

ASCII 码: 大写字母 A 65 到 Z 90, 小写字母 a 97 到 z 122, 数字 0 48 到 9 57。ord() chr()

列表: list=[]

del list[2] 删掉某一项

list.append(obj) 在列表末尾添加新的对象 list.count(obj) 统计某个元素在列表中出现的次数

list.extend(seq) 在列表末尾一次性追加另一个序列中的多个值 (用新列表扩展原来的列表)

list.index(obj) 从列表中找出某个值第一个匹配项的索引位置 O(1)

list.insert(index, obj) 将对象插入列表

list.pop([index=-1]) 移除列表中的一个元素 (默认最后一个元素), 并且返回该元素的值 O(1)

list.remove(obj) 移除列表中某个值的第一个匹配项 list.reverse() 反向列表中元素

list.sort( key=None, reverse=False) 对原列表进行排序

list.clear() 清空列表 list.copy() 复制列表

生成排序过的序列 listed\_elderly=sorted(elderly,key=lambda x:(x[0],x[1]),reverse=True)默认小到大大字符串:

从后面索引:           -6 -5 -4 -3 -2 -1   切片[a:b]是左闭右开区间, 列表也有切片  
从前面索引:           0 1 2 3 4 5

R	u	n	o	o	b
---	---	---	---	---	---

从前面截取:           : 1 2 3 4 5 :  
从后面截取:           : -5 -4 -3 -2 -1 :

isalnum() 检查字符串是否由字母和数字组成, 即字符串中的所有字符都是字母或数字。如果字符串至少有一个字符, 并且所有字符都是字母或数字, 则返回 True; 否则返回 False。

isalpha() 如果字符串至少有一个字符并且所有字符都是字母或中文字则返回 True, 否则返回 False

isdigit() 如果字符串只包含数字则返回 True 否则返回 False.

islower() 如果字符串中包含至少一个区分大小写的字符, 并且所有这些(区分大小写的)字符都是小写, 则返回 True, 否则返回 False

replace(old, new [, max]) 将字符串中的 old 替换成 new,如果 max 指定, 则替换不超过 max 次

reversed\_s = s[::-1] 字符串倒序

count() 计数

string.lower(); string.upper(); string.swapcase() # 转大写; 转小写; 大转小小转大

# 字符串是不可变对象, 可以索引、切片、连接 ('+'), 不能修改, 修改要创一个列表

string.find() # 查找指定字符, 有就返回第一个找到的 index, 没有会返回 -1

string.zfill() # 自动在前面补 0 补到所需位数

str.strip(); string.rstrip(); string.lstrip() #去掉空格; 去掉头部/尾部的空格

".join(list) # 注意 list 里面要是 str 类型。或者 str(x) for x in list

print(\*ans); print(a, b, end="\n") # 换行

字典: dict={}

键必须不可变, 所以可以用数字, 字符串或元组充当, 而用列表就不行

dict.clear() 删除字典内所有元素 dict.copy() 返回一个字典的浅复制

dict.fromkeys() 创建一个新字典, 以序列 seq 中元素做字典的键, val 为字典所有键对应的初始值

dict.get(key, b) 返回指定键的值, 如果键不在字典中返回 b 的值

key in dict 如果键在字典 dict 里返回 true, 否则返回 false

dict.setdefault(key, default=None) 和 get()类似, 但如果键不存在于字典中, 将会添加键并将值设为 default

dict.update(dict2) 把字典 dict2 的键/值对更新到 dict 里

dict.pop(key[,default]) 删除字典 key (键) 所对应的值, 返回被删除的值。

dict.popitem() 返回并删除字典中的最后一对键和值。

for k,v in dict.items(): 用于遍历整个字典, 返回的每一项都是元组 (键, 值)

集合: `set=set()` 或者 `set={1,2,3}`

`add()` 为集合添加元素 `clear()` 移除集合中的所有元素 `copy()` 拷贝一个集合

`difference()` 返回多个集合的差集

`discard()` 删除集合中指定的元素, 没有不报错 `remove()` 移除指定元素, 没有会报错

`intersection()` 返回集合的交集 `union()` 返回两个集合的并集

`isdisjoint()` 判断两个集合是否包含相同的元素, 如果没有返回 `True`, 否则返回 `False`。

`sa.issubset(sb)` 判断 `sa` 是否为 `sb` 的子集

`sa.issuperset(sb)` 判断 `sb` 是否为 `sa` 的子集

`symmetric_difference()` 返回两个集合中不重复的元素集合

`update()` 给集合添加元素 `len()` 计算集合元素个数 `pop()` 随机移除元素

栈: `stack` 在一端取和放 `stack = []` 列表自带属性

run in  $O(1)$  time:

