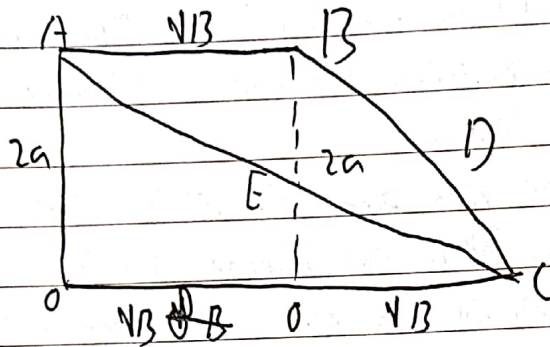


UTS[B] - Devin - 24060121140158

①

Tunjukkan bahwa \vec{ED} dan \vec{OC} adalah dua buah vektor yang Paralel!

(Hint: Nyatakan kedua vektor tersebut ke dalam bentuk vektor a dan / atau b)



Sbg didapatkan $\vec{CB} = \vec{CO} + \vec{OB}$

$$\vec{CB} = -4b + 2a$$

→ karena D titik tengah maka $\vec{CD} = \vec{CB}/2$
 $\vec{CD} = -2b + a //$

→ Mengetik \vec{EC} via \vec{CA}

→ Dari gambar maka $\vec{CA} = \vec{CO} + \vec{OA}$

$$\vec{CA} = -ab + 2a$$

Sehingga $\vec{CE} = \vec{CA}/2$

$$\vec{CE} = -1/2b + a$$

$$\vec{EC} = 1/2b - a$$

→ untuk membentuk \vec{ED} maka

$$\vec{ED} = \vec{EC} + \vec{CD}$$

$$= 1/2b - a + (-2b + a)$$

$$= -3/2b$$

→ Bukti valid bahwa \vec{ED} sejarak dengan \vec{OC} adalah

$$\vec{OC} = k \cdot \vec{ED}$$

$$(0, b) = k \cdot (-3/2b)$$

$$k = -2/3$$

Yahni dimana \vec{ED} adalah $2/3$ kalinya \vec{OC}

UTS[B]_Davin_24060121140158

② Selesaikan SPL tersebut menggunakan metode eliminasi Gauss-Jordan dan tentukan nilai

$$x + y + z = \dots$$

Persamaan:

$$2x + 3y + 5z = 5$$

$$3x + 5y + 2z = 1$$

$$5x + 2y + 3z = 14$$

Bentuk matriksnya:

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 5 \\ 3 & 5 & 2 \\ 5 & 2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ 1 \\ 14 \end{bmatrix} \xrightarrow{B_1(\frac{1}{2})} \begin{bmatrix} 1 & \frac{3}{2} & \frac{5}{2} \\ 3 & 5 & 2 \\ 5 & 2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{5}{2} \\ 1 \\ 14 \end{bmatrix} \xrightarrow{B_{21}(-3)} \begin{bmatrix} 1 & \frac{3}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 5 & 2 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{5}{2} \\ -\frac{13}{2} \\ 14 \end{bmatrix} \xrightarrow{B_{31}(-5)}$$

$$\xrightarrow{B_{32}(-2)} \begin{bmatrix} 1 & \frac{3}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{5}{2} \\ -\frac{13}{2} \\ \frac{3}{2} \end{bmatrix} \xrightarrow{B_2(2)} \begin{bmatrix} 1 & \frac{3}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{5}{2} \\ -13 \\ \frac{3}{2} \end{bmatrix} \xrightarrow{B_{21}(-\frac{1}{2})} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 19 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 22 \\ -13 \\ \frac{3}{2} \end{bmatrix} \xrightarrow{B_{32}(\frac{1}{2})}$$

$$\xrightarrow{B_{33}(\frac{1}{2})} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 19 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & -70 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 22 \\ -13 \\ -70 \end{bmatrix} \xrightarrow{B_3(-\frac{1}{70})} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 19 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 22 \\ -13 \\ 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{B_{13}(-19)} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ -13 \\ 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{B_{23}(1)}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ -2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Maka $x = 3$

$y = -2$ dan $x + y + z$

$z = 1 \quad = 2$