

## 實例一：

```
using System;
using ClassLibrary1;
using ClassLibrary1A;

// 參考Clough and Penzien, "Dynamics of Structures" P202 - P203
namespace ConsoleApp10
{
    class Program
    {
        static void Main(string[] args)
        {
            double[,] M = { {1, 0, 0}, {0, 1.5, 0}, {0, 0, 2.0} };
            double[,] C = { { 0, 0, 0 }, { 0, 0, 0 }, { 0, 0, 0 } };
            double[,] K = { { 600, -600, 0 }, { -600, 1800, -1200 },
                { 0, -1200, 3000 } };
            MKCMatrix mkc = new MKCMatrix(M, K, C);
            ReMatrix A = mkc.Matrix;
            EIG eig = new EIG(A);
            CxMatrix D = eig.CxMatrixD;
            CxMatrix Q = eig.CxMatrixQ;
            Console.WriteLine("\n D : \n{0}", new PR(D));
            Console.WriteLine("\n Q : \n{0}", new PR(Q));
        }
    }
}
```

/\* 以下是Visual Studio計算輸出結果：

D：

0.00000 + 46.09947i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,  
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i

0.00000 + 0.00000i, 0.00000 - 46.09947i, 0.00000 + 0.00000i,  
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i

0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 31.04770i,  
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i

```

0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 - 31.04770i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i

0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 14.52167i, 0.00000 + 0.00000i

0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 - 14.52167i

Q :
0.27298 + 0.00000i, 0.27298 + 0.00000i, 0.73905 + 0.00000i,
0.73905 + 0.00000i, 0.81141 + 0.00000i, 0.81141 + 0.00000i

-0.69390 + 0.00000i, -0.69390 + 0.00000i, -0.44830 + 0.00000i,
-0.44830 + 0.00000i, 0.52623 + 0.00000i, 0.52623 + 0.00000i

0.66597 + 0.00000i, 0.66597 + 0.00000i, -0.50180 + 0.00000i,
-0.50180 + 0.00000i, 0.24492 + 0.00000i, 0.24492 + 0.00000i

0.00000 - 0.00592i, 0.00000 + 0.00592i, 0.00000 - 0.02380i,
0.00000 + 0.02380i, 0.00000 - 0.05588i, 0.00000 + 0.05588i

0.00000 + 0.01505i, 0.00000 - 0.01505i, 0.00000 + 0.01444i,
0.00000 - 0.01444i, 0.00000 - 0.03624i, 0.00000 + 0.03624i

0.00000 - 0.01445i, 0.00000 + 0.01445i, 0.00000 + 0.01616i,
0.00000 - 0.01616i, 0.00000 - 0.01687i, 0.00000 + 0.01687i
*/

```

上式中，D是複數特徵值(矩陣)，Q是複數特徵向量(矩陣)。另以下是執行後之實際的影像：

```

C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
D :
0.00000 + 46.09947i, 0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 - 46.09947i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 31.04770i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 14.52167i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 + 0.00000i,
0.00000 + 0.00000i, 0.00000 - 14.52167i

Q :
0.27298 + 0.00000i, 0.27298 + 0.00000i, 0.73905 + 0.00000i,
0.73905 + 0.00000i, 0.81141 + 0.00000i, 0.81141 + 0.00000i,
-0.69390 + 0.00000i, -0.69390 + 0.00000i, -0.44830 + 0.00000i,
-0.44830 + 0.00000i, 0.52623 + 0.00000i, 0.52623 + 0.00000i

```

## 實例二：

// 請參考J. L. Humar, "Dynamics of Structures" 第502-504頁。

```

using System;
using ClassLibrary1;
using ClassLibrary1A;

namespace ConsoleApp6B
{
    class Program
    {
        static void Main(string[] args)
        {

double[,] M = { { 2, 0 }, { 0, 1 } };
double[,] K = { { 3, -1 }, { -1, 1 } };
double[,] C = { { 0.4, -0.05 }, { -0.05, 0.2 } };
double[,] y0Start = { {0}, {0}, {1}, {2} };
double[,] yp0Start = { {0}, {0}, {0}, {0} };

ReMatrix y0 = new ReMatrix(y0Start);
ReMatrix yp0 = new ReMatrix(yp0Start);