`empty ()`: checks if the stack is empty

`size ()`: returns the number of elements in the stack

`top () / peek ()`: shows the top element without removing it

`push(a)`: adds an element `a` at the top

`pop ()`: removes the top element

队列: `queue` 可用双端序列 `deque` 实现, 两边操作  $O(1)$

`from collections import deque`

`q=deque([])`

`q.popleft()` `q.pop()` 时间复杂度均为  $O(1)$

`q.appendleft()` `q.append()`

`q = deque([0] * 5, maxlen=5)` # `deque([0, 0, 0, 0, 0], maxlen=5)`

`maxlen`: 可选参数, 指定 `deque` 的最大长度。当元素数超过此值时, 旧元素会被自动移除 (从另一端)

堆: `heapq` 完全二叉树结构 小顶堆: 堆顶元素是整个堆中最小的元素 (`heapq` 默认实现)

高效操作: 插入元素 (`heappush`) 和删除堆顶元素 (`heappop`) 的时间复杂度均为  $O(\log n)$

`import heapq`

`heap = []`

`heappush(heap, item)` 向堆中插入元素 `item`, 并维持堆的特性 (小顶堆)

`heappop(heap)` 删除并返回堆顶元素 (最小元素), 自动调整堆结构以维持特性。空堆 `IndexError`

`heap[0]` 访问堆顶元素 (最小元素), 但不删除 (注意: 直接修改堆顶元素会破坏堆结构)

`heapreplace(heap, item)` 先弹出堆顶元素, 再插入 `item` (适合替换堆顶元素的场景)

`heapq` 默认只支持小顶堆, 若需要大顶堆 (堆顶为最大元素), 可以通过插入元素的相反数实现

Top K 问题: 从大量数据中快速找到最大 (或最小) 的 `K` 个元素 (用堆效率高于排序)。

`def find_top_k(nums, k):`

    # 用小顶堆存储最大的 `k` 个元素 (堆顶为 `k` 个中最小的, 便于替换)

`heap = []`

    for num in nums:

`heapq.heappush(heap, num)`

        if `len(heap) > k`:

`heapq.heappop(heap)` # 超过 `k` 个则弹出最小的

    return `heap` # 堆中剩余的就是最大的 `k` 个元素

```
nums = [3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6]
print(find_top_k(nums, 3)) # 输出: [5,6,9] (堆结构, 实际最大的 3 个)
```

```
列表推导式 [表达式 for 变量 in 列表 (if 条件)]
new_names = [name.upper() for name in names if len(name)>3]
字典推导式 { 键: 值 for 值 in 列表 if 条件 }
listdemo = ['Google', 'Runoob', 'Taobao']
>>> newdict = {key:len(key) for key in listdemo}
>>> newdict = {'Google': 6, 'Runoob': 6, 'Taobao': 6}
```

字符串格式化与浮点数精度

```
num = 3.14159    formatted_num = "%.2f" % num    formatted_num: "3.14"
```

F-String 方法

```
num = 3.14159
formatted_num = f"{num:.2f}"
print(formatted_num) # 输出: "3.14"
```

```
>>> name = 'Runoob'
>>> f'Hello {name}'
格式化字符串、变量替换
print("The minimum amount of money in the piggy-bank is {}".format(least))
```

不定行输入

1、import sys

sys.stdin.read 返回一个字符串, 包含所有输入的内容

sys.stdin.readlines 返回一个列表, 每一行是一个字符串元素, 保留每行末尾的换行符需要 strip

2、try-except

```
lines = []
```

```
try:
```

```
    while True:
```

```
        line = input()
```

```
        lines.append(line)
```

```
except EOFError: #EOFError 文件结束符, KeyError 字典中不存在的键 ValueError 传递给函数或操作的值
                无效或不正确
```

```
    Pass #占位符, 此处无操作
```

输入中存在空行——跳过空行

```
while True:
```

```
    try:
```

```
        inp=input()
```

```
        if inp!="":
```

```
            break
```

```
    except EOFError:
```

```
        exit()
```

```
num,diameter=map(int,inp.split())
```

处理大规模输入输出：

```
import sys
input = sys.stdin.read
data = input().split() # 读入所有数据并分割为列表
```

```
import sys
sys.stdout.write('\n'.join(map(str, results)) + '\n')
```

输入一串数字批量转换：list(map(int,input().split()))

字符串转为列表：a=list(input().strip()) # '12345678' ['1', '2', '3', '4', '5', '6', '7', '8']

