

# Relatório de Análise do Código Python: Implementação de ABB e Sistema Gerenciador de Banco de Dados Simples

## 1. Introdução

Este relatório descreve e analisa o código Python, que implementa uma Árvore Binária de Busca (ABB) e a utiliza como base para um sistema gerenciador de banco de dados (SBD) simplificado. O objetivo principal é demonstrar como uma estrutura de dados hierárquica pode otimizar o acesso a registros, superando a complexidade de tempo de abordagens sequenciais.

## 2. Classe Registro

A classe `Registro` representa um registro de dados individual, similar a uma linha em um banco de dados.

- `__init__(self, cpf, nome, data_nascimento)`: O construtor inicializa um objeto `Registro` com `cpf`, `nome` e `data_nascimento`. Adicionalmente, possui um atributo `deletado` inicializado como `False`, que é utilizado para marcação lógica de exclusão.
- `__lt__(self, outro)`: Este método especial (`__lt__` para "less than") permite que objetos `Registro` sejam comparados diretamente com base em seus atributos `cpf`. Isso é crucial para a operação da ABB, que se baseia em comparações para organizar os nós.
- `__str__(self)`: Define a representação em *string* do objeto `Registro`, facilitando a exibição dos dados.

## 3. Classe NoABB

A classe `NoABB` representa um nó individual na Árvore Binária de Busca.

- `__init__(self, registro, posicao)`: O construtor de `NoABB` recebe um objeto `Registro` e sua `posicao` na Estrutura de Dados Linear (EDL). Possui ponteiros `esquerda` e `direita` inicializados como `None`, que apontarão para os nós filhos.

## 4. Classe ABB (Árvore Binária de Busca)

A classe `ABB` implementa a estrutura de dados de Árvore Binária de Busca.

- **`__init__(self, dados=None)`**: O construtor inicializa a raiz da árvore como `None`. Ele também permite a inicialização da ABB a partir de uma coleção de `dados` (um tipo sequencial), inserindo cada registro na árvore.
- **`inserir(self, registro, posicao)`**: Este método público insere um novo nó na ABB. Cria um `NoABB` com o `registro` e sua `posicao`. Se a árvore estiver vazia, o novo nó se torna a raiz; caso contrário, chama o método auxiliar recursivo `_inserir_rec`.
- **`_inserir_rec(self, atual, novo_no)`**: Método auxiliar recursivo para inserção. Compara o `registro` do `novo_no` com o `registro` do nó `atual`. Se for menor, tenta inserir na subárvore esquerda; caso contrário, na subárvore direita.
- **`buscar(self, cpf)`**: Inicia a busca por um registro com o `cpf` especificado, chamando o método auxiliar recursivo `_buscar_rec`.
- **`_buscar_rec(self, no, cpf)`**: Método auxiliar recursivo para busca. Percorre a árvore comparando o `cpf` do nó atual. Se encontrado, retorna o nó; caso contrário, retorna `None`.
- **`remove(self, cpf)`**: Inicia o processo de remoção de um registro com o `cpf` especificado, chamando o método auxiliar recursivo `_remove_rec`.
- **`_remove_rec(self, no, cpf)`**: Método auxiliar recursivo para remoção de um nó. Lida com os três casos de remoção em ABB: nó folha, nó com um filho, e nó com dois filhos (usando o sucessor in-ordem para substituição).
- **`_min_valor_no(self, no)`**: Método auxiliar para encontrar o nó com o menor valor na subárvore (o sucessor in-ordem, usado na remoção).
- **`pre_ordem()`, `pos_ordem()`, `em_ordem()`**: Métodos públicos para iniciar os percursos na árvore em pré-ordem, pós-ordem e em ordem, respectivamente. Cada um chama seu método auxiliar recursivo correspondente.
- **`_pre_ordem_rec(self, no)`, `_pos_ordem_rec(self, no)`, `_em_ordem_rec(self, no)`**: Métodos auxiliares recursivos para os percursos da árvore.
  - **Pré-ordem**: Visita a raiz, depois a subárvore esquerda, depois a subárvore direita.
  - **Pós-ordem**: Visita a subárvore esquerda, depois a subárvore direita, depois a raiz.
  - **Em ordem**: Visita a subárvore esquerda, depois a raiz, depois a subárvore direita (resulta em uma travessia ordenada das chaves).
- **`em_largura(self)`**: Implementa o percurso em largura (BFS - Breadth-First Search) utilizando uma fila. Visita todos os nós de um nível antes de passar para o próximo.

## 5. Classe `SistemaGerenciadorBD`

Esta classe simula um sistema gerenciador de banco de dados simples, utilizando a `ABB` como um índice para uma Estrutura de Dados Linear (EDL).

- **`__init__(self)`**: O construtor inicializa:
  - `self.edl`: Uma lista Python que atua como a Estrutura de Dados Linear (EDL), armazenando os objetos `Registro` em suas posições. Esta EDL não é ordenada.
  - `self.indice`: Uma instância da classe `ABB`, que funcionará como o índice para a `edl`.
- **`inserir_registro(self, registro)`**: Insere um `registro` no "arquivo de registros" (a `edl`).

