

第2章：关系数据库

Relational Databases

邹兆年

哈尔滨工业大学
计算机科学与技术学院
海量数据计算研究中心
电子邮件: znzou@hit.edu.cn

2020年春

教学内容¹

① 关系数据模型

- ▶ 关系数据结构
- ▶ 关系操作
- ▶ 关系完整性约束

② 关系代数

- 基本关系代数操作
- 派生关系代数操作
- 扩展关系代数操作

¹课件更新于2020年2月24日

2.1 关系数据模型

Relational Data Model

关系数据模型(Relational Data Model)

- 关系数据模型是一种被广泛使用的实现数据模型(implementation data model)
- 关系数据模型是众多关系数据库管理系统的模型基础

关系数据模型的三要素

- ① 关系数据结构
- ② 关系操作
- ③ 关系完整性约束

关系数据模型要素1: 关系数据结构

关系数据模型的三要素

- ① 关系数据结构
- ② 关系操作
- ③ 关系完整性约束

- 关系数据模型使用唯一的数据结构——关系(relation)
- 不严格地讲, 关系就是一张二维表(table)
 - ▶ 行(row)—元组(tuple)/记录(record), 表示对象
 - ▶ 列(column)—属性(attribute)/域(field), 表示对象的性质

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

关系(Relation)的定义

Definition (关系)

设 D_1, D_2, \dots, D_n 是 n 个值域(domain), $D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n$ 的子集 R 称作 D_1, D_2, \dots, D_n 上的关系(relation), 记作 $R(D_1, D_2, \dots, D_n)$ 。

- R —关系名
- n —关系 R 的度(degree)
- $(d_1, d_2, \dots, d_n) \in R$ —关系 R 的元组(tuple), 其中 d_i 是元组的分量(component)

$D_1 =$ 学号集合, $D_2 =$ 姓名集合, $D_3 = \{M, F\}$, $D_4 = \mathbb{N}$, $D_5 =$ 系名集合

PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

$$Student \subseteq D_1 \times D_2 \times D_3 \times D_4 \times D_5$$

关系的正确性

- $D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n$ 的任意子集都是关系，但未必都是正确的关系
- 只有符合客观实际的关系才是正确的关系

Student				
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math
MA-002	Cindy	F	20	Math

上面的Student关系是不正确的，因为一个人不能同时有2个年龄

关系的属性(Attributes)

Definition (属性)

由于域可能相同，为了加以区分，可为关系 $R(D_1, D_2, \dots, D_n)$ 的每个域 D_i 起一个不同的名字 A_i ，称作属性(attribute)，故关系 R 常表示为 $R(A_1, A_2, \dots, A_n)$ 。

Student				
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

属性Sno的域是学号集合，属性Sname的域是姓名集合，属性Ssex的域是 $\{M, F\}$ ，属性Sage的域是 \mathbb{N} ，属性Sdept的域是系名集合

关系的键(Keys)

关系的某些属性集合具有区分不同元组的作用，称作键(key)

Definition (超键)

如果关系的某一组属性的值能唯一标识每个元组，则称该组属性为超键(super key)。

- 例：在关系SC(Sno, Cno, Grade)中，属性组{Sno, Cno}和{Sno, Cno, Grade}都是超键

SC		
Sno	Cno	Grade
PH-001	1002	92
PH-001	2003	85
PH-001	3006	88
CS-001	1002	95
CS-001	3006	90
CS-002	3006	80
MA-001	1002	

候选键(Candidate Keys)

Definition (候选键)

如果一个超键的任意真子集都不是超键，则称该超键为候选键(candidate key)。候选键=极小的(minimal)超键。

- 例：Sno和Cno都不是关系Sno的超键，故{Sno, Cno}是Sno的候选键

SC		
Sno	Cno	Grade
PH-001	1002	92
PH-001	2003	85
PH-001	3006	88
CS-001	1002	95
CS-001	3006	90
CS-002	3006	80
MA-001	1002	

候选键是关系数据库规范化理论(第5章)中的重要概念!