进制转换：

```
num = 10
binary_num = bin(num) #二进制 0b
print(binary_num) # 输出: 0b1010 如果需要去掉前缀 0b，可以使用切片
octal_num = oct(num) #八进制 0o
hex_num = hex(num) #十六进制 0x
其他进制转为十进制一律 decimal_num = int(binary_num, 2) 要注明基数 2,8,16
其他的转换不能一步到位，需要用十进制过渡
```

对列表进行操作小心序号移动

```
for island in uncovered :
    if radar >= 2*island[1]-island[2]:
        uncovered.remove(island)
```

这是错误操作，例如第 0 项被删除后第 1 项就变成了新的第 0 项，但是 for 指向的下一个 index=1，这样就导致一个点被跳过

正确示例：

```
for i in range(len(uncovered)) :
    island=uncovered[i]
    if island[0]-island[2]<=radar<=island[0]+island[2] :
        uncovered.remove(island)
```

矩阵创建：不要用其他方式以免浅拷贝

简明版 matrix = [[0 for \_ in range(n)] for \_ in range(m)]

复杂情况 matrix = []

```
for i in range(m):
    row = []
    for j in range(n):
        row.append(0)
    matrix.append(row)
print(matrix)
```

正则表达式 首先 `import re` 从左往右挨着写

`re.match` 尝试从字符串的起始位置匹配一个模式，如果不是起始位置匹配成功的话，`match()` 就返回 `None`

`re.match(pattern, string, flags=0)`

`pattern` 匹配的正则表达式 `string` 要匹配的字符串

`flags` 标志位，用于控制正则表达式的匹配方式，如：是否区分大小写，多行匹配等等。

匹配成功 `re.match` 方法返回一个匹配的对象，否则返回 `None`。

`re.search` 扫描整个字符串并返回第一个成功的匹配

`re.search(pattern, string, flags=0)`

`re.findall`

在字符串中找到正则表达式所匹配的所有子串，并返回一个列表，如果有多个匹配模式，则返回元组列表，如果没有找到匹配的，则返回空列表。

注意： `match` 和 `search` 是匹配一次 `findall` 匹配所有。

`pattern.findall(string[, pos[, endpos]])`

参数：

`pattern` 匹配模式 `string` 待匹配的字符串

`pos` 可选参数，指定字符串的起始位置，默认为 0

`endpos` 可选参数，指定字符串的结束位置，默认为字符串的长度

`re.sub(pattern, repl, string, count=0, flags=0)` 查找替换

`pattern`：正则中的模式字符串。

`repl`：替换的字符串，也可为一个函数。

`string`：要被查找替换的原始字符串。

`count`：模式匹配后替换的最大次数，默认 0 表示替换所有的匹配。

`flags`：编译时用的匹配模式，数字形式。

元字符：具有特殊意义的字符，用于表示复杂的模式。

`.` 匹配除换行符外的任意字符。

`^` 表示匹配输入字符串的开始位置。

`$` 表示匹配输入字符串的结束位置。

`*` 和 `{0,}` 一样，匹配前面的子表达式零次或多次。

`+` 和 `{1,}` 一样，匹配前面的子表达式一次或多次。

`?` 和 `{0,1}` 一样，匹配前面的子表达式零次或一次。`

`{n}` 匹配确定的 `n` 次。

`[abc]` 字符集，匹配方括号内的任意字符。

`\d` 匹配一个数字字符，等价于 `[0-9]`。

`\w` 匹配包括下划线的任何单词字符，等价于 `[A-Za-z0-9_]`。

| 例如：`a|b` 匹配 `a` 或者 `b`

`()` 匹配括号里面内容

`[^xyz]`，匹配未包含的任意字符。例如，“`[^abc]`”可以匹配“`plain`”中的“`plin`”任一字符

如果要查找特殊字符，需要进行转义，在其前加一个 `\`

函数可以执行一些操作，不一定要有 `return`

深度优先搜索 dfs 栈实现

```
def dfs(x, y, c):
    stack = [(x, y)]
    while stack:
        x, y = stack.pop()
        if m[x][y] != c:
            continue
        m[x][y] = '#'
        for dx, dy in dire:
            tx, ty = x + dx, y + dy
            if m[tx][ty] == c:
                stack.append((tx, ty))
```

并查集

```
def find(x):
    if parent[x] != x:
        parent[x] = find(parent[x])
    return parent[x]
```

```
def union(x, y):
    root_x = find(x)
    root_y = find(y)
    if root_x != root_y:
        parent[root_x] = root_y
        size[root_y] += size[root_x]
```

```
n, m = map(int, input().split())
parent = list(range(n + 1))
size = [1] * (n + 1)

for _ in range(m):
    a, b = map(int, input().split())
    union(a, b)
#classes = [size[find(x)] for x in range(1, n + 1) if x == parent[x]]
classes = [size[x] for x in range(1, n + 1) if x == parent[x]]
print(len(classes))
```

enumerate(iterable, start=0)

iterable: 必需, 可迭代对象 (列表、元组、字符串等)

start: 可选, 起始索引值, 默认从 0 开始

返回值: 一个枚举对象, 包含索引和对应元素的元组 ((index, value))

for i,j in enumerate():

