一個數字·可以是浮點數 既然麥克阿瑟都說了 "Don't be greedy..." 輸出 100 太貪心了肯定沒分 而你輸出多少分就可以拿到多少分 100 分的方法是輸出 (99.0,100.0) 區間的小數

#### Full Solution (100/100)

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int main() {
    cout << "Yes, I love CITRC so much.(\\\\\)\n";
    cout << "99.7\n";
    return 0;
}</pre>
```

## B. 小孤獨,不要化成灰啊!

考點: 樹 + dp難度: 9 / 10首殺:

提交次數:

#### Subtask 1. 結構是一條鏈

直接用一維陣列做就行·實作方法有很多 因為是鏈所以把涼的位置當作誰都不影響結果 實作上先把Y設成K或B就好

## Subtask 2. $n \le 2 imes 10^5$

若且唯若此結構由 n 個點組成  $\cdot$  有 n-1條邊相連兩點間必有且僅有一條路徑  $\cdot$  則此結構是一棵樹

#### 這題首先你要先看出是一棵樹

可以觀察出喜多(K)和小孤獨(B)是會互相影響的而涼(Y)是獨立不受影響的·所以可以直接視為K或B但是視為K或B會因為不同的子節點情況受到影響因此在dfs的時候用動態規劃去找到每個點的情況

定義 K[i], B[i], Y[i] 為以 i 為根節點所需最少的放置數 K, B, Y 是討論此節點是不同人的答案 而已知 K, B 會互相影響所以不能視為其他可能 而 Y 可以視情況當作 B 或 K · 因此就可以得到轉移式

```
定義集合 S_i 為 i 的所有子節點 K[i] = \sum_{j \in S_i} min(K[j], B[j] + 1, Y[j]) B[i] = \sum_{j \in S_i} min(K[j] + 1, B[j], Y[j]) Y[i] = \sum_{j \in S_i} min(K[j] + 1, B[j] + 1, Y[j])
```

#### **Full Solution (100/100)**

```
const int INF = 1e18;
void dfs(int cur, int from) {
    for(auto &nxt : g[cur]) {
        if(nxt == from) continue;
        dfs(nxt,cur);
        if(role[cur] == 'Y') {
            Kita[cur] += min({Kita[nxt], Bocchi[nxt]+1, Yamada[nxt]});
            Bocchi[cur] += min({Kita[nxt]+1, Bocchi[nxt], Yamada[nxt]});
            Yamada[cur] += min({Kita[nxt]+1, Bocchi[nxt]+1, Yamada[nxt]});
        }else if(role[cur] == 'B') {
```

#### C. 嚴禁電神裝弱

HARC

考點: if statement難度: 2 / 10

• 首殺:

• 提交次數:

就找出數字最大的就是最電的那個 然後就把數字最大的那個名字輸出就好 這題主要只是要考在比較三個數字的時候 不能寫 a>b>c 這種寫法

#### Full Solution (100/100)

```
string nameA, nameB, nameC;
int a,b,c;
cin >> nameA >> a;
cin >> nameB >> b;
cin >> nameC >> c;
if(a > b && a > c) cout << nameA << '\n';
if(b > a && b > c) cout << nameB << '\n';
if(c > a && c > b) cout << nameC << '\n';</pre>
```

#### 不覺得寫很多 if 很麻煩嗎

```
pair<int,string> a,b,c;
cin >> a.second >> a.first;
cin >> b.second >> b.first;
cin >> c.second >> c.first;
cout << max({a,b,c}).second << '\n';</pre>
```

#### D. 雖然我不是數學家

#### Mathematician

• 基本分考點:整數四則運算

• 基本分難度: 0/10

• 首殺:

• 提交次數:

Bonus考點: string, 陣列Bonus難度: 7 / 10

• 首殺:

#### 這題根本就沒有難度

之前強調過很多次數字太大要開long long了 甚至你把之前題解的程式碼照著貼上就有 100 分了

Subtask 1.  $0 \le A, B \le 10^6$ 

int 範圍是  $-2^{32} \leq int \leq 2^{32}-1$   $2^{32}$  大概是  $2 imes 10^9$ 

Subtask 2.  $0 \leq A, B \leq 10^{15}$ 

把 int 改成 long long 就好了 範圍: $-2^{64} \leq longlong \leq 2^{64}-1$  大概比  $10^{18}$  次方再大一點

#### **Accepted Solution (100/100)**

