FACULTAD DE CIENCIAS EXACTAS, INGENIERÍA Y AGRIMENSURA ESCUELA DE CIENCIAS EXACTAS Y NATURALES DEPARTAMENTO DE CIENCIA DE LA COMPUTACIÓN ESTRUCTURA DE DATOS Y ALGORITMOS II

Trabajo Práctico 2

Dado el TAD para secuencias que se encuentra definido en el archivo Seq.hs:

- a) Implementar en un módulo ListSeq.hs una instancia para el tipo listas. La implementación debe ser tan eficiente como sea posible. Puede usar el módulo Par para paralelizar operaciones.
- b) Para la implementación dada en a, dar la especificación de costos (trabajo y profundidad) de las funciones mapS, reduceS y scanS. No es necesario demostrarlo.
- c) El tipo Arr de arreglos paralelos está dado en el archivo Arr.hs. Tiene las siguientes operaciones:
 - length :: Arr $a \to \operatorname{Int}$ length a devuelve el tamaño de el arreglo a.
 - (!) :: Arr $a \to \operatorname{Int} \to a$ a ! i es la proyección i-ésima del arreglo a.
 - subArray :: Int \rightarrow Int \rightarrow Arr $a \rightarrow$ Arr a subArray i n a extrae n elementos del arreglo a comenzando por el elemento de la posición i.
 - tabulate :: $(\operatorname{Int} \to a) \to \operatorname{Int} \to \operatorname{Arr} a$ tabulate f n construye un arreglo a de tamaño n tal que a ! $i \equiv f$ i para todo $0 \leqslant i < n$.
 - fromList :: [a] → Arr a
 fromList xs construye un arreglo a partir de la lista xs.
 - flatten :: Arr (Arr a) \rightarrow Arr a flatten a aplana un arreglo de arreglos.

Las operaciones tienen la siguiente especificación de costos:

Operación	W	S
length p		
$p \mid i$	O(1)	O(1)
$subArray\ i\ n\ a$		
tabulate $f \ n$	$O\left(\sum_{i=0}^{n} W(f\ i)\right)$	$O\left(\max_{i=0}^{n} S(f\ i)\right)$
fromList xs	O(xs)	O(xs)
flatten a	$O(a) + \sum_{i=0}^{ a -1} O(a!i)$	$O(\lg a)$

En un módulo ArrSeq.hs, dar una instancia de secuencias para el tipo Arr que cumpla con la especificación de costos dada en la Tabla 1.

Para evitar conflictos de nombres importar el módulo Arr en forma calificada:

import qualified Arr as A

Luego se puede acceder a las operaciones como A.length, etc. Para tener acceso a la operación! directamente (sin escribir A.!) importarla de la siguiente manera:

import Arr (!)

d) Muestre que la implementación dada en c verifica la especificación de costos para la profundidad de la operación reduceS.

Trabajo Práctico 2 2025 Página 1

Operación	\mathbf{W}	S
emptyS singletonS lengthS nthS takeS s n dropS s n showtS s showIS s	O(1)	O(1)
append $s \ t$	O(s + t)	
fromList xs	O(xs)	O(xs)
joinS s	$O(s) + \sum_{i=0}^{ s -1} O(s_i)$	$O(\lg s)$
tabulateSfn	$O\left(\sum_{i=0}^{n-1} W(f\ i)\right)$	$O\left(\max_{i=0}^{n-1} S(f\ i)\right)$
mapSfs	$O\left(\sum_{i=0}^{ s -1} W(f \ s_i)\right)$	$O\left(\max_{i=0}^{ s -1} S(f \ s_i)\right)$
$filterS\ f\ s$	$O\left(\sum_{i=0}^{ s -1} W(f \ s_i)\right)$	$O\left(\lg s + \max_{i=0}^{ s -1} S(f \ s_i)\right)$
$reduceS \oplus b \ s$	$O\left(s + \sum_{(x \oplus y) \in \mathcal{O}_r(\oplus, b, s)} W(x \oplus y)\right)$	$O\left(\lg s \max_{(x\oplus y)\in\mathcal{O}_r(\oplus,b,s)}S(x\oplus y)\right)$
$scanS \oplus b \ s$	$O\left(s + \sum_{(x \oplus y) \in \mathcal{O}_s(\oplus, b, s)} W(x \oplus y)\right)$	$O\left(\lg s \max_{(x\oplus y)\in\mathcal{O}_s(\oplus,b,s)}S(x\oplus y)\right)$

Tabla 1: Costos esperados de la implementación con arreglos

Observaciones

- En ambas implementaciones se evalúa corrección y eficiencia.
- Tener especial cuidado con el orden de reducción de reduceS y scanS.
- Se proveen los módulos ListTests.hs y ArrTests.hs con algunos casos de tests para las consignas a y c, respectivamente. Se sugiere agregar más casos convenientemente y utilizarlos para testear las implementaciones.

Para escribir los casos de test se ha utilizado la librería HUnit (https://hackage.haskell.org/package/HUnit). Puede instalar HUnit con cabal de la siguiente manera:

cabal update

cabal install --lib HUnit

Para correr los casos de test, simplemente abra un intérprete GHCi, cargue el módulo en cuestión y evalúe main.

Entrega

El trabajo se podrá realizar en forma individual o en grupos de dos personas. Se deben entregar únicamente:

- Los archivos ListSeq.hs y ArrSeq.hs con las implementaciones pedidas en a y c, respectivamente.
- ullet Un documento en formato PDF con los nombres de los integrantes del grupo y las respuestas a las consignas ullet y ullet d.

Un único integrante por grupo debe realizar la entrega por Comunidades.