hw1:布尔索引

姓名:王茂增 学号:2113972

代码: https://github.com/mzwangg/InformationRetrieval

总体流程

1. 构建索引: 构建倒排索引

1. 遍历每一个块: 从第 0 块开始向上遍历

- 1. **parse_block()函数**:在该函数中遍历块中每个文件,生成格式为[(term_id, doc_id), (term_id, doc_id),...]的列表td_pairs
- 2. **invert_write()函数**:在该函数中将本块中的所有td_pairs处理为 term_id 与其对应的文档 id 列表 postings_list 的形式(如 1:[2, 3, 4],表示 id 为 1 的词项出现在了 id 为 2、3、、4 的文档中)。最后通过append()将该信息保存在磁盘
 - 1. **append()函数**:在该函数中将 postings_list 压缩并写入磁盘,在内存中通过(索引文件开始位置,文档数,索引文件大小)三元组记录下在磁盘中找到该 postings_list 的必要信息
 - 1. **UncompressedPostings 类**: 该类直接将 postings_list 中的每个元素作为无符号长整型并写入磁盘
 - 2. **CompressedPostings 类**: 该类通过 VB 编码进行压缩,主要思想是将文档 id 的 gap 表示为可变长字节编码,其中每个字节的第一位是延续位,只有最后一个字节的延续位为 1,表示结束。
 - 3. **ECCompressedPostings 类**:该类通过 gamma 编码进行压缩,将每个 gap 表示为长度加偏移的可变长编码,可以以 bit 为单位进行更细致的压缩。
- 2. **保存映射**:保存词项到词项 id、文档相对地址到文档 id 的映射
- 3. **合并索引**:通过merge()函数根据每个块的倒排索引的迭代器合并为一个总的倒排索引
 - 1. **InvertedIndexIterator 类**:该类是一个迭代器,每次调用__next__()函数时都会返回一个 (term, postings_list)元组
 - 2. **merge()函数**:该函数通过heapq.merge(*indices)以从小到大遍历每个 term_id 和对应的 doc_id。并将其合并为一个新的倒排索引
- 2. 布尔联合检索: 根据倒排索引进行布尔联合检索
 - 1. 遍历每个 term: 按照输入的 term 的次序进行遍历
 - 1. _get_postings_list()函数:该函数可根据 term 在磁盘中找到对应 postings_list 的存储位置并读取、解码、返回
 - 2. 按照元素个数排序:从元素个数较少的 postings_list 开始求交,可降低搜索的时间
 - 3. sorted intersect()函数: 该函数可对已排序的列表进行求交

代码介绍

索引构建

IdMap 类

作用:该类用于将字符串和数字 ID 进行相互映射,以满足我们在 term 和 termID、doc 和 docID 间转换的需求。

实现:在下列函数中,id_to_str是一个列表,str_to_id是一个字典,直接存储 id 和 str 的对应信息。在_get_id()中,如果当前的 str 不在 list 中,则需要 append, id 就是按照 str 加入 list 的先后顺序确定的。

```
# 该函数返回term_id对应的string

def _get_str(self, i):
    # 需要进行边界检查, 当越界时返回IndexError
    return self.id_to_str[i] if 0 <= i <= len(self.id_to_str) else IndexError

# 该函数返回string对应的id, 如果没有则新建一个id

def _get_id(self, s):
    # 字符串存在时返回相应的标识符。否则, 新建并返回字符串的大小作为id

if s not in self.str_to_id.keys():
    # 当字符串不存在时加入字典及列表
    self.str_to_id[s] = len(self.id_to_str)
    self.id_to_str.append(s)
    return self.str_to_id.get(s) # 返回对应的id
```

parse_block()函数

作用:该函数用于根据块中的每个文档生成包含(term id, doc id)元组的列表。

实现:它通过循环读取块中的每个文档,并根据空格进行分词。然后根据当前文档的相对地址获取文档 id(若没有对应 id 则会新建一个 id),之后遍历获取每个单词的 id 并组成(term_id, doc_id)元组加入 td_pairs 列表,处理完成后返回 td_pairs 列表。

```
td_pairs = [] # 用于存储termID-docID元组
# 遍历块中的每个文档
 for file_dir in sorted(os.listdir(os.path.join(self.data_dir,
block dir relative))):
   relative path = os.path.join(block dir relative, file dir)
   with open(os.path.join(self.data dir, relative path), 'r') as f:
       # 读取文本文件内容, 并去除首尾空白字符, 然后按空格分割为单词列表
       content = f.read().strip().split()
       # 获取当前文本文件的docID
       doc id = self.doc id map[relative path]
       # 遍历文档中的每个单词
       for token in content:
          # 获取单词对应的termID
          term id = self.term id map[token]
          #将termID和docID构成一个元组,并添加到td_pairs列表中
          td_pairs.append((term_id, doc_id))
return td pairs # 返回包含(term id, doc id)元组的列表
```