```
long long a,b;
cin >> a >> b;
cout << a+b << '\n';</pre>
```

Bonus :  $10^{24} \le A, B \le 10^{10^6}$ 

數字連 long long 都超過了·沒辦法紀錄 使用陣列去存每一個數字·同位數再相加進位就好

#### **Bonus Solution (160/160)**

```
string a,b;
cin >> a >> b;
```

```
int A[1000005],B[1000005],C[1000005];
for(int i=a.size()-1;i>=0;i--) A[a.size()-i-1] = a[i]-'0';
for(int i=b.size()-1;i>=0;i--) B[b.size()-i-1] = b[i]-'0';
for(int i=0; i<1000005; i++) C[i] = A[i] + B[i];
for(int i=0;i<1000005-1;i++) {
    if(C[i] >= 10) {
        C[i+1] += C[i] / 10;
        C[i] %= 10;
    }
}
int start = 0;
for(int i=1000004;i>=0;i--) {
    if(C[i] != 0) {
        start = i;
        break;
    }
for(int i=start;i>=0;i--) cout << C[i];</pre>
```

#### E. 進擊的苔雞殿

**Attack on Chicken** 

• 考點:基本輸入輸出

• 難度:1/10

• 首殺:

• 提交次數:

就跟 hello, world 沒兩樣

題目說要幹嘛就幹嘛,注意一下空格就好了

#### Full Solution (100/100)

```
string a,b;
cin >> a >> b;
cout << a << ":Devote your " << b << "!\n";</pre>
```

#### F. 關於我熬夜爆肝練題

成為IOI國手的那檔事

Stay Up

• 基本分考點: dp

• 基本分難度: 7.5 / 10

- 首殺:
- 提交次數:

Bonus考點: 矩陣快速冪Bonus難度: 7.6 / 10

• 首殺:

很有趣的是這是2024TRML思考賽的題目 只是被我魔改了題目敘述

## Subtask 1: $1 \leq n \leq 20$

數字這麼小就窮舉就好了啊 你甚至叫電腦幫你窮舉還不用自己窮舉

#### Subtask1 Solution(55/100)

```
const int mod = 1e9+7;
int n, ans = 0;
cin >> n;
for(int status = 0; status < (1<<n); status++) {
    bool check = 1;
    for(int j=0;j<n-1;j++) {
        if((status>>j)&1 && (status>>(j+1))&1) {
            check = 0; break;
        }
    }
    if(check) ans += 1, ans %= mod;
}
cout << ans << '\n';</pre>
```

# Subtask 2 : $1 \leq n \leq 2 imes 10^5$

這種題目絕對是 dp·所以就開始想 dp

可以知道每天有兩種狀態,要或不要 所以轉移式也很簡單 定義 ch[i] 為前 i 天中第 i 天要取的方法數 反之, nch[i] 為前 i 天中第 i 天不取方法數

顯而易見‧考慮前後天關係而已ch[i]=nch[i-1]nch[i]=ch[i]+nch[i-1]實作的時候記得邊加邊mod以免溢位

#### Accepted Solution (100/100)

```
const int mod = 1e9+7;
int n;
cin >> n;
ch[1] = notch[1] = 1;
for(int i=2;i<=n;i++) {
    ch[i] = notch[i-1] % mod;
    notch[i] = (ch[i-1] + notch[i-1]) % mod;
}
cout << (ch[n] + notch[n]) % mod << '\n';</pre>
```

但是其實這題還有另一個思考方式 定義 dp[i] 為前 i 天的方法數 方法數有第 i 天取和不取兩種 若第 i 天要取  $\cdot$  則第 i-1 必不取  $\cdot$  為 dp[i-2]若第 i 天不取  $\cdot$  則第 i-1 可以取  $\cdot$  為 dp[i-1]因此 dp[i] = dp[i-1] + dp[i-2]這不就是費氏數列嗎ouob

#### Accepted Solution (100/100)