```

```

MKCMatrix MKC = new MKCMatrix(M, K, C);
ReMatrix A = new ReMatrix(MKC.Matrix);
EIG eig = new EIG(A);
CxMatrix D = eig.CxMatrixD;
CxMatrix Q = eig.CxMatrixQ;
CxToDexp Dexp0 = new CxToDexp(D, 0);
CxMatrix DexpTime0 = Dexp0.GetCxMatrix;
CxMatrix d = ~DexpTime0 * ~Q * (y0 - yp0);

double step = 0.5;
int iRow = (int)(50 / step + 1);
int iCol = M.GetLength(1) + 1;
ReMatrix Displacement = new ReMatrix(iRow, iCol);
ReMatrix Velocity = new ReMatrix(iRow, iCol);
ReMatrix Acceleration = new ReMatrix(iRow, iCol);

for (int i = 0; i != iRow; i++)
{
    double t = step * i;

    double yp_0 = 0; double yp_1 = 0;
    double yp_dot_0 = 0; double yp_dot_1 = 0;
    double yp_2dot_0 = 0; double yp_2dot_1 = 0;

    CxToDexp Dexp = new CxToDexp(D, t);
    CxMatrix DexpTime = Dexp.GetCxMatrix;
    CxMatrix yh_Cx = Q * DexpTime * d;
    ReMatrix yh_Re = (ReMatrix) yh_Cx;

    Velocity.Matrix[i, 0] = t;
    Velocity.Matrix[i, 1] = yh_Re.Matrix[0, 0] + yp_dot_0;
    Velocity.Matrix[i, 2] = yh_Re.Matrix[1, 0] + yp_dot_1;
    Displacement.Matrix[i, 0] = t;
    Displacement.Matrix[i, 1] = yh_Re.Matrix[2, 0] + yp_0;
    Displacement.Matrix[i, 2] = yh_Re.Matrix[3, 0] + yp_1;

    CxMatrix yhDot_Cx = A * yh_Cx;
    ReMatrix yhDot_Re = (ReMatrix)yhDot_Cx;

```

```

Acceleration.Matrix[i, 0] = t;
Acceleration.Matrix[i, 1] = yhDot_Re.Matrix[0, 0] + yp_2dot_0;
Acceleration.Matrix[i, 2] = yhDot_Re.Matrix[1, 0] + yp_2dot_1;
}

// 列印模態參數。
Console.Write("\n***{0, 12} 模{0, 7} 態{0, 7} 參{0, 7} 數{0, 12}***\n", "");
Console.Write("\n***{0, 5} 特徵值矩陣D{0, 5}***\n{1}\n", "", new PR(D));
Console.Write("\n***{0, 5} 特徵向量矩陣Q{0, 5}***\n{1}\n", "", new PR(Q));
Console.Write("\n***{0, 5} 係數向量d{0, 5}***\n{1}\n", "", new PR(d));

// 列印節點的變位，速度，和加速。
Console.Write("\n{0, 5}***位移反應量***{0, 5}\n{0, 8}時間(秒)" +
    "{0, 8} 第0點位移{0, 8} 第1點位移\n\n{1}", "", new PR(Displacement));
Console.Write("\n{0, 5}***速度反應量***{0, 5}\n{0, 8}時間(秒)" +
    "{0, 8} 第0點速度{0, 8} 第1點速度\n\n{1}", "", new PR(Velocity));
Console.Write("\n***{0, 5} 加速度反應量{0, 5}***\n{0, 8}時間(秒)" +
    "{0, 8} 第0點加速度{0, 7} 第1點加速度\n\n{1}", "", new
PR(Acceleration));

    }
}
}

```

以下是列印輸出結果。

```

/* 輸出結果:
***          模          態          參          數          ***
***      特徵值矩陣 D      ***
-0.11666 + 1.40933i,  0.00000 + 0.00000i,  0.00000 + 0.00000i,  0.00000 + 0.00000i
0.00000 + 0.00000i,  -0.11666 - 1.40933i,  0.00000 + 0.00000i,  0.00000 + 0.00000i
0.00000 + 0.00000i,  0.00000 + 0.00000i,  -0.08334 + 0.70221i,  0.00000 + 0.00000i
0.00000 + 0.00000i,  0.00000 + 0.00000i,  0.00000 + 0.00000i,  -0.08334 - 0.70221i

***      特徵向量矩陣 Q      ***
0.57745 + 0.00000i,  0.57745 + 0.00000i,  0.25800 + 0.00000i,  0.25800 + 0.00000i
-0.57707 - 0.01365i,  -0.57707 + 0.01365i,  0.51648 - 0.00609i,  0.51648 + 0.00609i
-0.03369 - 0.40695i,  -0.03369 + 0.40695i,  -0.04300 - 0.36231i,  -0.04300 + 0.36231i

```

0.02405 + 0.40748i, 0.02405 - 0.40748i, -0.09463 - 0.72428i, -0.09463 + 0.72428i

\*\*\* 係數向量 d \*\*\*  
 0.00484 + 0.00006i  
 0.00484 - 0.00006i  
 -0.01084 + 1.37914i  
 -0.01084 - 1.37914i

