# Sistemas Inteligentes

Agentes Inteligentes que resuelven problemas



Dr. Diego Oliva



### Contenido

### 2. Agentes Inteligentes que resuelven problemas

- Formulación de agentes que resuelven problemas
- Algoritmos de búsqueda con y sin información
- Aplicación de algoritmos de búsqueda en problemas de satisfacción de restricciones
- Aplicación de algoritmos de búsqueda al desarrollo de juegos inteligentes



<u>Un agente que resuelve problemas</u> es aquel que decide que hacer para encontrar el conjunto de acciones que lo lleven a los estados deseables.

### Pasos para solucionar un problema:

- Formular un objetivo en base a la situación actual y la medida de rendimiento del agente.
- <u>Formulación del problema</u>: definir que acciones y estados se deben considerar para encontrar la solución.
- <u>Búsqueda</u> de la secuencia de acciones que lleven a una solución.
- Solución.
- Ejecución de las acciones encontradas en la búsqueda.



- Agentes
  - Como actúan para alcanzar la meta
    - Secuencia de acciones para alcanzarla
    - Agentes para la solución de problemas
- Problema, se define como:
  - Una meta u objetivo
  - Conjunto de medios que permiten alcanzar la meta
- Búsqueda
  - Procedimiento de exploración para determinar que soluciones se pueden obtener





- Formulación de metas (objetivos)
  - Una meta es un conjunto de estados del ambiente
  - A través de las acciones, un agente pasa de un estado a otro
- Acciones
  - Generan transiciones de un estado a otro
  - El agente tiene que determinar que acciones permiten obtener el estado de la meta





• Formulación del problema:

Consiste en decidir que acciones y estados habrán de considerarse para llegar a los objetivos o metas.

### Aquí se define:

- ¿Qué condiciones son necesarias?
- ¿Qué sucede si no hay forma de discernir que camino nos lleva a la meta?
- ¿Qué decisión tomar en una situación especifica?





Búsquedas

Se definen como la evaluación de las diversas secuencias de acciones que permiten pasar de un estado a otro.

En términos generales, cuando un agente tiene ante si diversas opciones cuyo valor ignora, éstas se tienen que evaluar de alguna forma.

comb, examination, examine, exploration, explore, forage, frisk, go through, hunt, hunt for, hunting, inquiry, inspect, insperinestigation, look, look out for, look up, plumb quest, rake, ransack, excrutinise, search for, safter, seek for, watch, cexploration, explore, finhunt, hunt for, hunting, irrivestigate, investigate, investigation, for, searching, seek, seek for, watch, comb, examinate samine, exploration, explore, forage, frisk, or sugh, hunt, hunt for, hunting, inquiry, insplice, problem of the formation of the control of the control



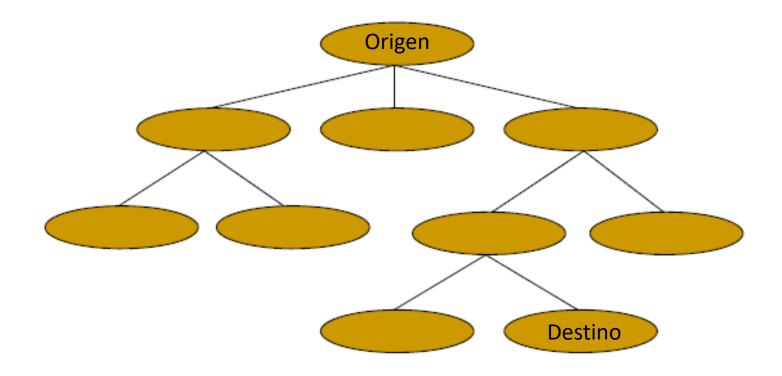
Algoritmo de búsqueda

- Entrada: un problema
- Salida: solución que adopta la forma de una secuencia de acciones

Una vez encontrada una solución, se procede a ejecutar las acciones



Algoritmo de búsqueda





Un Agente que Resuelve Problemas debe:

- Formular: decidir que acciones y estados deberán considerarse
- <u>Buscar</u>: proceso para hallar las secuencias de acciones que conduzcan a una meta
- Ejecutar: fase donde se llevan a cabo las acciones que conducen a la meta



### Un Agente que Resuelve Problemas:

```
función AGENTE-SENCILLO-RESOLVENTE-PROBLEMAS(percepción) devuelve una acción
  entradas: percepción, una percepción
  estático: sec, una secuencia de acciones, vacía inicialmente
            estado, una descripción del estado actual del mundo
            objetivo, un objetivo inicialmente nulo
            problema, una formulación del problema
  estado ← ACTUALIZAR-ESTADO(estado, percepción)
  si sec está vacía entonces hacer
           objetivo ← FORMULAR OBJETIVO(estado)
           problema ← FORMULAR-PROBLEMA(estado, objetivo)
           sec ← BÚSQUEDA(problema)
          acción ← PRIMERO(secuencia)
          sec ← RESTO(secuencia)
       devolver acción
```



### Ejemplo:

Imagine un agente en la ciudad de Arad, Rumanía, disfrutando de un viaje de vacaciones. Mañana sale un vuelo a Bucarest y solo puede llegar a esta ciudad por carretera conduciendo un automóvil.

### Formulación del objetivo:

• Estar en Bucarest antes que salga el vuelo

### Formulación del problema:

• estados: varias ciudades

• acciones: conducir entre las ciudades

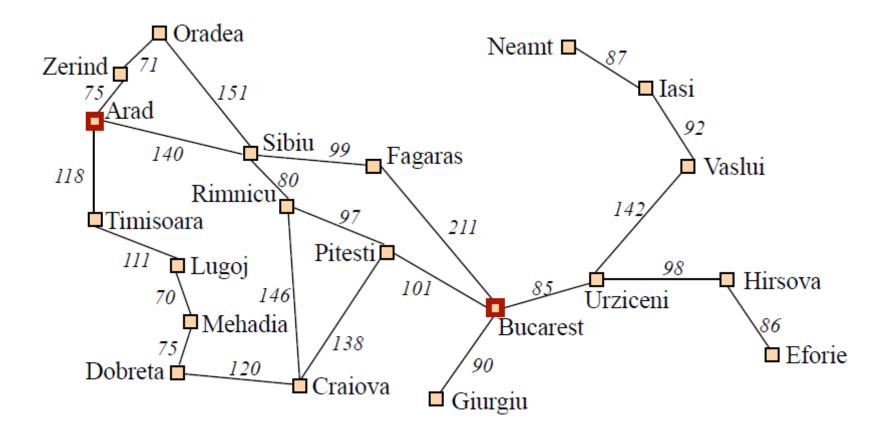
### Encontrar solución:

• secuencia de ciudades, por ejemplo, Arad, Sibiu, Fagaras, Bucarest.











