# Estrategias de Programación y Estructuras de Datos PEC - 2021

Centro Asociado de la UNED en Bizkaia

## Martín Romera Sobrado Bilbao

## 1. Preguntas teóricas

## 1.1. Bucket Queue

#### 1.1.1. Pregunta 1 : Secuencia adecuada

¿ Qué tipo de secuencia sería la adecuada para realizar esta implementación? ¿ Por qué? ¿ Qué consecuencias tendría el uso de de otro tipo de secuencias?

La opción más viable sería implementarlo sobre una lista, ya que el orden de la secuencia SamePriorityQueue no está por el orden de entrada de estas en la BucketQueue. Las pilas y colas tienen un orden definido por el orden de entrada, lo cual las hace inconvenientes, sin embargo en la lista podemos alterar su orden a nuestro gusto, en este caso por la propiedad priority de las propias SamePriorityQueue.

### 1.1.2. Pregunta 2 : Funcionamiento de operaciones

Describe el funcionamiento de las operaciones getFirst, enqueue y dequeue con esta estructura de datos.

- getFirst : Se encargará de obtener el primer elemento en la cola de prioridad, de forma que accedera a la priemra SamePriorityQueue de la lista y obtendrá su primer elemento mediante getFirst.
- enqueue: Se encargará de encolar el elemento en su SamePriorityQueue correspondiente, de forma que irá recorriendo la lista hasta que encuentre una SamePriorityQueue con mismo o menor valor de prioridad. Si encuentra una SamePriorityQueue con misma prioridad que el elemento entonces lo encola en esa misma cola. Si la cola que encuentra tiene menor prioridad, entonces crea una SamePriorityQueue nueva con el elemento y la inserta en la lista antes de la cola con menor prioridad que hemos encontrado en la busqueda. Si no encuentra ninguna SamePriorityQueue con menor o igual prioridad entonces, crea una nueva cola con el elemento y la inserta al final de la cola.
- dequeue: Se encargará de extraer el elemento en la cabeza de la cola de prioridad. Para eso extraerá el primer elemento de la SamePriorityQueue de la lista. Si con esa acción la SamePriorityQueue se queda vacía (isEmpty()) entonces la eliminará de la lista dejando ahora en primera posición a la siguiente cola con menor prioridad.

### 1.1.3. Pregunta 3: Funcionamiento del iterador

Describe el funcionamiento del iterador de la cola con piroridad en esta implementación.

El iterador iterará sobre cada elemento del BucketQueue para ello podemos hacer uso de los iteradores de la implementación de List (listIterator) y de la implementación de SamePriorityQueue (subIterator). listIterator iterará sobre las SamePriorityQueue de la lista y subIterator iterará sobre los elementos de las SamePriorityQueue a las que apunta listIterator. Devolveremos el valor al que apunta en cada momento el subIterator, y actualizaremos la SamePriorityQueue sobre la que itera cada vez que se quede sin elementos en la anterior (!hasNext()) con ayuda de listIterator.

## 1.2. Árbol Binario de Busqueda

## 1.2.1. Pregunta 1 : Funcionamiento de las operaciones

Describe el funcionamiento de las operaciones getFirst, enqueue y dequeue con esta estructura de datos.

- getFirst : Esta operación se aprovecha del iterador, creando uno para el objeto BSTPriorityQueue y obteniendo el primer elemento con getNext.
- enqueue: También se aprovecha del iterador de la clase BSTPriorityQueue. Recorre con el iterador todo el árbol comprobando si hay algún nodo con una SamePriorityQueue con la misma prioridad que el elemento en la que encolarlo. Si lo encuentra lo encola en esa misma cola y si no, crea una nueva SamePriorityQueue, encola el elemento y lo añade al árbol con el método nativo add de la clase BSTree que lo añade en su posición correcta del árbol.
- dequeue: De nuevo nos aprovechamos del iterador para apuntar al elemento con mayor prioridad llamando una sola vez a getNext y hacemos un dequeue del resultado.

## 1.2.2. Pregunta 2 : Funcionamiento del iterador

Describe el funcionamiento de la cola con prioridad en esta implementación

El iterador hará uso de dos iteradores. Uno de ellos (llamemoslo treeIterator) iterará sobre los diferentes nodos del árbol apuntando en cada iteración a una nueva SamePriorityQueue. El otro iterador (llamemoslo subIterator) iterará sobre los elementos contenidos por la SamePriorityQueue a la que apunta treeIterator. Cuando subIterator no tenga nada más que recorrer, actualizamos treeIterator al siguiente nodo y hacemos que subIterator sea el iterador de esta nueva SamePriorityQueue.