主键(Primary Keys)

Definition (主键)

每个关系都有至少一个候选键，**人为指定**其中一个作为**主键(primary key)**。

SC		
Sno	Cno	Grade
PH-001	1002	92
PH-001	2003	85
PH-001	3006	88
CS-001	1002	95
CS-001	3006	90
CS-002	3006	80
MA-001	1002	

外键(Foreign Keys)

不同关系中的元组可以存在联系，这种联系是通过外键建立起来的

Definition (外键)

设 F 是关系 R 的属性子集。若 F 与关系 S 的主键 K 相对应，则称 F 是 R 的**外键(foreign key)**

- R —参照关系(referring relation)
- S —被参照关系(referred relation)
- R 与 S 可以是同一关系(什么情况下可以?)

Student				
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

Department	
Dept	Addr
Physics	B1
CS	B2
Math	B3

{Sdept}是Student的外键，它参照Department的主键{Dept}

关系数据模型要素2: 关系操作

关系数据模型的三要素

- ① 关系数据结构
- ② 关系操作
- ③ 关系完整性约束

- 查询操作: 从关系数据库中查找数据
- 更新操作: 对关系数据库进行更新
 - ▶ 插入数据
 - ▶ 修改数据
 - ▶ 删除数据

查询语言(Query Languages)

查询语言是用于表示关系操作的语言

查询语言的类型

- 关系代数(relational algebra) (第2章第2.2节)
 - ▶ 使用关系代数表达式明确给出查询的执行过程
- 关系演算(relational calculus)
 - ▶ 使用谓词逻辑表达式描述查询
 - ▶ 元组关系演算(tuple relational calculus): 谓词逻辑变量是元组
 - ▶ 域关系演算(domain relational calculus): 谓词逻辑变量是域
- 结构化查询语言SQL (第3章)
 - ▶ 具有关系代数和关系演算的双重特点
 - ▶ 集DDL、DML、DCL于一体

关系数据模型要素3: 关系完整性约束

关系数据模型的三要素

- 1 关系数据结构
- 2 关系操作
- 3 关系完整性约束

- 完整性约束(integrity constraints): 关系数据库中的所有数据必须满足的约束条件
- 完整性约束的类型
 - 1 实体完整性(entity integrity)
 - 2 参照完整性(referential integrity)
 - 3 用户定义完整性(user-defined integrity)

实体完整性约束

实体完整性约束规则

- 1 关系中任意元组的主键值必须**唯一(unique)**
- 2 关系中任意元组在主键中的属性值**非空(not null)**
 - 空值(null)表示值不存在, 它既不是0, 也不是空串

Student				
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

参照完整性约束

不同关系中的元组可以存在联系，这种联系是通过外键建立起来的

参照完整性约束规则

设 F 是关系 R 的外键， F 参照关系 S 的主键，则 R 中任意元组的 F 属性值必须满足以下两个条件之一：

- ① F 的值为空
- ② 若 F 的值不为空，则 F 的值必须在 S 中存在

Student				
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	

Department	
Dept	Addr
Physics	B1
CS	B2
Math	B3

用户定义完整性约束

根据应用需求定义的完整性约束条件

- 考试成绩在0-100分之间
- 性别必须为'M'或'F'

关系的模式(Schema)与实例(Instance)

- 关系的模式(schema)是对关系的结构与语义的描述
 - ▶ 关系名、属性名、属性值域、主键、完整性约束、属性依赖关系等
 - ▶ 关系模式是不经常变化的
- 关系的实例(instance)是关系在某一时刻的取值
 - ▶ 关系实例必须符合关系模式
 - ▶ 关系实例是动态变化的
- 关系模式与关系实例的关系如同面向对象程序设计中类(class)与对象(object)的关系

Student关系模式

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
-----	-------	------	------	-------

Student关系实例

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

2.2 关系代数

Relational Algebra

关系代数(Relational Algebra)

- 关系代数是一种使用 **关系代数操作表达式** 来表示查询的语言
- 关系代数表达式明确给出了查询的执行过程
- 关系代数操作的操作数: 关系
- 关系代数操作的结果: 关系
- 关系代数操作的操作符: 选择 σ 、投影 Π 、笛卡尔积 \times 、并 \cup 、差 $-$ 、重命名 ρ 、交 \cap 、连接 \bowtie 等