```
const int mod = 1e9+7;
int n;
cin >> n;
dp[1] = 2, dp[2] = 3;
for(int i=3;i<=n;i++) {
    dp[i] = (dp[i-1] + dp[i-2]) % mod;
}
cout << dp[n] % mod << '\n';</pre>
```

Bonus :  $10^9 \leq n \leq 10^{18}$ 

數字很大沒辦法用迴圈跑怎麼辦?

既然是費氏數列那就數學解?

$$ans = rac{1}{\sqrt{5}}[(rac{1+\sqrt{5}}{2})^{n+2} - (rac{1-\sqrt{5}}{2})^{n+2}]$$

很明顯不可能 都說了是費氏數列 那就用矩陣快速幕ouob

\begin{bmatrix} 1 & 1 \1 & 0 \\end{bmatrix}^{n+2}

#### **Full Solution (160/160)**

```
const int mod = 1e9+7;
struct matrix {int a = 0, b = 0, c = 0, d = 0;};
matrix cross(const matrix x,const matrix y){
   matrix res;
    res.a = (x.a*y.a+x.b*y.c)%mod;
    res.b = (x.b*y.a+x.d*y.b)%mod;
    res.c = (x.a*y.c+x.c*y.d)%mod;
    res.d = (x.b*y.c+x.d*y.d)%mod;
    return res;
}
matrix fast_power(matrix a,int b) {
   if(b == 1) return a;
    if(b & 1) return cross(a,fast_power(a,b-1));
    matrix half = fast_power(a,b>>1);
    return cross(half,half);
}
int main() {
    long long n;
    cin >> n;
    n += 2;
   matrix T = \{1,1,1,0\};
    matrix ans = fast_power(T,n);
   cout << ans.b%mod << '\n';</pre>
}
```

#### G. 神之一手

Checkmate

• 考點: if statement

● 難度:2/10

• 首殺:

提交次數:

題目廢話偏多,只要看是否同行或同列就好

#### Full Solution (100/100)

```
char a,b,c,d;
cin >> a >> b >> c >> d;
if(a == c && b == d) cout << "What\n";
else if(a == c || b == d) cout << "Checkmate\n";
else cout << "Nothing Happened\n";</pre>
```

## H. 傳說九缺一

10-1=9

考點: 迴圈難度: 4/10首殺:提交次數:

使用for迴圈或while迴圈跑規定的次數 $\cdot$ 就這麼簡單比較特別的是這題是Sh1ng出的

#### Full Solution (100/100)

```
int n,times;
string who;
cin >> n;
for(int i=0;i<n;i++) {
      cin >> who >> times;
      for(int t=0;t<times;t++) {
         cout << "@" << who << '\n';
      }
}</pre>
```

#### I. 聊天室亂源

Chaos

基本分考點: for迴圈基本分難度: 6.5 / 10

首殺: 提交次數:

Bonus 考點: KMP演算法Bonus 難度: 12 / 10

● 首殺:

簡化問題就是給予字串  $S_1,S_2$ 詢問  $S_2$  是否為  $S_1$  的子字串

Subtask 1 :  $|S_2|=1$ 

只有一個字母就檢查整個字串裡面有沒有這個字就好

#### Subtask1 Solution(50/100)

```
string a;
char b;
cin >> a >> b;
for(int i=0;i<a.size();i++) {
    if(a[i] == b) {
        cout << "fake\n";
        return 0;
    }
}
cout << "real\n";</pre>
```

## Subtask 2: $|S_2| \leq |S_1| \leq 1000$

1000非常小,直接檢查所有的可能就好了簡單來說就是試試看每個字為開頭的可能時間複雜度  $O(|S_1| imes |S_2|)$ 

#### Accepted Solution (100/100)

