

# Fungsi bantuan.

1)

Definisi dan spesifikasi :

$\text{max2} : 2 \text{ integer} \rightarrow \text{integer}$

{  $\text{max2}(a, b)$  menghasilkan nilai maksimum dari 2 buah integer }

Realisasi :

```
def max2(a, b) :
```

```
    if  $a \geq b$  :
```

```
        return a
```

```
    else :
```

```
        return b
```

Definisi dan spesifikasi :

$\text{min2} : 2 \text{ integer} \rightarrow \text{integer}$

{  $\text{min2}(a, b)$  menghasilkan nilai minimum dari 2 buah integer }

Realisasi :

```
def min2(a, b) :
```

```
    if  $a \leq b$  :
```

```
        return a
```

```
    else :
```

```
        return b
```



Definisi dan spesifikasi :

$is\_one\_elmt : list \rightarrow integer$

{  $is\_one\_elmt(x)$  menghasilkan nilai True jika List hanya terdiri dari 1 elemen }

Realisasi :

```
def is_one_elmt(x):
```

```
    if not (empty_list(x) and  
            empty_list(tail(x))):
```

```
        return True
```

```
    else:
```

```
        return False.
```

1 a) Definisi dan spesifikasi %  
max\_list % list  $\rightarrow$  integer  
{ max\_list(L) menghasilkan nilai maksimum dari sebuah list }

Realisasi %

```
def max_list(L) %  
    if is_one_elt(L) %  
        return L  
    else :  
        return max2(first_element(L),  
                      max_list(tail(L)))
```

b) Definisi dan spesifikasi %  
min\_list % list  $\rightarrow$  integer  
{ min\_list(L) menghasilkan nilai minimum dari sebuah list }

Realisasi %

```
def min_list(L) %  
    if is_one_elt(L) %  
        return L  
    else :  
        return min2(first_element(L),  
                     min_list(tail(L)))
```

2) a) Definisi dan Spesifikasi  
total-elemen-daun : Tree  $\rightarrow$  integer  
{total-elemen-daun(T) menghasilkan jumlah  
dari elemen daun dalam pohon T}

Basis 1 : is-one-element(T) : akar(T)

Rekursi : is-biner(T) :

total-elemen-daun(left(T)) +  
total-elemen-daun(right(T))

is-uncer-right(T) :

total-elemen-daun(right(T))

is-uncer-left(T) :

total-elemen-daun(left(T))

Realisasi :

```
def total-elemen-daun(T) :
```

```
    if is-one-element(T) :
```

```
        return akar(T)
```

```
    else :
```

```
        if is-biner(T) :
```

```
            return total-elemen-daun(left(T)) +  
                   total-elemen-daun(right(T))
```

```
        elif is-uncer-left(T) :
```

```
            return total-elemen-daun(left(T))
```

```
        else :
```

```
            return total-elemen-daun(right(T))
```

2)b) Definisi dan spesifikasi :

$\text{max\_elemen\_daun}(P) : \text{Pohon} \rightarrow \text{integer}$   
{ $\text{max\_elemen\_daun}(P)$  menghasilkan nilai daun terbesar dari Sebuah Pohon}

Basis 1 :  $\text{is\_one\_element}(P) : \text{akar}(P)$

Rekursi :  $\text{is\_biner}(P) :$

$\text{max2}(\text{max\_elemen\_daun}(\text{left}(P)),$   
 $\text{max\_elemen\_daun}(\text{right}(P)))$

$\text{is\_aner\_right}(P) :$

$\text{max\_elemen\_daun}(\text{right}(P))$

$\text{is\_aner\_left}(P) :$

$\text{max\_elemen\_daun}(\text{left}(P))$

Realisasi :

```
def max_elemen_daun(P) :
```

```
    if is_one_element(P) :
```

```
        return akar(P)
```

```
    else :
```

```
        if is_biner(P) :
```

```
            return max2(max_elemen_daun(left(P)),  
                        max_elemen_daun(right(P)))
```

```
        elif is_aneer_left(P) :
```

```
            return max_elemen_daun(left(P))
```

```
        else :
```

```
            return max_elemen_daun(right(P))
```

2) c) Definisi dan spesifikasi

total\_elemen\_node : Pohon  $\rightarrow$  Integer

{total\_elemen\_node(P) menghasilkan jumlah dari semua elemen node pohon P}

Basis 1 : is\_one\_element(P) : akar(P)

Rekursi : is\_biner(P) :

akar(P) + total\_elemen\_node(left(P)) +  
total\_elemen\_node(right(P))

is\_uner\_right(P) :

akar(P) + total\_elemen\_node(right(P))

is\_uner\_left(P) :

akar(P) + total\_elemen\_node(left(P))

Realisasi :

```
def total_elemen_node(P) :
```

```
    if is_one_element(P) :
```

```
        return akar(P)
```

```
    else :
```

```
        if is_biner(P) :
```

```
            return akar(P) + total_elemen_node(left(P)) +  
                total_elemen_node(right(P))
```

```
        elif is_uner_right(P) :
```

```
            return akar(P) + total_elemen_node(right(P))
```

```
        else :
```

```
            return akar(P) + total_elemen_node(left(P))
```

