## 応用数学演習問題(Practice\_Mathematics Q)

第1章 パクトルと行列の演覧下

$$| \cdot | \overrightarrow{\alpha} = \begin{pmatrix} 1 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix}, \overrightarrow{b} = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$\vec{a} + \vec{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} t \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 6 \\ 8 \\ 7 \end{pmatrix}$$

## **削.1.2**

$$\vec{a} - \vec{b} = \begin{pmatrix} 1 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ 4 \\ -1 \end{pmatrix}$$

## 向1.1.3

$$7\vec{a} = 7\begin{pmatrix} 1\\6\\3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7\\42\\21 \end{pmatrix}$$

$$\mathcal{S}(\vec{a} + \vec{b}) = \mathcal{S}\begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 76 \\ 64 \\ 76 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 3 \end{pmatrix}, \beta = \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$$

## 雨1,2,1

$$A + B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 5 & 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 7 & 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}$$

同1,2,2

$$A - 3B = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} - 3 \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & -15 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 3 & 15 \\ 3 & 15 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} -1 & -11 \\ 3 & 15 \end{pmatrix}$$

第2章 パクトルと行列の演算I

$$2 \cdot 1 \qquad \overrightarrow{V} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix}, \quad A = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 4 \\ 5 & 9 & 0 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 0 & 2 & 5 \end{pmatrix}$$

肉2.1.1

$$\overrightarrow{A}\overrightarrow{V} = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 4 \\ 4 & 9 & 0 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 + 0 + 12 \\ 5 + 0 + 0 \\ 3 + 0 + 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 13 \\ 5 \\ 9 \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{BV} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 0 & 2 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1+0+9 \\ 0+0+15 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 \\ 15 \end{pmatrix}$$

$$BA = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 0 & 2 & 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 3 & 4 \\ 5 & 9 & 0 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1+0+9 & 3+0+3 & 4+0+6 \\ 0+10+15 & 0+18+5 & 0+0+10 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 & 6 & 10 \\ 2f & 23 & 10 \end{pmatrix}$$

南2.1,4

$$\beta^{\mathsf{T}} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & \lambda \\ 3 & \zeta \end{pmatrix}$$

$$\beta \geq 2$$
  $\beta = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}, \beta = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ 

肉2.2、1

$$AB = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ k & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$$
$$= \begin{pmatrix} 2+3 & 6+1 \\ k+3 & 12+1 \end{pmatrix}$$
$$= \begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 7 & 13 \end{pmatrix}$$

$$A^{-1} \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 & 0 \\ 4 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 0 \\ 4 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & -1 & -2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & 0 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\beta^{-1} \begin{pmatrix} 1 & 3 & 1 & 1 & 0 \\ 3 & 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & 3 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -3 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1 & 3 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\beta A \beta^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -\frac{1}{5} & \frac{3}{5} \\ \frac{3}{5} & -\frac{1}{5} \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 14 & 4 \\ 10 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -\frac{1}{5} & \frac{3}{5} \\ \frac{3}{5} & -\frac{1}{5} \end{pmatrix} = \frac{1}{5} \begin{pmatrix} 14 & 4 \\ 10 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= \frac{1}{5} \begin{pmatrix} -2 & 35 \\ 2 & 26 \end{pmatrix}$$