append()函数

作用:该函数以 term 和对应的 postings_list 作为输入,用于将 postings_list 压缩并写入磁盘,并在内存中记录下每个 term 对应的(索引文件开始位置,文档数,索引文件大小)三元组信息,以在磁盘中找到该 postings_list。

实现:该函数首先通过选择的压缩函数对 posting_list 进行压缩,然后将 term 添加到 terms 列表中,并根据 self.index_file.tell()获取开始写入的位置,根据 len(postings_list)计算文档数量,根据 len(encoded_list) 计算压缩后的字节长度,然后将这三个信息保存在三元组中。最后将压缩后的 encoded list 写入磁盘

```
# 1. 编码, 将postings_list转换为bytes类型
encoded_list = self.postings_encoding.encode(postings_list)

# 2. 存储元数据
self.terms.append(term) # 将term添加到terms列表中
start_position_in_index_file = self.index_file.tell() # 获取当前文件指针位置,即开始写入的位置
number_of_postings_in_list = len(postings_list) # 计算postings_list中的文档数量
length_in_bytes_of_postings_list = len(encoded_list) # 计算encoded_list的字节长度
self.postings_dict.update({term: (start_position_in_index_file,
number_of_postings_in_list, length_in_bytes_of_postings_list)}) # 将元数据存储到
postings_dict中

# 3. 写入文件
self.index_file.write(encoded_list) # 将encoded_list写入磁盘
```

invert write()函数

作用:在该函数中将本块中的所有td_pairs处理为 term_id 与其对应的文档 id 列表 postings_list 的形式,并通过append()将该信息保存在磁盘

实现:为了实现相应的功能,我们首先对 td_pairs 先按照 term_id 排序,后按照 doc_id 排序然后初始化一些值。之后,遍历 td_pairs,如果当前 term 之前已经出现过,则将 term_id 对应的 doc_id 加入 postings_list,否则则将之前一个 term 以及对应的 postings_list 通过append()函数加入倒排索引并写入磁盘,然后更新 term_id 和 postings_list,最后要处理一下剩余的一项。

要点:值得注意的是,我们最开始将 term_id 初始化为 td_pairs[0][0],即 td_pairs 中第一个元组的 term,所以第一个元组不会执行保存之前 term 的那部分代码。

```
postings_list.append(pair[1])
# 如果当前term_id遍历完毕
else:
    # 将doc_id列表加入InvertedIndexWriter
    index.append(term_id, postings_list)
    # 更新term_id和postings_list
    term_id = pair[0]
    postings_list = [pair[1]]
# 处理最后一项
index.append(term_id, postings_list)
```

InvertedIndexIterator 类

作用:该类实现了__next__()函数,使得InvertedIndexIterator类变成一个迭代器,可以进行迭代,每次 迭代时返回一个(term, postings_list)元组

实现:对于_initialization_hook()函数,实现了将当前位置设置为 0 和得到倒排索引的数目。对于__next__()函数,我们首先检查当前位置是否已经越界,越界则返回StopIteration。若没越界,则得到当前 term 并更新当前位置,然后根据当前 term 得到对应开始位置和长度,根据该信息读取并解压 encoded_postings 后返回(term, postings_list)元组。

```
# 初始化函数
def _initialization_hook(self):
   self.cur_pos = 0 # 将当前位置初始化为0
   self.num = len(self.terms) # 得到倒排索引的数目
# 实现__next__()函数,构成迭代器
def __next__(self):
   # 当遍历完term后仍然读取下一个,返回StopIteration
   if self.cur_pos >= self.num:
       raise StopIteration
   term = self.terms[self.cur_pos] # 得到当前term
   self.cur_pos += 1 # 更新当前位置
   start_position, _, length_in_bytes = self.postings_dict[term] # 得到对应的三元
组
   self.index_file.seek(start_position) # 根据三元组进行定位
   encoded postings = self.index file.read(length in bytes) # 读取压缩的
postings list
   postings_list = self.postings_encoding.decode(encoded_postings) # 进行解码
   return (term, postings_list) #返回(term, postings_list)元组
```

merge()函数

作用:该函数根据迭代器列表对每个块的倒排索引进行合并,以得到最终的倒排索引。

实现:该函数首先初始化上一次的 term 和 postings,然后通过heapq.merge(*indices)以从小到大遍历每个 term_id 和对应的 doc_id。在遍历时,对于相同的 term 时则先将其 postings_list 插入 last_postings 列表,当处