Example

关系代数表达式: $\sigma_{Student.Sno=SC.Sno}(Student \times SC)$

- 关系 $Student$ 和 SC 是关系代数操作 \times (笛卡尔积)的操作数
- $Student \times SC$ 的结果也是关系, 它是关系代数操作 σ (选择)的操作数
- 上述关系代数表达式给出了执行过程: 先执行 \times 操作, 后执行 σ 操作

基本关系代数操作

一般情况下, 任何关系代数表达式均可以由基本关系代数操作构成

六项基本关系代数操作

- ① 选择 σ
- ② 投影 Π
- ③ 笛卡尔积 \times
- ④ 并 \cup
- ⑤ 差 $-$
- ⑥ 重命名 ρ

选择操作(Selection)

- 功能: 从一个关系中选出满足给定条件的元组
- 语法: $\sigma_{\theta}(R)$
 - ▶ σ —选择操作符
 - ▶ R —关系名
 - ▶ θ —条件表达式, 形如 $A = 10, B > 5$ 的简单逻辑表达式, 或由与 \wedge 、或 \vee 、非 \neg 逻辑运算构成的复杂逻辑表达式

Example

① 找出计算机系的全体学生 $\sigma_{Sdept='CS'}(Student)$

② 找出计算机系的全体男同学 $\sigma_{Sdept='CS' \wedge Ssex='M'}(Student)$

Student

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

查询1的结果

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS

查询2的结果

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
CS-002	Ed	M	19	CS

投影操作(Projection)

- 功能: 从一个关系中选出指定的列, 并去掉重复元组
- 语法: $\Pi_L(R)$
 - ▶ Π —投影操作符
 - ▶ R —关系名
 - ▶ L —投影属性列表

Example

① 找出全体学生的学号和姓名 $\Pi_{Sno, Sname}(Student)$

② 找出全部的系 $\Pi_{Sdept}(Student)$

Student

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

查询1的结果

Sno	Sname
PH-001	Nick
CS-001	Elsa
CS-002	Eric
MA-001	Abby
MA-002	Cindy

查询2的结果

Sdept
Physics
CS
Math

笛卡尔积操作

- 功能: 计算两个关系的笛卡尔积
- 语法: $R \times S$
 - ▶ R, S —关系名
 - ▶ \times —笛卡尔积操作符

Student				
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

SC		
Sno	Cno	Grade
PH-001	1002	92
PH-001	2003	85
PH-001	3006	88
CS-001	1002	95
CS-001	3006	90
CS-002	3006	80
MA-001	1002	

Student \times SC								
Student.Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept	SC.Sno	Cno	Grade	
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	1002	92	
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	2003	85	
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	3006	88	
PH-001	Nick	M	20	Physics	CS-001	1002	95	
PH-001	Nick	M	20	Physics	CS-001	3006	90	
PH-001	Nick	M	20	Physics	CS-002	3006	80	
...				

笛卡尔积操作

- 笛卡尔积的作用仅仅是将 R 和 S 中的元组无条件地连接起来
- 笛卡尔积操作通常和选择操作一起使用, 即连接(join)

Example

- ① 查询已选课学生的信息

$\sigma_{Student.Sno=SC.Sno}(Student \times SC)$

查询1的结果								
Student.Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept	SC.Sno	Cno	Grade	
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	1002	92	
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	2003	85	
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	3006	88	
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	1002	95	
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	3006	90	
CS-002	Ed	M	19	CS	CS-002	3006	80	
MA-001	Abby	F	18	Math	MA-001	1002		

并操作(Union)

- 功能: 计算关系 R 和 S 的并集
- 语法: $R \cup S$
 - ▶ R, S —关系名
 - ▶ \cup —并操作符
- 要求:
 - ① R 和 S 必须具有相同个数的属性
 - ② R 和 S 对应属性的值域必须相容

Example

- ① 找出计算机系和数学系的学生

$\sigma_{Sdept='CS'}(Student) \cup \sigma_{Sdept='MA'}(Student)$ (还有什么方法?)

