

Control 8

Tortolitos

El objetivo de este control es profundizar en el diseño de algoritmos recursivos basados en el esquema “vuelta atrás”.

El problema

La agencia matrimonial Tortolitos necesita desarrollar un sistema que recomiende posibles emparejamientos entre sus clientes. Para ello, la agencia ha determinado las *afinidades* entre dichos clientes. Dichas afinidades vienen dadas por una matriz de números naturales A . El elemento A_{ij} de dicha matriz contiene la afinidad que el cliente i siente por el cliente j . Los emparejamientos propuestos (*emparejamientos factibles*) deben cumplir las siguientes restricciones:

- No es posible emparejar un cliente consigo mismo.
- Todos los clientes deben tener pareja, y dicha pareja debe ser única.
- Si el cliente i está emparejado con el cliente j , entonces ambos clientes deben ser *compatibles*, en el sentido de que $A_{ij} > 0$ (es decir, el cliente i debe tener cierto grado de afinidad con el cliente j) y $A_{ji} > 0$ (es decir, el cliente j debe tener cierto grado de afinidad con el cliente i).

Por otra parte: (i) la afinidad de una pareja $\{i, j\}$ es la suma de la afinidad que i siente por j , y la afinidad que j siente por i (es decir, $A_{ij} + A_{ji}$); y (ii) la afinidad de un emparejamiento es la suma de las afinidades de todas las parejas que forman parte de dicho emparejamiento.

Se pide diseñar e implementar un algoritmo “vuelta atrás” que, dada una matriz de afinidad A , determine el máximo de las afinidades de todos los emparejamientos factibles (*Nota*: En caso de que no haya emparejamientos factibles, dicho valor deberá ser 0).

Trabajo a realizar

Debe diseñarse el algoritmo “vuelta atrás” pedido, completando los apartados indicados entre comentarios en el archivo `control8.cpp` que se proporciona como apoyo. Debe implementarse, además, el algoritmo. El punto de entrada al mismo será la función `maxima_afinidad`. Si se considera necesario, deberá definirse e implementarse una generalización adecuada, y definir el algoritmo pedido como una inmersión de dicha generalización.

El archivo completo debe entregarse a través del juez en línea de la asignatura.

Programa de prueba

Se proporcionan un programa de prueba que lee por la entrada estándar casos de prueba, los resuelve invocando a `maxima_afinidad`, e imprime los resultados. La entrada comenzará con el número de casos de prueba. Cada caso comenzará con una línea que indicará el número n de clientes (un número par mayor que 0 y menor o igual que 10). A continuación, aparecerá la matriz de afinidades, listada por filas (la primera línea contendrá la primera fila de la matriz con la afinidad del primer cliente con los demás, la segunda línea las afinidades del segundo cliente, etc.). La salida consistirá en una línea con un único valor, el máximo pedido.

A continuación, se muestra un ejemplo de entrada / salida:

Entrada	Salida
3	18
2	0
0 10	31
8 0	
4	
0 1 1 1	
0 0 0 0	
9 8 0 10	
5 4 3 0	
4	
0 10 8 7	
7 0 8 0	
9 6 0 1	
10 0 9 0	

En este ejemplo, hay tres casos de prueba. En el primer caso, hay solo dos clientes compatibles lo que implica un único emparejamiento factible, que tiene una única pareja. La afinidad del emparejamiento

será 18 (la afinidad de dicha pareja, que, a su vez, es la suma de la afinidad que siente el primer cliente por el segundo, y la que siente el segundo cliente por el primero). Por tanto, dicha afinidad será también la máxima afinidad pedida. En el segundo ejemplo el segundo cliente no es afín a nadie, por lo que no hay emparejamientos factibles. Por tanto, el resultado debe ser 0. En el último caso el segundo y cuarto cliente solo pueden emparejarse con el primero o el tercero lo que hace que haya dos emparejamientos: (i) el primero con el segundo y el tercero con el cuarto, lo que da una afinidad de 27 y (ii) el primero con el cuarto y el segundo con el tercero, lo que da una afinidad de 31. Por tanto, la máxima afinidad es 31.

Importante:

- Únicamente se evaluarán aquellas entregas que superen satisfactoriamente los casos de prueba del juez.
- No modificar el código proporcionado.
- **No se corregirá ninguna entrega en la que no se hayan incluido el número de grupo y los nombres de los miembros del grupo que han realizado el trabajo en el comentario que se incluye al comienzo del archivo.**