子集 递归回溯与系统栈

```
def subsets(self, nums: List[int]) -> List[List[int]]:
    n = len(nums)
    ans, sol = [], []

    def backtrack(i):
        # 终止条件: 处理完所有元素
        if i == n:
            ans.append(sol[:])
            return

        # 分支 1: 不选择 nums[i]
        backtrack(i + 1)

        # 分支 2: 选择 nums[i]
        sol.append(nums[i]) #选择
        backtrack(i + 1) #递归
        sol.pop() # 回溯

    backtrack(0)
    return ans
```

质数欧拉筛

```
def euler_sieve(n):
    is_prime = [True] * (n + 1)
    primes = []
    for i in range(2, n + 1):
        if is_prime[i]:
            primes.append(i)
            for p in primes:
                if i * p > n:
                    break
                is_prime[i * p] = False
                if i % p == 0:
                    break
    return primes

n = 50
print(euler_sieve(n))
```

二分查找源代码

```
def bisect_left(a, x, lo=0, hi=None, *, key=None):
```

```
if lo < 0:
```

```
    raise ValueError('lo must be non-negative')
```

```
if hi is None:
```

```
    hi = len(a)
```

```
if key is None:
```

```
    while lo < hi:
```

```
        mid = (lo + hi) // 2
```

```
        if a[mid] < x:
```

```
            lo = mid + 1
```

```
        else:
```

```
            hi = mid
```

```
else:
```

```
    while lo < hi:
```

```
        mid = (lo + hi) // 2
```

```
        if key(a[mid]) < x:
```

```
            lo = mid + 1
```

```
        else:
```

```
            hi = mid
```

```
return lo
```

# 二分查找函数

```
def binary_search(arr, target):
```

```
    index = bisect_left(arr, target)
```

```
    if index != len(arr) and arr[index] == target:
```

```
        return index # 返回目标值的索引
```

```
    else:
```

```
        return -1 # 如果未找到目标值, 返回 -1
```

bisect 模块: 针对已升序排列的列表进行操作, 二分查找 ( $O(\log n)$ )

bisect.bisect\_left(lst, x) 查找 x 在 lst 中的插入位置, 确保插入后列表仍有序 (左侧插入, 即返回第一个大于等于 x 的位置)

bisect.bisect\_right(lst, x) 返回第一个大于 x 的位置 (右侧插入, 允许重复元素时放在已有相同元素的右边)

bisect.insort\_left(lst, x) 将 x 插入到 lst 中, 插入位置由 bisect\_left 确定, 保持列表有序

bisect.insort\_right(lst, x) 将 x 插入到 lst 中, 插入位置由 bisect\_right 确定, 保持列表有序

内置排列组合:

```
import itertools
```

排列: `itertools.permutations(iterable, r=None)` r 为长度, 不写默认为全排列, 按位置生成因此无去重

如果 iterable 本身有重复元素, 去重需要 `list(set())` 操作一次

组合: `itertools.combinations(iterable, r)` r 为长度必须要写, 同样按位生成需要去重

iterable: 待生成组合的可迭代对象 (列表、字符串、元组、集合等)

```
nums = [1, 2, 3]
```

```
perm = itertools.permutations(nums)
```

```
print(list(perm)) # 输出: [(1,2,3), (1,3,2), (2,1,3), (2,3,1), (3,1,2), (3,2,1)]
```

缓存:

```
from functools import lru_cache
```

```
@lru_cache(maxsize = None)
```

```
def xxx
```

防爆递归栈:

```
import sys
```

```
sys.setrecursionlimit(1 << 30)
```

数据量过大直接 dp, lru\_chche 无论如何都没有 dp 速度快

最大公约数:

```
def gcd(a, b):
```

```
    while b:
```

```
        a, b = b, a % b
```

```
    return a
```