## 1.3. Estudio empírico del coste

## 1.3.1. Cálculo del coste asintótico temporal

Calcule el coste asintótico temporal en el caso peor de las operaciones enqueue y dequeue para ambas implementaciones.

Para la implementación de BucketQueue la operación enqueue funciona como si encolaramos en una Queue contenida en la n-sima posición de una List. Esta operación tiene un coste lineal O(n). Por otra parte la función dequeue tendrá siempre un coste constante, ya que para desencolar el elemento de mayor prioridad este se encontrará en la cabeza de la cola en la primera posición siempre. Acceder al elemento n de una lista tiene un coste de O(n), como n=1 es una constante, entonces el tiempo de ejecución también O(1) y desencolar elementos de una cola también tiene un tiempo de ejecución constante O(1) de lo que observamos que esta operación tiene un tiempo de ejecución constante.

Para la implementación de BSTPriorityQueue sin embargo las operaciones tendrán un coste acorde a la profundiad del árbol que contenga las colas (h a partir de ahora). Esto tiene sus ventajas y desventajas. La ventaja es que un árbol binario de busqueda equilibrado tendrá una proundidad logarítmica respecto al número de elementos (n), es decir  $h = \log_2 n$ . Sin embargo si el árbol no está balanceado h estará en un valor entre  $\log_2 n$  y n. En el peor caso h será n, haciendo que la estructura tenga semejanza a una lista como la que usa BucketQueue y por ende los costes temporales de sus operaciones serán iguales, O(n) para enqueue y O(1) para dequeue. Por supuesto enqueue no tendrá siempre un coste lineal, a que su coste dependerá de h, de forma que realmente el coste de esta operación realmente es O(h).

#### 1.3.2. Comparación entre coste asintótico y costes empíricos

Compare el coste asintótico temporal obtenido en la pregunta anterior con los costes empíricos obtenidos. ¿Coincide el coste calculado con el coste real?

Para probar los algoritmos se realizan 6 pruebas sobre cada función, cada una estructura de 1000, 2000, 3000, 4000, 5000 o 6000 nodos con colas de un solo elemento, cada test se ejecutará 500 veces. Las colas solo tienen un elemento ya que no nos interesa evaluar el enqueue o dequeue de SamePriorityQueue si no el de las estructuras BucketQueue y BSTPriorityQueue.

Para BucketQueue la operación enqueue los tests nos dan los resultados de la figura 1.

El resultado del test empírico no es completamente lineal, esto puede deberse principalmente a el margen de error del tiempo de ejecución  $(\sigma_t)$ , que vemos que también incrementa con el tiempo (exceptuando el  $4^{\circ}$  caso que por algún motivo tiene un margen de error de tiempo mayor, tal vez por las cosas que había en ejecución en ese momento en mi ordenador). De todas formas la forma que adopta el resultado del test es casí lineal.

La operación dequeue dijimos que tenía un tiempo de ejecución constante, y el resultado del test lo muestra más o menos, como podemos ver en la figura 2.

Para este test lo que se ha hecho es restar el resultado de tiempo de este test, con el resultado del caso correspondiente en el test anterior (para restar el tiempo de encolar todos los elementos). Como puede observarse, la tendencia de tiempo no es creciente en ningún momento, fluctua entre los tests cerca de los 0 ms lo que denota una tendencia de tiempo constante.

Vamos ahora con BSTPriorityQueue, analizamos primero la operación enqueue y obtenemos los resultados de la figura 3.

De nuevo, el resultado no es completamente lineal, pero vemos que tiene una tendencia similar al test de la operación enqueue de la anterior implementación. Esto es porque esta estructura en el caso peor tiene la misma forma que una lista enlazada, de forma que el tiempo de ejecución de enqueue es lineal (o casí lineal prácticamente) y el tiempo de dequeue constante como podemos ver en la tendencia que muestra 4.