理到下一个 term 时,则将 last_postings 去重并排序,然后构建新的倒排列表并写入磁盘。同时,我们要注意处理最后的一项并且由于第一个 term 并没有对应的 last_postings,所以要特判一下。

要点:在处理最后一项时,要判断一下 last_term 是否存在,如果不判断则在没有倒排索引列表时会出现错误。

```
# 初始化上一次的term和postings
last_term = last_postings = None
# heapq.merge用于合并多个已排序的可迭代对象, InvertedIndexIterator是已排序的迭代器, 可
以使用其进行合并
for cur_term, cur_postings in heapq.merge(*indices):
   if cur_term != last_term: # 当合并到新的term时
       if last term: # 如果不是第一次合并
          last_postings = list(sorted(set(last_postings))) # 去重并排序
          merged_index.append(last_term, last_postings) # 构建新的倒排列表并写入磁
盘
       # 更新之前的term和postings,以判断什么时候合并到新的term
       last_term = cur_term
       last_postings = cur_postings
   else: # 当还在处理相同的term时
       last_postings.extend(cur_postings) # 合并postings
# 处理最后一项,使用if是为了防止没有倒排索引列表
if last term:
   last_postings = list(sorted(set(last_postings))) # 去重并排序
   merged_index.append(last_term, last_postings) # 进行合并
```

布尔联合查询

_get_postings_list()函数

作用:该函数用于从磁盘读取 term 对应的 postings_list。

实现: 我们首先判断当前 term 是否存在,若不存在则直接返回空列表。然后根据 postings_dict 找到当前 term 对应的起始地址和大小,然后移动到记录的位置并读取指定大小的数据,最后解码并返回。

```
if term in self.postings_dict:
    # 根据postings_dict得到该term存储的位置及大小
    start_position, _, length_in_bytes= self.postings_dict[term]
    self.index_file.seek(start_position) # 移动到该位置
    encoded_postings_list = self.index_file.read(length_in_bytes) # 读取指定大小的
数据
    posting_list = self.postings_encoding.decode(encoded_postings_list) # 解码
    return posting_list # 返回term对应的postings_list
else:
    return []
```

sorted_intersect()函数

作用: 该函数用于在线性时间内返回两个已排序列表的交集。

实现:为了实行该函数,首先进行一些初始化,然后分别遍历两个列表并进行边界检测,当其中一个列表遍历 完时显然不会再有交集,所以可以返回交集了。如果两列表还未遍历完毕,当两者不等时增加较小者,相等时则保存交集元素,并都处理下一个元素。

```
# 初始化
intersection = []
i = j = 0
# 讲行边界检测, 当其中一个列表遍历完时显然不会再有交集
while i < len(list1) and j < len(list2):
   # 当两者不等时增加较小者
   if list1[i] < list2[j]:</pre>
       i += 1
   elif list1[i] > list2[j]:
       j += 1
   # 相等时则保存交集元素,并都处理下一个元素
   else:
       intersection.append(list1[i])
       i += 1
       i += 1
return intersection # 返回交集
```

retrieve()函数

作用: 该函数用于在构建好的倒排索引中进行联合查询。

实现:为了实现该功能,首先对查询的字符串进行分词、去重,然后遍历每个查询词,得到对应的 term_id 并通过_get_postings_list()函数得到对应的 postings_list。当得到所有 term 对应的 postings_list 之后,根据其列表长度进行排序,并按照元素个数从小到大进行倒排索引求交,以节省求交集的时间。最后返回 result 中doc_id 对应的 doc_name。

```
with InvertedIndexMapper(self.index_name, directory=self.output_dir, postings_encoding=self.postings_encoding) as mapper:

query = list(set(query.split())) # 对查询的字符串进行分词、去重 postings_list_list = [] # 用于存储列表,以先合并较小的列表

for term in query:
    # 得到term_id (不能直接term_id_map[term], 因为可能不存在) term_id = self.term_id_map.str_to_id.get(term) postings_list_list.append(mapper[term_id]) # 加入倒排记录表

# 根据列表长度进行排序,以节省求交集的时间 sorted_list_list = sorted(postings_list_list, key=lambda x: len(x)) # 将result初始化为第一个列表 result = sorted_list_list[0]
```

```
# 按照元素个数从小到大进行倒排索引求交
for i in range(1, len(sorted_list_list)):
    result = sorted_intersect(result, sorted_list_list[i])

# 返回result中doc_id对应的doc_name
return [self.doc_id_map[doc_id] for doc_id in result]
```