$\sigma_{Sdept='CS'}(Student)$

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS

$\sigma_{Sdept='MA'}(Student)$

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

查询1的结果

Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

差操作(Difference)

- 功能: 计算关系 R 和 S 的差集
- 语法: $R - S$
 - ▶ R, S —关系名
 - ▶ $-$ —差操作符
- 要求:
 - ① R 和 S 必须具有相同个数的属性
 - ② R 和 S 对应属性的值域必须相容

Example

- ① 查询选修了1002号课程, 但没有选修3006号课程的学生学号

$\Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='1002'}(SC)) - \Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='3006'}(SC))$

$\Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='1002'}(SC)) \quad \Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='3006'}(SC))$

Sno
PH-001
CS-001
MA-001

Sno
PH-001
CS-001
CS-002

查询1的结果

Sno
MA-001

重命名操作(Renaming)

- 功能: 修改关系名和(或)属性名
- 语法:
 - ① $\rho_{B \leftarrow A}(R)$: 将关系 R 的属性 A 更名为 B
 - ② $\rho_S(R)$: 将关系 R 更名为 S
 - ③ $\rho_S(A_1, A_2, \dots, A_n)(R)$: 将关系 R 更名为 S , 并将 R 的全部属性更名为 A_1, A_2, \dots, A_n
- 当把一个关系和它自身进行自连接(self-join)时, 需要区分同一个关系的两个副本。在这种情况下, 重命名操作发挥着重要作用。

Example

- ① 找出和Elsa在同一个系学习的学生的学号和姓名
 $\Pi_{S2.Sno, S2.Sname}(\sigma_{S1.Sname='Elsa' \wedge S1.Sdept=S2.Sdept}(\rho_{S1}(Student) \times \rho_{S2}(Student)))$
- ② ★★ 找出3006号课程的最高分(课后练习)

基本关系代数习题 I

使用关系代数运算器² 在数据库(Database Systems The Complete Book - Exercise 2.4.1)上完成下列习题

选择

- ① What PC models have a speed of at least 3.00 and ram of at least 1024MB?
- ② What PC models have a speed of at least 3.00 or ram of at least 1024MB?

投影

- ① What are the manufacturers?
- ② What models does the manufacturer A produce?
- ③ Find the model numbers of all color laser printers

笛卡尔积

- ① What manufactures make laptops with a hard disk of at least 100GB?

基本关系代数习题 II

- ② What PC models with a price less than \$500 does the manufacturer A produce?

并

- ① Find the model numbers and price of all PC's and all laptops

差

- ① Find the manufacturers that sell laptops but not PC's

重命名

- ① Rename the hd attribute of a PC to ssd
- ② ** Find the model numbers of all printers that are cheaper than the printer model 3002

²<https://dbis-uibk.github.io/relax/calc.htm>

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2020年春

31 / 54

派生关系代数操作

- **目的**: 只用基本关系代数操作来编写复杂查询是非常繁琐的, 因此我们引入派生(derived)关系代数操作来**简化查询编写**
- 任何一项派生关系代数操作都可以用基本关系代数操作来表示

派生关系代数操作

- ① 交 \cap
- ② θ 连接 \bowtie_{θ}
- ③ 自然连接 \bowtie
- ④ 外连接: 左外连接 \bowtie_{\leftarrow} 、右外连接 \bowtie_{\rightarrow} 、全外连接 $\bowtie_{\leftrightarrow}$
- ⑤ 除 \div

交操作(Intersection)

- 功能: 计算关系 R 和 S 的交集
- 语法: $R \cap S$
 - ▶ R, S —关系名
 - ▶ \cap —交操作符
- 要求:
 - ① R 和 S 必须具有相同个数的属性
 - ② R 和 S 对应属性的值域必须相容
- 等价变换: $R \cap S = R - (R - S)$

Example

- ① 查询既选修了1002号课程，又选修了3006号课程的学生的学号

$$\Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='1002'}(SC)) \cap \Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='3006'}(SC))$$

$$\Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='1002'}(SC)) \quad \Pi_{Sno}(\sigma_{Cno='3006'}(SC))$$