最小公倍数 (LCM) 可以通过它们的乘积除以最大公约数来计算, 公式为:  $LCM(a, b) = |a * b| // GCD(a, b)$

广度优先搜索 bfs——走迷宫 队列实现

```
from collections import deque
move=[(1,0),(0,1),(0,-1),(-1,0)]
def bfs(x,y):
    q=deque()
    q.append((0,x,y))
    accessed = {(x,y)}    #已访问集合
    while q:
        step,nowx,nowy=q.popleft() #先进先出
        if nowx==row and nowy==col:    #终止条件
            return step
        for dx,dy in move:
            nx=nowx+dx
            ny=nowy+dy
            if matrix[nx][ny]==0 and (nx,ny) not in accessed:
                accessed.add((nx,ny))
                q.append((step+1,nx,ny))    #存储到达该点的最短路线长、该点坐标
    return -1    #无法到达时的情况

row,col = map(int, input().split())
matrix=[[1]*(col+2)]
for i in range(row):
    matrix.append([1]+list(map(int, input().split()))+[1])
matrix.append([1]*(col+2))
print(bfs(1,1))
```

bfs 算法逐步扩展，“穿墙”问题不需要考虑入队顺序，路线更短的一定先出  
路径回溯：用字典存储某点对应的前一个坐标

```
last_arrival[(nx,ny)]=(nowx,nowy)
```

动态规划 dp

不拘一格，dp 数组与状态转移方程，随机应变

务必考虑清楚初始化情况，float(“inf”)还是 0

dp 一般比 recursion 快但是没那么简明，数据量过大直接 dp

bisect 优化的最长连续递增子序列

```
import bisect
n = int(input())
lis =list( map(int, input().split()))
dp = [1e9]*n
for i in lis:
    dp[bisect.bisect_left(dp, i)] = i
print(bisect.bisect_left(dp, 1e8))
```

矩阵问题智障错误速查：

加保护圈以及输入转换的格式

访问下一点位注意起止点等特殊字符，SE 也属于能访问类型，如果移动对象占据多个格子，自身也可访问

xy 坐标不要打反了，先行后列

起点坐标是否标记为已访问，这点很重要！



有权重网格 bfs: 堆优化 Dijkstra

```
from heapq import heappush, heappop
```

```
move=[(1,0),(0,1),(-1,0),(0,-1)]
```

```
def bfs(sx,sy,tx,ty,mapp):
```

```
    q=[(0,sx,sy)]      # 优先队列: 存储(当前总消耗, 横坐标 x, 纵坐标 y), 堆顶是消耗最小的路径
```

```
    accessed={sx,sy}    # 访问集合: 记录已确定「最小消耗」的单元格, 避免重复处理
```

```
    while q:
```

```
        energy,nowx,nowy=heappop(q)    # 步骤 1: 弹出堆顶 (当前消耗最小的路径)
```

```
        accessed.add((nowx,nowy))      # 标记该单元格为已访问 (其最小消耗已确定)
```

```
        if nowx==tx and nowy==ty:      # 步骤 2: 到达终点, 直接返回当前总消耗 (堆的特性保证最小值)
```

```
            return energy
```

```
        for dx,dy in move:              # 步骤 3: 遍历上下左右四个方向
```

```
            nx,ny=nowx+dx,nowy+dy
```

```
            # 合法性校验: ①不越界 ②未被访问过 ③可通行 (非#)
```

```
            if (0<=nx<m and 0<=ny<n) and (nx,ny) not in accessed:
```

```
                if mapp[nx][ny]!="#":
```

```
                    cost=abs(int(mapp[nx][ny])-int(mapp[nowx][nowy]))
```

```
                    heappush(q,(cost+energy,nx,ny))    # 将新路径推入优先队列 (允许重复入队)
```

```
    return "NO"
```

```
m,n,p=map(int,input().split())
```

```
Map=[]
```

```
for i in range(m):
```

```
    Map.append(list(input().split()))
```

```
for i in range(p):
```

```
    sx,sy,tx,ty=map(int,input().split())
```

```
    if Map[sx][sy]=="#" or Map[tx][ty]=="#":    # 提前剪枝: 起点/终点是#, 直接不可达
```

```
        print('NO')
```

```
        continue
```

```
    print(bfs(sx,sy,tx,ty,Map))
```

单调栈

```
def next_greater_element(arr):
```

```
    n = len(arr)
```

```
    result = [-1]*n
```

```
    stack = []
```

```
    for i in range(n):
```

```
        #持续处理栈中所有比当前小的元素
```

```
        while stack and arr[i] > arr[stack[-1]]:
```

```
            top_idx = stack.pop()
```

```
            result[top_idx] = arr[i]
```

```
        stack.append(i)
```

```
    return result
```

```
arr = [4,5,2,25]
```

```
print(next_greater_element(arr))    # [5,25,25,-1]
```