### Problemas y soluciones bien definidos

Un problema se define por cuatro elementos básicos:

- 1. El estado inicial en el que comienza el agente.
- 2. Función sucesor, es una descripción de las posibles acciones disponibles por el agente.
  - Espacio de estados, es el conjunto de todos los estados alcanzables desde el estado inicial. (Grafo en el cual los nodos son estados y los arcos entre los nodos son acciones)
- 3. El **test objetivo**, el cual determina si un estado es un objetivo. En ocasiones existe un conjunto de explícito de estados posibles y estados objetivos, en este caso solo se comprueba si es o no objetivo.
- 4. Costo del camino, aquí se asigna un costo numero a cada camino. El agente elige una función de costo que represente la medida de rendimiento.



### Problemas y soluciones bien definidos

### Ejemplo:

- Estado inicial, "Estoy en Arad"
- Función sucesor, S(x) = conjunto de pares acción-estado,  $S(Arad) = \{ \langle Arad \rightarrow Zerind \rangle, \langle Zerind \rightarrow Ordea \rangle, ... \}$
- Prueba de meta, descripción para decidir si se trata de un estado meta explícito, por ejemplo, x = "en Bucarest"
- Costo del camino, se asignan costos a una ruta distancias, acciones ejecutadas, etc.
- Una solución es una secuencia de acciones que parten desde un estado inicial hasta alcanzar un estado objetivo.



### Problemas y soluciones bien definidos

#### Costos

- Mediante una ruta se conectan los conjuntos de estados
  - La solución es una ruta que conduce a estados meta

Espacio de conjunto de estados

- ¿Cuál es el mejor camino?
  - ¿Permite encontrar una solución? (decisión)
  - ¿Es una buena solución? (optimización)
  - ¿Cuál es el costo de búsqueda correspondiente al tiempo y memoria necesarios para encontrar la solución?

Costo total

C.T. = Costo del Camino + Costo de la Búsqueda





#### <u>Problemas y soluciones bien definidos</u>

#### Ejemplo:

#### **Estado** inicial

n bloques en una mesa de longitud ilimitada

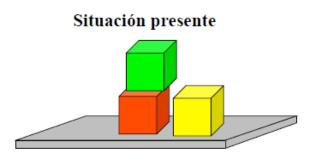
#### **Acciones:**

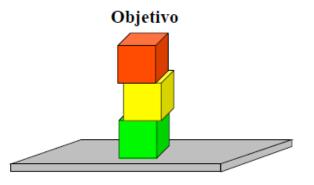
- apilar(X,Y): poner X encima de Y
  - Prec.: bloques X e Y están libres
  - Efecto: bloque X está encima de Y
- quitar(Y): poner Y en la mesa
  - Prec.: bloque Y está libre
  - Efecto: bloque Y está en la mesa

#### Prueba de meta

- Objetivo: cierta configuración de bloques
- Sólo la posición vertical es relevante

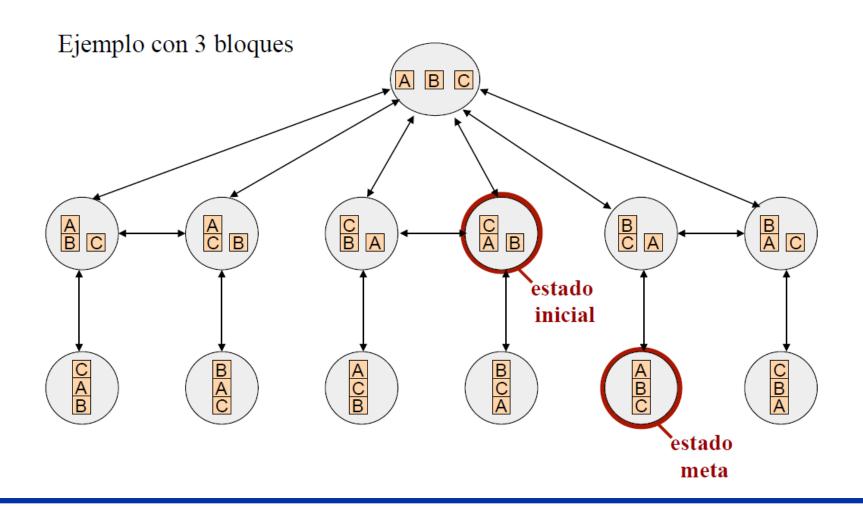
El cost0 de cada acción es uno





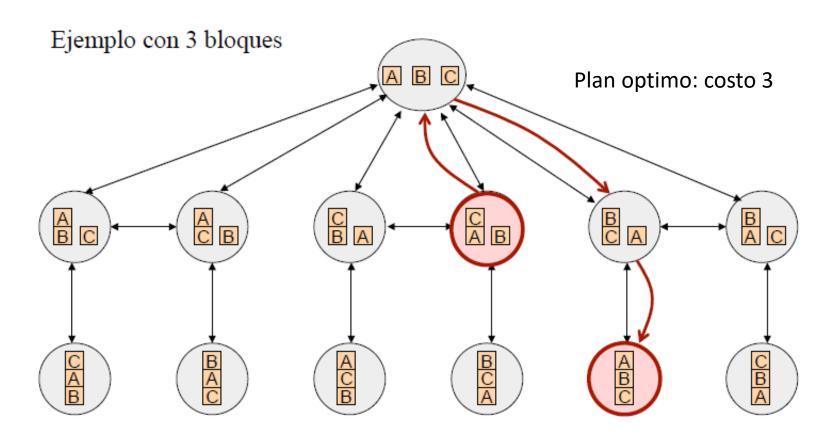


### Problemas y soluciones bien definidos





### Problemas y soluciones bien definidos





### Problemas y soluciones bien definidos

Tipos de problemas:

- Problemas de juguete: se emplean para ilustrar o entrenar los métodos planteados. Estos problemas se pueden describir de forma exacta, comúnmente se emplean para comparar el rendimiento de los algoritmos.
- Problema del mundo real: es aquel en el que el ser humano se preocupa por solucionar. No tienen una sola descripción, pero se realizan generalizaciones que lleven a soluciones optimas.



