

# 物理存储、逻辑结构及运算

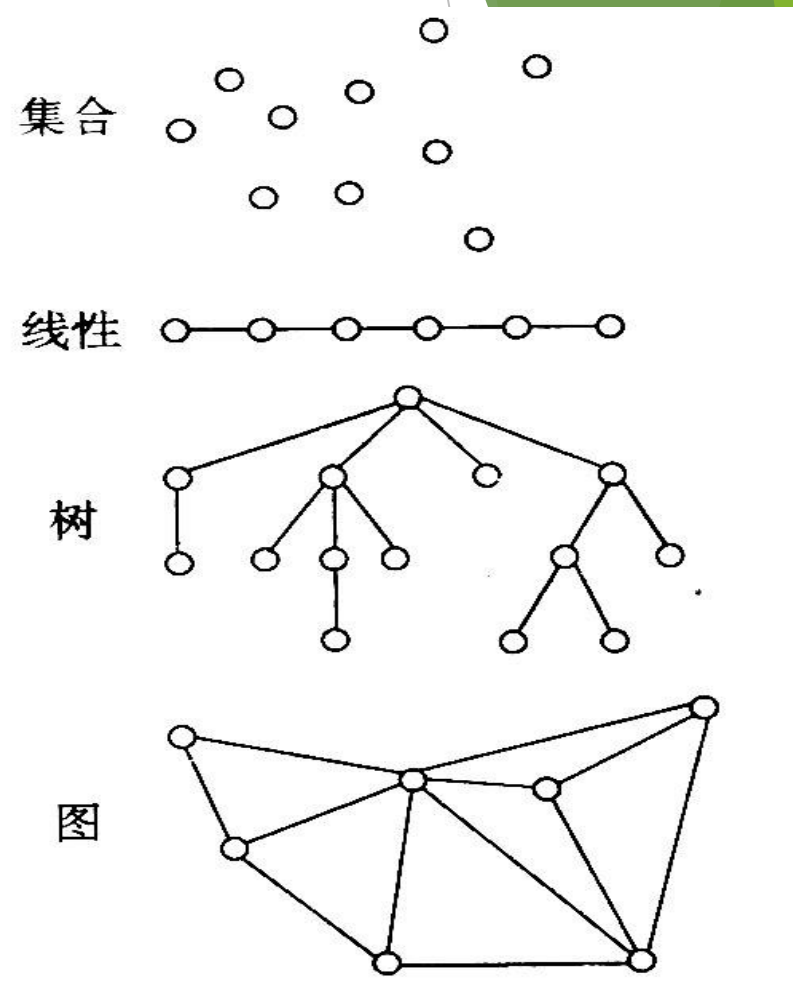
程序=算法+结构

--正确、健壮、效率、低存储

1. 顺序的
2. 链式的
3. 散列的
4. 索引的—B树

# 从物理存储看逻辑概念

- ▶ 相同的物理存储，不同的逻辑结构及其运算
  - ▶ 物理上是顺序存储的，但逻辑上可以表示集合、线性表、树和图
- ▶ 相同的逻辑结构，不同的运算



# 数组

► 数组逻辑上可以表示集合、线性表、树和图

```
typedef struct {  
    ElemType *elem;  
    int length;  
    int listsize;  
}SqList; //P23
```

```
typedef struct {  
    SElemType *base;  
    SElemType *top;  
    int stacksize;  
}SqStack; //P58
```

```
typedef struct {  
    QElemType *base;  
    int front;  
    int rear;  
}SqQueue; //P70
```

```
typedef struct {  
    char ch[MAXLEN+1];  
    int length;  
} SString; //P90串模式匹配  
typedef unsigned char  
SString[MAXLEN+1];
```

```
typedef struct {  
    VertexType vex[MVNum];  
    ArcType arcs[MVNum][MVNum];  
    int vexnum, arcnum;  
}AMGraph; //P154
```

```
typedef struct {  
    ElemType *R;  
    int length;  
}SSTable; //P192查找
```

```
typedef struct {  
    RcdType r[MAXSIZE+1];  
    int length;  
}SqList ; //P251堆排序
```

# 顺序结构

- ▶ 顺序表—数据元素顺序存放，使用下标访问

- ▶ 静态链表

```
typedef struct {int weight;  
    int parent,lchild,rchild;  
}HTNode, *HuffmanTree;
```

- ▶ P138赫夫曼树\*HuffmanTree, P258链式基数排序

- ▶ 基本运算：查找、插入、删除

- ▶ 注意：

- ▶ P225哈希表HashTable的物理结构与顺序表类似，但数据元素的访问采用哈希函数，所以归入散列结构。

# 链式结构

## ► 单链表

► P30 单链表 \*LinkList, P60 链栈, P73 链队

► P50 顺序表 vs. 单链表

## ► 广义表

► P104 表结点和原子结点构成的 \*GList

## ► 树/二叉树

► P121 二叉树 \*BiTree, P129 线索二叉树 \*BiThrTree, P199 二叉排序树 \*BSTree 及 平衡二叉树, P212 B树 \*BTree