Sno
PH-001
CS-001
MA-001

Sno
PH-001
CS-001
CS-002

查询1的结果

Sno
PH-001
CS-001

θ 连接(θ -Join)

- 功能: 将关系 R 和 S 中满足给定连接条件 θ 的元组进行连接
- 语法: $R \bowtie_{\theta} S$
 - ▶ \bowtie —内连接操作符
 - ▶ θ —连接条件，条件表达式的语法与选择操作条件相同
- $R \bowtie_{\theta} S$ 的结果包含 R 和 S 中的全部属性，同名属性加关系名前缀

Student				
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

$Student \bowtie_{Student.Sno=SC.Sno} SC$

Sno	Cno	Grade
PH-001	1002	92
PH-001	2003	85
PH-001	3006	88
CS-001	1002	95
CS-001	3006	90
CS-002	3006	80
MA-001	1002	

Student.Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept	SC.Sno	Cno	Grade
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	1002	92
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	2003	85
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	3006	88
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	1002	95
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	3006	90
CS-002	Ed	M	19	CS	CS-002	3006	80
MA-001	Abby	F	18	Math	MA-001	1002	

θ 连接(θ -Join)

Property

$$R \bowtie_{\theta} S = \sigma_{\theta}(R \times S)$$

Example

- ① 查询计算机系学生的选课情况，列出学号、姓名、课号、得分
 $\Pi_{Sno, Sname, Cno, Grade}(\sigma_{Sdept='CS'}(Student \bowtie_{Student.Sno=SC.Sno} SC))$

$Student \bowtie_{Student.Sno=SC.Sno} SC$							
Student.Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept	SC.Sno	Cno	Grade
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	1002	92
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	2003	85
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	3006	88
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	1002	95
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	3006	90
CS-002	Ed	M	19	CS	CS-002	3006	80
MA-001	Abby	F	18	Math	MA-001	1002	

等值连接(equi-join): 连接条件仅涉及相等比较的连接称作等值连接

自然连接(Natural Join)

- 功能: 设 $\{A_1, A_2, \dots, A_k\}$ 是关系 R 和 S 的同名属性集合

$$R.A_1 = S.A_1 \wedge R.A_2 = S.A_2 \wedge \dots \wedge R.A_k = S.A_k$$

- ① 从连接结果中去掉重复的同名属性(为什么?)
- 语法: $R \bowtie S$

Student				
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

SC		
Sno	Cno	Grade
PH-001	1002	92
PH-001	2003	85
PH-001	3006	88
CS-001	1002	95
CS-001	3006	90
CS-002	3006	80
MA-001	1002	

$Student \bowtie SC$						
Student.Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept	Cno	Grade
PH-001	Nick	M	20	Physics	1002	92
PH-001	Nick	M	20	Physics	2003	85
PH-001	Nick	M	20	Physics	3006	88
CS-001	Elsa	F	19	CS	1002	95
CS-001	Elsa	F	19	CS	3006	90
CS-002	Ed	M	19	CS	3006	80
MA-001	Abby	F	18	Math	1002	

自然连接(Natural Join)

- 自然连接与 θ 连接的区别

	自然连接	θ 连接
连接条件	隐含给出	明确给出
连接结果的属性	去除重复的同名属性	保留重复的同名属性

Example

- 查询计算机系学生的选课情况，列出学号、姓名、课号、得分
 $\Pi_{Sno, Sname, Cno, Grade}(\sigma_{Sdept='CS'}(Student \bowtie SC))$

Student \bowtie SC						
Student.Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept	Cno	Grade
PH-001	Nick	M	20	Physics	1002	92
PH-001	Nick	M	20	Physics	2003	85
PH-001	Nick	M	20	Physics	3006	88
CS-001	Elsa	F	19	CS	1002	95
CS-001	Elsa	F	19	CS	3006	90
CS-002	Ed	M	19	CS	3006	80
MA-001	Abby	F	18	Math	1002	

左外连接(Left Outer Join)