### Problemas de juguete

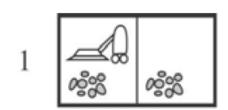
Problema de la aspiradora

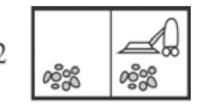
- Estado simple, estado inicial 5. ¿Solución? [Derecha, Aspirar]
- Estado múltiple, estado inicial

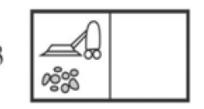
{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8}

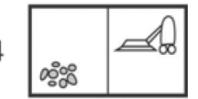
¿Qué sucede si se elije la acción Derecha?

La acción *Derecha* produce {2, 4, 6, 8}

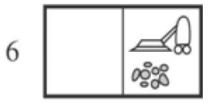


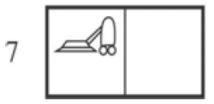
















### Problemas de juguete

Problema de la aspiradora

Estado múltiple, estado inicial

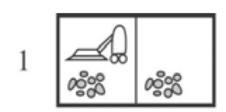
{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8}

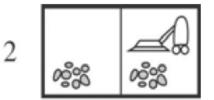
¿Qué sucede si se elije la acción Derecha?

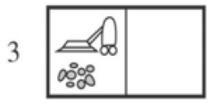
La acción *Derecha* produce {2, 4, 6, 8}

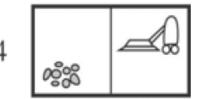
¿Qué pasa con la suciedad que hay en los estados {1,3,5,7}?

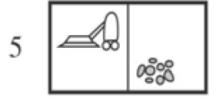
[Derecha, Aspirar, Izquierda, Aspirar]

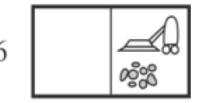


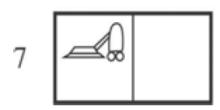














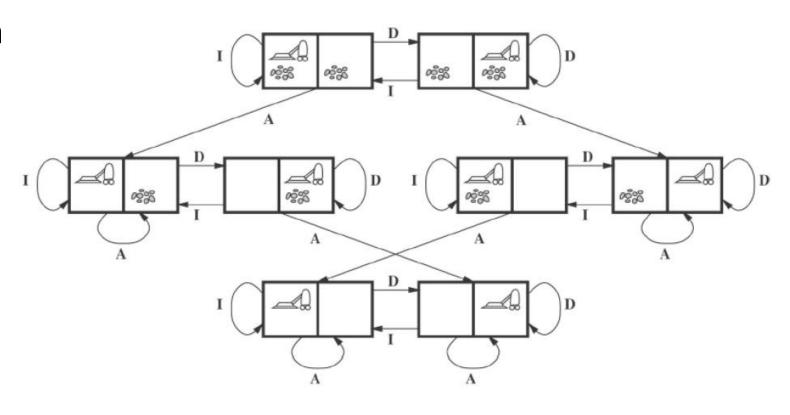


### Problemas de juguete

Problema de la aspiradora

#### Definir:

- ¿Estados?
- ¿Acciones?
- ¿Prueba de meta?
- ¿Costo del camino?

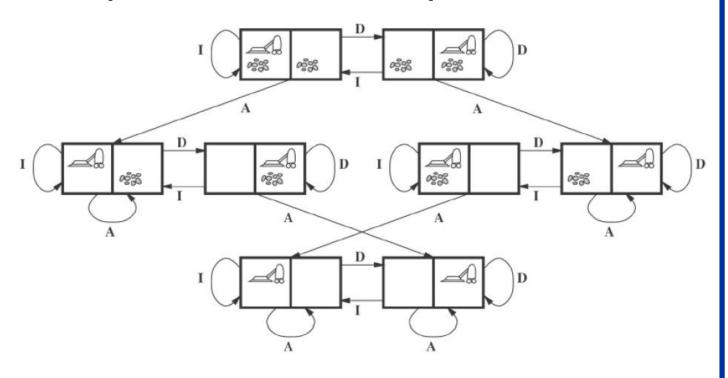




### Problemas de juguete

### Problema de la aspiradora

- ¿Estados?
   Suciedad completa y localizaciones
   de robot (ignorar cantidades de suciedad)
   Cualquier estado puede ser inicial
- ¿Acciones? (Función sucesor) Izquierda, Derecha, Aspirar, NoOp
- ¿Test objetivo?
   No suciedad, todos los cuadros limpios
- ¿Costo del camino?
   1 por acción (0 por NoOp)





### Problemas de juguete

### Problema 8-puzzle

• ¿Estados?

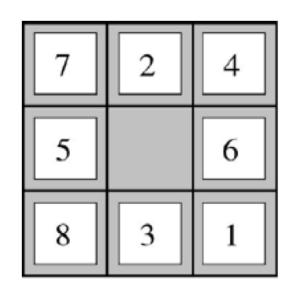
Localizaciones completas de las piezas

#### **Cualquier estado puede ser inicial**

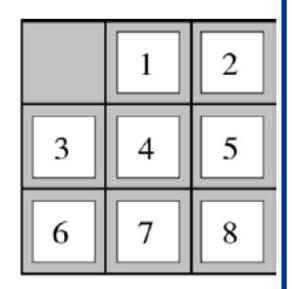
- ¿Acciones? (Función sucesor)

  Mover el negro a la izquierda, derecha, arriba, abajo
- ¿Test objetivo?
   Comprobar si se llego al estado objetivo
- ¿Costo del camino?
   1 por movimiento

[Nota: solución óptima de la familia del *n*-puzzle es NP-Completo]



Estado Inicial



Estado Objetivo



### Problemas de juguete

#### Problema de las 8 Reinas

• ¿Estados?

Cualquier combinación de 0 a 8 Reinas

Estado inicial: ninguna reina sobre el tablero

• ¿Acciones? (Función Sucesor)

Añadir una reina a cualquier casilla vacía

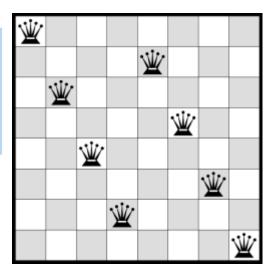
¿Test objetivo?

8 reinas sobre el tablero sin que se ataque ninguna

• ¿Costo del camino?

No tiene relevancia en este problema

Colocar las 8 reinas en el tablero de manera que ninguna ataque a la otra.