索引压缩

VB 编码

作用: 该方法的主要思想是将文档 id 的 gap 表示为可变长字节编码,其中每个字节的第一位是延续位,只有最后一个字节的延续位为 1,表示结束。使用该种编码方式可以以字节为单位尽量减少每个编码的开销。

实现:对于encode()函数,我们不断遍历 postings_list,对他们的 gap 通过位运算的方式进行编码。如通过 128 | (gap & 127),可提取出 gap 中的低 7 位,并把最高位置 1,可表示结束字节;而gap & 127可提取出 gap 中的低 7 位,并把最高位置 0,可以作为非结束字节。我们先将结束字节插入 0 号位,然后从后往前不断插入到 0 号位,直到 gap 为 0,以完成编码,编码结果加到 encoded_list 中,最后将 encoded_list 转为无符号字节数组并返回。

要点:对于第一个 gap,由于我们将 last_doc_id 初始化为 0,所以 cur_doc_id - last_doc_id 等于 cur_doc_id。

```
encoded_list = [] # 存储编码后的倒排记录表
last_doc_id = 0 # 记录上一个doc_ID

for cur_doc_id in postings_list:
    gap = cur_doc_id - last_doc_id
    # 将gap的低7位放在byte的0号位,并将第8位置1,表示最后一位
    # 127 = 0b01111111, 与gap按位与可得到低七位
    # 128 = 0b100000000,与gap按位或可将第8位置1
    bytes = [128 | (gap & 127)]
    gap >>= 7 # 将gap右移7位
    while gap != 0:
        bytes.insert(0, gap & 127) # 将gap的低7位插入到0号位,第8位为0
        gap >>= 7 # 将gap右移7位
    encoded_list += bytes
    last_doc_id = cur_doc_id # 更新上一个doc_id

return array.array('B', encoded_list).tobytes() # 转成bytes, 其中'B'表示无符号字节
```

实现:对于decode()函数,我们首先将字节数组转成 array 再转为 list,然后不断遍历 encoded_gap_list,并将 gap 不断左移七位并加上 byte 的低七位以完成解码操作,当 byte>127,即第八位为 1 时,说明我们处理到了结束字节,可将其放到 postings_list 列表中。当 encoded_list 遍历完毕时,解码完毕。最后我们求其前缀和以还原文档 id 并返回。

```
# 读取encoded_gap_list
encoded_gap_list = array.array('B') # 创建一个新的 array 对象
```

```
encoded_gap_list.frombytes(encoded_postings_list) # 将直接数组转为array
encoded_gap_list = encoded_gap_list.tolist() # 将字节数组转成list

# 进行解码
postings_list, gap = [], 0 # 初始化
for bytes in encoded_gap_list:
    # 首先将gap左移7位并加上byte的低7位
    gap = (gap << 7) + (bytes & 127)
    # 当byte>127, 即第8位为1时,结束
    if bytes > 127:
        postings_list.append(gap)
        gap = 0

# 根据间隔还原,相当于求前缀和
for i in range(1, len(postings_list)):
        postings_list[i] += postings_list[i-1]
return postings_list # 返回解码结果
```

gamma 编码

作用:通过 gamma 编码进行压缩,将每个 gap 表示为长度加偏移的可变长编码,可以以 bit 为单位进行更细致的压缩。

实现:为了实现 gamma 编码,我首先实现了两个辅助函数。make_mask()函数可返回从 pos 位置开始,连续 num 个位为 1,之后的位为 0 的掩码(如 makemask(5,3)会返回 0b11100)。get_top_n()函数可得到二进制 长度为 lenth 的整数 bin 的前 n 个二进制位并返回(如 get_top_n(0b10110, 5, 2)会返回 0b1110, 3, 0b11111110)。

```
# 返回从pos位置开始,连续num个位为1,之后的位为0的掩码
@staticmethod
def make_mask(pos, num):
    return ((1<<num)-1)<<(pos-num)

# 该函数用于得到二进制长度为lenth的整数bin的前n个二进制位并返回
@staticmethod
def get_top_n(bin, lenth, n):
    new_lenth = lenth - n
    mask1 = ECCompressedPostings.make_mask(new_lenth, new_lenth)
    mask2 = ECCompressedPostings.make_mask(8, 8 - n)
    return bin & mask1, new_lenth, (bin >> new_lenth) | mask2
```

encode()函数

实现: 实现 encode()函数的步骤如下:

1. **初始化**。其中 cur_cap 表示当前字节还有多少空闲 bit, value 表示当前字节的值,初始化为 0b111111111 表示当前字节还没写入任何数据。

```
encoded_list = [] # 存储编码后的倒排记录表
last_doc_id = 0 # 记录上一个doc_ID
cur_cap, value = 8, 255 # 初始化
```

- 2. 遍历 postings_list: for cur_doc_id in postings_list:
 - 1. **将 gap 转为 gamma 编码形式**: 首先计算当前的 gap,然后通过取对数的下整得到偏移位的位数 lenth_bias,之后通过位运算构建对应的 gamma 编码bin,并将 bin 的位数设置为当前处理的 位置(如当cue_gap为 5 时,lenth_bias=2,bin=0b11001,cur_pos=5)。

```
cur_gap = cur_doc_id - last_doc_id + 1 # 计算gap并加1, 防止为0 lenth_bias = math.floor(math.log2(cur_gap)) # 获取偏移部分的长度 mask = ECCompressedPostings.make_mask(lenth_bias,lenth_bias) # 获得全是1 的长度为lenth_bias的数 bin = (mask<<(lenth_bias+1))|(cur_gap&mask) # 使用gama编码的形式表示 cur_gap cur_pos = 2 * lenth_bias + 1 # 初始化bin处理的位置
```

2. 按位存储 gamma 编码: 通过 while 循环直到处理完当前的 gamma 编码为止。每次循环均判断当前字节的空闲 bit 个数与 gamma 编码剩余 bit 个数的大小关系。当 gamma 编码能把当前字节填满时,则获取 bin 的前 cur_cap 个二进制位,并将上述二进制位通过位运算与 value 合并,然后保存该字节到 encoded_list 中并重新初始化。当 gamma 编码不能把当前字节填满时,则先得到本次能处理的长度,再更新 cur_cap 并获取 bin 的前 cur_pos 个二进制位,然后将上述二进制位通过位运算与 value 合并。

```
while cur_pos!= 0: # 当目前的gap还没处理完毕时
   if cur_cap <= cur_pos:</pre>
       # 获取bin的前cur_cap个二进制位
       bin, cur_pos, value_part = ECCompressedPostings.get_top_n(bin,
cur_pos, cur_cap)
       value &= value part # 将上述二进制位通过位运算与value合并
       encoded list.append(value) # 保存值
       cur_cap, value = 8, 255 # 重新初始化
   else:
       lenth part = cur cap-cur pos # 得到本次能处理的长度
       cur_cap -= cur_pos # 更新cur_cap, 因为之后cur_pos的值就会改变
       # 获取bin的前cur_pos个二进制位
       bin, cur pos, value part = ECCompressedPostings.get top n(bin,
cur_pos, cur_pos)
       # 将上述二进制位通过位运算与value合并
       value &= ((value part<<lenth part) |</pre>
ECCompressedPostings.make_mask(lenth_part, lenth_part))
```

3. **更新 last_doc_id**: 更新 last_doc_id,以用于下一次循环计算 gap

```
last_doc_id = cur_doc_id # 更新上一个docid
```

3. **加入最后一个 value**:最后一个 value 可能没加入列表中,就算 value 中没有值也不会导致程序出错,所以加入这个 value

```
encoded_list.append(value)
```

4. **转为 bytes 并返回**:

```
return array.array('B', encoded_list).tobytes() # 转成bytes, 其中'B'表示无符号字节
```

decode()函数

实现:实现 decode()函数的步骤如下:

1. 将字节数组转为 list

```
encoded_gap_list = array.array('B') # 创建一个新的 array 对象
encoded_gap_list.frombytes(encoded_postings_list) # 将字节数组转成array
encoded_gap_list = encoded_gap_list.tolist() # 将array转为list
```