\*\*\*位移反應量\*\*\*

時間(秒)	第 0 點位移	第 1 點位移
0.00000	1.00000	2.00000
0.50000	0.93967	1.87981
1.00000	0.77181	1.54694
.....		
49.00000	-0.01639	-0.03270
49.50000	-0.01619	-0.03246
50.00000	-0.01408	-0.02838

\*\*\*速度反應量\*\*\*

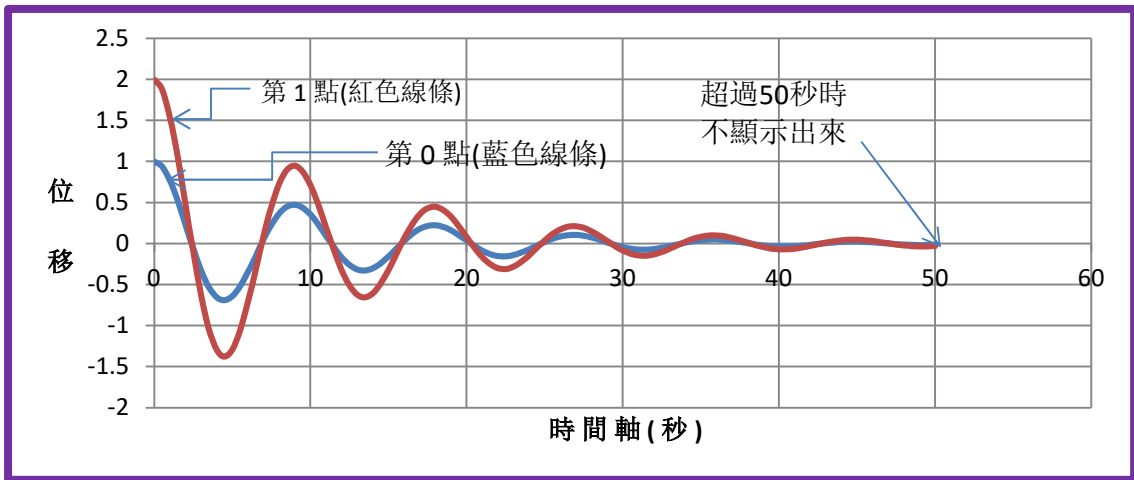
時間(秒)	第 0 點速度	第 1 點速度
0.00000	0.00000	0.00000
0.50000	-0.23583	-0.46888
1.00000	-0.42608	-0.84336
.....		
49.00000	-0.00167	-0.00368
49.50000	0.00241	0.00452
50.00000	0.00587	0.01152

\*\*\* 加速度反應量 \*\*\*

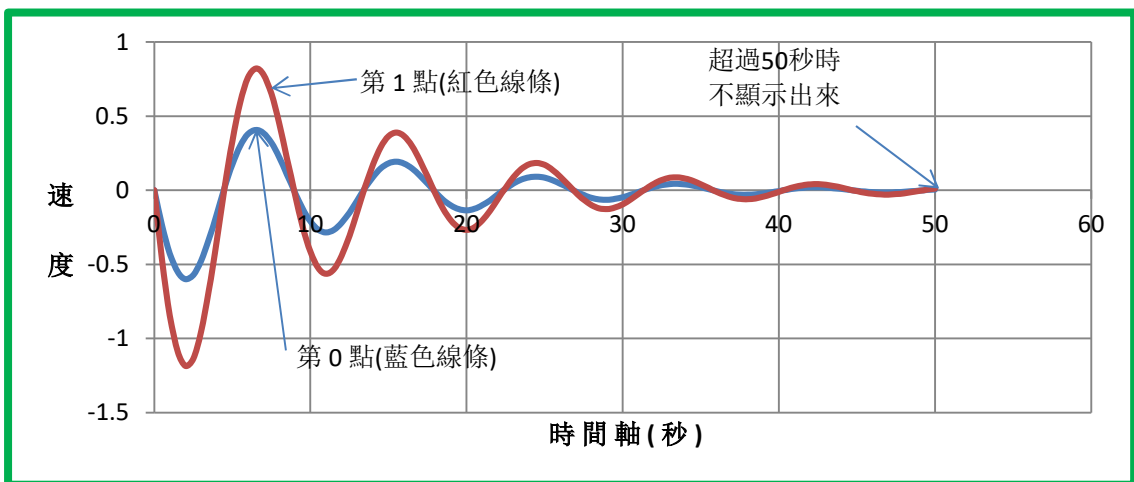
時間(秒)	第 0 點加速度	第 1 點加速度
0.00000	-0.50000	-1.00000
0.50000	-0.43415	-0.85816
1.00000	-0.32011	-0.62777
.....		
49.00000	0.00847	0.01696
49.50000	0.00768	0.01549
50.00000	0.00605	0.01229