## ► 图

► P156 邻接表 (= 一维数组 + 多个单链表) ALGraph

```
typedef struct LNode{
    ElemType data;
    struct LNode *next;
}*LinkList; //P30
```

```
typedef struct BiTNode{
    ElemType data;
    struct BiTNode *lchild,
    *rchild;
}*BiTree; //P121
```

```
typedef struct ArcNode{
    int adjvex;
    struct ArcNode *nextarc;
}ArcNode; //P156
```

# 栈 vs. 队列

	空	满
顺序栈s	s.top== -1	s.top==MaxSize-1
链栈ls	ls->next==NULL	不成立
顺序队q (循环队列)	q.rear==q.front	(q.rear+1)%Maxsize== q.front
链队lq	lq->rear==NULL lq->front==NULL	不成立

```
typedef struct {
    SElemType *base;
    SElemType *top;
    int stacksize; //MAXSIZE
}SqStack; //P58
```



```
typedef struct {
    SElemType *base;
    int top;
}SqStack;
```

# 散列结构

## ► 哈希表

- 哈希表建立了记录关键字和存储位置之间的对应关系，查找非常快。而顺序表上没有这种关系，所以查找记录时要和关键字进行一系列的比较。

## ► 哈希函数 $H(key)$ 的构造方法

- 除留余数法、折叠法、平方取中、直接定址、数字分析、随机法

## ► 冲突解决

- 开放定址法（线性探测再散列P223）、链地址法、再哈希法、公共溢出区
- 评价：平均查找长度 $ASL_{succ}$ 和 $ASL_{unsucc}$

# 相同的逻辑结构，不同的运算

## ► 栈和队列

- 不同特点：FILO vs. FIFO

- 初始化，压栈/入队，弹栈/出队，空，满

## ► 栈与递归—LDR、DFS、DeleteBST、InsertAVL、QSort

## ► 串的模式匹配—next[]和nextval[]

## ► 数组—计算任意数据元素的存储位置

## ► 广义表—取头、取尾、表长、表深度

## ► 顺序表

- 查找：顺序查找、折半查找、分块查找

- (内部) 排序

- 直接插入排序、折半插入排序、表插入排序、希尔排序

- 起泡排序、快速排序

- 锦标赛排序/树形选择排序、堆排序

- 归并排序

- 链式基数排序



# 树/二叉树

► 二叉树的5个性质P118

► 完全二叉树

► 1度结点的个数不超过1个；叶子结点个数= $\lceil n/2 \rceil$ ；最后一个非终端结点位置= $\lfloor n/2 \rfloor$

► 树和森林与二叉树的转换

► 遍历

二叉树	先序遍历DLR	先根遍历树/先序遍历森林	树/森林
	中序遍历LDR	后根遍历树/中序遍历森林	
	后序遍历LRD		
二叉树	先序遍历DLR	深度优先搜索DFS	图
	中序遍历LDR		
	后序遍历LRD		
	层次遍历	广度优先搜索BFS	

# 树-是非判断

1. 给定一棵二叉树的按层次遍历序列和后序遍历序列，可以唯一地确定这颗二叉树。
2. 给定一棵二叉树的先序遍历序列和后序遍历序列，可以唯一地确定这颗二叉树。
3. 书中算法构造的Huffman树是唯一的。
4. 在Huffman树中不存在度为1的结点。
5. 在Huffman树中，权值相同的叶子结点都在同一层上。
6. 在Huffman树中，权值较大的叶子结点离根较近。
7. 在Huffman编码中，频率相同的其编码也相同。

# 树/二叉树

## ▶ 线索二叉树 P128

- ▶ 采用左右孩子链式存储， $n$ 个结点的二叉树中有 $n+1$ 个空指针

## ▶ 最优二叉树（哈夫曼树） P136

- ▶ 树的带权路径长度  $WPL = \sum w_i l_i$
- ▶ 如何根据给定的 $n$ 个权值 $w_i$ 构造赫夫曼树，再得到赫夫曼编码？

## ▶ 折半查找过程的判定树 P196

- ▶ 查找成功或查找失败的平均查找长度  $ASL = \sum P_i C_i$

## ▶ 动态查找—平均查找长度 $ASL = \sum P_i C_i$

### ▶ P198 二叉排序树T—“左小右大”

- ▶ 找不到数据元素 $e$ 时将它插入树T；从T中删除一个关键字等于key的元素 $e$
- ▶ 插入结点而失衡，平衡处理—LL型和LR型

### ▶ P205 平衡二叉树/AVL树—“左小右大+|左右子树深度差| $\leq 1$ ”

### ▶ P210 平衡的多路查找树/ $m$ 阶的B树—“叶子同层”

- ▶ 插入：最低层非终端结点中添加一个关键字，关键字个数= $m$ 时该结点一分为二，关键字 $K_{\lceil m/2 \rceil}$ 及指针插入到双亲结点；
- ▶ 删除：找到关键字所在结点，删除之，关键字个数少于 $\lceil m/2 \rceil$ 时合并结点。