接水双指针写法

```
class Solution:
```

```
    def trap(self, height: List[int]) -> int:
```

```
        ans = left = pre_max = suf_max = 0
```

```
        right = len(height) - 1
```

```
        while left < right:
```

```
            pre_max = max(pre_max, height[left])
```

```
            suf_max = max(suf_max, height[right])
```

```
            if pre_max < suf_max:
```

```
                ans += pre_max - height[left]
```

```
                left += 1
```

```
            else:
```

```
                ans += suf_max - height[right]
```

```
                right -= 1
```

```
        return ans
```

柱状图接水问题

```
n=int(input())
columns=list(map(int, input().split()))
stack=[]
capacity=0
for i in range(n):
    while stack and columns[stack[-1]]<columns[i]:
        ind=stack.pop()
        bot=columns[ind]
        if not stack:
            break
        distance=i-stack[-1]-1
        capacity+=distance*(min(columns[i],columns[stack[-1]])-bot)
    stack.append(i)
print(capacity)
```

位运算

**按位与 (&)     a & b**

规则：两个数对应二进制位都为 1 时，结果位为 1，否则为 0。

a = 6   # 二进制：0110

b = 3   # 二进制：0011

6 & 3 = 2 (二进制 0010)

**按位或 (|)     a | b**

规则：两个数对应二进制位至少一个为 1 时，结果位为 1，否则为 0。

6 | 3 = 7 (二进制 0111)

**按位异或 (^)     a ^ b**

规则：两个数对应二进制位不同 时为 1，相同 时为 0（可理解为“无进位加法”）

result = a ^ b

6 ^ 3 = 5 (二进制 0101)

**按位取反 (~)     ~a**

规则：对数值的每一位二进制位取反（0 变 1，1 变 0）；Python 中整数是补码存储，因此结果等价于  $\sim a = -(a + 1)$ 。

$\sim 6 = -7$ （推导： $\sim 6 = -(6+1) = -7$ ）

**左移 (<<)     a << n**

规则：将 a 的二进制位向左移动 n 位，右侧补 0；等价于  $a * (2^n)$ （效率远高于乘法）

6 << 1 = 12 (二进制 1100,  $6*2=12$ )

**右移 (>>)     a >> n**

规则：将 a 的二进制位向右移动 n 位，左侧补符号位（正数补 0，负数补 1）；等价于  $a // (2^n)$ （整数除法）

6 >> 1 = 3 (二进制 0011,  $6//2=3$ )

置某一位为 1     1 << n     10 | (1 << 3)

置某一位为 0     ~(1 << n)     26 & ~(1 << 3)

反转某一位     1 << n     10 ^ (1 << 3)

旅行商问题——状态压缩 dp

```
def solve():
    n = int(input().strip())
    cost = []
    for _ in range(n):
        cost.append(list(map(int, input().split())))

    INF = 10**9
    # 位运算 1: 计算所有可能的状态数 (2^n)
    total_mask = (1 << n) # 等价于 2^n, 比如 n=4 时, 1<<4=16 (0b10000)
    # dp[mask][i]: 状态定义
    # mask=访问过的所有城市, i=当前所在城市, 值=到达该状态的最小开销
    dp = [[INF] * n for _ in range(total_mask)]

    # 初始化: 从城市 0 出发, 仅访问城市 0, 开销为 0
    # mask=1 (0b0001) 表示仅访问城市 0
    dp[1][0] = 0

    # 遍历所有可能的状态 (mask)
    for mask in range(total_mask):
        # 遍历当前所在的城市 i
        for i in range(n):
            # 跳过无法到达的状态
            if dp[mask][i] == INF:
                continue
            # 尝试前往所有未访问的城市 j
            for j in range(n):
                # 位运算 2: 判断城市 j 是否已被访问 (mask 的第 j 位是否为 1)
                if mask & (1 << j):
                    continue # 已访问, 跳过
                # 位运算 3: 更新状态 (将城市 j 加入已访问集合)
                new_mask = mask | (1 << j) # 把 mask 的第 j 位设为 1
                # 计算新开销: 当前开销 + 从 i 到 j 的机票价格
                new_cost = dp[mask][i] + cost[i][j]
                # 更新 dp: 保留更小的开销
                if new_cost < dp[new_mask][j]:
                    dp[new_mask][j] = new_cost

    # 所有城市都访问完的状态 (mask=0b111...1)
    full_mask = total_mask - 1 # 比如 n=4 时, 16-1=15=0b1111
    ans = INF
    # 从任意城市 i 返回起点 0, 计算总开销
    for i in range(n):
        if dp[full_mask][i] != INF:
            ans = min(ans, dp[full_mask][i] + cost[i][0])
    print(ans)
```

```
if __name__ == "__main__":
    solve()
```