- 目的: $R \bowtie_{\theta} S$ (内连接) 的结果只包含 R 和 S 中满足连接条件 θ 的元组，有些情况下我们需要在连接结果中保留 R 或 (和) S 中的全部元组，例如学校想了解学生的选课情况，既要知道哪些学生选了哪些课，也要知道哪些学生没选课

Student				
Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept
PH-001	Nick	M	20	Physics
CS-001	Elsa	F	19	CS
CS-002	Ed	M	19	CS
MA-001	Abby	F	18	Math
MA-002	Cindy	F	19	Math

想要的查询结果↓

Student.Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept	SC.Sno	Cno	Grade
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	1002	92
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	2003	85
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	3006	88
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	1002	95
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	3006	90
CS-002	Ed	M	19	CS	CS-002	3006	80
MA-001	Abby	F	18	Math	MA-001	1002	
MA-002	Cindy	F	19	Math			

Sno	Cno	Grade
PH-001	1002	92
PH-001	2003	85
PH-001	3006	88
CS-001	1002	95
CS-001	3006	90
CS-002	3006	80
MA-001	1002	

左外连接(Left Outer Join)

- 指定 R 为左关系(left relation), S 为右关系(right relation)
- 功能:
 - 将 R 和 S 中满足给定连接条件 θ 的元组进行连接, 即计算 $R \bowtie_{\theta} S$
 - 对于 R 中不满足给定连接条件 θ 的元组, 左外连接结果中也包含该元组, 只不过 S 中属性的值都为空(null)
- 语法: $R \bowtie_{\theta} S$

Example

- 找出没选过课的同学的学号和姓名

$\Pi_{Sno, Sname}(\sigma_{Cno=NULL}(Student \bowtie_{Student.Sno=SC.Sno} SC))$

$Student \bowtie_{Student.Sno=SC.Sno} SC$							
Student.Sno	Sname	Ssex	Sage	Sdept	SC.Sno	Cno	Grade
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	1002	92
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	2003	85
PH-001	Nick	M	20	Physics	PH-001	3006	88
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	1002	95
CS-001	Elsa	F	19	CS	CS-001	3006	90
CS-002	Ed	M	19	CS	CS-002	3006	80
MA-001	Abby	F	18	Math	MA-001	1002	
MA-002	Cindy	F	19	Math			

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2020年春

39 / 54

右外连接(Right Outer Join)

- 指定 R 为左关系(left relation), S 为右关系(right relation)
- 功能:
 - 将 R 和 S 中满足给定连接条件 θ 的元组进行连接, 即计算 $R \bowtie_{\theta} S$
 - 对于 S 中不满足给定连接条件 θ 的元组, 右外连接结果中也包含该元组, 只不过 R 中属性的值都为空(null)
- 语法: $R \bowtie_{\theta} S$
 - \bowtie_{θ} —右外连接操作符

全外连接(Full Outer Join)

- 指定 R 为左关系(left relation), S 为右关系(right relation)
- 功能:
 - 将 R 和 S 中满足给定连接条件 θ 的元组进行连接, 即计算 $R \bowtie_{\theta} S$
 - 对于 R 中不满足给定连接条件 θ 的元组, 全外连接结果中也包含该元组, 只不过 S 中属性的值都为空(null)
 - 对于 S 中不满足给定连接条件 θ 的元组, 全外连接结果中也包含该元组, 只不过 R 中属性的值都为空(null)
- 语法: $R \bowtie_{\theta} S$
 - \bowtie —全外连接操作符

Property

$$R \bowtie_{\theta} S = R \bowtie_{\theta} S \cup R \bowtie_{\theta} S$$

除(Division)

- 目的: 我们经常要做下面这种查询: 找出选修了**所有**课程的学生。用基本关系代数操作来编写这种查询非常不便, 因此引入除操作。
- 整数除法: 设 x 和 y 为正整数, $x \div y$ 的商是使得 $yz \leq x$ 的最大的整数 z
- 关系除法
 - $R \div S$ 的结果是一个关系, 它只包含 R 中的属性, 但不包含 S 中的属性
 - $R \div S$ 的结果是使得 $S \times T \subseteq R$ 的最大的关系 T
- 语法: $R \div S$
 - \div —除操作符