2d)

Fungsi Bantuan

Definisi dan Spesifikasi

NbElmtPohon : Pohon  $\rightarrow$  integer

{NbElmtPohon(P) menghasilkan banyaknya node dalam suatu pohon P}

Basis 1 : is\_one\_element(P) : 1

Rekursi : is\_biner(P) :

$1 + \text{NbElmtPohon}(\text{left}(P)) +$   
 $\text{NbElmtPohon}(\text{right}(P))$   
is\_uner\_right(P) :  
 $1 + \text{NbElmtPohon}(\text{right}(P))$   
is\_uner\_left(P) :  
 $1 + \text{NbElmtPohon}(\text{left}(P))$

Realisasi :

```
def NbElmtPohon(P) :
```

```
    if is_one_element(P) :
```

```
        return 1
```

```
    else :
```

```
        if is_biner(P) :
```

```
            return 1 + NbElmtPohon(left(P)) +  
                    NbElmtPohon(right(P))
```

```
        elif is_uner_right(P) :
```

```
            return 1 + NbElmtPohon(right(P))
```

```
        else :
```

```
            return 1 + NbElmtPohon(left(P))
```



2d) Definisi dan Spesifikasi

rata2\_elemen\_node : Pohon  $\rightarrow$  real

{ rata2\_elemen\_node(P) menghasilkan  
nilai rata-rata dari semua elemen node  
pohon P }

Realisasi :

def rata2\_elemen\_node(P) :

return total\_elemen\_node(P) /  
NbE(mtPohon(P))

2)e) Definisi dan Spesifikasi  
BST  $\rightarrow$  elemen, Pohon  $\rightarrow$  boolean  
{BST(x,p) menghasilkan True jika elemen  
x ada di dalam Pohon P}

Realisasi :

```
def BST(x,p):  
    if x == akar(p):  
        return True  
    elif is_one_element(p):  
        return False  
    else:  
        if x > akar(p):  
            return BST(x, right(p))  
        else:  
            return BST(x, left(p))
```

$\rightarrow$  Langkah-langkah :

1) Cek apakah  $19 = 50$ , ternyata tidak.  
Kemudian cek apakah pohon hanya 1 elemen,  
ternyata tidak.

Kemudian Cek apakah  $19 > 50$ , ternyata  
tidak. karena itu ambil pohon sebelah kiri.

2) Cek apakah  $19 = 17$ , ternyata tidak.  
Kemudian cek apakah pohon hanya 1 elemen,  
ternyata tidak.

Kemudian cek apakah  $19 > 17$  ternyata iya.  
karena itu ambil pohon sebelah kanan

3) Cek apakah  $19 = 23$ , ternyata tidak.  
Kemudian cek apakah pohon hanya 1 elemen,  
ternyata tidak.

Kemudian cek apakah  $19 > 23$ , ternyata  
tidak. karena itu ambil pohon sebelah  
kiri

4) Cek apakah  $19 = 19$ , ternyata iya.  
maka keluarkan hasil True

3) a) Definisi dan spesifikasi %  
kelipatan 5 : integer  $\rightarrow$  boolean  
{kelipatan 5(x) bernilai True bila bilangan  
merupakan kelipatan 5 }

Realisasi

```
def kelipatan 5(x) :  
    return x % 5 == 0
```

Definisi dan spesifikasi %

bukan\_kelipatan 5 : integer  $\rightarrow$  boolean  
{bukan\_kelipatan 5(x) bernilai True bila bilangan bukan  
merupakan kelipatan 5 }

Realisasi

```
def bukan_kelipatan 5(x) :  
    return x % 5 != 0
```

Definisi dan spesifikasi

Filter\_list : list  $\rightarrow$  list  
{Filter\_list(L, f) memfilter list sesuai dengan  
fungsi f }

Realisasi %

```
def Filter_list(L, f) :  
    if empty_list(L) :  
        return []  
    elif f(first_elt(L)) :  
        return konsol(first_elt(L),  
                        Filter_list(tail(L), f))  
    else :  
        return Filter_list(tail(L), f)
```

3b  $L_1 = [60, 18, 7, 20, 19, 23, 50]$   
 $L_2 = \text{Filter-list}(L_1, \text{lambda } x \% 5 == 0)$   
 $L_3 = \text{Filter-list}(L_1, \text{lambda } x \% 5 \neq 0)$

4 Definisi dan Spesifikasi  
 $\text{minus} : 2 \text{ list} \rightarrow \text{list}$   
 $\{\text{minus}(a, b) \text{ menghasilkan list dimana}$   
 $\text{isi himpunan } a \text{ tanpa himpunan list } b\}$   
 Realisasi  

```
def minus(a, b) :
    if is_sub_set(a, b) :
        return []
    elif is_member(first_element(a), b) :
        return minus(tail(a), b)
    else :
        return kons(a, first_element(a),
                    minus(tail(a), b))
```