第六讲:列空间和零空间

对向量子空间S和T,有 $S \cap T$ 也是向量子空间。

对 $m \times n$ 矩阵A, $n \times 1$ 矩阵x, $m \times 1$ 矩阵b, 运算Ax = b:

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1(n-1)} & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2(n-1)} & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{m(n-1)} & a_{mn} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_{n-1} \\ x_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_m \end{bmatrix}$$

由A的列向量生成的子空间为A的列空间;

Ax = b有非零解当且仅当b属于A的列空间

A的零空间是Ax = 0中x的解组成的集合。