2. **初始化**: 其中 cur_pos 表示 gamma 编码当前处理到的位置,lenth_bias 表示 gamma 编码的偏移长度,value 代表 gamma 编码还原的值,由于 gamma 编码的偏移省略了前面的 1,所以将 value 初始化为 1

```
postings_list = []
cur_pos, lenth_gap, value = 0, 0, 1
```

- 3. 遍历 encoded_gap_list: for cur_Byte in encoded_gap_list:
 - 1. 遍历该字节的每个 bit: for i in range(7, -1, -1):。

在循环中首先得到当前 bit 的值。然后得到偏移,当 cur_pos 不等于 0 时不断左移 value 并位或上 bit_value,直到 cur_pos 等于 0,该部分开始于已经确定了偏移的位数和开始位置时。当 cur_pos 为 0 时,且 value 不为 1 时,将 value 加入 postings_list,此时表示上一个 gamma 编码已经处理 完毕;当 bit_value 为 1 时,增加 lenth_bias,该部分表示正在读取间距部分的 1;当前面没有 1 而当前位为 0 时,说明该部分代表 1,直接将 1 插入 postings_list;当读取到第一个 0 时,间距部分结束,将当前处理的位置 cur_pos 置为 lenth_bias。

```
bit_value = (cur_Byte>>i)&1 # 得到当前位对应的值
if cur_pos !=0: # 得到偏移, 该部分开始于已经确定了偏移的位数和开始位置时
    value=(value<<1)|bit_value
    cur_pos -= 1
```

```
else:
    if value!= 1: # 当处理完当前偏移时,将结果存在postings_list中
        postings_list.append(value)
        lenth_bias, value = 0, 1

if bit_value == 1:# 该部分用于读取gamma编码前面的1
        lenth_bias+=1
    elif lenth_bias == 0: # 当读取到一个前面没有1的零时,说明该部分代表1,直接插入
        postings_list.append(1)
        continue
    else: # 当读取到第一个0时,间距部分结束,将当前处理的位置cur_pos置为lenth_bias
        cur_pos = lenth_bias
```

4. **还原 gap**: 计算前缀和,还原 gap

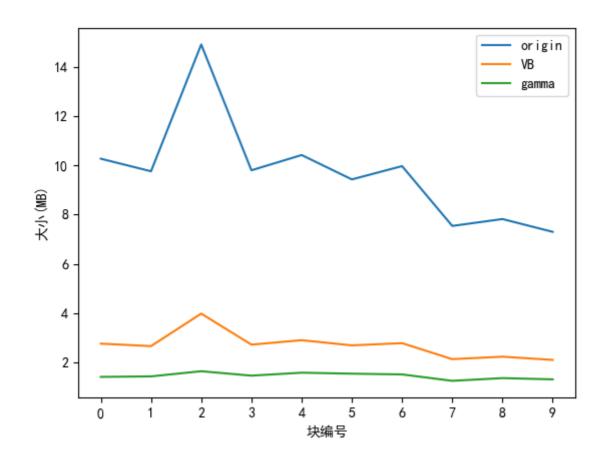
```
postings_list[0] -= 1 # 还原之前加的1
for i in range(1, len(postings_list)):
    postings_list[i] += postings_list[i-1] - 1 # 根据间隔还原,相当于求前缀和
```

5. 返回解码结果

```
return postings_list
```

结果展示

各块压缩大小



上图是对于每一个块通过不同压缩方法进行压缩的结果对比图,可以发现使用 VB 编码大概使得倒排索引文件 大小变为了原来的 1/4,而 gamma 编码又大概是使用 VB 编码的 1/2,表明了 gamma 压缩的优越性。

压缩算法比较

	压缩时间 (s)	查询时间 (s)	各块总和大小 (MB)	各块总和压缩 率	总大小 (MB)	总压缩 率
原始编码	118.70	4.40	97.22	1.00	52.72	1.00
VB 编码	149.80	4.60	26.95	0.28	15.63	0.30
 gamma 编 码	398.70	5.00	14.49	0.15	12.60	0.24

由上述数据可得, VB 编码总体上能达到 30%的压缩率, 而 gamma 编码的压缩率更优, 能达到 24%的压缩率。但是, 使用两种压缩算法会造成压缩和查询时间的增加, 其中 VB 编码大概造成 1/4 压缩时间增长和 5%的查询时间时间增长; 而 gamma 编码造成了 3 倍多的压缩时间增长和 14%的查询时间增长。

所以,在选择压缩算法时,要仔细考虑节省磁盘空间和提高查询响应时间孰轻孰重,根据具体应用的特点选择 合适的压缩算法。