¿Cómo se puede simplificar el problema?

**Estados:** combinaciones de 8 reinas, una por columna desde la columna mas a la izquierda sin que exista posibilidad de atacarse.

**Función sucesor**: añadir una reina en la columna mas a la izquierda sin evitando ataques entre ellas.



### Problemas del mundo real:

Búsqueda de rutas en un aeropuerto:

Estados: Localización y hora actual

Estado inicial: es especificado por el problema



<u>Función sucesor:</u> devuelve los estados que resultan de tomar cualquier vuelo programado desde el aeropuerto actual a otro, que salgan a la hora actual mas el tiempo de transito.

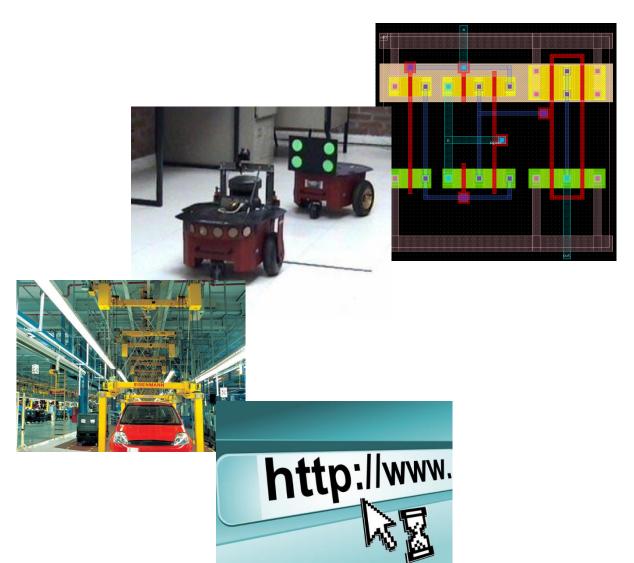
<u>Test objetivo:</u> ¿Se tiene el destino para cierta hora especificada?

<u>Costo:</u> depende del problema puede ser, dinero, tiempo de espera, tiempo de vuelo, calidad del vuelo, etc.



### Problemas del mundo real:

- Diseño electrónico
- Navegación de robots
- Secuencias de ensamble automático
- Búsquedas en internet





### Árbol de búsqueda

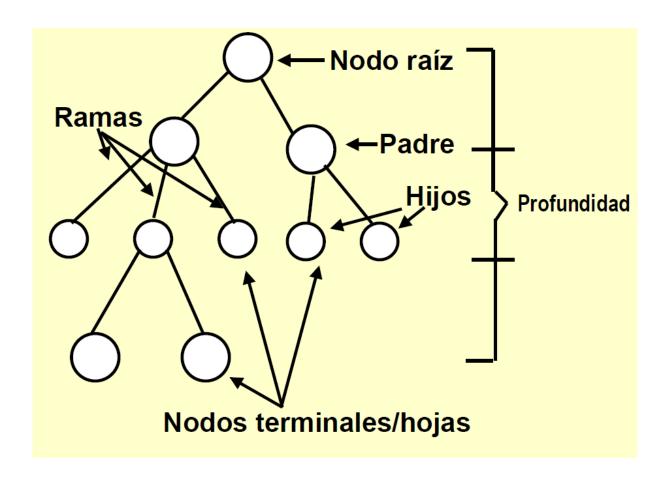
Idea general: Explorar las diferentes ramas de un árbol, con el objetivo de encontrar un camino desde la raíz a una hoja que represente un estado final.

Se debe considerar la siguiente terminología:

nodo, árbol, hoja, nodo-raíz, nodo-terminal, branching factor (factor de arborescencia), ramas, padres, hijos, árbol uniforme, etc.



### Árbol de búsqueda





### Árbol de búsqueda:

#### **Definiciones:**

- Estado: es extraído del espacio de estados y corresponde al nodo.
- Nodo padre: es el nodo en el árbol que genera un nuevo nodo.
- Acción: es aplicada al padre para generar un nuevo nodo.
- Costo del camino: es el camino que va desde el estado inicial al nodo actual.
- Profundidad: numero de paso a lo largo del camino desde el estado inicial.



### Árbol de búsqueda:

función BÚSQUEDA-ÁRBOLES(problema, estrategia) devuelve una solución o fallo

inicializa el árbol de búsqueda usando el estado inicial del problema

#### Hacer ciclo

si no hay candidatos para expandir entonces devolver fallo escoger, de acuerdo a la estrategia, un nodo hoja para expandir si el nodo contiene un estado objetivo entonces devolver la correspondiente solución en otro caso expandir el nodo y añadir los nodos resultado al árbol de búsqueda



# Situación presente

### Árbol de búsqueda:

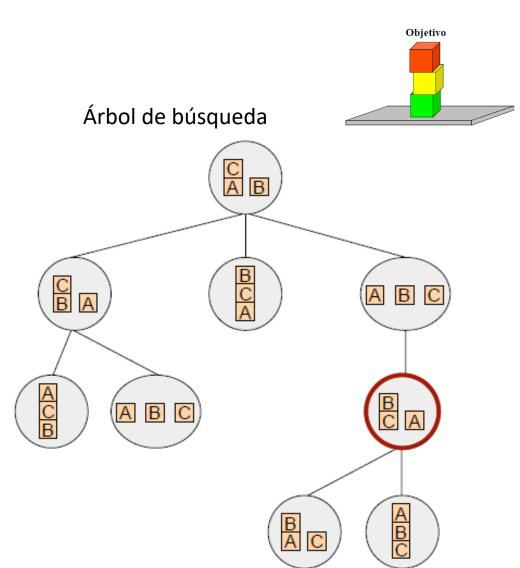
Ejemplo: problema de los bloques

#### Método de búsqueda:

- estrategia para explorar el espacio de estados
- en cada paso se *expande* un estado
- se desarrolla sucesivamente un árbol de búsqueda

#### Método general de búsqueda:

- 1. seleccionar nodo hoja
- 3. expandir este nodo hoja
- 2. comprobar si es nodo meta







### Árbol de búsqueda:

Ejemplo: problema de los bloques

#### Elementos del algoritmo

- El árbol se representa en base a un registro del tipo *nodo*
- abierta es una lista de nodos, con las hojas actuales del árbol
- vacía? determina si una lista es vacía
- primero quita el primer elemento de una lista
- ordInsertar añade un nodo a una lista, clasificado según una función de orden
- expandir devuelve los hijos de un nodo