```
string a,b;
cin >> a >> b;
// i 為可能的比對, j 為可能相同的開頭位置
for(int i=0;i<a.size()-b.size()+1;i++) {
    string check = ""; // 記得設為空字串
    for(int j=0;j<b.size();j++) {
        check += a[i+j];
    }
    if(b == check) {
        cout << "fake\n";
        return 0;
    }
}
cout << "real\n";</pre>
```

# Bonus : $|S_2| \leq |S_1| \leq 2 imes 10^5$

考慮worst case,當  $|S_1|, |S_2|$  都很大的時候 一秒是不夠跑完的,因此要優化 有個叫做 KMP 的演算法 可以在  $O(|S_1|+|S_2|)$  的複雜度內解出 有興趣可以自己 Google

#### Full Solution (200/200)

```
bool KMP_Algorithm(string &haystack, string &needle) {
    int lps[needle.size()];
    lps[0] = 0;
    int prev = 0, ptr = 1;
    while(ptr < needle.size()) {</pre>
        if(needle[ptr] == needle[prev])
            lps[ptr] = ++prev, ptr += 1;
        else if(prev == 0)
            lps[ptr] = 0, ptr += 1;
        else
            prev = lps[prev-1];
    int i = 0, j = 0;
    while(i < haystack.size()) {</pre>
        if(haystack[i] == needle[j])
            i += 1, j += 1;
        else
            if(j == 0) i += 1;
            else j = lps[j-1];
        if(j == needle.size()) return 1;
    return 0;
}
```

#### J. 神啊拜託, 讓暑假重回第一天吧

Summer

考點: 一維陣列難度: 5 / 10首殺:提交次數:

看似沒難度·實則沒難度 把數列存起來之後反過來輸出就好

## **Full Solution (100/100)**

```
int n;
cin >> n;
int arr[n];
for(int i=0;i<n;i++) cin>>arr[i];
for(int i=n-1;i>=0;i--) cout<<arr[i]<<' ';</pre>
```

還有黑魔法 reverse

```
int n;
cin >> n;
vector<int> f(n);
for(int &i : f) cin >> i;
reverse(f.begin(),f.end());
for(int &i : f) cout << i << ' ';</pre>
```

## K. 不時以培訓為由翹課的鄰座 Zhenzhe 同學

#### Skip Class

考點: map難度: 7 / 10首殺:提交次數:

用 map 紀錄什麼課共出現幾次 最後再檢查哪個最多和總和是多少

#### **Full Solution (100/100)**

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int main() {
    int n,q,x;
    string cls;
    cin >> n >> q;
    map<string,int> mp;
    for(int i=0;i<n;i++) {
        cin >> cls >> x;
        mp[cls] += x;
    int MAX = 0, total = 0;
    string m;
    for(auto [cs, tms] : mp) {
        if(tms > MAX) {
            MAX = tms;
            m = cs;
        total += tms;
    for(int i=0; i<q; i++) {
        cin >> cls;
        cout << mp[cls] << '\n';</pre>
    cout << "total:" << total << '\n';</pre>
```

```
cout << "most:" << m << '\n';
}</pre>
```

## L. 大盤子法師 Sh1ng

**Plates Master** 

考點: string難度: 5 / 10

• 首殺:

• 提交次數:

Subtask 1. n=0

就說輸出 Happy Birthday! 就有1分

Subtask 2.  $n \le 10, P_i \le 10^{18}$ 

既然要判斷是不是 11 的倍數,那就對 11 取餘數就好

Subtask 3.  $n \leq 1000, P_i \leq 10^{1000}$ 

11的倍數判斷方法就是奇數位數跟偶數位數的差是否為11的倍數去判斷

#### // Full Solution (100/100)

```
if(n == 0) {cout<<"Happy Birthday!\n";return 0;}
for(int i=0;i<n;i++) {
    string s;
    cin >> s;
    int diff = 0;
    for(int j=0;j<s.size();j++) {
        if(j & 1) diff += s[j]-'0';
        else diff -= s[j]-'0';
    }
    diff = abs(diff);
    cout << (diff%11==0? "How perfect this plate is!\n" : "Broken\n");
}</pre>
```

M. 競程有奇樹, 剖分發華茲

Tree

考點:國文能力難度:-10/10

首殺: 提交次數:

好像是需要圖論知識的題目? 好像很難?看到直接跳過?