全排列的位运算写法

```
letters=input()
n=len(letters)
ans=[];now=[]
state=0
def backtrack():
    global ans,now,state
    if len(now)==n:
        ans.append(now[:])
    for i in range(n):
        if state&(1<<i):
            continue
        now.append(letters[i])
        state=state|(1<<i)
        backtrack()
        now.pop()
        state=state&(~(1<<i))
backtrack()
for a in ans:
    print("".join(a))
```

子集的位运算写法

```
n=int(input())
ans=[]
for i in range(1,1<<n):
    now=[]
    for j in range(n):
        if i&(1<<j):
            now.append(j+1)
    ans.append(now)
for a in ans:
    print(*a)
```

`defaultdict` 会为不存在的键自动创建一个默认值，不会报错，默认值的类型由你初始化时指定。

初始化时必须传入一个默认值工厂函数（用来生成默认值的方法），常见的工厂函数有 `list`、`int`、`str` 等内置类型（本质是可调用对象）。

```
from collections import defaultdict
```

# 初始化：默认值是空列表

```
student_scores = defaultdict(list)
```

# 向不存在的键追加元素（自动创建键，值为 `[]`，再追加元素）

```
student_scores['小明'].append(90)
```

```
student_scores['小明'].append(85)
```

```
student_scores['小红'].append(95)
```

```
print(student_scores)
```

# 输出：`defaultdict(<class 'list'>, {'小明': [90, 85], '小红': [95]})`

`dict(student_scores)`可转为普通字典

`dict_with_list = defaultdict(list)` 默认值为列表（`list()` 会生成空列表 `[]`）

`dict_with_int = defaultdict(int)` 默认值为整数 `0`（`int()` 会生成 `0`）可用于计数

`dict_with_str = defaultdict(str)` 默认值为空字符串（`str()` 会生成 `""`）

也可以用 `lambda` 定义

```
num_dict = defaultdict(lambda: 100)
```

```
print(num_dict['a']) # 输出：100
```

NBA 门票问题（大数据多重背包）

```
prices=[50,100,250,500,1000,2500,5000]
money=int(input())
nums=list(map(int,input().split()))
min_num={0:0}
shoplist={0:[0,0,0,0,0,0,0]}
for m in range(money):
    if m in min_num:
        for tick in range(7):
            if shoplist[m][tick]<nums[tick]:
                if m+prices[tick] in min_num:
                    if min_num[m+prices[tick]]>min_num[m]+1:
                        min_num[m+prices[tick]]=min_num[m]+1
                        shoplist[m+prices[tick]]=shoplist[m].copy()
                        shoplist[m+prices[tick]][tick]+=1
                else:
                    min_num[m+prices[tick]]=min_num[m]+1
                    shoplist[m+prices[tick]]=shoplist[m].copy()
                    shoplist[m+prices[tick]][tick]+=1
if money in min_num:
    print(min_num[money])
else:
    print("Fail")
```

Candy 问题：需要穷举，注意问题的拆分

```
n,m = map(int,input().split())
nums = []
s = []
for i in range(n):
    x,y = map(int,input().split())
    nums.append(x)
    s.append(x+y)
minsum = min(s)
ans = 0
nums.sort()
pre = [0]
for ni in nums:
    pre.append(pre[-1]+ni)
for i,p in enumerate(pre):
    ans = max(ans,((m-p)//minsum)*2+i)
print(ans)
```

辅助栈和懒删除

```
pig, pigmin = [], []
while True:
```

```

try:
    *line, = input().split()
    if "pop" in line:
        if len(pig) == 0:
            continue

        val = pig.pop()
        if len(pigmin) > 0 and val == pigmin[-1]:
            pigmin.pop()
    elif "push" in line:
        val = int(line[1])
        pig.append(val)
        if len(pigmin) == 0 or val <= pigmin[-1]:
            pigmin.append(val)
    elif "min" in line:
        if len(pig) == 0:
            continue
        else:
            print(pigmin[-1])
except EOFError:
    break

```

滑动窗口与单调队列

```
from collections import deque
```

```
from typing import List
```

```
class Solution:
```

```

    def maxSlidingWindow(self, nums: List[int], k: int) -> List[int]:
        if not nums or k == 0:
            return []
        n = len(nums)
        if k == 1:
            return nums
        deque_index = deque() # 存储索引，保持双端队列中的值递减
        res = []
        for i in range(n):
            # 移除滑出窗口的元素（队首元素）
            if deque_index and deque_index[0] < i - k + 1:
                deque_index.popleft()
            # 移除所有小于当前元素的队尾元素
            while deque_index and nums[deque_index[-1]] < nums[i]:
                deque_index.pop()
            # 将当前元素的索引加入队列
            deque_index.append(i)
            # 从第 k 个元素开始记录结果，队首始终是窗口的最大值
            if i >= k - 1:
                res.append(nums[deque_index[0]])