\*/

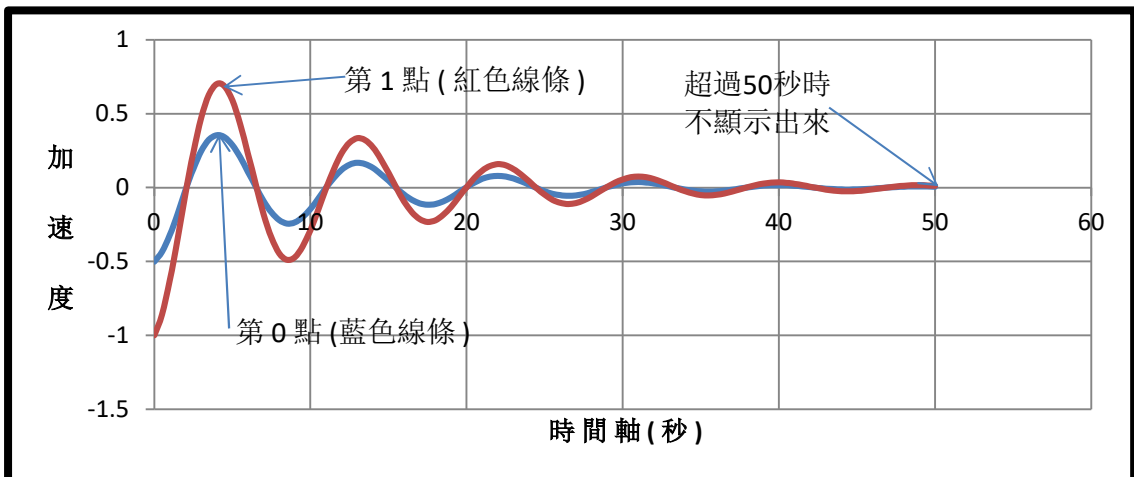
以下是將輸出結果，畫成圖表。



位移 - 時間關係圖



速度 - 時間關係圖



## 加 速 度 - 時 間 關 係 圖

以下是影像：

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe

***          模          態          參          數          ***

***    特徵值向量V    ***
-0.11666  +      1.40933i
-0.11666  -      1.40933i
-0.08334  +      0.70221i
-0.08334  -      0.70221i

***    特徵向量矩陣Q    ***
0.57745  +      0.00000i,      0.57745  +      0.00000i,      0.25800  +      0.00000i,
0.25800  +      0.00000i
-0.57707  -      0.01365i,      -0.57707  +      0.01365i,      0.51648  -      0.00609i,
0.51648  +      0.00609i
-0.03369  -      0.40695i,      -0.03369  +      0.40695i,      -0.04300  -      0.36231i,
-0.04300  +      0.36231i
0.02405  +      0.40748i,      0.02405  -      0.40748i,      -0.09463  -      0.72428i,
-0.09463  +      0.72428i

***    係數向量d    ***
```



C:\WINDOWS\system32\cmd.exe

```
***      係數向量d      ***
0.00484  +      0.00006i
0.00484  -      0.00006i
-0.01084 +      1.37914i
-0.01084 -      1.37914i
```

```
***      位移反應量      ***
時間(秒)      第0點位移      第1點位移
0.00000      1.00000      2.00000
0.50000      0.93967      1.87981
1.00000      0.77181      1.54694
1.50000      0.52458      1.05825
2.00000      0.23388      0.48398
```

<

### 實例三：

已知

$A = \{\{3, 6\}, \{7, 4\}, \{2, 6\}\}$   $B = \{\{3, -4\}, \{2, 6\}\}$   $C = \{\{3, 5\}, \{2, 5\}, \{3, -1\}\}$

求  $A / B + C * 3.5$

程式碼如下：

```
using System;
using ClassLibrary1;
using ClassLibrary1A;

namespace ConsoleApp11
{
```

```

class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        double[,] A = { { 3, 6 }, { 7, 4 }, { 2, 6 } };
        double[,] B = { { 3, -4 }, { 2, 6 } };
        double[,] C = { { 3, 5 }, { 2, 5 }, { 3, -1 } };
        // 求 D = A / B + C * 3.5
        ReMatrix D = (ReMatrix)A / B + (ReMatrix)C * 3.5;
        Console.WriteLine("\n矩陣 D : \n{0}\n", new PR(D));
    }
}

```

/\* 輸出結果 :

矩陣 D :

10.73077	18.65385
8.30769	19.03846
10.50000	-2.50000

\*/

\*\*\* 以上輸出結果與 **Matlab** 執行的結果完全相同 \*\*\*

以下是輸出的影像：