#### {búsqueda general}

- 1. abierta  $\leftarrow$  *s0*
- 2. Repetir
- 3. Si vacía?(abierta) entonces
- devolver(negativo)
- 5. nodo ← primero(abierta)
- 6. Si meta?(nodo) entonces
- 7. devolver(nodo)
- 8. sucesores ← *expandir*(nodo)
- 9. Para cada n∈sucesores hacer
- 10. n.padre  $\leftarrow$  nodo
- 11. ordInsertar(n,abierta,<orden>)
- **12. Fin** {repetir}



### Medir el rendimiento de las soluciones:

La salida de un algoritmo de búsqueda suele ser un fallo o una solución, para verificar el rendimiento de las soluciones se proponen cuatro técnicas:

- 1. Completitud: ¿se garantiza que el algoritmo encuentre la solución si esta existe?
- 2. Optimización: ¿se ha encontrado la solución optima?
- 3. Complejidad en tiempo: ¿cuánto se tarda en encontrar una solución?
- 4. Complejidad en espacio: ¿cuánta memoria se requiere para la búsqueda?



# Estrategias de búsqueda no informada

### Búsqueda no informada:

Este término significa que ellas no tienen información adicional acerca de los estados más allá de la que se proporciona por la propia definición del problema.

### Búsqueda informada:

Estas estrategias saben si un estado no objetivo es mas prometedor que otro en relación a la función objetivo.



### Búsqueda en amplitud:

Inglés: breadth first search

### Estrategia:

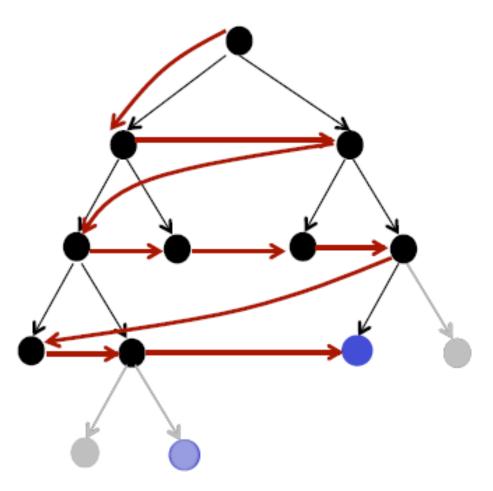
- Generar el árbol por niveles de profundidad
- Expandir todos los nodos de nivel i, antes de expandir nodos de nivel i+1

#### Resultado:

- Considera primero todos los caminos de longitud 1, después los caminos de longitud 2, etc.
- Se encuentra el estado meta de *menor profundidad*

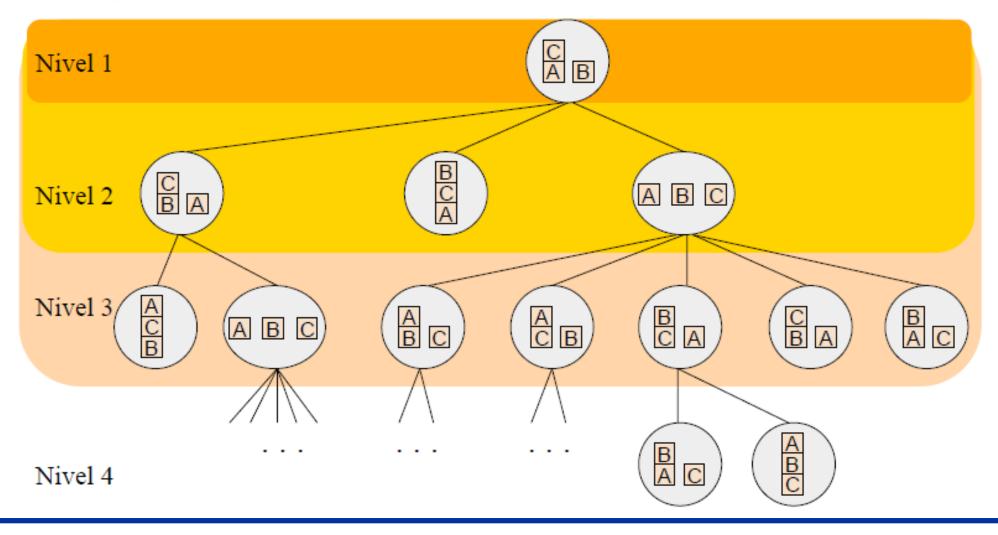


Búsqueda en amplitud:





## Búsqueda en amplitud:





### Búsqueda en amplitud:

#### Algoritmo:

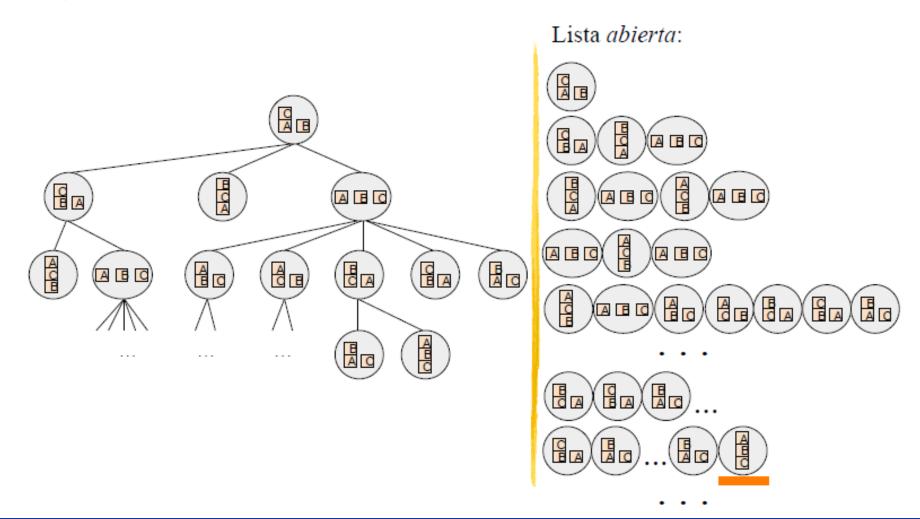
- Usar el algoritmo general de búsqueda
- Añadir nuevos sucesores al final de la lista abierta
- abierta funciona como cola
  - inserción al final
  - recuperación desde la cabeza
- estructura FIFO:
  - siempre expandir primero el nodo más antiguo