Sno	Cno
PH-001	1002
PH-001	2003
PH-001	3006
CS-001	1002
CS-001	3006
CS-002	3006
MA-001	1002

\div

Cno
1002
3006

 $=$

Sno
PH-001
CS-001

除(Division)

Example

- ① 找出选修了所有课程的学生学号

$\Pi_{Sno, Cno}(SC) \div Course$

$\Pi_{Sno, Cno}(SC) \div Course$

Sno	Cno
PH-001	1002
PH-001	2003
PH-001	3006
CS-001	1002
CS-001	3006
CS-002	3006
MA-001	1002

\div

Course
Cno
1002
2003
3006

$=$

查询1的结果

Sno
PH-001

派生关系代数习题 I

使用关系代数运算器³ 在数据库(Database Systems The Complete Book - Exercise 2.4.1)上完成下列习题

交

- ① Find the manufacturers that sell both laptops and PC's

θ 连接

- ① Find those pairs of PC models that have both the same speed and RAM. A pair should be listed only once
- ② \star Find those hard-disk sizes that occur in two or more PC's
- ③ $\star\star$ Find the PC model with the highest available speed
- ④ $\star\star$ Find the manufacturers of PC's with at least three different speeds

自然连接

- ① What manufacturers make laptops with a hard disk of at least 100GB?
- ② \star Explain the result of $Product \bowtie Printer$

派生关系代数习题 II

左外连接

- 1 Execute $Product \bowtie PC$
- 2 ** Find the PC model with the highest available speed (第2次出现, 上一次怎么做的?)

右外连接

- 1 Execute $Product \bowtie\!\!\!\lrcorner PC$

全外连接

- 1 Execute $Product \bowtie\!\!\!\lrcorner\!\!\!\lrcorner PC$

除

- 1 What manufacturers make all types of products (PC, laptop, and printer)?

³<https://dbis-uibk.github.io/relax/calc.htm>

邹兆年 (CS@HIT)

第2章: 关系数据库

2020年春

45 / 54

扩展关系代数操作

- **目的:** 用基本关系代数操作能够实现的查询功能有限, 为了增强关系代数的查询表示能力, 我们引入扩展(extended)关系代数操作

扩展关系代数操作

- 1 分组操作 γ
- 2 赋值操作 $=$

分组操作(Group-By)

- **目的**: 我们经常需要对数据进行统计, 例如统计每名学生的选课数和平均分。基本关系代数操作无法实现这种功能, 因此需要引入分组操作。
- **功能**:
 - ① 根据指定的分组属性, 对一个关系中的元组进行**分组**, 分组属性值相同元组的分为一组
 - ② 对每个组中元组的非分组属性的值进行**聚集(aggregation)**——**计数count**、**求最小值min**、**求最大值max**、**求和sum**、**求平均值avg**
 - ③ 聚集函数只作用于非空(null)值, count(*)除外(它计算分组内所有元组的数量)

Sno	Cno	Grade
PH-001	1002	92
PH-001	2003	85
PH-001	3006	88
CS-001	1002	95
CS-001	3006	90
CS-002	3006	80
MA-001	1002	

Sno	Amount	AvgGrade
PH-001	3	83.3
CS-001	2	92.5
CS-002	1	80
MA-001	1	

分组操作(Group-By)

- **语法**: $\gamma_{L;agg}(R)$
 - ▶ γ —分组操作符
 - ▶ R —关系名
 - ▶ L —分组属性列表, 用逗号分隔
 - ▶ agg —聚集函数表达式列表, 用逗号分隔, 每个聚集函数表达式形如 $sum(score) \rightarrow TotalScore$ (计算score属性值的和, 并将结果命名为属性TotalScore)

Example

- ① 统计每个系的男生人数和女生人数
 $\gamma_{Sdept, Ssex; count(*)} \rightarrow Amt (Student)$
- ② 统计每名已选课学生的选课数和平均分
 $\gamma_{Sno; count(*) \rightarrow Amt, avg(Grade) \rightarrow Score} (SC)$