Número de nodos	$\sigma_t$	t
1000	2,927029	22,35
2000	4,635256	55,12
3000	5,282755	107,65
4000	17,580384	192,51
5000	8,428968	294,45
6000	13,587877	407,36

## BucketQueue enqueue() test

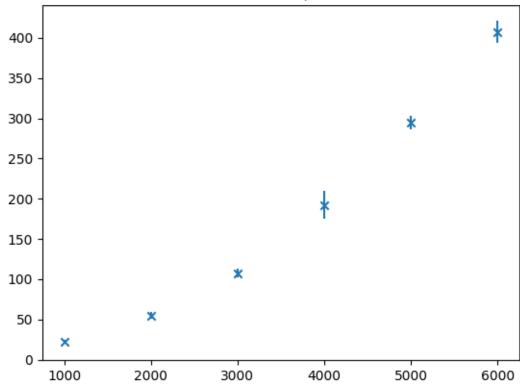


Figura 1: Resultados del test de coste empírico para enqueue de BucketQueue

Número de nodos	$\sigma'$	$ \sigma $	t'	t
1000	1,905020	1,022009	21,47	-0,88
2000	3,364209	1,271047	55,89	0,86
3000	3,602999	1,679756	116,28	8,63
4000	8,867604	8,71278	189,16	-3,35
5000	8,098173	0,330795	292,14	-2,31
6000	14,510341	0,922464	407,70	-0,34

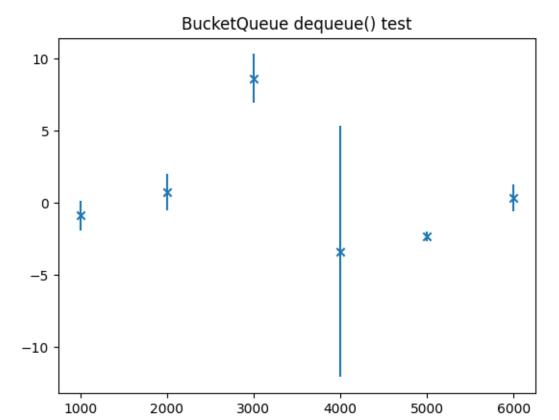
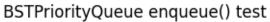


Figura 2: Resultados del test de coste empírico para dequeue de BucketQueue

Número de nodos	$\sigma_t$	t
1000	3,594704	21,91
2000	3,403219	56,41
3000	4,908146	118,01
4000	9,459783	189,95
5000	9,056401	295,04
6000	15,672090	408,16



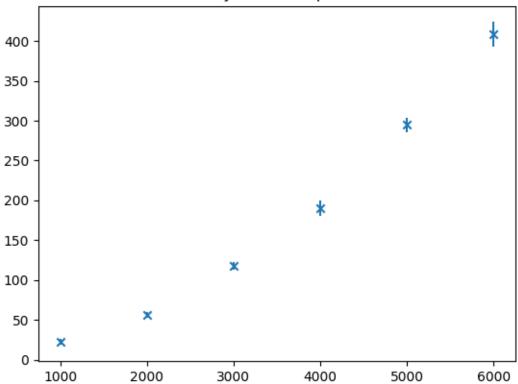
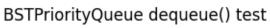


Figura 3: Resultados del test de coste empírico para enqueue de BSTPriorityQueue

Número de nodos	$\sigma'$	$ \sigma $	t'	t
1000	1,894624	1,70008	21,48	0,43
2000	2,946184	0,457035	57,00	-0,59
3000	3,255530	1,652616	116,94	-1,07
4000	9,026073	0,43371	189,70	-0,25
5000	6,277866	2,778535	292,22	-2,82
6000	26,366454	10,694364	412,01	3,85



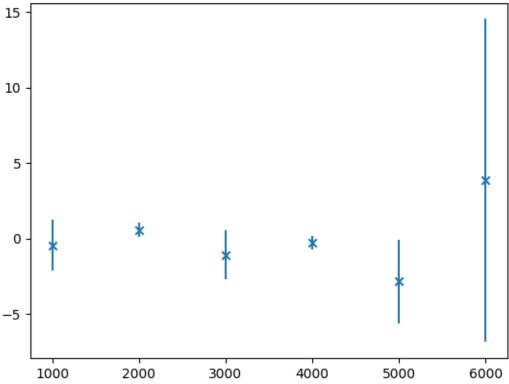


Figura 4: Resultados del test de coste empírico para dequeue de BSTPriorityQueue