À la recherche du meilleur coup au jeu d'Awalé

Nils Lelorieux

numéro de candidat : 24296

Introduction



Figure: Une partie d'Awalé



Figure: Photographie de Wole Soyinka

Un jeu ancien et important



Figure: Un ancien plateau de jeu découvert au Kenya

Vue d'ensemble

- Présentation des règles du jeu et motivations
- Échec de l'approche théorique et des premiers algorithmes
- Des résultats concluents grâce à deux nouvelles techniques : la recherche arborescente de Monte-Carlo et l'analyse rétrograde

Règles du jeu

- Deux joueurs s'affrontent.
- 4 graines dans les 12 trous divisé en 2 rangée de 6.
- Le premier joueur choisi un puit et sème les graines.
- Si le dernier puit semé a 2 ou 3 pierres, il les récupère et fait la même chose dans le puit précédent, ...
- Le gagnant est le joueur qui a le plus de pierres

0	4	$\overset{\scriptscriptstyle{10}}{4}$	4	4	4	4	0
	4	4	4	4	4	4	

Figure: L'état du plateau au début de la partie

Déroulé d'une partie

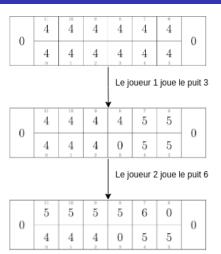


Figure: 2 coups joués par les 2 joueurs en début de partie

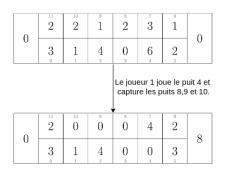
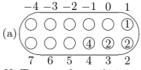


Figure: Position où le joueur 1 capture les pierres du joueur 2

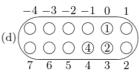
Motivations

- Le facteur d'embrachement est assez faible.
- Possibilité d'utiliser des algorithmes classiques de la théorie des jeux pour trouver le coup optimal
- Il y a moins de 10¹⁴ états possibles.

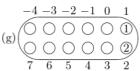
Une approche théorique



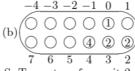
N: To move from pit 1



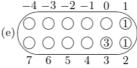
S: To capture from pit 4



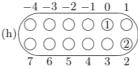
N: To move from pit 1



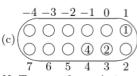
S: To capture from pit 2



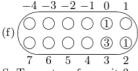
N: To move from pit 1



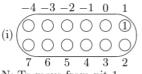
S: To capture from pit 2



N: To move from pit 1



S: To capture from pit 3



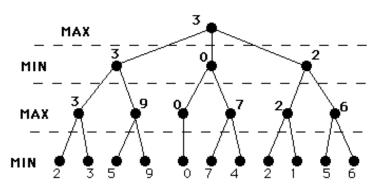
N: To move from pit 1

Figure: Un position déterminée

L'algorithme min-max

Insérer un schéma de min max

Problème du min-max classique



Minimax of a hypothetical search space. Leaf nodes show heuristic values.

Figure: Un exemple de min max avec heuristique

Résultat min-max

Insérer les résultats

Un algorithme de Monte Carlo

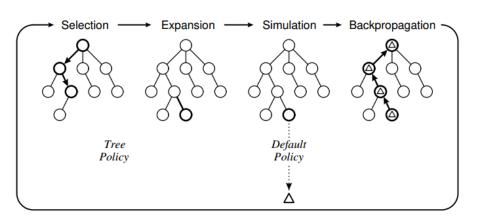


Figure: Principe de l'algorithme de Monte Carlo

Des résultats peu convaincants

Insérer les résultats

Une amélioration de l'algorithme précédent

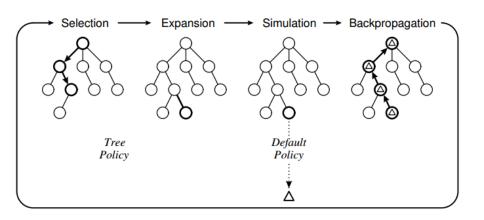


Figure: Principe de la recherche arborescente de Monte Carlo

Comment choisir le noeud à explorer ?

On attribue à chaque noeud n un score Q qui correspond à la moyenne des gains remportés part toutes les parties contenant le noeud n. Étant donné un noeud n et son père p, on a :

$$Q(n) = \frac{1}{N(n)} \sum_{i=1}^{N(p)} \mathbb{I}_i(n) z_i$$