Sdept	Ssex	Amt
Physics	M	1
CS	M	1
CS	M	1
Math	F	2

Sno	Amt	Score
PH-001	3	83.3
CS-001	2	92.5
CS-002	1	80
MA-001	1	

赋值操作(Assignment)

- **目的:** 仅用一个关系代数表达式来编写复杂查询通常会太冗长, 不易理解。为了便于理解, 需要将一个冗长的关系代数查询表达式分解为一系列简单的表达式, 这需要暂存一些中间结果。
- **功能:** 将关系代数查询表达式的结果赋值给临时关系
- **语法:** $R = expr$
 - ▶ R —临时关系名
 - ▶ $=$ —赋值操作符
 - ▶ $expr$ —关系代数查询表达式

扩展关系代数习题 I

使用关系代数运算器⁴ 在数据库(Database Systems The Complete Book - Exercise 2.4.1)上完成下列习题

分组

- ① How many models does every manufacturer have?
- ② How many models does every manufacturer have for every type of products?
- ③ ★★ Find those hard-disk sizes that occur in two or more PC's (第2次出现, 上一次是怎么做的?)
- ④ ★★ What manufacturers make all types of products (PC, laptop, and printer)? (第2次出现, 上一次是怎么做的?)

赋值

- ① ★★ What manufacturers make all types of products (PC, laptop, and printer)? (第3次出现, 以前两次是怎么做的?)

⁴<https://dbis-uibk.github.io/relax/calc.htm>

总结

① 关系数据模型

- ▶ 关系数据结构: 关系、属性、键
- ▶ 关系操作: 查询操作、更新操作(插入、修改、删除)、查询语言(关系代数、关系演算、SQL)
- ▶ 关系完整性约束: 实体完整性、参照完整性、用户定义完整性

② 关系代数

- ▶ 基本关系代数操作: 选择 σ 、投影 Π 、笛卡尔积 \times 、并 \cup 、差 $-$ 、重命名 ρ
- ▶ 派生关系代数操作: 交 \cap 、内连接 \bowtie_{θ} 、自然连接 \bowtie 、外连接(左外连接 $\bowtie\!\!\!\!\!\lrcorner$ 、右外连接 $\bowtie\!\!\!\!\!\rceil$ 、全外连接 $\bowtie\!\!\!\!\!\lrcorner\!\!\!\!\!\rceil$)、除 \div
- ▶ 扩展关系代数操作: 分组操作 γ 、赋值操作 $=$

③ 在线练习: <https://dbis-uibk.github.io/relax/calc.htm>

习题

设关系 $R(A, B)$ 中包含 r 个元组, 关系 $S(B, C)$ 中包含 s 个元组, 其中 $r, s > 0$ 。求下列关系代数表达式的结果中元组数的最小值和最大值。

关系代数表达式	元组数最小值	元组数最大值
$\sigma_{A < B}(R)$	0	r
$\Pi_A(R)$		
$R \bowtie S$		
$R \bowtie\!\!\!\!\!\lrcorner S$		
$R \bowtie\!\!\!\!\!\rceil S$		
$\Pi_B(R) \cup \Pi_B(S)$		
$\Pi_B(R) \cap \Pi_B(S)$		
$\Pi_B(R) - \Pi_B(S)$		
$R \div \Pi_B(S)$		
$\gamma_{A; count(B) \rightarrow D}(R)$		

问题汇编

- ① 一个关系的外键可以参照该关系自身的主键吗？

答：可以。考虑关系Student(Sno, Sname, Ssex, Sage, Sdept, Mno)，其中Sno是主键，Mno是学生的班长的学号。因为班长也是学生，所以Mno是Student的外键，它参照Student的主键Sno。但是，一个关系的外键不能参照该外键自身。

- ② 一个关系的主键可以同时是这个关系的外键吗？

答：可以。考虑关系Club(Sno, JoinDate)，其中Sno是主键，同时Sno也是外键，参照Student关系的主键Sno。

致谢

- 感谢李治霖同学指出课件中的错误
- 感谢龚利锋、王梓宣、肖潇、李一鸣同学提供课堂练习题的笔记