題目問說一棵樹最多可以被分成幾顆子樹 Note有寫一個點也可以當作一棵樹 因此 n 個點最多就可以被分成 n 棵子樹

因此輸入n再輸出n就輕鬆拿到200分

#### **Full Solution (200/200)**

```
std::cin >> n;
std::cout << n << '\n';</pre>
```

## N. 原潮啟動

**Genshin Waves** 

• 考點: for迴圈, 數學

● 難度:6/10

● 首殺:

• 提交次數:

 $\{A + B = S 6480A + 980B = N\}$ 

如何解聯立方程式?

- 矩陣
- 加減消去法
- 克拉馬公式解

但是有可能 (A,B) 沒有整數解 要判斷其實也滿麻煩的

可以直接窮舉 A 是多少那 B 就是 S-A 再檢查第二條式子是否成立

#### Full Solution (100/100)

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
using namespace std;
signed main() {
    int s,n;
    cin >> s >> n;
    // A + B = S
    // 6480 A + 980 B = N
    for(int A=0;A<=n;A++) {
        int get = 6480 * A + 980 * B;
        if(get == n)
            return cout<<A<<' '<<B,0;
    }
    cout << "-1 -1\n";
}</pre>
```

#### O. 社點

Dessert

• 考點: two-pointer prefix-sum set binary\_search

● 難度:7/10

• 首殺:

• 提交次數:

#### subtask1

唬爛用  $\cdot$   $O(n^7)$  都會過 $rac{3}{3}$  我不知道你怎麼寫出  $O(n^7)$  解的

#### subtask2

暴力解  $O(n^3)$  都會過

```
vector<int>f(n);
int last = 0;
for(int &i : f) cin>>i, i = last += i;
#define sig(i,j) accumulate(f.begin() + i, f.begin() + r + 1, 0) // 其實就是三層
迴圈
int ans = 0;
```

```
for(int i = 0;i<n;i++) {
    for(int j = i;j<n;j++) {
        if(sig(i,j) == j) ans++;
    }
}
return ans;</pre>
```

#### subtask3

聰明點的暴力解, $O(n^2)$ 都會過

聰明點的暴力解 = 暴力解 + prefix sum

```
vector<int>f(n);
int last = 0;
for(int &i : f) cin>>i, i = last += i;

#define sig(i,j) (f.at(j) - (i == 0 ? 0 : f.at(i - 1)))
int ans = 0;

for(int i = 0;i<n;i++) {
    for(int j = i;j<n;j++) {
        if(sig(i,j) == j) ans++;
    }
}
return ans;</pre>
```

#### subtask4

砸 multiset 或 map 就可以過了 時間複雜度  $O(n \log_2^n)$ 

```
vector<int>f(n);
int last = 0;
for(int &i : f) cin>>i, i = last += i;
int ans = 0;
multiset<int>s({0});
for(int &i : f) {
   ans += s.count(i - k);
   s.insert(i);
```

```
}
return ans;
```

#### subtask5

用 **two pointer** · 維護 **左指針** 和 **右指針** · 每次將 **左指針** 往右移動一格 · 接著移動 **右指針** 來讓這個區間中的和 **不大於** k · 最後只要和是 k 的話就加一 。

由於每個元素分別會被 左指針 和 右指針 穿過一次,因此時間複雜度為 O(n)

```
vector<int>f(n);
int last = 0;
for(int &i : f) cin>i;
int sig = 0;
int ans = 0;
int l,r;l = r = -1;

while(l != n - 1) {
   if(l != -1) sig -= f.at(l++);
   else l++;
   while(r != n - 1 && sig + f.at(r + 1) <= k) sig += f.at(++r);
   if(sig == k) ans++;
}</pre>
```

#### 證明

為什麼能這樣解呢,這題跟 CJ 第一題很不一樣的地方在於,這題保證每個元素都是正的,因此我們可以推得當左界固定的時候,使和為 k 的右界只會有至多一個,證明應該滿容易的,就留給各位證Couob

若不保證每個元素都是正的,則最佳解為 subtask4