```

```

        return res
if __name__ == "__main__":
    sol = Solution()
    print(sol.maxSlidingWindow([1,3,-1,-3,5,3,6,7], 3)) # [3,3,5,5,6,7]

```

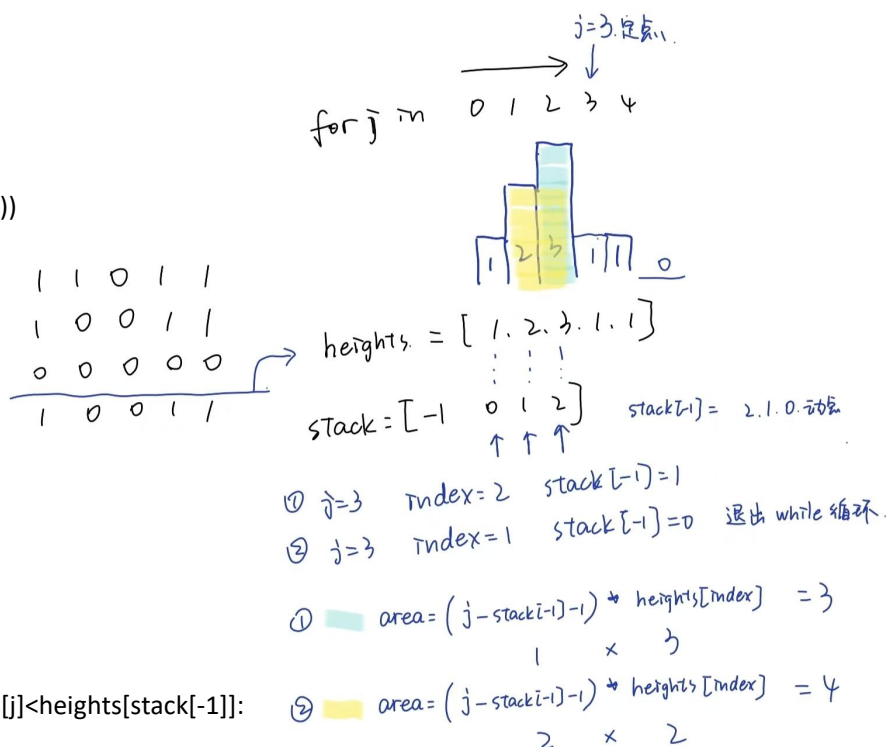
网格最大面积问题（二维单调栈）

```

import sys
row,col=map(int,input().split())
forest_map=sys.stdin.readlines()
matrix=[]
for line in forest_map:
    matrix.append(list(line.strip().split()))
heights=[0]*(col+1)
max_area=float('-inf')

for i in range(row):
    stack=[-1]
    for j in range(col+1):
        if j!=col:
            if matrix[i][j]=='1':
                heights[j]=0
            else:
                heights[j]+=1
        while stack[-1]!=-1 and heights[j]<heights[stack[-1]]:
            index=stack.pop()
            now_area=heights[index]*(j-stack[-1]-1)
            if now_area>max_area:
                max_area=now_area
        stack.append(j)
print(max_area)

```



合并后的最大最小值、最小最大值：二分查找

本质上不是 greedy，而是枚举法猜测答案并进行验证

跳房子——最大化最小值

```

def solve():
    import sys
    end,stone_num,max_remove=map(int,input().split())
    stones=list(map(int,sys.stdin.read().strip().split()))
    stones=[0]+stones+[end]
    ans=-1

    def is_valid(min_distance,stone_num,max_remove,stones):
        former=0;remove=0
        for i in range(1,stone_num+2):
            now=stones[i]

```





```
else:
    left=mid+1
print(ans) if ans!=-1 else print(right)
```

```
if __name__=='__main__':
    solve()
```

区间问题 先画图想清楚思路

1、区间合并：给出一堆区间，要求合并所有有交集的区间（端点处相交也算有交集）。最后问合并之后的区间。（校门外的树）

按照区间左端点从小到大排序。

从前往后枚举每一个区间，判断是否应该将当前区间视为新区间。

2、最多不相交区间、区间选点（radar installation）

按照区间右端点从小到大排序。

从前往后依次枚举每个区间，判断与前面的是否有交叉。

3、区间覆盖：给出一堆区间和一个目标区间，问最少选择多少区间可以覆盖掉题中给出的这段目标区间。（世界杯只因）

按照区间左端点从小到大排序。

从前往后依次枚举每个区间，在所有能覆盖当前目标区间起始位置 **start** 的区间之中，选择右端点最大的区间。

4、区间分组

转化为时间轴问题求解