#### {búsqueda en amplitud}

- 1. abierta  $\leftarrow$  *s0*
- 2. Repetir
- 3. Si vacía?(abierta) entonces
- **4. devolver**(negativo)
- 5.  $nodo \leftarrow primero(abierta)$
- 6. Si meta?(nodo) entonces
- 7. devolver(nodo)
- 8. sucesores  $\leftarrow$  *expandir*(nodo)
- 9. Para cada n∈ sucesores hacer
- 10. n.padre  $\leftarrow$  nodo
- 11. ordInsertar(n,abierta,final)
- **12. Fin** {repetir}



## Búsqueda en amplitud:





## Búsqueda en amplitud:

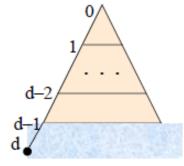
Complejidad en tiempo y espacio:

· proporcional al número de nodos expandidos

Suponemos que en el árbol de búsqueda

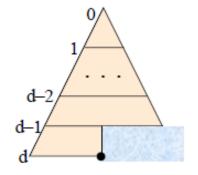
- el factor de ramificación es b
- el mejor nodo meta tiene profundidad d

Mejor caso



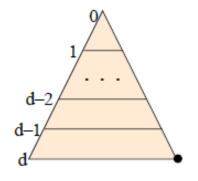
 $1+b+...+b^{d-1}+1 \in O(b^d)$ 

#### Caso medio



$$1+b+...+b^{d-1}+b^{d/2} \in O(b^d)$$

#### Peor caso



$$1+b+...+b^{d-1}+b^d \in O(b^d)$$



### Búsqueda en amplitud:

 Requerimientos de recursos de una búsqueda en amplitud exponencial factor de ramificación efectivo: 10

• tiempo: 1000 nodos/segundo

memoria: 100 bytes/nodo

d	nodos	tiempo	memoria
0	1	1 ms	100 Bytes
2	111	100 ms	11 KB
4	11.111	11 s	1 MB
6	10 <sup>6</sup>	18 min	111 MB
8	108	31 horas	11 GB
10	10 <sup>10</sup>	128 días	1 TB
12	10 <sup>12</sup>	35 años	111 TB
14	10 <sup>14</sup>	3500 años	11.111 TB



### Búsqueda en amplitud:

### Ventajas:

- Método completo:
  - Siempre se encuentra un nodo meta si existe
- Método óptimo (para operadores de coste uno):
  - siempre se encuentra el nodo meta menos profundo

#### **Problemas:**

- Complejidad
  - Exponencial incluso en el mejor caso
  - Los problemas de espacio son aún más graves que los problemas de tiempo



### Búsqueda en profundidad:

Inglés: depth first search

### Estrategia:

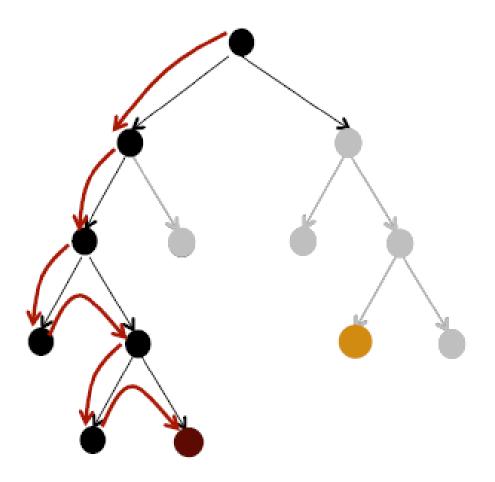
- Expandir los nodos más profundos primero
- Si se llega a un nodo sin sucesores, dar vuelta atrás y expandir el siguiente nodo más profundo

#### Resultado:

- El método va explorando un "camino actual"
- No siempre se encuentra el nodo de profundidad mínima

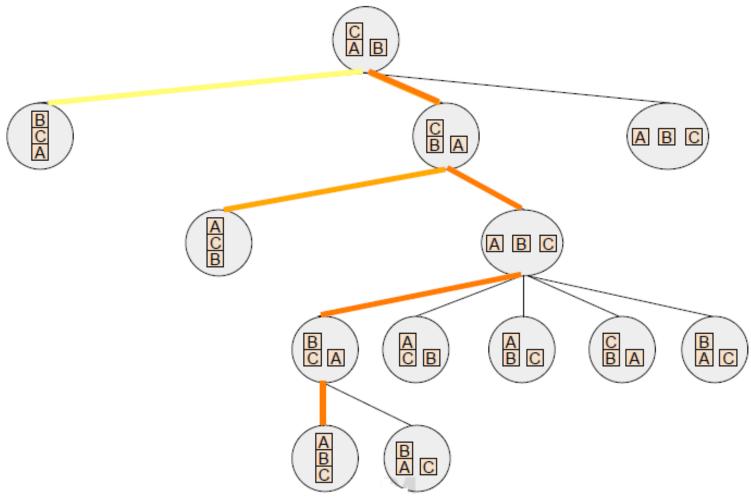


Búsqueda en profundidad:





Búsqueda en profundidad:





### Búsqueda en profundidad:

#### Algoritmo:

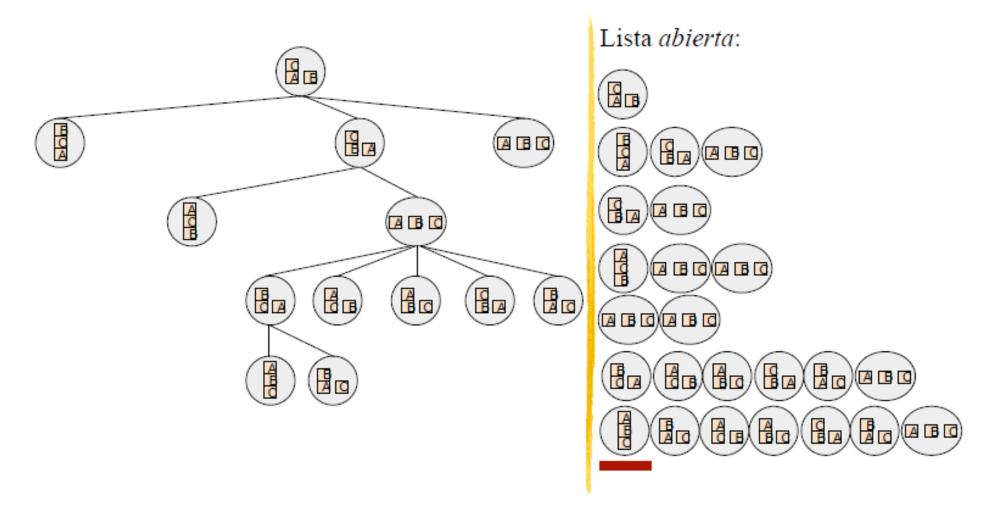
- Usar el algoritmo general de búsqueda
- Añadir nuevos sucesores *en la cabeza* de la lista *abierta*
- abierta funciona como pila
  - inserción en la cabeza de la lista
  - recuperación desde la cabeza
- Estructura LIFO:
  - Siempre expandir primero el nodo más reciente
    (es decir: el más profundo)
- Al guardar *todos* los sucesores de un nodo expandido en *abierta*, se permite la "vuelta atrás"