- Determina a `posicao` (índice) onde o registro será inserido no final da `edl` (operação  $O(1)$ ).
  - Adiciona o registro à `edl`.
  - Insere a `chave` do registro (CPF) e a `posicao` na `self.indice` (a ABB).
- **`buscar_registro(self, cpf)`**: Busca um registro na base de dados usando o `cpf`.
  - Primeiro, busca o `cpf` no `self.indice` (ABB). Se o nó não for encontrado na ABB, o registro não está presente.
  - Se o nó for encontrado na ABB, recupera a `posicao` do registro na `edl`.
  - Acessa o registro na `edl` usando a `posicao`.
  - Verifica se o registro está marcado como `deletado`.
- **`remover_registro(self, cpf)`**: Remove um registro da base de dados.
  - Busca o `cpf` no índice (ABB).
  - Se encontrado, marca o registro correspondente na `edl` como `deletado = True`.
  - Remove o `cpf` do `self.indice` (ABB). Esta abordagem marca o registro como "deletado" na EDL em vez de removê-lo fisicamente e deslocar outros registros, mantendo as posições inalteradas.
- **`gerar_edl_ordenada(self)`**: Gera uma nova lista contendo os registros da EDL ordenados pela chave (CPF) e excluindo os registros marcados como deletados.
  - Utiliza um percurso em ordem na ABB (`_gerar_edl_ordenada_rec`) para visitar os registros na sequência ordenada.
- **`_gerar_edl_ordenada_rec(self, no, lista)`**: Método auxiliar recursivo que preenche a `lista` com os registros ativos da EDL em ordem crescente de CPF, percorrendo a ABB em ordem.

## 6. Estruturas de Dados Utilizadas

- **Classes `Registro` e `NoABB`**: Classes personalizadas para modelar os dados e os nós da árvore, respectivamente.
- **Lista Python (`list`)**: Utilizada como a Estrutura de Dados Linear (EDL) que armazena os registros em memória principal. Também é usada para implementar a fila no percurso em largura da ABB.
- **Árvore Binária de Busca (ABB)**: Implementada pela classe `ABB`, é uma estrutura de dados hierárquica que permite busca, inserção e remoção eficientes de elementos, desde que a árvore esteja balanceada.

## 7. Complexidade de Tempo e Espaço

- **Complexidade de Tempo (ABB)**:
  - **Inserção, Busca, Remoção**: No caso médio (árvore balanceada), a complexidade é  $O(\log N)$ , onde  $N$  é o número de nós na árvore. No pior caso (árvore degenerada, como uma lista encadeada), a complexidade é  $O(N)$ .
  - **Percurso (Pré-ordem, Pós-ordem, Em ordem, Em largura)**: A complexidade é  $O(N)$ , pois cada nó é visitado uma vez.
- **Complexidade de Tempo (SistemaGerenciadorBD)**:
  - **`inserir_registro`**: A inserção na EDL (`append`) é  $O(1)$ . A inserção na ABB é  $O(\log N)$  em média. Portanto, a complexidade total é  $O(\log N)$ .

- **buscar\_registro**: A busca na ABB é  $O(\log N)$  em média. O acesso à EDL por índice é  $O(1)$ . A complexidade total é  $O(\log N)$ .
- **remover\_registro**: A busca na ABB é  $O(\log N)$  em média. A marcação na EDL é  $O(1)$ . A remoção da ABB é  $O(\log N)$  em média. A complexidade total é  $O(\log N)$ .
- **gerar\_edl\_ordenada**: Requer um percurso em ordem na ABB, que é  $O(N)$ , e acesso aos elementos da EDL, também  $O(N)$ . A complexidade total é  $O(N)$ .
- **Complexidade de Espaço:**
  - **ABB**: A complexidade de espaço é  $O(N)$  para armazenar os  $N$  nós da árvore.
  - **SistemaGerenciadorBD**: A complexidade de espaço é  $O(N)$  para a **edl** (lista de registros) e  $O(N)$  para o **índice** (ABB), totalizando  $O(N)$ .

## 8. Conclusão

O código demonstra uma implementação bem-sucedida de uma Árvore Binária de Busca e sua aplicação como um índice para um sistema gerenciador de banco de dados simplificado. A estrutura de classes **Registro**, **NoABB**, **ABB** e **SistemaGerenciadorBD** é clara e modular, atendendo aos requisitos da tarefa.

A utilização da ABB para indexar a Estrutura de Dados Linear (**list** em Python) permite que operações de busca, inserção e remoção sejam realizadas com uma complexidade de tempo média de  $O(\log N)$ , o que é um avanço significativo em comparação com a complexidade  $O(N)$  de uma busca sequencial direta em uma EDL não ordenada. Essa melhoria na eficiência é fundamental para o gerenciamento de grandes volumes de dados.

A estratégia de remoção lógica (**deletado flag**) simplifica a implementação ao evitar a reorganização da EDL, embora introduza considerações sobre o uso de espaço e a necessidade de futura "compactação" de dados.

Para um sistema de SBD mais robusto e de nível de produção, a incorporação de algoritmos de autobalanceamento para a ABB seria crucial para garantir o desempenho ideal no pior caso. No entanto, para fins didáticos e de demonstração dos princípios de indexação, a solução apresentada é completa e eficaz.