- ▶ AOV网—有向无环图DAG
- ▶ AOE网—带权的DAG—关键路径
- ▶ 邻接矩阵 VS. 邻接表
- ▶ 遍历：深度，广度
- ▶ 求最小生成树
  - ▶ Kruskal（克鲁斯卡尔）算法
  - ▶ Prim（普里姆）算法
- ▶ 求最短路径
  - ▶ Dijkstra（迪杰斯特拉）算法

## 图-是非判断

1. 关键路径是由权值最大的边构成的。
2. 在AOE网中，减小任一关键活动上的权值后，整个工期也就相应减小。
3. 在AOE网中工程工期为关键活动上的权值之和。
4. 在关键路径上的活动都是关键活动，而关键活动也必在关键路径上。
5. 关键活动不按期完成就会影响整个工程的完成时间。
6. 任何一个关键活动提前完成，将使整个工程提前完成。
7. 所有关键活动若提前完成，则整个工程将提前完成。
8. 存在环路的有向图可以进行拓扑排序。
9. AOE网络中不存在环路。

# 习题选讲1

- 证明题：用归纳法证明二叉树性质，性质3中 $n=B+1$ ，例如

证明：若一棵非空5叉树上只存在度为5、1、0的三种结点，且度为5的结点数有 $m$ 个，度为1的结点数有5个，叶子结点数有 $n_0$ 个，试证明： $n_0 = 4*m + 1$

提示： $m+5+n_0=(5*m+5*1)+1$

- 反证法证明：若借助栈由输入序列 $12...n$ 得到的输出序列为 $p_1p_2...p_n$ （它是输入序列的一个排列），则在输出序列中不可能出现这样的情形：存在着 $i < j < k$ 使 $p_j < p_k < p_i$ 。

## 习题选讲2

- ▶ 平衡二叉树 (AVL树) 的生成过程P206
- ▶ B-树的生成、插入和删除P214
  - ▶ 严题集9.14
- ▶ 堆排序P253 (建初始堆如图8.12)
  - ▶ 题11-2-13
- ▶ 串的模式匹配P94
  - ▶ KMP算法的匹配过程
- ▶ 程序设计—单链表LinkedList L
  - ▶ output\_k(&L, k)输出表L的倒数第k个元素
  - ▶ 设单链表是由自然数组成的, reorder(&L)将奇数结点放在偶数结点之前。



```
void output_k(LinkList &L, int k) {
```

```
    LinkList pre, p;
```

```
    int i=0;
```

```
    1 if ( k <= 0 ) { printf("XXX");    return; }    // 判断k的合法性
```

```
    2 pre=L->next;
```

```
    3 c=L->next;
```

```
    4 if ( !c ) { printf("XXX");    return; }
```

```
    // 定位倒数第k个元素的位置。若k超出单链表的范畴，报错
```

```
    5 while( c && i < k ) { c=c->next;    i++; }
```

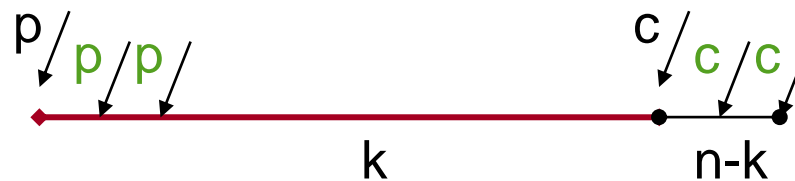
```
    6 if ( i < k ) { printf("给定的k值超出单链表的长度！");    return; }
```

```
    7 while( c ){
```

```
        8     c=c->next;    p=p->next; }
```

```
    9 printf(k, p->data); // 输出倒数第k个元素
```

```
} // output_k
```





```
Status reorder1(LinkList &L) {
```

```
    //[1]"顺藤摸瓜", 将偶数结点从原表L中脱离(即删除), 加入到偶数结点组成的新表Le
```

```
    p=L;
```

```
    e=Le;
```

```
    while (p) {
```

```
        p=p->next;
```

```
        if (偶数结点) {
```

```
            //将结点p从L中删除
```

```
            e->next = p;
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    //[2]将L3链在L的表尾
```

```
    //L的表尾=Le;
```

```
    return OK;
```

```
}
```

谢谢各位同学  
祝大家心想事成，新年如意！