#### {búsqueda en profundidad}

- 1. abierta ← *s0*
- 2. Repetir
- 3. Si vacía?(abierta) entonces
- **4. devolver**(negativo)
- 5.  $nodo \leftarrow primero(abierta)$
- 6. Si meta?(nodo) entonces
- 7. devolver(nodo)
- 8. sucesores  $\leftarrow$  *expandir*(nodo)
- **9.** Para cada n∈ sucesores hacer
- 10. n.padre ← nodo
- 11. ordInsertar(n,abierta,cabeza)
- **12. Fin** {repetir}



### Búsqueda en profundidad:





### Búsqueda en profundidad:

#### **Problema:**

- La búsqueda en profundidad sólo es completa en el caso de árboles de búsqueda finitos.
- Si existen caminos infinitos sin nodo meta, es posible que la búsqueda en profundidad no termine.

#### Solución:

- Búsqueda en profundidad limitada:
  - inglés: depth limited search
  - búsqueda en profundidad con límite de profundidad d\*
  - expandir sólo nodos con profundidad  $d ≤ d^*$
- Incompleto si la profundidad del mejor nodo meta es mayor que d\*



### Búsqueda en profundidad:

### Complejidad en tiempo:

- Proporcional al número de nodos expandidos
- Factor de ramificación b / límite de profundidad d\* / nodo meta con profundidad d≤d\*
- Mejor caso: O(d) (se expanden sólo los nodos del camino meta)
- Peor caso: O(bd\*) (se expanden todos los nodos de profundidad ≤ d\*)

### Complejidad en *espacio*:

- Sólo los nodos del camino actual y sus "vecinos" (sucesores) necesitan almacenarse en la memoria
- lineal en la profundidad del árbol de búsqueda
  - mejor caso:  $O(b \cdot d)$  / peor caso:  $O(b \cdot d^*)$



### Búsqueda en profundidad:

### Ventajas:

- Mejora significativa de la complejidad en espacio con respecto a la búsqueda en amplitud (lineal frente a exponencial):
  - Método completo para límites de profundidad d\* adecuados

#### **Problemas:**

- No es óptima: el nodo meta que se encuentra puede no ser de profundidad mínima
- Es común que unos límites "buenos" de profundidad sólo pueden establecerse cuando el problema ya haya sido resuelto
- En general, no se puede asegurar que la profundidad d de un nodo meta sea d ≤ d\*, es decir no se puede garantizar la completitud.



### Búsqueda con profundidad iterativa:

Inglés: Iterative deepening search

#### Idea:

• Esquivar el problema de elegir  $d^*$ , al probar *todos* los posibles límites de profundidad.

### Estrategia:

- Enumerar todos los límites de profundidad d', empezando por 0
- Realizar búsqueda de profundidad limitada hasta d'



## Búsqueda con profundidad iterativa:

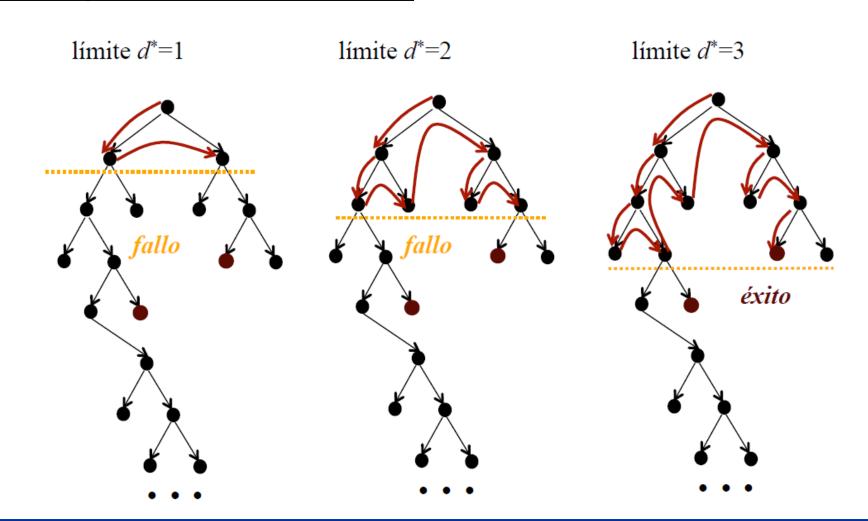
### Algoritmo:

{búsqueda de profundización iterativa}

- 1. abierta  $\leftarrow$  *s0*
- 2. desde  $d' \leftarrow 0$  hasta  $\propto$  hacer
  - 3. si búsqueda-en-prof-limitada(problema, d') = éxito entonces
  - 4. devolver(nodo-meta)
- **5. fin** {desde}



### Búsqueda con profundidad iterativa:





### Búsqueda de costo uniforme:

• Inglés: uniform cost search

#### Idea:

• Guiar la búsqueda por el *costo* de los operadores

#### Método:

- g(n): costo mínimo para llegar del nodo inicial al nodo n
- Expandir siempre el nodo de menor coste g primero



### Búsqueda de costo uniforme:

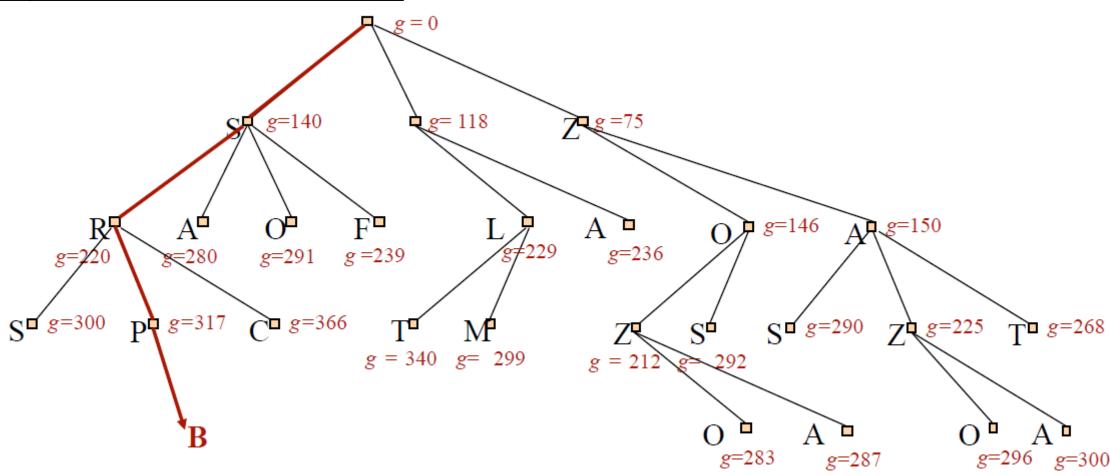
#### Algoritmo:

- Almacenar cada nodo con su valor g
- Insertar los nuevos nodos en abierta en orden ascendente según su valor g

```
{búsqueda de coste uniforme}
1. abierta \leftarrow s0
   Repetir
      Si vacío?(abierta) entonces
3.
         devolver(negativo)
4.
         nodo ← primero(abierta)
5.
      Si meta?(nodo) entonces
6.
         devolver(nodo)
7.
8.
         sucesores ← expandir(nodo)
         Para cada n∈ sucesores hacer
9.
              n.padre ← nodo
10.
             ordInsertar(n,abierta,g)
11.
12.Fin {repetir}
```



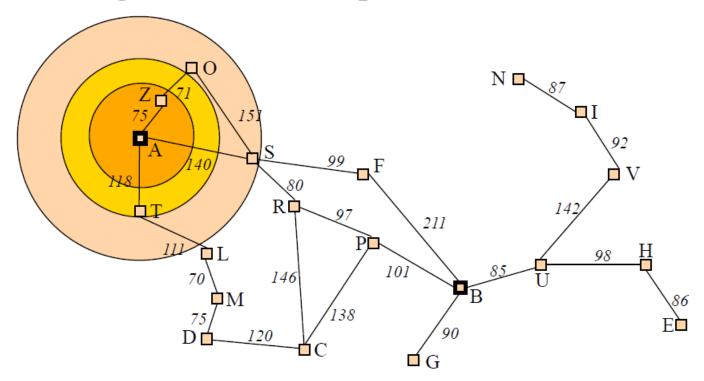
### Búsqueda de costo uniforme:





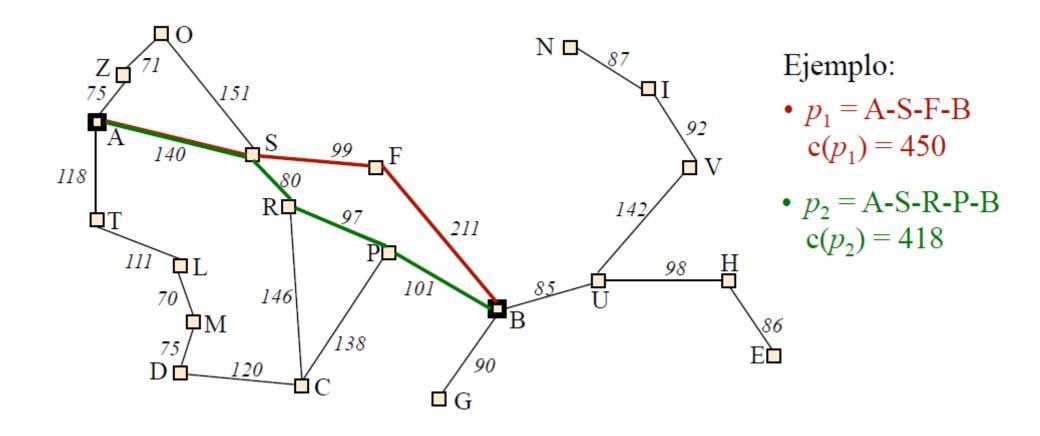
### Búsqueda de costo uniforme:

Lógica de la búsqueda de coste uniforme





## Ejemplo de búsqueda de trayectorias





### Ejemplo de búsqueda de trayectorias

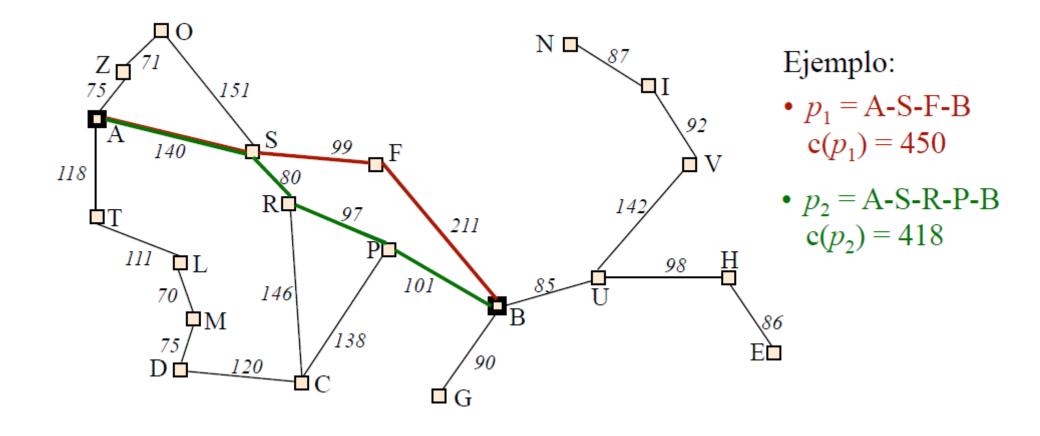
#### Problema:

• Los métodos de búsqueda no informados encuentran el nodo meta de menor profundidad; éste puede *no* ser el nodo meta de coste mínimo

- Profundidad (Bp1) = 3
- Profundidad (Bp2) = 4
- Costo (p1) = 450
- Costo (p2) = 418



## Ejemplo de búsqueda de trayectorias





### Practica 2

Realizar las actividades que se describen en el documento "Practica 2\_ SI".

Se debe adjuntar el reporte y el ejecutable de los programas.